

**HERONIS ALEXANDRINI**  
**OPERA QVAE SVPERSVNT OMNIA**

**VOLVMEN III**  
**RATIONES DIMETIENDI**  
**ET**  
**COMMENTATIO DIOPTRICA**

**RECENSUIT**  
**HERMANNVS SCHOENE**

**CVM CXVI FIGVRIS**



**STVTGARDIAE IN AEDIBVS B. G. TEVBNERI MCMLXXVI**

Editio stereotypa editionis anni MCMIII

CIP-Kurztitelaufnahme der Deutschen Bibliothek

Hero <Alexandrinus>

[Sammlung]

Heronis Alexandrini opera quae supersunt omnia.

- Nachdr. - Stutgardiae [Stuttgart] : Teubner.

Vol. 3. Rationes dimetiendi et commentatio dioptrica / rec. Hermannus Schoene. - Ed. ster.

1903. - 1976.

(Bibliotheca scriptorum Graecorum et Romanorum Teubneriana)

ISBN 3-519-01415-7

Das Werk ist urheberrechtlich geschützt. Die dadurch begründeten Rechte, besonders die der Übersetzung, des Nachdrucks, der Bildentnahme, der Funksendung, der Wiedergabe auf photomechanischem oder ähnlichem Wege, der Speicherung und Auswertung in Datenverarbeitungsanlagen, bleiben, auch bei Verwertung von Teilen des Werkes, dem Verlag vorbehalten.

Bei gewerblichen Zwecken dienender Vervielfältigung ist an den Verlag gemäß § 54 UrhG eine Vergütung zu zahlen, deren Höhe mit dem Verlag zu vereinbaren ist.

© B. G. Teubner, Stuttgart 1976

Printed in Germany

Druck: Julius Beltz, Hemsbach/Bergstr.



**HERONS VON ALEXANDRIA**  
**VERMESSUNGSLEHRE UND DIOPTRA**

GRIECHISCH UND DEUTSCH

VON

**HERMANN SCHÖNE.**

---

MIT 116 FIGUREN.



LEIPZIG,  
DRUCK UND VERLAG VON B. G. TEUBNER.  
1903.



**AUGUSTO BRINKMANN**



Quae hoc volumine coniunxi Heronis Alexandrini scripta duo, eorum ut recensio facilis, ita difficilis est emendatio; nam omnis utriusque memoria singulis codicibus continetur vetustis illis quidem, sed et mendosis et lacunosis. Quod cum ita esse intellexerem atque alia eorum antiqua exempla umquam repertum iri desperarem, in hac editione adornanda id imprimis mihi agendum esse sentiebam, ut librorum illorum scripturam cum fide consignarem, non quo coniectandi periculum prorsus recusandum esse censerem, sed ut omnis emendandi conatus ad praestantissimi aut unici exempli auctoritatem tamquam ad certam normam dirigeretur.

## I

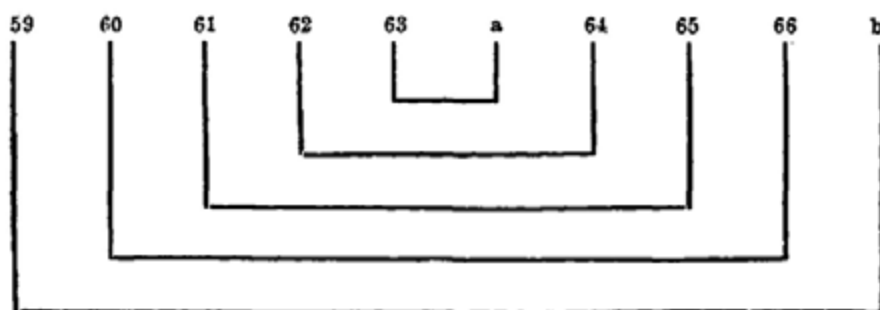
*Dimetiendi rationes*, trium opus librorum antehac non editum — nam diversus mensurarum liber singularis est a Fr. Hultsch inter Heronis reliquias p. 188—207 receptus — suppeditavit *codex Constantinopolitanus palatii veteris n° 1*, cuius ab E. Miller in *Confusaneis Graecis* p. V et a Fr. Blass *Hermae* vol. XXIII p. 222 mentionem factam esse video. Membranaceus est, foliorum 112 altorum 30 cm., latorum 22 cm., saeculo XI perspicue atque admodum eleganter scriptus, crebris figuris geometricis distinctus.<sup>1)</sup> Folium primum cum altero, centesimum undecimum cum centesimo duodecimo biniones efficiunt singulares, quorum neuter scriptus est; intermediarum

---

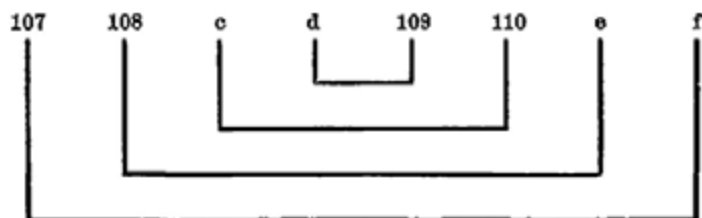
1) Saeculo XII attribuebat Dethier; cf. P. Hunfalvy, *Litterarische Berichte aus Ungarn* II (1878) p. 565.

autem membranarum cum quaterna paria inter se conserpta sint, quattuordecim corpuscula foliorum facile distinguuntur. Horum quaternionum octo solummodo primores in ora ima primae cuiusque paginae Graecis numeris signati sunt; at et hi et qui sequuntur omnes in sinistro angulo marginis superioris primae cuiusque paginae crucibus minutulis notati inveniuntur. Comprehenduntur igitur binione priore fol. 1—2, quaternione  $\alpha$  fol. 3—10,  $\beta$  fol. 11—18,  $\gamma$  fol. 19—26,  $\delta$  fol. 27—34,  $\epsilon$  fol. 35—42,  $\zeta$  fol. 43—50,  $\eta$  fol. 51—58,  $\theta$  fol. 59—66, nono fol. 67—74, decimo fol. 75—82, undecimo fol. 83—90, duodecimo fol. 91—98, tertio decimo fol. 99—106, quarto decimo fol. 107—110, binione altero fol. 111—112.

Sunt quaedam in nonnullis quaternionibus singularia. Ac primum quidem in medio margine inferiore fol. 10<sup>v</sup>, quod est primi quaternionis ultimum, scriptum est  $\alpha$ , in ceterorum fasciculorum foliis ultimis nulla huiusmodi nota cernitur. Deinde octavus qui videtur esse quaternio, non potius quaternio quam quinio existimandus est, sed cuius duo folia excisa sint, quorum exstant etiamnunc reliquiae valde illae quidem exiguae (a et b dicam). Harum igitur membranarum cohaerentia in hunc modum repraesentari potest:



Diversa quarti decimi quaternionis ratio est; cuius cum quattuor folia exsecta sint, quae c, d, e, f dicam, formam refert hancce:



Ex eis, quae dixi, apparet librum Constantinopolitanum olim fuisse sex foliis auctiorem. Neque vero iactura dicenda est illarum membranarum amissio, quippe quarum nulla scripta fuerit. Quod quo facilius intellegatur, est operae pretium cognoscere, quid in singulis foliis exaratum sit.

Codex igitur Constantinopolitanus duabus ex partibus constat, quarum prior (fol. 3—66) congeriem exhibet ex variis commentationibus mathematicis commixtam, altera (fol. 67—110) rationes dimetiendi ab Herone compositas continet. Hae duae partes etsi et ab eodem librario scriptae nec argumento inter se dissimiles sunt, tamen utrum uno ab initio volumine coniunctae fuerint an posteriore demum aetate compactae sint, videtur dubitari posse, quandoquidem prioris partis quaternionum ordo notis numeralibus indicatur, alterius non indicatur: ego ut illam opinionem probabiliorem ducam, cum summa membranarum utriusque partis similitudo facit tum idem omnibus impressarum linearum tricenum singularum numerus. Scripta insunt haec:

fol. 3<sup>r</sup>—17<sup>v</sup> *Εὐκλείδου γεωμετρία* (man. 2 in ras.).

fol. 17<sup>v</sup>—19<sup>r</sup> collectio problematum, cui *Διοφάνους* (*Διοφάντους* m. 2) nomen praefixum est.

fol. 19<sup>r</sup>—23<sup>r</sup> *μέθοδος τῶν πολυγώνων*

fol. 23<sup>v</sup>—26<sup>v</sup> *μέθοδος καθολικὴ ἐπὶ τῶν πολυγώνων*

fol. 27<sup>r</sup>—42<sup>r</sup> *Ἡρώνης εἰσαγωγαὶ ἐτ περὶ εὐθυμετρικῶν*

fol. 42<sup>r</sup>—53<sup>v</sup> *μέτρησις τετραστόου ἥτοι τετρακαμάρου ἐπὶ τετραγώνου βάσεως*

fol. 54<sup>r</sup>—54<sup>v</sup> *μέτρησις ὄντος σίτου ἐξ ἀποθέσεως*

fol. 55<sup>r</sup>—61<sup>r</sup> *μέτρησις πυραμίδων*

fol. 61<sup>r</sup>—62<sup>v</sup> *Εὐκλείδου εὐθυμετρικά*

fol. 63<sup>r</sup>—63<sup>v</sup> *Ἡρώωνος* (in ras. m. 2) *γεωμετρικά*

fol. 64<sup>r</sup>—66<sup>r</sup> *Διδύμου Ἀλεξανδρέως περὶ παντοίων ξύλων  
τῆς μετρήσεως*

fol. 66<sup>v</sup> vacuum relictum est

fol. 67<sup>r</sup>—110<sup>v</sup> *Ἡρώωνος μετρικά.*

Hac ex tabula facile patet, quibus causis permotus librarius in octavo et quarto decimo quaternione alia atque in ceteris ratione sibi utendum esse putaverit. Etenim cum posteriorem codicis partem tripartito Heronis operi destinata a novo quaternione (fol. 67 sq.) initium sumere vellet, antecedentis fasciculi, qui foliis 59, 60, 61, 62, 64, 65, 66, b constabat, folium ultimum deficiente materia vacuum relictum exsecuit ac postea, ne quid ad pristinam integritatem deesse videretur, unum folium vel potius dimidium binionem (fol. 63 a fol. a solutum) inseruit, in quo sua ipsius manu, sed atramento paulo diverso tabulam metrologicam *γεωμετρικά* inscriptam exaravit. Idem in describendis dimetiendi rationibus occupatus, cum numero versuum computato provideret fore, ut quattuor quarti decimi quaternionis membranae superfluerent, prudenti sane consilio, ut bibliopegae commoditati prospiceret, non quattuor extrema folia exsecuit, sed tertium quartumque (c, d) et septimum octavumque (e, f).

Scriptus est liber Constantinopolitanus a librario indocto (man. 1), qui quoniam quae ex exemplaribus describebat, fere non intellegebat, in multos errores se induit, sed a fraude ac fallaciis alienus fuit. Cui quod ad manum erat operis Heroniani exemplum, id et uncialibus litteris scriptum et multis locis detritum perrossumque fuisse ex magno numero mendorum palaeographica ratione tollendorum atque ex frequentia lacunarum interstitiis ab ipso librario commonstratarum colligitur. Indidem scholia aliquot antiqua transscripta esse videntur, quae ab ipso librario, sed scripturae genere compendioso marginibus codicis adpicta sunt.



Saeculo XV ineunte liber Constantinopolitanus a duobus hominibus doctis, quorum alter (m. 2) grandiore ac negligentiore, alter (m. 3) minore et diligentiore utebatur genere scribendi, ita pertractatus est, ut et scholia multa adscriberentur et levia quaedam emendandi conamina fierent in lacunis explendis et erroribus apertissimis tollendis; quod ut in multis recte factum est, ita multi non minus aperti errores relictis sunt, quaedam autem ex eo genere inveniuntur, quo mancis falsa integritatis species inducitur. In his cum multa sint, quae nisi e coniectura eaque fallaci ducta esse nequeant, nec quidquam, quod coniectura repertum esse nequeat, emendatoribus illis alios operis Heroniani codices ad manum fuisse nego. Ceterum scholiorum illorum, quae posthac a me edentur, nonnulla atramento evanido tantopere obscurata sunt, ut ego ne contentissima quidem oculorum acie legere potuerim: at potuit Ioannes Ludovicus Heiberg. Idem vir illustris etiam in aliis huius codicis partibus praesentem operam mihi denegare noluit, quo eius beneficio me maxime obstrictum esse sentio.

Si verum est — quod est profecto — Pneumatica, Automatopoetica, Belopoetica, Dioptrica Heroni Alexandrino tuto posse attribui, rationum dimetiendi libri tantam certe prae se ferunt in dicendi, disputandi, prooemiandi genere cum illis similitudinem, ut nisi ab eodem homine compositi esse nequeant. De his, quamdiu properditis habebantur, tanta hominum doctissimorum dissensione certatum est, quantam, dum auctorum testificatio certo iudicio capiendi non suppetit, in quaestione perobscura fuisse consentaneum est.<sup>1)</sup> Nunc postea quam opus illud, cuius omnis propemodum praeter titulum memoria aboleverat, ex diuturna oblivione emersit, controversia facile diiudicatur. Errasse igitur eos apparet, qui quot-

1) Cf. Eutocius in Archimedis dimens. circuli t. III p. 270 Heiberg.

quot in codicibus recentioribus Heroni attribuuntur commentationes mathematicae ac mechanicae, eas omnes ex amplissima illa — ut putabant — scriptione tamquam ex fonte derivatas ac posterioribus temporibus semper aliquid demendo, interpolando, immutando depravatas esse existimabant. Verum enim vero cum cuncta illa scripta et rerum ordine ac delectu et genere dicendi dissociantur a libris nuper repertis, tum Heronis geometria quae dicitur capitibus aliquot e dimetiendi rationibus desumptis ampliata invenitur: quae qui interpolavit, cum in alio Heronis libro sese ea repperisse testetur (p. 131 et 134 Hultsch), fieri non potest, ut ipsam geometriam e libris rationum dimetiendi excerptam esse putemus: quod ne faciamus, dissuadet etiam singulorum utriusque operis capitum comparatio. Quodsi fere omnes illi libelli a Fr. Hultsch editi non uno nomine dissident a genuina illa, quam recuperavimus, Heronis scriptione mathematica, videndum erit, quo iure huic etiam nunc attribuantur.

## II

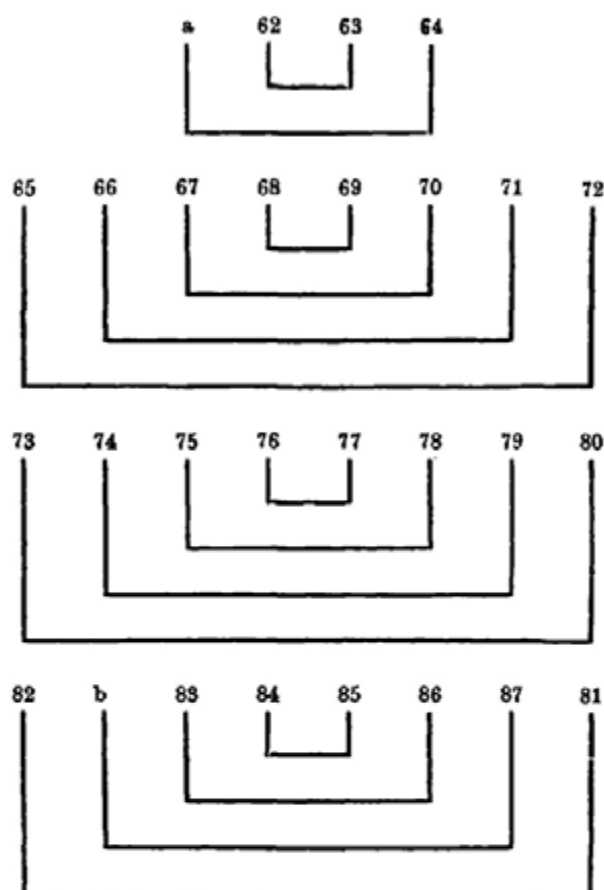
*Commentationis dioptricae* codices mihi innotuerunt quinque, Parisiaci tres, Vindobonensis, Argentoratensis. Eorum longe antiquissimus est *codex Parisiacus inter supplementa Graeca n° 607* a Minoide Myna Macedone incertum quo loco repertus in Galliamque advectus, nunc insigne bibliothecae nationalis decus. Celebri hoc libro, quem norunt qui vel militaribus Graecorum scriptoribus vel Aristodemo historico operam dederunt, nec Venturius uti potuit, cum Heronis Dioptrica Italice verteret<sup>1)</sup>, nec Vincentius, cum ipsum libellum in publicum primus profferret.<sup>2)</sup> Quae insunt, breviter indicavit H. Omont In-

1) Commentarj sopra la storia e le teorie dell'ottica del Cavaliere Giambattista Venturi; tomo primo (Bologna 1814) p. 77—147.

2) Notices et extraits des manuscrits de la Bibliothèque Impériale t. XIX, 2<sup>e</sup> partie (Paris 1858) p. 157—337.

ventarii t. III p. 282; explicatius de eo dixerunt cum alii tum C. Wescher in arte Graecorum poliorcetica p. XV sq., C. Mueller FHG V, 1 p. VII sq., R. Prinz in Fleckeiseni annali t. CI p. 193—210. Quorum disputationibus quae addere posse mihi videbar, ea in Musei Rhenani t. LIII p. 432—447 exposui; nunc in earum rerum commemoratione consistam, quae ad institutam hanc quaestionem pertinent.

Codex igitur Parisiacus miscellus liber est ex variorum diversi argumenti diversaeque originis codicum partibus compositus. Agmen ducunt quaterniones privi e Nicetae Choniatae Joannisque Chrysostomi codicibus nescio quibus evulsi (fol. 1—7, 8—15), claudunt quiniones complures ex decurtato aliquo codice Lysiaco relictis (fol. 104—129). Quae interiecta sunt folia 16—103, ea, cum a duobus diversis saeculi XI aut XII librariis scripta sint, ad duos diversos codices et ipsa videntur referenda esse. Atque ad alterum quidem librum, qui variarum urbium obsidiones exhibuit, fol. 16—17 et fol. 88—103 pertinent; ad alterum, in quo cum alia scripta mechanica insunt tum Heronis commentatio dioptrica, fol. 18—88 revocanda sunt: utraque olim in speciem quaternionum ordinata fuisse invictis argumentis demonstravit Prinzius, nisi quod de eis se dubitare significavit membranis, quae Dioptricum initium exhibent. Nollem fecisset vir prudentissimus ac paene supra modum cautus; nam aut egregie fallor aut harum eadem ratio est atque ceterarum. Nempe incipit illa Heronis scriptio a fol. 62<sup>r</sup>, continuatur usque ad fol. 80<sup>v</sup>, finitur fol. 82<sup>r</sup>. Inter folia 61 et 62 excisi alicuius folii reliquiae cernuntur, quod cum fol. 64 nunc solitario olim cohaesit. Porro non solum fol. 81 et 82 hodieque cohaerentia locum inter se permutare oportet, verum etiam propter argumenti continuationem interseri eis folia 83—87, quae tria olim effecisse paria folii cuiusdam particula initio residua evidenter ostendit. Itaque haec fuit primigenia illarum membranarum compaginatio:



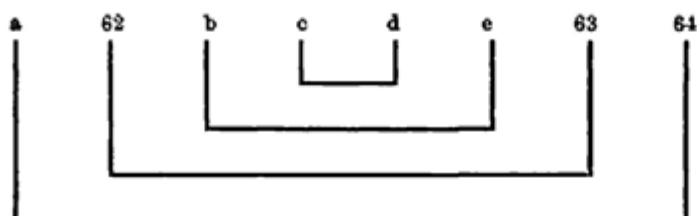
Iam altius quaestio repetenda est. In commentatione dioptrica locus est p. 196, 2, quem ampla lacuna deformatum esse Venturius (l. l. p. 85) argumentis ex ipso Heronis opusculo desumptis ita demonstravit, ut artius adstringi ratio nequirit. Cuius sagacissimae et verissimae disputationi quae opposita sunt a Vincentio, ea partim verbis Graecis parum recte explicatis aut licenter mutatis, partim rationibus perperam conclusis continentur. Principio Vincentius, quamquam *ρύπανον* et *ρυπάνιον* voces, utpote quae diversas instrumenti dioptrici partes significarent, distinguendas neque inter se permutandas esse recte pronuntiavit (l. l. p. 184, 22), tamen in cap. VIII cum in omnibus codicibus scriptum sit: *ἐπεστράφηθω δ*

πανών δ ἐπὶ τῷ τυπάνῳ, ipse ἐπὶ τῷ τυπανίῳ scripsit atque hoc loco, si dis placet, emendato ad acutissimam utilissimamque Venturii observationem redarguendam abusus est. Deinde quod negat Venturium perspexisse nonnullas instrumenti illius partes mobiles fuisse, nec verum est — nam potuisse nonnullas partes mobiles fuisse disertis ille verbis significavit — et si maxime verum esset, in hac quaestione diiudicanda momentum non faceret. Tum „il ne manque ici“, inquit, „que la mention des pièces mobiles, et Héron a bien pu, a dû même reporter toutes ces descriptions de détail aux passages où elles pouvaient être placées fructueusement; car ici elles eussent été inintelligibles“. Mihi secus videtur; nam Hero in cap. III totius instrumenti descriptionem et potuit proponere et debuit. Denique quae verba Vincentius in unius sententiae ambitum commodè coire statuit: οὗ τὰ στημάτια ἀρμωστὰ τῷ ἐλξημένῳ τόρμῳ, ea ipse explicare non potuit, sed mutanda esse in interpretatione Franco-gallica significavit<sup>1)</sup>: quod apparet quantum de opinionis ab eo defensae probabilitate detrahat.

Tantum igitur abest, ut Venturii ratiocinatio argumentis a Vincentio adlatis refutata sit, ut lacunam rectissime ab illo animadversam esse pateat. Quae quomodo orta sit, nunc, postea quam archetypi codicis interposita est auctoritas, nemo erit quin perspiciat. Nam ille de quo agitur locus in vetusto libro Parisiaco sic scriptus invenitur, ut quae praecedunt proxime hiatum verba: οὗ τὰ στη[ ea in imo folio 62<sup>v</sup> posita sint, quae subsequuntur hiatum verba: ]ἀρμωστὰ τῷ ἐλξημένῳ τόρμῳ, ea initio fol. 63<sup>r</sup> legantur. Itaque nil magis manifestum est quam grandem illam lacunam aliquot ipsius libri Parisiaci membranarum amissione natam esse. Quot vero folia interciderint, Prinzius definiri posse negavit. Nescio an aliis, mihi quidem certe deperditorum foliorum numerus

1) Sic enim vertit: „dont les supports sont fixés sur le chapeau du tube“ eisque adscripsit: „Le grec dit: fixés à l'axe.“

videtur calculis subductis ita definiri posse, vix ut ad dubitare liceat. Nam cum et ceterae huius codicis partes quaternionibus absolvantur et ipsius commentationis dioptricae longe maxima pars in quaternionibus exarata sit, etiam primam eius partem in integro olim quaternione scriptam fuisse si minus certum, at veri est simillimum. Iam cum neque inter folia 63 et 64 neque inter folia 64 et 65 quicquam deesse disputationis continuatione satis demonstratur, consentaneum est, ut inter folia 62 et 63 duo membranarum paria interciderisse statuamus. Quo fit, ut fasciculi illius forma restituatur haecce:



Ex hoc decurtato codice Parisiaco sive ipso sive apographis cetera opusculi Heroniani exempla quotquot adhuc innotuerunt omnia esse derivata indicio est perinde ab omnibus relata lacuna illa, quam quattuor illius libri schedarum iactura natam esse demonstravi.<sup>1)</sup> Qui quibus successionis corruptionisque quasi gradibus sese excipiant, explorare vix attinet; neque enim ullam oportet esse horum auctoritatem, cum aditus ad communem eorum fontem hodieque pateat. Sunt autem hi:

1) Nam quod p. 196, 2 in cod. Paris. n° 607 *στη* scriptum est, in ceteris *σημάτια*, potuit profecto hoc unum vocabulum a quovis librario coniectura e consimili loco p. 194, 25 ducta restitui. Et vero factum est ita. Nam si aliud huius commentationis exemplum idque integrius librario illi ad manum fuisset, profecto totam illam quae nunc desideratur disputationis partem ex eo transtulisset. Atqui non transtulit: ergo ne tres quidem syllabas istas ex alio libro sumpsit, sed de suo addidit. Mitto alia indicia; hoc addo recentiores codices a Parisiaco n. 607 ita discrepare, ut dissimilitudo orta esse possit ex describentium erroribus atque aliquo etiam emendandi conatu.

*Codex Vindobonensis Ms. philosophicus Graecus olim n° 110, nunc n° CXL* saec. XVI exaratus, foliorum scriptorum 96. Fol. 1<sup>r</sup> in mg. sup. leguntur haec: „Ex libris Sebastiani Tengnagel J. U. D. et Caes. Bibliothecae Praefecti A° 1619.“ De hoc libro dixit G. Schmidt in supplemento primi Heronis operum voluminis p. 23 et 88. Heronis de dioptra opusculum in foliis 31—59 scriptum est. In imo fol. 32<sup>r</sup> leguntur haec: οὗ τὰ σημάτια; fol. 32<sup>v</sup> et octo quae sequuntur folia nec scripta nec numeris insignita sunt; fol. 33<sup>r</sup> ab his verbis incipit: ἀποσπᾶ τῷ εἰρημένῳ τόμῳ. Manifestum igitur est librarium codicis Vindobonensis, cum perspexisset in vetusto exemplo Parisiaco mediam disputationem hiatu interruptam esse, tot folia, quot deperditae commentationis parti necessaria esse existimabat, vacua reliquisse; consequens autem est, ut Venturium fallaci specie in errorem inductum esse statuamus, quod hunc codicem magis etiam quam ceteros decurtatos esse existimavit (*Commentarij* p. 79): de qua re prudenter iudicavit Vincentius l. l. p. 427—430.

E codice Vindobonensi Heronis libellus in eos codices transcriptus esse videtur, quibus Vincentius in editione sua adornanda usus est. Atque alter eorum, *Argentoratensis bibliothecae seminarii protestantici n° C III 6*, quamquam anno 1871 incendio absumptus est, tamen quo loco habendus sit, existimari hodieque potest; nam exstat apographum a Fr. Hase confectum<sup>1)</sup>, quod pater meus benigne mihi commodavit. Eiusdem farinae codex est *Parisiacus n° 2430*, saeculo XVI scriptus, de quo vid. H. Omont Inventarii t. II p. 260 et G. Schmidt l. l. p. 29. Horum igitur uterque e codice Vindobonensi deductus est; tantum enim abest, ut hic liber minus integer quam illi sit, ut haud pauca verba exhibeat ab illis praetermissa. Cuius

1) cf. Fr. Hase de militarium scriptorum Graecorum et Latinorum omnium editione instituenda narratio (Berolini 1847) p. 10 et G. Schmidt l. l. p. 26.

Heronis op. vol. III ed. Schoene.

b

generis haec sunt exempla potiora: p. 174, 5 Vi. εἰς εὐχέρειαν μεταγαγεῖν, τὰ δὲ ψευδῶς εἰρημένα | p. 184, 3 ἔλασσον | p. 198, 19 εἴτα διόπτρα μὲν ἔστω ἡ *A*, εὐθεῖα δὲ ἡ *BΓ*. καὶ καταβάσεως μὲν πῆχεις β, ἀναβάσεως δὲ πῆχυν εἰς | p. 198, 25 στίχοις | p. 200, 4 παραλλήλω | p. 208, 17 οὕτως ἡ *ΓΒ* πρὸς *ΒΑ*. ἐχέτω δὲ τὸν τῆς *ΓΕ* πρὸς *ΑΔ* | p. 238, 5 ἡνίκα (sic) ἂν βουλώμεθα καὶ κατὰ κάθετον ὁρύσσοντες | p. 246, 8 καὶ ἐν αὐτῷ δύο εὐθεῖαι ἔστωσαν αἱ *ΚΑ*, *ΜΝ* | p. 254, 9 ἔστω sq. usque ad βούλωμαι | p. 262, 6 μήτε συστέλλεσθαι | p. 276, 5 μετρεῖν | p. 300, 26 ἐκάστη usque ad καί.

Qui superest, *codex Parisiacus inter supplementa Graeca n° 816* (cf. H. Omont *Inventarii t. III* p. 313), is apographum est libri Parisiaci n° 2430 in usum Vincentii saeculo XIX factum.

In hac subsidiorum criticorum penuria adiumentum non prorsus spernendum quo Heronis opusculum emendetur praebet ignoti nobis scriptoris Byzantini de geodesia libellus a Vincentio editus.<sup>1)</sup> Is Heroni Byzantio contra archetypi codicis fidem perperam attribuitur; nam in codice Vaticano Graeco n° 1605 (membr. saec. XI), quem unicum huic libello recensendo praesidium esse K. K. Mueller (*Mus. Rhen. t. XXXVIII* [1883] p. 454—463) docuit, sine titulo traditur. Quem qui conscripsit, ut omnem propemodum disputationis suae materiam a vetustioribus scriptoribus corrogasse videtur, ita Heronis de dioptra librum se adhibuisse disertis ipse verbis professus est (p. 388). Cuius cum codice usus sit hic illic meliore quam qui nobis praesto est Parisiacus vetustus, ad menda quaedam tollenda, maxime in cap. XXXI, utilitatem adfert. Sed quae olim inter primum et alterum geodesiae caput posita fuisse videtur instrumenti dioptrici descriptio, ea quaternionibus aliquot archetypi illius codicis amissis periit; quae si exstaret, ad lacunam illam opusculi Heroniani

1) Notices et extraits t. XIX, 2<sup>e</sup> partie (Paris 1858) p. 348 sq.



explendam nonnihil inde redundaret; nam quoniam prooemium commentationis dioptricae ab anonymo illo scriptore in praefatione (cap. I) conscribenda adhibitum est, ex eodem armamentario eum etiam ea sumpsisse credibile est, quae de ipsius dioptrae structura non potuit non proponere. Quae cum ita sint, abiecta spe hiatus illius ex codicibus integrioribus explendi dioptrae Heronianae formam eorum indiciorum ope restituere oportet, quae per posteriorem commentationis partem sparsa inveniuntur.

Quoniam quibus praesidiis commentationis dioptricae recensio munita sit exposui, dicendum est de interpolationibus.

Ac primum Fr. Hultsch<sup>1)</sup> gravissimum illud theorema, quo areae triangularis mensura ex tribus lateribus efficitur (c. XXX), medio Heronis libello ab interpolatore quodam insertum esse autumavit. Quod si verum esset, caput illud perquam memorabile posset videri ex primo libro rationum dimetiendi desumptum esse; in hoc enim opere demonstratio illa paene eisdem verbis proponitur (p. 20, 6 sq.). At invictum praesto est argumentum quo Hultschii opinio refellatur. Ipse enim Hero in cap. XXVII: *δυνατόν δὲ, inquit, μετρήσαι τὸ ΗΚΑ τρίγωνον, ἐπειδήπερ ἔχω τὰς πλευρὰς αὐτοῦ· τοῦτο γὰρ ἐξῆς δειξόμεν.* His verbis in capite XXVII positus quoniam quasi digitum intendit in caput XXX, aut neutrum horum capitum aut utrumque ab eo scriptum esse liquido apparet. Confirmatur haec ratiocinatio duobus exemplis plane consimilibus. Nam quae in cap. XXIV scripta sunt: *δείξει ἐπιστάσθαι ἀπὸ τοῦ δοθέντος τραπεζίου ὡς δεῖ ἀφελεῖν τραπεζίον ἴσον τῷ δοθέντι· τοῦτο δὲ ἐξῆς δειξόμεν,* his ad cap. XXVIII relegamur; item quae in cap. XXVI leguntur: *ὡς δεῖ δὲ ἀφελεῖν τρίγωνον ἢ προσθεῖναι, ἐξῆς δειξόμεν,* iis ea spectantur, quae in cap. XXIX demonstrantur. Qui haec expenderit, facile opinor intelletur capita XXVIII, XXIX, XXX non modo non aliena esse

1) Heronis Alexandrini reliqu. praef. p. XVII.

a commentationis dioptricae consilio, verum etiam necessaria eius esse supplementa, quippe quibus difficiles aliquot demonstrationes mathematicae, quarum in superioribus capitibus mentio facta sit, contineantur.

Ut haec iniuria, ita ea, quae in capite XXXVII exponuntur, merito interpolationis suspicionem moverunt; nam toto genere aliena sunt a quaestionibus dioptricis eisque ne minima quidem societate coniunguntur. Sed quod Hermannus Diels<sup>1)</sup> fragmentum illud, quod etiam initio Mechanicorum Heronis legitur<sup>2)</sup>, in vetusto aliquo corpore commentationum Heronianarum medium inter Dioptrica et Mechanica locum obtinuisse ob eamque rem posterioribus temporibus tum una cum commentatione dioptrica, tum una cum Mechanicis per libros manu scriptos propagatum esse suspicatus est, vereor ne haec opinatio in lubrico versetur. Etenim in vetusto codice Parisiaco (suppl. Gr. n° 607) caput illud XXXVII non extremo Heronis libro adiunctum reperitur, sed continuatur eo capite, quod nunc est XXXV, in Vincentii autem editione editoris iudicio arbitrioque factum est, ut caput illud eo loco, quem in codicibus tenet, moveretur: quae res subobscura quidem, sed indicata tamen est p. 319. Itaque coniectura illa sane speciosa mihi reprobanda esse videtur; neque enim, quantum ego existimare possum, certum praesto est argumentum, quo evincatur caput XXXVII ab interpolatore extremae Heronis commentationi adscriptum fuisse ac postea demum sive membranis traiectis sive alia de causa sedem mutasse.

Figurarum geometricarum — ut hoc addam — alia est in priore atque in altero Heronis scripto ratio. Nam cum rationum dimetiendi libros in codice Constantino-politano figuris diligenter pictis distinctos viderem, has ipsas delineandas curavi; dioptricae autem commentationis

1) *Deutsche Literaturzeitung* 1895, 44.

2) Carra de Vaux, *Les Mécaniques d'Héron d'Alexandrie* p. 39 sq.; cf. Nix II, 1 p. XXIII et 2.

figuras partim a Vincentio mutuatus sum, partim refinxi, quoniam eae, quae in libro Parisiaco sunt, non omnes idoneae videbantur.

Heronis similiumque Heronis scriptorum emendatio facilis est eademque difficilis: facilis, quia illi in angusto verborum et sententiarum gyro quasi circumaguntur; difficilis, quia in eis rebus explicandis versantur, quae a litteratorum studiis plerorumque alienae sunt. Itaque ego, ut homo grammaticus mathematices parum peritus, multo minus me, quam par erat, assecutum esse scio speroque fore, ut alii inchoatum opus perficiant. Quodsi qua sunt in hoc volumine, quae litteris conducere videantur, ea non tam mihi accepta referri cupio quam patri meo optimo, qui et repertos a se in codice Constantinopolitano rationum dimetiendi libros edendos mihi tradidit et commentationem dioptricam cum libro Parisiaco accuratissime collatam mihi commodavit. Praeterea Maximilianus Nath, vir doctissimus, dum plagulas mea causa semel iterumque perlegit, acutissimis observationibus et emendationibus egregie de hac editione meruit. Statio haec, non portus est; ad portum nisi coniuncta multorum opera non pervenietur. Itaque si philologorum et mathematicorum studia ad hos libros legendos, emendandos, illustrandos excitavero, amplissimum laboris praemium consecutus esse mihi videbor.

---



ΗΡΩΝΟΣ ΑΛΕΞΑΝΔΡΕΩΣ  
ΜΕΤΡΙΚΩΝ

Α Β Γ

# ΗΡΩΝΟΣ ΜΕΤΡΙΚΩΝ Α

## ΠΡΟΟΙΜΙΟΝ

cod. Cpolit.  
n. 1 fol. 67<sup>r</sup>

Ἡ πρώτη γεωμετρία, ὥς ὁ παλαιὸς ἡμᾶς διδάσκει  
λόγος, περὶ τὰς ἐν τῇ γῇ μετρήσεις καὶ διανομὰς  
κατησχολεῖτο, ὅθεν καὶ γεωμετρία ἐκλήθη· χρειώδους 5  
δὲ τοῦ πράγματος τοῖς ἀνθρώποις ὑπάρχοντος ἐπὶ  
πλέον προήχθη τὸ γένος, ὥστε καὶ ἐπὶ τὰ στερεὰ  
σώματα χωρῆσαι τὴν διοίκησιν τῶν τε μετρήσεων καὶ  
διανομῶν· καὶ ἐπειδὴ οὐκ ἐξήρκει τὰ πρῶτα ἐπινοη-  
θέντα θεωρήματα, προσεδέθησαν ἔτι περισσοτέρας 10  
ἐπισκέψεως, ὥστε καὶ μέχρι νῦν τινὰ αὐτῶν ἀπορεῖσθαι,  
καίτοι Ἀρχιμήδους τε καὶ Εὐδόξου γενναίως ἐπιβε-  
βληκότων τῇ πραγματείᾳ. ἀμήχανον γὰρ ἦν πρὸ τῆς  
Εὐδόξου ἐπινοίας ἀπόδειξιν ποιήσασθαι, δι' ἧς ὁ κύλιν-  
δρος τοῦ κώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ 15  
καὶ ὕψος ἴσον τριπλάσιός ἐστι, καὶ ὅτι οἱ κύκλοι πρὸς  
ἀλλήλους εἰσὶν ὥς ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα πρὸς  
ἄλληλα. καὶ πρὸ[ς] τῆς Ἀρχιμήδους συνέσεως ἄπιστον  
ἦν ἐπινοῆσαι, διότι ἡ τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια τετρα-  
πλασία ἐστὶ τοῦ μεγίστου κύκλου τῶν ἐν αὐτῇ (π. σφ. 20

1 tituli litterae minio scriptae, dein inauratae 3—9 am-  
plificata leguntur in Heronis pers. Geometria 106 p. 138, 31 sq.  
Hu. 3 cf. Herodotus II 109 10 προσεδέθησαν: sc. αἱ μετρή-  
σεις 14 δι' ἧς: διότι Heiberg 14—15 cf. Archimedes π.

# VERMESSUNGSLEHRE VON HERON VON ALEXANDRIA.

## ERSTES BUCH.

### FLÄCHENVERMESSUNG.

5 In ihren Anfängen beschäftigte sich die Geometrie, <sup>Vorrede</sup>  
wie die alte Erzählung uns lehrt, mit den Landvermes-  
sungen und Landteilungen, wovon sie auch Geometrie  
(Landmessung) genannt ward. Da dies Geschäft für die  
Menschen nützlich war, so wurde sein Gattungsbegriff er-  
10 weitert, sodaß die Handhabung der Messungen und Teilungen  
auch zu den festen Körpern fortschritt, und da die zuerst  
gefundenen Sätze nicht ausreichten, so bedurften jene  
Operationen noch weiterer Forschung, sodaß sogar bis zum  
gegenwärtigen Moment manches davon noch ungelöst ist,  
15 obwohl Archimedes und Eudoxus den Gegenstand vortreff-  
lich behandelt haben. Denn vor des Eudoxus Entdeckung  
war es unmöglich, den Nachweis zu liefern, daß der  
Cylinder dreimal so gross ist, als der Kegel, der mit ihm  
dieselbe Basis und die gleiche Höhe hat (Elem. XII 10),  
20 sowie dafür, daß die Kreise sich zu einander verhalten wie  
die Quadrate ihrer Durchmesser zu einander (Elem. XII 2).  
Und vor Archimedes' scharfsinniger Entdeckung war es  
nicht wahrscheinlich, daß man auf den Gedanken kam, daß

---

σφαίρας καὶ κυλίνδρου I 1 vol. I p. 4, 14 Heib. 17 ὡς ἀπὸ:  
ὡς <τὰ> ἀπὸ Heiberg 18 πρὸς: corr. man. 2

καὶ κυλ. I, 33 vol. I p. 136 Heib.) καὶ ὅτι τὸ στερεὸν  
 αὐτῆς δύο τριτημόριά ἐστι τοῦ περιλαμβάνοντος αὐτὴν  
 κυλίνδρου (ibid. I, 34 corollarium vol. I p. 146 Heib.)  
 καὶ ὅσα τούτων ἀδελφὰ τυγχάνει. ἀναγκαίως οὖν ὑπαρ-  
 χούσης τῆς εἰρημένης πραγματείας καλῶς ἔχειν ἡγη- 5  
 σάμεθα συναγαγεῖν, ὅσα τοῖς πρὸ ἡμῶν εὐχρηστα  
 ἀναγέγραπται καὶ ὅσα ἡμεῖς προ(σ)εθεωρήσαμεν.  
 ἀρξώμεθα δὲ ἀπὸ τῶν ἐπιπέδων μετρήσεων, συμπα-  
 ραλαμβάνοντες τοῖς ἐπιπέδοις καὶ τὰς ἄλλας ἐπιφανείας  
 κοίλας ἢ κυρτάς, ἐπειδήπερ πᾶσα ἐπιφάνεια ἐκ δύο 10  
 <δια>στάσεων ἐπινοεῖται. αἱ δὲ συγκρίσεις τῶν εἰρη-  
 μένων ἐπιφανειῶν γίνονται πρὸς τι χωρίον εὐθύ-  
 γραμμὸν τε καὶ ὀρθογώνιον, εὐθύγραμμον μὲν, ἐπεὶ  
 101. 67<sup>ν</sup> ἢ εὐθεῖα ἀμετάπτωτος | ἐστι παρὰ τὰς ἄλλας γραμμάς·  
 πᾶσα γὰρ εὐθεῖα ἐπὶ πᾶσαν εὐθεῖαν ἐφαρμόζει, αἱ 15  
 δὲ ἄλλαι κοῖλαι ἢ κυρταὶ οὐ πᾶσαι ἐπὶ πάσας. <...>  
 διὸ πρὸς ἐστηκός τι, λέγω δὲ τὴν εὐθεῖαν, ἔτι δὲ καὶ  
 πρὸς τὴν ὀρθὴν γωνίαν τὴν σύγκρισιν ἐποιήσαντο·  
 πάλιν γὰρ πᾶσα ὀρθὴ ἐπὶ πᾶσαν ὀρθὴν ἐφαρμόζει, αἱ  
 δ' ἄλλαι οὐ πᾶσαι ἐπὶ πάσας. καλεῖται δὲ πῆχυς μὲν 20  
 ἐμβαδὸς, ὅταν χωρίον τετράγωνον ἐκάστην πλευρὰν  
 ἔχῃ πῆχεος ἑνός· ὁμοίως δὲ καὶ ἐμβαδὸς ποῦς καλεῖται,  
 ὅταν χωρίον τετράγωνον ἔχῃ ἐκάστην πλευρὰν ποδὸς  
 ἑνός. ὥστε αἱ εἰρημέναι ἐπιφάνειαι τὰς συγκρίσεις  
 λαμβάνουσι πρὸς τὰ εἰρημένα χωρία ἢ τὰ τούτων μέρη. 25  
 πάλιν δ' αὖ τὰ στερεὰ σώματα τὰς συγκρίσεις λαμ-  
 βάνει πρὸς χωρίον στερεὸν εὐθύγραμμὸν τε καὶ ὀρθο-  
 γώνιον, πάντη ἰσόπλευρον· τοῦτο δὲ ἐστι κύβος ἔχων  
 ἐκάστην πλευρὰν ἥτοι πῆχεος ἑνός ἢ ποδὸς ἑνός· ἢ

7 προεθεωρήσαμεν: correxi  
 10—11 ἐκ δύο στάσεων: corr. man. 3

8 <τῶν> τῶν Heiberg  
 16 post πάσας spatium 16



die Oberfläche der Kugel viermal so groß ist als der Flächeninhalt eines ihrer größten Kreise, und daß ihr Kubikinhalt zwei Drittel des sie umschließenden Cylinders ist, und was es sonst noch an verwandten Sätzen giebt.  
 5 Da nun das bezeichnete Studium unentbehrlich ist, so hielten wir für angemessen, alles zusammenzustellen, was unsere Vorgänger Brauchbares darüber aufgezeichnet und was wir selbst dazu gefunden haben.

Beginnen wollen wir mit den Messungen von ebenen  
 10 Flächen, indem wir zu den ebenen Flächen auch die übrigen, convexen oder concaven, Oberflächen dazunehmen, da der Begriff jeder Oberfläche nur zweier Dimensionen bedarf. Verglichen werden die genannten Oberflächen mit einem geradlinigen rechtwinkligen Flächenstück, einem  
 15 geradlinigen, weil die Gerade im Unterschied von den übrigen Linien beim Umschlagen unveränderlich ist (denn jede Gerade paßt auf jede andere Gerade; die übrigen, convexen oder concaven, Linien dagegen nicht sämtlich auf sämtliche anderen). Deshalb verglich man mit etwas Fest-  
 20 stehendem, nämlich der Geraden, weiter aber auch mit dem rechten Winkel. Denn wiederum paßt jeder rechte Winkel auf jeden anderen rechten Winkel, die anderen dagegen nicht sämtlich auf alle übrigen ihrer Gattung. Man spricht aber von einer Quadratelle, wenn ein quadratisches Flächenstück Seiten von der Länge einer Elle hat;  
 25 in ähnlicher Weise spricht man von einem Quadratfuß, wenn ein quadratisches Flächenstück Seiten von der Länge eines Fußes hat. Die genannten Oberflächen werden daher mit diesen Flächenstücken oder Teilen derselben verglichen.  
 30 Die festen Körper wiederum werden verglichen mit einem festen Körper, der geradkantig und rechtwinkelig und überall gleichkantig ist — dies ist aber ein Würfel, an dem jede Kante 1 Elle oder 1 Fuß beträgt — oder wieder

πάλιν πρὸς τὰ τούτων μέρη. δι' ἣν μὲν οὖν αἰτίαν  
πρὸς τὰ εἰρημένα χωρία ἢ σύγκρισις γίνεται, εἴρηται,  
ἐξῆς δὲ ἀρξώμεθα τῶν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις μετρήσεων.  
ἵνα οὖν μὴ καθ' ἑκάστην μέτρησιν πόδας ἢ πήχεις ἢ  
τὰ τούτων μέρη ὀνομάζωμεν, ἐπὶ μονάδων τοὺς ἀριθ- 5  
μοὺς ἐκθησώμεθα· ἐξὸν γὰρ αὐτὰς πρὸς ὃ βούλεται  
τις μέτρον ὑποτίθεσθαι.

α. Ἐστω χωρίον ἑτερομήκης <τὸ  $AB\Gamma\Delta$  ἔχον> τὴν  
μὲν  $AB$  μονάδων  $\epsilon$ , τὴν δὲ  $A\Gamma$  μονάδων  $\gamma$ . εὗρεῖν  
αὐτοῦ <τὸ ἐμβαδόν>. ἐπεὶ πᾶν παραλληλόγραμμον 10  
ὀρθογώνιον <περιέχεσθαι λέ>γεται ὑπὸ δύο τῶν τὴν  
ὀρθὴν γωνίαν περι<εχουσῶν εὐθειῶν> καὶ ἔστι τὸ  
ὑπὸ τῶν  $BA$   $A\Gamma$  περιεχόμενον <τοιούτο, τὸ> ἐμ-  
βαδὸν τοῦ ἑτερομήκους ἔσται μονάδων  $\iota\epsilon$ . <ἐὰν γὰρ  
ἑκατέρα πλευρὰ> διαιρεθῇ ἢ μὲν  $AB$  εἰς τὰς μονάδας 15  
 $\epsilon$ , ἢ δὲ  $A\Gamma$  ὁμοίως <εἰς τὰς  $\gamma$  μονάδας καὶ δι>ὰ τῶν  
τομῶν παράλληλοι ἀχθῶσιν ταῖς τοῦ παραλληλο-  
101. 68<sup>ε</sup> γράμμου πλευραῖς, ἔσται τὸ χωρίον διηρημένον εἰς  
χωρία  $\iota\epsilon$ , ὧν ἕκαστον ἔσται μονάδος  $\alpha$ . κἂν τετρά-  
γωνον δὲ ἢ τὸ χωρίον, ὃ αὐτὸς ἀρμόσει λόγος. 20

β. Ἐστω τρίγωνον ὀρθογώνιον τὸ  $AB\Gamma$  ὀρθὴν ἔχον  
τὴν πρὸς τῷ  $B$  γωνίαν. καὶ ἔστω ἢ μὲν  $AB$  μονάδων  
 $\gamma$ , ἢ δὲ  $B\Gamma$  μονάδων  $\delta$ . εὗρεῖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τρι-  
γώνου καὶ <τὴν ὑποτείνουσιν. προσανα>πεπληρώσθω  
τὸ  $AB\Gamma\Delta$  <παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, οὗ> τὸ 25

6 ἐκθησώμεθα: corr. Heiberg 8 spatium 8 litterarum;  
supplemento a man. 2 adscripto ἔχον addidi 10 αὐτήν: correxi  
spatium 8 litterarum; supplevi 11 spatium 12 litterarum;  
supplevi coll. Eucl. Elem. II def. 1. 12 spatium 13 litterarum;  
supplevi. <εχουσῶν πλευρῶν> man. 2 13 spatium 9 litterarum;  
supplevi. <ὀρθογώνιον τὸ> man. 2 14 spatium 15 litterarum;  
supplevi. <ἑκατέρα τῶν πλευρῶν> m. 2 15 τὰς  $\epsilon$  μονάδας

mit Teilen dieser Würfel. Aus welchem Grunde nun die  
Vergleichung mit den genannten Raumteilen angestellt  
wird, ist gesagt, im Folgenden aber wollen wir mit den  
Oberflächenmessungen beginnen. Damit wir nun nicht  
5 bei jeder Messung Fulse oder Ellen oder Teile davon zu  
nennen brauchen, so werden wir die Zahlenangaben in  
Einheiten machen, denn man kann dieselben jeder be-  
liebigen Maßeinheit unterlegen.

I. Es sei  $AB\Gamma\Delta$  ein Rechteck, in dem  $AB = 5$ ,  $A\Gamma$   
10  $= 3$ ; zu finden seinen Inhalt. Da jedes rechtwinklige  
Parallelogramm bestimmt wird durch zwei einen rechten  
Winkel einschließende Gerade und die von  $BA$ ,  $A\Gamma$  be-  
stimmte Figur ein solches ist, so wird der Inhalt des

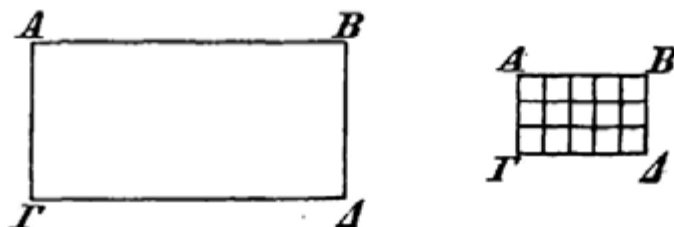


Fig. 1.

Rechtecks  $= 15$  sein, denn wenn jede Seite geteilt wird,  
15 und zwar  $AB$  in seine 5 Einheiten,  $A\Gamma$  aber in seine  
3 Einheiten und durch die Schnittpunkte Parallelen zu  
den Seiten des Parallelogramms gezogen werden, so wird  
die Fläche in 15 Flächenstücke geteilt sein, von denen  
jedes gleich 1 Flächeneinheit sein wird. Und wenn die  
20 Fläche ein Quadrat ist, so wird derselbe Beweis passen.

II. Es sei  $AB\Gamma$  ein rechtwinkliges Dreieck, in dem der  
Winkel bei  $B = 1 R$  und  $AB = 3$ ,  $B\Gamma = 4$  sein soll.  
Zu finden den Inhalt des Dreiecks und seine Hypotenuse.  
Man ergänze das rechtwinklige Parallelogramm  $AB\Gamma\Delta$ ,

Heiberg 16 spatium 15 litterarum; supplevi.  $\langle \epsilon\iota\varsigma \tau\acute{\alpha}\varsigma \tau\rho\epsilon\iota\varsigma$   
καὶ δι> man. 2 24 spatium incertum; supplevi.  $\langle \tau. \upsilon\pi. \sigma\upsilon\mu \rangle$   
man. 2 25 spatium 22 litterarum; supplevi.  $\langle \epsilon\pi\epsilon\iota \gamma\acute{\alpha}\rho \tau\omicron\upsilon$   
 $AB\Gamma\Delta$  ὀρθογωνίου παραλληλογράμμου> man. 2

ἐμβαδόν, ὡς ἐπάνω <δέδεικται, μονάδων ιβ. τὸ δὲ  $AB\Gamma$    
 τρίγωνον> ἡμισὺ ἐστὶ τοῦ  $AB\Gamma\Delta$  <παράλληλογράμμου·   
 ἔσται οὖν> τοῦ  $AB\langle\Gamma\rangle$  τριγώνου <τὸ ἐμβαδὸν μονάδων   
 5· καὶ> ἐπεὶ ὀρθή ἐστὶν <ἡ πρὸς τῷ  $B$  γωνία, τὰ ἀπὸ   
 τῶν  $AB\ B\Gamma$ > τετράγωνα ἴσα ἐστὶν <τῷ ἀπὸ τῆς  $A\Gamma$  5   
 τετραγώνῳ.> καὶ ἔστι τὰ ἀπὸ τῶν  $AB\ B\Gamma$  <τετράγωνα   
 μονάδων κε· καὶ τὸ ἀπὸ τῆς>  $A\Gamma$  ἄρα ἔσται μονάδων κε·   
 αὐτὴ <ἄρα ἡ  $A\Gamma$  μονάδων ε. ἡ δὲ μέθοδός ἐστὶν αὕτη·>   
 τὰ μὲν  $\gamma$  ἐπὶ τὰ  $\delta$  ποιήσαντα λαβεῖν <τὸ ἡμισυ τούτων·   
 γίνεται 5· τοσούτων> τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου. καὶ 10   
 <.....τὰ  $\gamma$ > ἐφ' ἑαυτὰ ποιήσαντα καὶ ὁμοίως τὰ  $\delta$  ἐφ' ἑαυτὰ   
 <ποιήσαντα συνθεῖναι>· καὶ γίνονται κε· καὶ τούτων   
 πλευρὰν λαβόντα ἔχειν <τοῦ τριγώνου τὴν> ὑποτείνουσιν.

γ. Ἐστω τρίγωνον ἰσοσκελὲς τὸ  $AB\Gamma$  ἴσην ἔχον τὴν   
 $AB$  τῇ  $A\Gamma$  καὶ ἑκατέραν <τῶν> ἴσων μονάδων ι. 15   
 τὴν δὲ  $B\Gamma$  [τῇ  $A\Gamma$  <καὶ> ἑκατέραν τῶν ἴσων μονάδων ι   
 fol. 68v <τὴν δὲ  $B\Gamma$ >] | μονάδων ιβ. εὗρεῖν αὐτοῦ[ς] <τὸ ἐμ-   
 βαδόν.> ἤχθω κάθετος ἐπὶ τὴν  $B\Gamma$  ἢ  $AD$ . καὶ διὰ μὲν   
 τοῦ  $A$  τῇ  $B\Gamma$  παράλληλος ἤχθω ἢ  $EZ$ , διὰ δὲ τῶν  $B, \Gamma$    
 τῇ  $AD$  παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ  $BE, \Gamma\langle Z\rangle$ . διπλάσιον 20   
 ἄρα ἐστὶν τὸ  $B\Gamma EZ$  παράλληλόγραμμον τοῦ  $AB\Gamma$    
 τριγώνου· βάσιν τε γὰρ αὐτῷ ἔχει τὴν αὐτὴν καὶ ἐν   
 ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν. καὶ ἐπεὶ ἰσοσκελὲς

1 spatium 19 litterarum; supplevit man. 2 2 spatium 20   
 litterarum; supplevit man. 2 3  $AB$ : corr. man. 2 spatium 18   
 litterarum; supplevit man. 2 4 spatium 17 litterarum; supplevi.   
 <ἡ ἀπὸ  $AB\Gamma$  γωνία καὶ ...> man. 2 5 spatium 17 litterarum;   
 supplevi.  $A\Gamma$  ὑποτείνουσας man. 2 6 ἀπὸ τῷ: corr. man. 2   
 7 spatium 25 litterarum; supplevi. <τ. μ. ις συναμφοτέρω· καὶ   
 τὸ ἀπὸ> man. 2 8 spatium 17 litterarum; supplevi. <ἄρα ἔσται   
 μονάδων ε> man. 2 9 spatium 21 litterarum; supplevi. τὰ μὲν   
 β: correxi 11 spatium 17 litterarum; supplevi post αὐτὰ spa-   
 tium 9 litterarum; supplevi 13 spatium 20 litterarum; supplevi

dessen Inhalt = 12 ist, wie oben gezeigt; der Inhalt des Dreiecks  $AB\Gamma$  aber ist gleich der Hälfte des Parallelogramms  $AB\Gamma A$  (Elem. I 34). Der Inhalt des Dreiecks  $AB\Gamma$

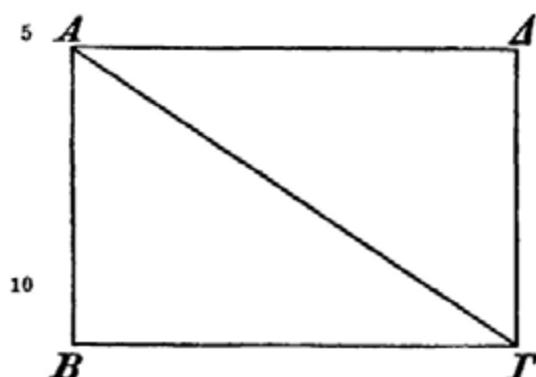


Fig. 2.

wird also = 6 sein.

Und da der Winkel bei  $B = 1 R$  ist, so ist

$$AB^2 + B\Gamma^2 = A\Gamma^2.$$

Nun ist aber

$$AB^2 + B\Gamma^2 = 25;$$

also ist auch

$$A\Gamma^2 = 25;$$

folglich

$$A\Gamma = 5.$$

Das Verfahren ist folgendes:  $\frac{3 \times 4}{2} = 6$ . So viel beträgt der Inhalt des Dreiecks. Und  $3^2 + 4^2 = 25$ . Nimmt man hiervon die Wurzel, so hat man die Hypotenuse des Dreiecks.

III. Es sei  $AB\Gamma$  ein gleichschenkliges Dreieck, in dem  $AB = A\Gamma = 10$ ,  $B\Gamma = 12$  sei. Zu finden seinen Inhalt.

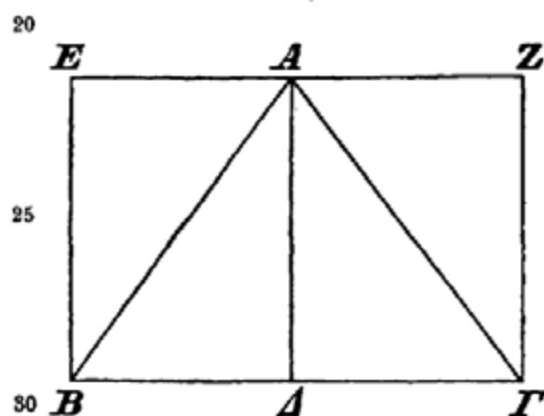


Fig. 3.

Es werde auf  $B\Gamma$  die Höhe  $AA'$  gefällt und durch  $A$  zu  $B\Gamma$  eine Parallele  $EZ$ , durch  $B$  und  $\Gamma$  aber zu  $AA'$  die Parallelen  $BE, \Gamma Z$  gezogen. Folglich ist das Parallelogramm  $B\Gamma EZ$  doppelt so groß als das Dreieck  $AB\Gamma$ ; denn es hat dieselbe Basis wie die-

15 spatium 7 litterarum; supplevi 16 sq. delevi 17 αὐτοῦς;  
correxī; lacunam 12 litterarum supplevi 20 <Z> add. man. 2

ἐστὶ καὶ κάθετος ἤκται ἡ  $ΑΔ$ , ἴση ἐστὶν ἡ  $ΒΔ$  τῇ  $ΔΓ$ . καὶ ἐστὶν ἡ  $ΒΓ$  μονάδων  $ιβ$ . ἡ ἄρα  $ΒΔ$  ἐστὶ μονάδων  $ς$ . ἡ δὲ  $ΑΒ$  μονάδων  $ι$ . ἡ ἄρα  $ΑΔ$  ἐστὶ μονάδων  $η$ , ἐπειδήπερ τὸ ἀπὸ τῆς  $ΑΒ$  ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν  $ΒΔ ΔΑ$ . <ὥστε καὶ> ἡ  $ΒΕ$  ἐστὶ μονάδων  $η$ . 5 ἡ δὲ  $ΒΓ$  ἐστὶ μονάδων  $ιβ$ . τοῦ ἄρα  $ΒΓΕΖ$  παραλληλογράμμου τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶ μονάδων  $ςς$ . ὥστε τοῦ  $ΑΒΓ$  τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶ μονάδων  $μη$ . ἡ δὲ μέθοδος ἐστὶν αὕτη· λαβὲ τῶν  $ιβ$  τὸ ἥμισυ· γίνονται  $ς$ . καὶ τὰ  $ι$  ἐφ' ἑαυτὰ· γίνονται  $ρ$ . ἄφελε τὰ  $ς$  ἐφ' 10 ἑαυτὰ, ἃ ἐστὶ  $λς$ . γίνονται λοιπὰ  $ξδ$ . <τούτων πλευρὰ γίνεται  $η$ > τοσοῦτου ἐστὶ ἡ  $ΑΔ$  κάθετος. <καὶ τὰ  $ιβ$  ἐπὶ τὰ  $η$  γίνονται>  $ςς$ . τούτων τὸ ἥμισυ. <γίνονται  $μη$  τοσοῦτων ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου>.

δ. Τῶν δὲ ἀνισοσκελῶν τριγώνων <τὰς γωνίας 15 δεῖ ἐπισκέ>ψασθαι ὅπως τὰς ἀγομένας καθετούς ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τὰς πλευρὰς εἰδῶμεν, ἥτοι ἐντὸς τῶν γωνιῶν πίπτουσιν ἢ ἐκτός· ἔστω οὖν δοθὲν τρίγωνον τὸ  $ΑΒΓ$  ἔχον ἐκάστην πλευρὰν δοθεισῶν μοιρῶν. καὶ δεῖον ἐστὶν ἐπισκέψασθαι εἰ τύχοι τὴν πρὸς τῷ  $Α$  20 γωνίαν, ἥτοι ὀρθή ἐστὶν ἢ ἀ<μβλεῖ>α ἢ ὀξεῖα· εἰ μὲν οὖν τὸ ἀπὸ τῆς  $ΒΓ$  τετράγωνον ἴσον ἐστὶν <τοῖς> 101. 69<sup>ε</sup> ἀπὸ τῶν  $ΒΑ ΑΓ$  τετραγώνοις, δῆλον ὅτι ὀρθή ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ  $Α$  γωνία· εἰ δὲ ἔλασσον, ὀξεῖα· εἰ δὲ μείζον, δῆλον ὅτι ἀμβλεῖα ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ  $Α$  γωνία. ὑπο- 25 κείσθω δὴ τὸ ἀπὸ τῆς  $ΒΓ$  τετράγωνον ἔλασσον τῶν

5 spatium 3 litterarum; supplevit Heiberg 13 spatium 17 litterarum; supplevi 14 versus unus et dimidius vacui; supplevi 15 spatium 18 litterarum; supplevi; [ἐπισκε] etiam m. 2. 17 ἰδῶμεν: corr. Heiberg 20 fortasse δεῖον ἔστω 21 spatium 5 litterarum; supplevit man. 2. 24 ἐλάσσων et μείζων: correxi 26 δὲ: correxi ἀπὸ τῇ: correxi ἐλάσσων: correxi

ses und liegt zwischen denselben Parallelen (Elem. I 41). Und da das Dreieck gleichschenkelig ist und die Höhe  $AD$  gefällt ist, so ist  $BD = DI$ . Nun ist  $BI = 12$ . Also ist  $BD = 6$ . Es ist aber  $AB = 10$ ; also  $AD = 8$ , da  
 5  $AB^2 = BD^2 + AD^2$ . Und auch  $BE = 8$ ,  $BI$  aber  $= 12$ . Der Inhalt des Parallelogramms  $BIEZ$  ist also  $= 96$ . Der Inhalt des Dreiecks  $ABI$  ist also  $= 48$ . Das Verfahren ist folgendes:

$$\begin{aligned} & \frac{12}{2} = 6 \\ 10 & \quad 10^2 = 100 \\ & 100 - 36 = 64 \\ & \sqrt{64} = 8 = AD \\ \text{Ferner:} & \quad 12 \times 8 = 96 \\ & \quad \frac{96}{2} = 48. \end{aligned}$$

15 So viel beträgt der Inhalt des Dreiecks.

IV. Bei den ungleichschenkligen Dreiecken muß man die Winkel an der Spitze betrachten, um zu wissen, ob

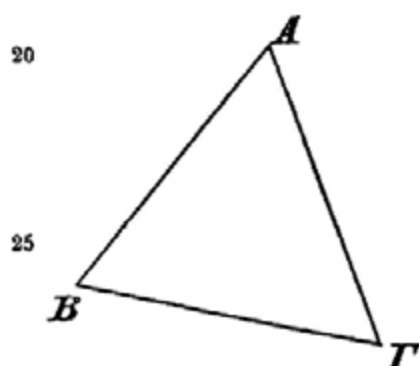


Fig. 4.

20 die von den Winkeln auf die gegenüberliegenden Seiten gefällten Höhen innerhalb der Winkel fallen oder außerhalb. Es sei gegeben das Dreieck  $ABC$ , in dem jede Seite eine gegebene Größe habe. Und es sei beispielsweise nötig, den Winkel bei  $A$  zu betrachten, ob er ein rechter oder ein stumpfer oder ein spitzer ist. Wenn nun  
 25  $BC^2$  gleich  $BA^2 + AC^2$  ist, so ist klar, daß der Winkel bei  $A$  ein rechter ist; wenn es aber kleiner ist, so ist er ein spitzer; wenn es größer ist, so ist es offenbar, daß der Winkel bei  $A$  ein stumpfer ist (Elem. II 12—13). Es werde

ἀπὸ τῶν  $ΒΑ ΑΓ$  τετραγώνων. ὁξεῖα ἄρα ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ  $Α$  γωνία. εἰ γὰρ οὐκ ἔσται ὁξεῖα, ἦτοι ὀρθή ἐστὶν ἢ ἀμβλεῖα. ὀρθή μὲν οὖν οὐκ ἐστὶν· ἔδει γὰρ τὸ ἀπὸ τῆς  $ΒΓ$  τετραγώνου ἴσον εἶναι τοῖς ἀπὸ τῶν  $ΓΑ ΑΒ$  τετραγώνοις· οὐκ ἔστιν δέ· οὐκ ἄρα ὀρθή ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ  $Α$  γωνία. οὐδὲ μὴν ἀμβλεῖα ἐστὶν· ἔδει γὰρ τὸ ἀπὸ τῆς  $ΒΓ$  τετραγώνου μείζον εἶναι τῶν ἀπὸ τῶν  $ΓΑ ΑΒ$  τετραγώνων· οὐκ ἔστιν δέ· οὐδὲ ἄρα ἀμβλεῖα ἐστὶν. ἐδείχθη δὲ ὅτι οὐδὲ ὀρθή· ὁξεῖα ἄρα ἐστὶν. ὁμοίως δὴ ἐπιλογιούμεθα καὶ ἐὰν τὸ ἀπὸ τῆς  $ΒΓ$  τε- 10  
τραγώνου μείζον ἢ τῶν ἀπὸ τῶν  $ΒΑ ΑΓ$  τετραγώνων, ὅτι ἀμβλεῖα ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ  $Α$  γωνία.

ε. "Ἐστω τρίγωνον ὀξυγώνιον τὸ  $ΑΒΓ$  ἔχον τὴν μὲν  $ΑΒ$  μονάδων  $ιγ$ , τὴν δὲ  $ΒΓ$  μονάδων  $ιδ$ , τὴν δὲ  $ΑΓ$  μονάδων  $ιε$ .> εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. φα- 15  
νερόν <..... ὅτι> ὁξεῖα ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ  $Β$  γωνία· τὸ <γὰρ ἀπὸ τῆς  $ΑΓ$  τετραγώνου ἔλασσον> ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν  $ΑΒ$   $ΒΓ$  τετραγώνων. κάθετος ἤχθω ἐπὶ τὴν  $ΒΓ$  ἢ  $ΑΔ$ . τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς  $ΑΓ$  <τῷ δις ὑπὸ τῶν  $ΓΒ ΒΔ$  ἔλασσόν> ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν  $ΑΒ$  20  
 $ΒΓ$  ὡς <.....> δέδεικται. καὶ ἔστι τὰ μὲν ἀπὸ τῶν  $ΑΒ ΒΓ$  <μονάδων  $τξε$ , τὸ δὲ ἀπὸ τῆς>  $ΑΓ$  μονάδων <σ>κε· λοιπὸν ἄρα τὸ δις ὑπὸ <τῶν  $ΓΒ ΒΔ$  μονάδων  $ρμ$ · τὸ ἄρα> ἅπαξ ὑπὸ τῶν  $ΓΒ ΒΔ$  ἔσται μονάδων  $ο$ . καὶ <ἐστὶν ἡ  $ΒΓ$  μονάδων>  $ιδ$ · ἡ ἄρα  $ΒΔ$  25  
ἔσται μονάδων  $ε$ . καὶ ἐπεὶ τὸ ἀπὸ τῆς  $ΑΒ$  <ἴσον ἐστὶ>

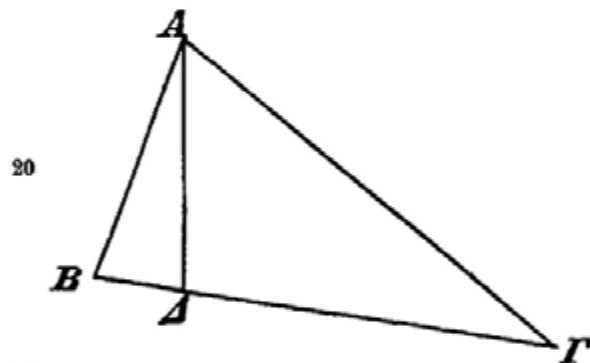
1 τῶν ἀπὸ τὸ: correxi 13 [ὀξυγώνιον] Heiberg 14 lacuna  
15 litterarum capax; supplevi 16 spatium 14 litterarum;  
supplevi ὅτι; cetera dubia, f. ἐκ τῶν προγεγραμμένων τῷ  $Α$ :  
corr. Heiberg 17 spatium 14 litterarum; supplevi 18 spatium 17  
litterarum; supplevi 19 spatium 26 litterarum; supplevi 20 τοῖς  
ἀπὸ: correxi 21 spatium 14 litterarum; fortasse <ἐν τοῖς



angenommen,  $B\Gamma^2$  sei kleiner als  $BA^2 + A\Gamma^2$ ; es ist also der Winkel bei  $A$  ein spitzer. Denn wenn er nicht ein spitzer ist, ist er entweder ein rechter oder ein stumpfer. Ein rechter nun ist er nicht; denn dann müßte  
 5  $B\Gamma^2 = A\Gamma^2 + AB^2$  sein. Das ist aber nicht der Fall; folglich ist der Winkel bei  $A$  kein rechter. Er ist jedoch auch kein stumpfer; denn dann müßte  $B\Gamma^2$  größer sein als  $A\Gamma^2 + AB^2$ . Das ist aber nicht der Fall; er ist also auch kein stumpfer. Es ward aber gezeigt, daß er auch kein  
 10 rechter ist; er ist also ein spitzer. In ähnlicher Weise nun werden wir schließen, daß wenn  $B\Gamma^2$  größer ist als  $BA^2 + A\Gamma^2$ , der Winkel bei  $A$  ein stumpfer ist.

V. Es sei  $AB\Gamma$  ein spitzwinkliges Dreieck, in dem  $AB$   
 = 13,  $B\Gamma = 14$ ,  $A\Gamma = 15$  ist. Zu finden seinen In-

15



20

Fig. 5.

halt. Es ist aus dem Bewiesenen klar, daß der Winkel bei  $B$  ein spitzer ist. Denn  $A\Gamma^2$  ist kleiner als  $AB^2 + B\Gamma^2$ . Es werde auf  $B\Gamma$  die Höhe  $A\Delta$  gefällt.<sup>1)</sup> Es ist also

$$A\Gamma^2 + 2\Gamma B \times B\Delta = AB^2 + B\Gamma^2,$$

wie  $\langle \dots \rangle$  gezeigt

ist. Nun ist  $AB^2 + B\Gamma^2 = 365$  und  $A\Gamma^2 = 225$ .

Folglich ist  $2B\Gamma \times B\Delta = 140$ ; folglich  $B\Gamma \times B\Delta = 70$ .

Nun ist  $B\Gamma = 14$ ; folglich wird  $B\Delta = 5$ . Und da

30  $AB^2 = A\Delta^2 + \Delta B^2$  ist und  $AB^2 = 169$ ,  $B\Delta^2 = 25$  ist,

1)  $A\Delta$  müßte auf  $B\Gamma$  senkrecht stehen.

$\sigma\tau\omicron\chi\epsilon\iota\sigma$  aut  $\langle \tau\omicron\sigma \sigma\tau\omicron\chi\epsilon\iota\omega\tau\eta \rangle$  aut  $\langle \tau\omicron\sigma \epsilon\delta\kappa\lambda\epsilon\iota\delta\eta \delta\pi\omicron \rangle$  cf. Euclidis Elementa II 13 22 spatium 10 litterarum; supplevi  
 23  $\langle \sigma \rangle$  addidi spatium 15 litterarum; supplevi 25 spatium  
 10 litterarum; supplevi 26 spatium 4 litterarum; supplevi

τοῖς ἀπὸ τῶν  $ΑΔ ΔΒ$ · καὶ ἔστι τὸ μὲν ἀπὸ τῆς  $ΑΒ$   
 fol. 69<sup>v</sup> μονάδων ρξθ, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς  $ΒΔ$  μονάδων κε·  
 λοιπὸν ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς  $ΑΔ$  ἔσται μονάδων ρμδ.  
 αὕτη ἄρα ἡ  $ΑΔ$  ἔσται μονάδων ιβ. ἔστι δὲ καὶ ἡ  
 $ΒΓ$  μονάδων ιδ· τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν  $ΒΓΑΔ$  ἔσται 5  
 μονάδων ρξη. καὶ ἔστι τοῦ  $ΑΒΓ$  τριγώνου διπλάσιον·  
 τὸ <ἄρα>  $ΑΒΓ$  τρίγωνον ἔσται μονάδων πδ. ἡ δὲ  
 μέθοδος ἔσται τοιαύτη· τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρξθ·  
 καὶ τὰ ιδ ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρρς· καὶ τὰ ιε ἐφ'  
 ἑαυτά· γίννεται σκε· <σύνθετες τὰ ρξθ καὶ τὰ ρρς· 10  
 γίννεται τξε· ἀπὸ τούτων ἄφελε τὰ σκε> γίννεται  
 λοιπὰ ρμ· τούτων τὸ ἥμισυ· γίννεται ο· παράβαλε παρὰ  
 τὸν ιδ· γίννεται ε· καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρξθ.  
 ἀφ' ὧν ἄφελε τὰ ε ἐφ' ἑαυτά· λοιπὰ ρμδ. τούτων  
 πλευρὰ γίννεται ιβ· τοσούτου ἔσται ἡ κάθετος. ταῦτα 15  
 πολυπλασίασον ἐπὶ τὸν ιδ· γίννεται ρξη· τούτων τὸ  
 ἥμισυ πδ· τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδόν.

5. Ἐστω τρίγωνον ἀμβλυγώνιον τὸ  $ΑΒΓ$  ἔχον  
 τὴν μὲν  $ΑΒ$  μονάδων ιγ, τὴν δὲ  $ΒΓ$  μονάδων ια,  
 τὴν δὲ  $ΑΓ$  μονάδων κ· εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον καὶ 20  
 τὸ ἐμβαδόν. ἐκβεβλήσθω ἡ  $ΒΓ$  καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθε-  
 ετος ἤχθω ἡ  $ΑΔ$ . τὸ <ἄρα> ἀπὸ τῆς  $ΑΓ$  μείζον ἔστι τῶν  
 ἀπὸ τῶν  $ΑΒΒΓ$  τῶν δις ὑπὸ τῶν  $ΓΒΒΔ$ . καὶ ἔστιν  
 <τὸ> μὲν ἀπὸ τῆς  $ΑΓ$  μονάδων υ, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς  $ΒΓ$   
 μονάδων <ρκα, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς  $ΑΒ$  ρξθ· τὸ ἄρα δις 25  
 ὑπὸ> τῶν  $ΓΒ ΒΔ$  μονάδων ρι. τὸ ἄρα ἑπαξ ὑπὸ τῶν  
 $ΓΒ ΒΔ$  ἔστιν <μονάδων νε> καὶ ἔστιν ἡ  $ΒΓ$  μονάδων  
 ια· ἡ ἄρα  $ΒΔ$  ἔσται μονάδων ε. ἀλλὰ καὶ ἡ  $ΑΒ$  μονάδων  
 ιγ· ἡ ἄρα  $ΑΔ$  ἔσται μονάδων ιβ. ἀλλὰ καὶ ἡ  $ΒΓ$  μονά-  
 δων <ια· τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν  $ΑΔ$ >  $ΒΓ$  ἔσται μονάδων ρλβ. 30  
 καὶ ἔστι διπλάσιον τοῦ  $ΑΒ$  <Γ> τριγώνου. τὸ ἄρα  $ΑΒΓ$

so wird  $AD^2 = 144$ . Folglich wird  $AD = 12$  sein. Es ist aber  $BF = 14$ . Folglich wird  $BF \times AD = 168$  sein, und dies ist das Doppelte des Dreiecks  $ABF$ . Folglich wird das Dreieck  $ABF = 84$  sein. Das Verfahren ist folgendes:

$$\begin{array}{rcl}
 6 & & 13^2 = 169 \\
 & & 14^2 = 196 \\
 & & 15^2 = 225 \\
 & 169 + 196 - 225 = 140 \\
 & & \frac{140}{2} = 70 \\
 10 & & 70 : 14 = 5 \\
 & & 13^2 = 169 \\
 & 169 - 5^2 = 144 \\
 & & \sqrt{144} = 12.
 \end{array}$$

So groß wird die Höhe sein. Dies multipliziere mit 14; es giebt 168; hiervon die Hälfte ist 84. So groß wird der Inhalt sein.

VI. Es sei  $ABF$  ein stumpfwinkliges Dreieck, in dem  $AB = 13$ ,  $BF = 11$ ,  $AF = 20$ . Zu finden seine Höhe und den Inhalt. Es werde  $BF$  verlängert und auf sie die Höhe  $AD$  gefällt.<sup>2)</sup> Nun ist

$$AF^2 - 2FB \times BA = AB^2 + BF^2.$$

Nun ist

$$AF^2 = 400; BF^2 = 121; AB^2 = 169.$$

Also ist  $2FB \times BA = 110$ , also  $FB \times BA = 55$ . Nun ist  $BF = 11$ ; folglich ist  $BA = 5$ . Nun ist aber

2)  $AD$  müßte auf der Verlängerung von  $FB$  senkrecht stehen.

---

7 spatium 2 litterarum; supplevit man. 2      10 inserui  
 19  $\mu$   $\iota$ : correxit m. 2      22—23  $\tau\theta$   $\alpha\pi\theta$   $\tau\omega\nu$ : corr. man. 2  
 24  $\langle\tau\theta\rangle$  inserui  $\mu$   $\iota$ : corr. man. 2       $\tau\eta\varsigma$  corr. ex  $\tau\omega\nu$  man. 2  
 26 spatium 2 litterarum; supplevi      29 spatium 15 litterarum;  
 supplevi      31  $\tau\theta\bar{\nu}$   $AB$ : corr. man. 2       $\eta$   $\alpha\rho\alpha$ : corr. man. 2

τρίγωνον ἔσται μονάδων  $\xi$  ( $\varsigma$ ). ἡ δὲ μέθοδος ἔσται  
 [ἡ] αὕτη. τὰ  $\iota\gamma$  ἐφ' ἑαυτὰ γίγνεται  $\rho\xi\theta$ · καὶ τὰ  $\iota\alpha$  ἐφ'  
 ἑαυτά· γίγνεται  $\rho\kappa\alpha$ · καὶ τὰ  $\kappa$  ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται  $\nu$ .  
 σύνθεσ τὰ  $\rho\xi\theta$  καὶ τὰ  $\rho\kappa\alpha$ · γίγνεται  $\sigma\varsigma$ · ταῦτα ἄφελε  
 101. 70<sup>o</sup> ἀπὸ τῶν  $\nu$ · λοιπὰ  $\rho\iota$ . | τούτων τὸ ἥμισυ· γίγνεται  $\nu\epsilon$ . 5

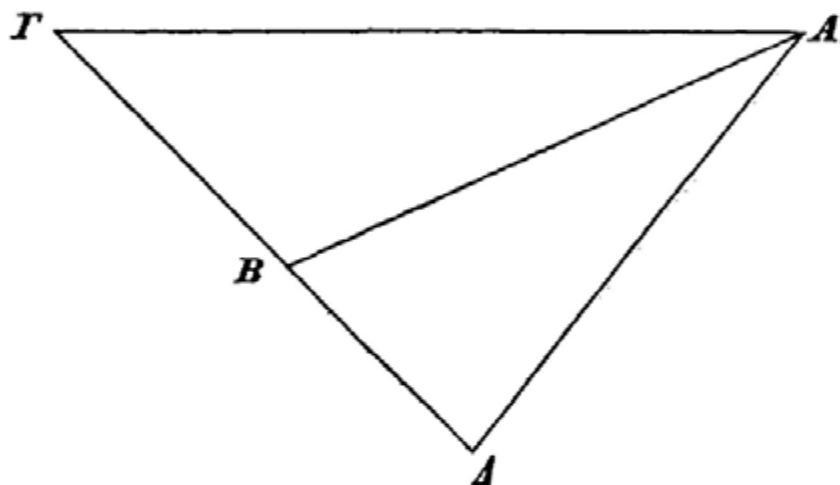


Fig. 6.

παράβαλε παρὰ τὸν  $\iota\alpha$ · γίγνεται  $\epsilon$ . καὶ τὰ  $\iota\gamma$  ἐφ'  
 ἑαυτά· γίγνεται  $\rho\xi\theta$ . ἄφελε τὰ  $\epsilon$  ἐφ' ἑαυτά· λοιπὰ  
 $\rho\mu\delta$ . τούτων πλευρὰ γίγνεται  $\iota\beta$ . ἔσται ἡ κάθετος  
 μονάδων  $\iota\beta$ . ταῦτα ἐπὶ τὰ  $\iota\alpha$ · γίγνεται  $\rho\lambda\beta$ . τούτων τὸ  
 ἥμισυ  $\xi\varsigma$ · τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου. 10

Μέχρι μὲν οὖν τούτου ἐπιλογίζόμενοι τὰς γεωμε-  
 τρικὰς ἀποδείξεις ἐποιησάμεθα, ἐξῆς δὲ κατὰ ἀνάλυσιν  
 διὰ τῆς τῶν ἀριθμῶν συνθέσεως τὰς μετρήσεις ποιη-  
 σόμεθα.

ζ. Ἐὰν ᾧσι δύο ἀριθμοὶ οἱ  $AB$ ,  $B\Gamma$ , ἔσται τοῦ 15  
 ἀπὸ  $AB$  τετραγώνου ἐπὶ τὸν ἀπὸ τοῦ  $B\Gamma$  τετραγώνου  
 πλευρὰ  $\langle\delta\rangle$  ὑπὸ  $AB$   $\langle\Gamma\rangle$  περιεχόμενος ἀριθμός. ἐπεὶ

$AB = 13$ ; folglich wird  $AD = 12$  sein. Aber auch  $BF = 11$ . Folglich wird  $AD \times BF = 132$  sein, und dies ist der doppelte Wert des Dreiecks  $ABF$ . Folglich wird das Dreieck  $ABF = 66$  sein. Das Verfahren ist folgendes:

$$\begin{array}{rcl}
 5 & & 13^2 = 169 \\
 & & 11^2 = 121 \\
 & & 20^2 = 400 \\
 & 169 + 121 = 290 \\
 & 400 - 290 = 110 \\
 10 & & \frac{110}{2} = 55 \\
 & & 55 : 11 = 5 \\
 & & 13^2 = 169 \\
 & 169 - 5^2 = 144 \\
 & \sqrt{144} = 12.
 \end{array}$$

15 Die Höhe wird  $= 12$  sein. Ferner:

$$\begin{array}{rcl}
 12 \times 11 = 132 \\
 \frac{132}{2} = 66.
 \end{array}$$

So groß wird der Inhalt des Dreiecks sein.

Bis hierher nun haben wir die geometrischen Be-  
 20 weise durch Rechnung gegeben; im folgenden aber werden wir die Messungen nach Maßgabe einer Analyse vermitteltst Zusammensetzung der Zahlenwerte bewerkstelligen.

VII. Wenn  $AB$  und  $BF$  zwei Zahlenwerte sind, so wird  $\sqrt{AB^2 \times BF^2} = \text{dem Inhalt von } ABF^1)$  sein. Denn

1) Gemeint ist ein Rechteck mit den Seiten  $AB$  und  $BF$ .

---

1 <ς> add. man. 2    2 ἡ ἀντή: deleui ἡ    3 post v 6 fere  
 litterae erasae; nil desideratur    10 τοσοῦτον: correxi    17 ὁ  
 additum f. a manu 1    <Γ> add. man. 2

γάρ ἐστιν ὡς ὁ  $AB$  πρὸς τὸν  $BΓ$ , οὕτως ὁ τε ἀπὸ  $AB$  τετράγωνος πρὸς τὸν ὑπὸ  $ABΓ$  περιεχόμενον ἀριθμὸν καὶ ὁ ὑπὸ  $ABΓ$  πρὸς τὸν ἀπὸ  $BΓ$  τετράγωνον, ἔσται ἄρα καὶ ὡς ὁ ἀπὸ  $AB$  τετράγωνος πρὸς τὸν ὑπὸ  $ABΓ$ , οὕτως ὁ ὑπὸ  $ABΓ$  πρὸς τὸν ἀπὸ  $BΓ$  5 τετράγωνον. ἐπεὶ οὖν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔχουσιν, ἔσται ὁ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσος τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου τετραγώνῳ· ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ  $AB$  τετράγωνος ἐπὶ τὸν ἀπὸ τοῦ  $BΓ$  ἴσος ἔσται τῷ ὑπὸ τῶν  $ABΓ$  ἐφ' ἑαυτόν. τοῦ ἄρα ἀπὸ  $AB$  ἐπὶ τὸν ἀπὸ  $BΓ$  τετράγωνον πλευρά 10 ἔστιν ὁ ὑπὸ τῶν  $ABΓ$  περιεχόμενος ἀριθμός.

fol. 70<sup>v</sup> η. | Ἔστι δὲ καθολικὴ μέθοδος ὥστε τριῶν πλευρῶν δοθεισῶν οἰουδηποτοῦν τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν εὑρεῖν χωρὶς καθεύτου· οἷον ἔστωσαν αἱ τοῦ τριγώνου πλευραὶ μονάδων ζ, η, θ. σύνθετες τὰ ζ καὶ τὰ η καὶ 15 τὰ θ· γίγνεται κδ. τούτων λαβὲ τὸ ἥμισυ· γίγνεται ιβ. ἄφελε τὰς ζ μονάδας· λοιπαὶ ε. πάλιν ἄφελε ἀπὸ τῶν ιβ τὰς η· λοιπαὶ δ. καὶ ἔτι τὰς θ· λοιπαὶ γ. ποίησον τὰ ιβ ἐπὶ τὰ ε· γίνονται ξ. ταῦτα ἐπὶ τὸν δ· γίνονται σμ· ταῦτα ἐπὶ τὸν γ· γίγνεται ψκ· 20 τούτων λαβὲ πλευρὰν καὶ ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου. ἐπεὶ οὖν αἱ ψκ ῥητὴν τὴν πλευρὰν οὐκ ἔχουσι, ληψόμεθα μετὰ διαφόρου ἐλαχίστου τὴν πλευρὰν οὕτως· ἐπεὶ ὁ συνεγγίζων τῷ ψκ τετράγωνός ἐστιν ὁ ψκθ καὶ πλευρὰν ἔχει τὸν κξ, μέρισον τὰς ψκ εἰς τὸν κξ· 25 γίγνεται κς καὶ τρίτα δύο· πρόσθετες τὰς κξ· γίγνεται νγ τρίτα δύο. τούτων τὸ ἥμισυ· γίγνεται κς|γ'. ἔσται ἄρα τοῦ ψκ ἡ πλευρὰ ἔγγιστα τὰ κς|γ'. τὰ γὰρ κς|γ' ἐφ' ἑαυτὰ γίγνεται ψκ λς'· ὥστε τὸ διάφορον μονάδος

5 τὸν ἀπὸ: correxit m. 2      7 ἴσος τὸ: corr. man. 2      9 τὸ ἀπὸ: corr. man. 2      11 ὑπὸ τὸν: correxi      20 τῶν δ: correxi      τῶν γ:

da  $AB : B\Gamma = AB^2 : AB\Gamma = AB\Gamma : B\Gamma^2$ , so wird folglich auch  $AB^2 : AB\Gamma = AB\Gamma : B\Gamma^2$  sein. Da nun 3 Zahlenwerte in einem Verhältniss stehen, so wird das Produkt der beiden äusseren gleich dem Quadrat der mittleren sein  
 5 (Elem. VI 17). Also wird  $AB^2 \times B\Gamma^2 = AB\Gamma^2$  sein; also  
 $\sqrt{AB^2 \times B\Gamma^2} = AB\Gamma$ .

VIII. Es giebt eine allgemeine Methode, um, wenn drei Seiten eines beliebigen Dreiecks gegeben sind, den Inhalt ohne die Höhe zu finden. Beispielsweise seien die  
 10 Seiten des Dreiecks = 7, 8, 9.

$$7 + 8 + 9 = 24$$

$$\frac{24}{2} = 12$$

$$12 - 7 = 5$$

$$12 - 8 = 4$$

$$15 \quad 12 - 9 = 3$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 4 = 240$$

$$240 \times 3 = 720.$$

Daraus ziehe die Wurzel, und sie wird gleich dem Inhalt  
 20 des Dreiecks sein. Da nun 720 eine rationale Wurzel nicht besitzt, so werden wir mit kleinster Differenz die Wurzel folgendermassen ziehen. Da die 720 nächstkommende Quadratzahl 729 ist und die Wurzel 27 hat, so teile 720 durch 27; es ergibt  $26\frac{2}{3}$ .

$$25 \quad 27 + 26\frac{2}{3} = 53\frac{2}{3}$$

$$\frac{53\frac{2}{3}}{2} = 26\frac{1}{2} + \frac{1}{3}.$$

correxī 22 sq. cf. P. Tannery Zeitschrift f. Math. u. Physik, hist. litt. Abt. 1894 pag. 13—15; M. Curtze ib. 1897 p. 113 sq.; Eutocius p. 270, 1 sq. Heib. 22  $\varphi\eta\tau\eta\nu$ :  $\phi\eta\tau\eta\nu\tau\eta\nu$  m. 2(?)

28  $\epsilon\gamma\gamma\iota\sigma\tau\alpha\tau\acute{\alpha}$ :  $\tau\acute{\alpha}$  f. delendum 29  $\mu$  corr. ex  $\mu$  man. 1

ἐστὶ μόνιον λζ'. ἐὰν δὲ βουλώμεθα ἐν ἐλάσσονι μορίῳ τοῦ λζ' τὴν διαφορὰν γίνεσθαι, ἀντὶ τοῦ ψκθ τάξομεν τὰ νῦν εὐρεθέντα ψκ καὶ λζ', καὶ ταῦτά ποιήσαντες εὐρήσομεν πολλῶ ἐλάττωνα <τοῦ> λζ' τὴν διαφορὰν γιγνομένην.

5

ἡ δὲ γεωμετρικὴ τούτου ἀπόδειξις ἐστὶν ἡδε· τριγώνου δοθεισῶν τῶν πλευρῶν εὐρεῖν τὸ ἐμβαδόν.

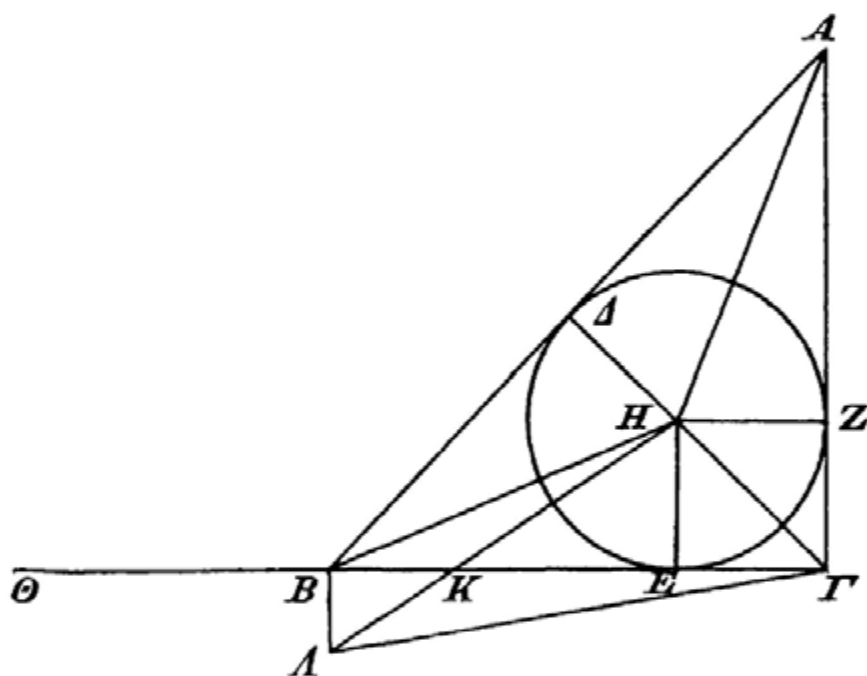


Fig. 7.

δυνατὸν μὲν οὖν ἐστὶν ἀγαγόντα[ς] μίαν κάθετον καὶ πορισάμενον αὐτῆς τὸ μέγεθος εὐρεῖν τοῦ τριγώνου τὸ ἐμβαδόν, δέον δὲ ἔστω χωρὶς τῆς καθέτου τὸ ἐμβαδόν <sup>10</sup> πορίσασθαι.

3 ταῦτα: correxit Curtze 4 ἐλάττω: corr. et suppl. Heiberg  
7 cf. Dioptr. cap. XXX; Hultsch Zeitschrift f. Math. u. Physik 1864  
p. 225—249; Heronis reliqu. p. 235 sq. 8 ἀγαγόντας: correxi



Es wird also die Wurzel aus 720 annähernd  $= 26\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$  sein. Denn  $(26\frac{1}{2} + \frac{1}{3})^2 = 720\frac{1}{36}$ , sodafs die Differenz nur  $\frac{1}{36}$  beträgt. Wenn wir aber wünschen, dafs die Differenz kleiner als  $\frac{1}{36}$  wird, so werden wir anstatt 729 den gefundenen Wert  $720\frac{1}{36}$  einsetzen, und wenn wir dann wieder dasselbe thun, so werden wir finden, dafs die Differenz viel kleiner als  $\frac{1}{36}$  wird. Der geometrische Beweis hierfür ist

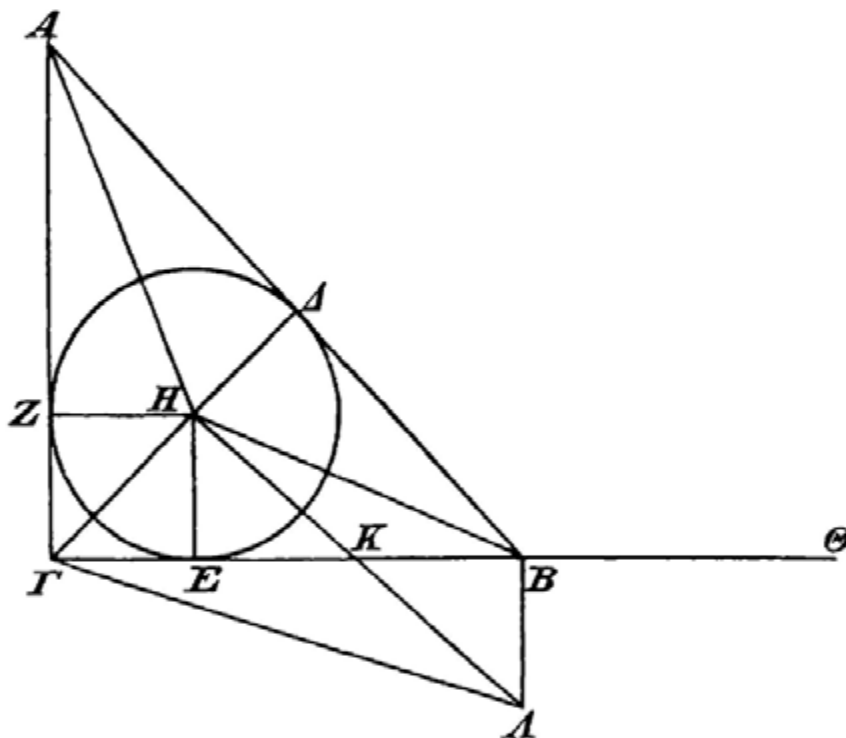


Fig. 8.

folgender. Wenn die 3 Seiten eines Dreiecks gegeben sind, seinen Inhalt zu finden. Es ist nun möglich, wenn man  
 10 eine Höhe fällt und ihre Gröfse bestimmt, den Inhalt des Dreiecks zu finden. Die Aufgabe sei aber, den Inhalt ohne die Höhe zu bestimmen. Das gegebene Dreieck sei  $AB\Gamma$ , und es sei jede der Seiten  $AB$ ,  $B\Gamma$ ,  $\Gamma A$  gegeben. Zu

ἔστω τὸ δοθὲν τρίγωνον τὸ  $ABΓ$  καὶ ἔστω ἐκάστη  
 τῶν  $AB$ ,  $BΓ$ ,  $ΓΑ$  δοθεῖσα· εὐρεῖν τὸ ἐμβαδόν. ἐγγε-  
 γράφθω εἰς τὸ τρίγωνον κύκλος ὁ  $ΔΕΖ$ , οὗ κέντρον  
 ἔστω τὸ  $H$ , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $AH$ ,  $BH$ ,  $ΓH$ ,  $ΔH$ ,  
 $EH$ ,  $ZH$ . τὸ μὲν ἄρα ὑπὸ  $BΓ EH$  διπλάσιόν ἐστι 5  
 τοῦ  $BHΓ$  τριγώνου, τὸ δὲ ὑπὸ  $ΓΑ ZH$  τοῦ  $ΑΓH$   
 τριγώνου, (τὸ δὲ ὑπὸ  $AB ΔH$  τοῦ  $ABH$  τριγώνου).  
 fol. 71<sup>r</sup> τὸ ἄρα ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ  $ABΓ$  τριγώνου καὶ  
 τῆς  $EH$ , τουτέστι τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ  $ΔΕΖ$   
 κύκλου, διπλάσιόν ἐστι τοῦ  $ABΓ$  τριγώνου. ἐκβεβλή- 10  
 σθω ἡ  $ΓB$ , καὶ τῇ  $ΑΔ$  ἴση κείσθω ἡ  $BΘ$ . ἡ ἄρα  
 $ΓBΘ$  ἡμίσειά ἐστι τῆς περιμέτρου τοῦ  $ABΓ$  τριγώνου  
 διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν μὲν  $ΑΔ$  τῇ  $ΑΖ$ , τὴν δὲ  $ΔB$   
 τῇ  $BE$ , τὴν δὲ  $ZΓ$  τῇ  $ΓE$ . τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν  $ΓΘ$   
 $EH$  ἴσον ἐστὶ τῷ  $ABΓ$  τριγώνῳ. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ τῶν 15  
 $ΓΘ EH$  πλευρά ἐστὶν τοῦ ἀπὸ τῆς  $ΓΘ$  ἐπὶ τὸ  
 ἀπὸ τῆς  $EH$ · ἔσται ἄρα τοῦ  $ABΓ$  τριγώνου τὸ  
 ἐμβαδὸν ἐφ' ἑαυτὸ γενόμενον ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς  $ΘΓ$   
 ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς  $EH$ . ἤχθω τῇ μὲν  $ΓH$  πρὸς ὀρθὰς  
 ἡ  $ΗΑ$ , τῇ δὲ  $ΓB$  ἡ  $ΒΑ$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $ΓΑ$ . ἐπεὶ 20  
 οὖν ὀρθὴ ἐστὶν ἑκατέρω τῶν ὑπὸ  $ΓΗΑ$ ,  $ΓΒΑ$ , ἐν  
 κύκλῳ ἄρα ἐστὶ τὸ  $ΓΗΒΑ$  τετράπλευρον· αἱ ἄρα  
 ὑπὸ  $ΓΗΒ$ ,  $ΓΑΒ$  δυσὲν ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι. εἰσὶν δὲ καὶ  
 αἱ ὑπὸ  $ΓΗΒ$ ,  $ΑΗΑ$  δυσὲν ὀρθαῖς ἴσαι διὰ τὸ δίχα  
 τετμησθαι τὰς πρὸς τῷ  $H$  γωνίας τα(ῖ)ς  $ΑΗ$ ,  $BH$ ,  $ΓH$  25  
 καὶ ἴσας εἶναι τὰς ὑπὸ τῶν  $ΓΗΒ$ ,  $ΑΗΑ$  ταῖς ὑπὸ τῶν  
 $ΑΗΓ$ ,  $ΔΗΒ$  καὶ τὰς πάσας τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσας  
 εἶναι· ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ  $ΑΗΑ$  τῇ ὑπὸ  $⟨Γ⟩ΑΒ$ .  
 ἔστι δὲ καὶ ὀρθὴ ἡ ὑπὸ  $ΑΔΗ$  ὀρθὴ τῇ ὑπὸ  $ΓΒΑ$

finden seinen Inhalt. Es werde (Elem. IV 4) in das Dreieck der Kreis  $\Delta EZ$  einbeschrieben, dessen Mittelpunkt  $H$  sein soll, und die Verbindungslinien  $AH$ ,  $BH$ ,  $\Gamma H$ ,  $\Delta H$ ,  $EH$ ,  $ZH$  gezogen. Es ist also:

$$\begin{aligned} 55 \quad B\Gamma \times EH &= 2BH\Gamma \\ \Gamma A \times ZH &= 2\Lambda\Gamma H \\ AB \times \Delta H &= 2ABH \end{aligned}$$

Also ist das Produkt aus dem Umfang des Dreiecks  $AB\Gamma$  und  $EH$ , d. h. dem Radius des Kreises  $\Delta EZ$ , doppelt so  
100 groß als das Dreieck  $AB\Gamma$ . Nun werde  $\Gamma B$  verlängert, und es werde  $B\Theta = A\Delta$  gemacht. Dann ist  $\Gamma B\Theta$  gleich dem halben Umfang des Dreiecks  $AB\Gamma$ , weil  $A\Delta = AZ$ ,  $\Delta B = BE$  und  $Z\Gamma = \Gamma E$ . Also ist

$$\Gamma\Theta \times EH = AB\Gamma.$$

155 Nun ist aber

$$\Gamma\Theta \times EH = \sqrt{\Gamma\Theta^2 \times EH^2}.$$

Also wird  $AB\Gamma^2 = \Theta\Gamma^2 \times EH^2$  sein.

Nun soll zu  $\Gamma H$  rechtwinklig  $HA$  und zu  $\Gamma B$  rechtwinklig  $BA$  gezogen und die Verbindungslinie  $\Gamma A$  gezogen werden. Da nun jeder der beiden Winkel  $\Gamma HA$   
200 und  $\Gamma BA$  ein rechter ist, so ist  $\Gamma HBA$  ein Kreisviereck. Folglich ist

$$\Gamma HB + \Gamma AB = 2R.$$

Es ist aber auch  $\Gamma HB + AH\Delta = 2R$ , weil die Winkel  
225 bei  $H$  durch die Geraden  $AH$ ,  $BH$ ,  $\Gamma H$  halbiert sind und die Summe der Winkel  $\Gamma HB$  und  $AH\Delta$  gleich ist der Summe der Winkel  $AH\Gamma$  und  $\Delta HB$  und sie alle zusammen gleich 4 Rechten sind. Also ist  $AH\Delta = \Gamma AB$ .

Es ist aber auch der rechte Winkel  $A\Delta H$  gleich dem  
300 rechten Winkel  $\Gamma BA$ . Also ist das Dreieck  $AH\Delta$  dem Dreieck  $\Gamma BA$  ähnlich. Folglich ist

$$B\Gamma : BA = A\Delta : \Delta H = B\Theta : EH$$

corr. m. 2    τὰς: ταῖς m. 2    26  $\Gamma HB$  ἢ  $HA$ : corr. m. 2  
τὰς ὑπὸ: corr. m. 2    27  $\delta\epsilon\theta\acute{\alpha}\varsigma$ : correxi    28  $\langle\Gamma\rangle$  add. m. 2

ἴση· ὁμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ  $AH\Delta$  τρίγωνον τῷ  $ΓΒ\Lambda$   
 τριγώνῳ. ὥς ἄρα ἡ  $B\Gamma$  πρὸς  $Β\Lambda$ , ἡ  $A\Delta$  πρὸς  $\Delta H$ ,  
 τουτέστιν ἡ  $B\Theta$  πρὸς  $EH$ , καὶ ἐναλλάξ, ὥς ἡ  $ΓΒ$   
 πρὸς  $B\Theta$ , ἡ  $Β\Lambda$  πρὸς  $EH$ , τουτέστιν ἡ  $BK$  πρὸς  
 $KE$  διὰ τὸ παράλληλον εἶναι τὴν  $Β\Lambda$  τῇ  $EH$ , καὶ 5  
 συνθέντι, ὥς ἡ  $Γ\Theta$  πρὸς  $B\Theta$ , οὕτως ἡ  $BE$  πρὸς  $EK$ .  
 ὥστε καὶ ὥς τὸ ἀπὸ τῆς  $Γ\Theta$  πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν  $Γ\Theta\langle\Theta B\rangle$ ,  
 οὕτως τὸ ὑπὸ  $BE\Gamma$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $ΓEK$ , τουτέστι  
 πρὸς τὸ ἀπὸ  $EH$ . ἐν ὀρθογωνίῳ γὰρ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς  
 ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ἤκται ἡ  $EH$ . ὥστε τὸ ἀπὸ τῆς 10  
 $Γ\Theta$  ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς  $EH$ ,  $\langle\omicron\rangle$  πλευρὰ ἦν τὸ ἐμβαδὸν  
 τοῦ  $AB\Gamma$  τριγώνου, ἴσον ἔσται τῷ ὑπὸ  $Γ\Theta B$  ἐπὶ τὸ  
 ὑπὸ  $ΓEB$ . καὶ ἔστι δοθεῖσα ἐκάστη τῶν  $Γ\Theta$ ,  $\Theta B$ ,  $BE$ ,  
 $ΓE$ . ἡ μὲν γὰρ  $Γ\Theta$  ἡμίσειά ἐστι τῆς περιμέτρου τοῦ  
 $AB\Gamma$  τριγώνου, ἡ δὲ  $B\Theta$  ἡ ὑπεροχή, ἣ ὑπερέχει ἡ 15  
 ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς  $ΓB$ , ἡ δὲ  $BE$  ἡ ὑπερ-  
 οχή, | ἣ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς  $A\Gamma$ ,  
 ἡ δὲ  $E\Gamma$   $\langle\eta\rangle$  ὑπεροχή, ἣ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περι-  
 μέτρου τῆς  $AB$ , ἐπειδήπερ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν  $E\Gamma$  τῇ  
 $ΓZ$ , ἡ δὲ  $B\Theta$  τῇ  $AZ$ , ἐπεὶ καὶ τῇ  $A\Delta$  ἐστὶν ἴση. 20  
 δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ  $AB\langle\Gamma\rangle$  τριγώνου.  
 συντεθήσεται δὴ οὕτως· ἔστω ἡ μὲν  $AB$  μονάδων  $\langle\iota\gamma\rangle$ ,  
 ἡ δὲ  $B\Gamma$  μονάδων  $\iota\delta$ , ἡ δὲ  $A\Gamma$  μονάδων  $\iota\epsilon$ . σύνθες  
 τὰ  $\iota\gamma$  καὶ  $\iota\delta$  καὶ  $\iota\epsilon$ · καὶ γίνεταί  $\mu\beta$ . ὧν ἡμισυ·  
 γίνεταί  $\kappa\alpha$ . ὕφελε τὰς  $\iota\gamma$ · λοιπαὶ  $\eta$ · εἴτα τὰς  $\iota\delta$ · 25  
 λοιπαὶ  $\zeta$ · καὶ ἔτι τὰς  $\iota\epsilon$ · λοιπαὶ  $\varsigma$ . τὰ  $\kappa\alpha$  ἐπὶ τὰ  $\eta$ ,  
 καὶ τὰ γενόμενα ἐπὶ τὸν  $\zeta$ , καὶ ἔτι τὰ γενόμενα ἐπὶ  
 τὸν  $\varsigma$ · συνάγονται  $\xi\nu\varsigma$ · τούτων πλευρὰ  $\langle\pi\delta\rangle$  τοσού-  
 του ἔσται τοῦ τριγώνου τὸ ἐμβαδόν.

7  $\langle\Theta B\rangle$  suppl. m. 2(?)      10  $EH$ : immo  $HE$       11  $\omicron\delta$   
 ante πλευρὰν add. m. 2      12 τὸ ὑπὸ: corr. m. 2      18  $\langle\eta\rangle$

und umgekehrt:

$$\Gamma B : B\Theta = BA : EH = BK : KE,$$

weil  $BA$  zu  $EH$  parallel ist, und

$$\Gamma\Theta : B\Theta = BE : EK;$$

so daß auch

$$\begin{aligned}\Gamma\Theta^2 : \Gamma\Theta \times \Theta B &= BE \times \langle \Gamma E \rangle : \Gamma E \times EK \\ &= BE \times \langle \Gamma E \rangle : EH^2\end{aligned}$$

Denn im rechtwinkligen Dreieck ist vom rechten Winkel auf die Hypotenuse die Höhe  $EH$  gefällt. Daher wird  
 100  $\Gamma\Theta^2 \times EH^2$ , woraus die Wurzel gleich dem Inhalt des Dreiecks  $AB\Gamma$  war, gleich  $\Gamma\Theta \times \Theta B \times \Gamma E \times EB$  sein. Nun ist gegeben jede der Linien  $\Gamma\Theta$ ,  $\Theta B$ ,  $BE$ ,  $\Gamma E$ . Denn  $\Gamma\Theta$  ist die Hälfte des Umfangs des Dreiecks  $AB\Gamma$ ;  $B\Theta$  aber ist die Strecke, um die die Hälfte des Umfangs größer  
 155 ist als  $\Gamma B$ ;  $BE$  aber die Strecke, um die die Hälfte des Umfangs größer ist als  $AI$ ;  $E\Gamma$  aber die Strecke, um die die Hälfte des Umfangs grösser ist als  $AB$ , da ja

$$E\Gamma = \Gamma Z, B\Theta = AZ,$$

weil es auch  $= AA$  ist. Folglich ist der Inhalt des Dreiecks  $AB\Gamma$  gegeben. Er wird folgendermaßen berechnet.  
 200 Es sei  $AB = 13$ ,  $B\Gamma = 14$ ,  $AI = 15$ .

$$13 + 14 + 15 = 42$$

$$\frac{42}{2} = 21$$

$$21 - 13 = 8$$

255 dann

$$21 - 14 = 7$$

$$21 - 15 = 6$$

$$21 \times 8 \times 7 \times 6 = 7056.$$

Hieraus die Wurzel ist gleich 84. So groß wird der Inhalt des Dreiecks sein.  
 300

---

addidi 21  $\langle \Gamma \rangle$  add. m. 2 22  $\langle \epsilon \gamma \rangle$  add. m. 2 26  $\epsilon$   
 λοιπαὶ  $\xi$ /: corr. m. 2 28 lacuna 10 litterarum; supplevi

fol. 72<sup>r</sup> θ. | Ἐπεὶ οὖν ἐμάθομεν τριγώνου τῶν πλευρῶν  
δοθεισῶν εὐρεῖν τὸ ἐμβαδὸν ῥητῆς οὔσης <τῆς> καθέτου,  
ἔστω μὴ ῥητῆς ὑπαρχούσης τῆς καθέτου τὸ ἐμβαδὸν  
εὐρεῖν. ἔστω γὰρ τρίγωνον τὸ  $AB\Gamma$  ἔχον τὴν μὲν  
 $AB$  μονάδων  $\eta$ , τὴν δὲ  $B\Gamma$  μονάδων  $\iota$ , τὴν δὲ  $A\Gamma$  5  
μονάδων  $\iota\beta$ . καὶ ἤχθω κάθετος ἡ  $AD$ . ἀκολουθῶς δὴ  
τοῖς ἐπὶ τοῦ ὀξυγωνίου εἰρημένοις ἔσται τὸ δις ὑπὸ  
 $\Gamma B\Delta$  μονάδων  $\kappa$ . ἡ ἄρα  $B\Delta$  ἔσται μονάδος  $\alpha$ , καὶ  
τὸ ἀπ' αὐτῆς ἄρα μονάδος  $\alpha$ . ἀλλὰ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς  
 $AB$  μονάδων  $\xi\delta$ . λοιπὸν ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς  $AD$  ἔσται 10  
μονάδων  $\xi\gamma$ . ἀλλὰ

καὶ τὸ ἀπὸ  $B\Gamma$   
μονάδων  $\rho$ . τὸ ἄρα  
ἀπὸ  $B\Gamma$  ἐπὶ τὸ ἀπὸ  
 $AD$  ἔσται μονάδων  
στ. τούτου δὲ πλευ-  
ρά ἐστίν ὁ ὑπὸ  
 $B\Gamma AD$  [ἐφ' ἐαν-  
τόν]. ὁ ὑπὸ τῶν  
 $B\Gamma AD$  ἄρα ἐφ'

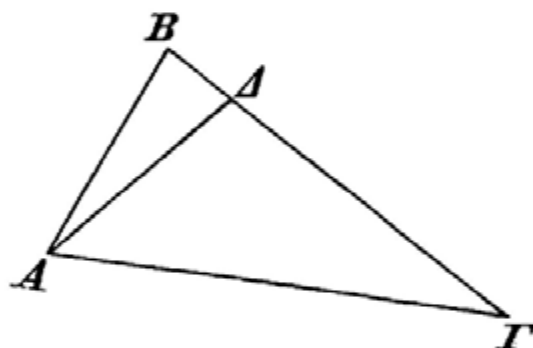


Fig. 9.

ἑαυτὸν ἔσται μονάδων στ. τὸ ἄρα ἥμισυ τοῦ ὑπὸ  
 $B\Gamma AD$  ἐφ' ἑαυτὸ μονάδων ,αφοε. ὧν γὰρ τετραγώ-  
νων αἱ πλευραὶ διπλασίονες ἀλλήλων εἰσίν, τὰ ἀπ'  
αὐτῶν τετραπλάσιά ἐστίν τῶν ἀπὸ τῶν ἡμίσεων. τὸ  
δὲ ἥμισυ τοῦ ὑπὸ τῶν  $B\Gamma AD$  τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶ τοῦ 25  
τριγώνου. ἔστιν ἄρα τὸ τοῦ τριγώνου ἐμβαδὸν δυνά-  
μει ,αφοε. ἔξεστι δὲ τῶν  $\xi\gamma$  τὴν πλευρὰν σύνεγγυς  
λαβόντα εὐρεῖν τὸ ἐμβαδὸν ὡς ῥητῆς οὔσης τῆς καθέ-

2 <τῆς> addidi 18—19 [ἐφ' ἐαυτόν]: deleuit man. 2  
25 ἥμισυ: in ἡμίσεος mutavit et <πλευρὰ> add. m. 2 perperam  
28 λαβόντα ex λαβεῖν τα fec. m. 1

IX. Nachdem wir nun gelernt haben, wenn die Seiten eines Dreiecks gegeben sind, den Inhalt zu finden,

falls die Höhe rational ist, sei jetzt die Aufgabe, falls die Höhe nicht rational ist, den Inhalt zu finden. Es sei nämlich  $AB\Gamma$  das Dreieck, in dem

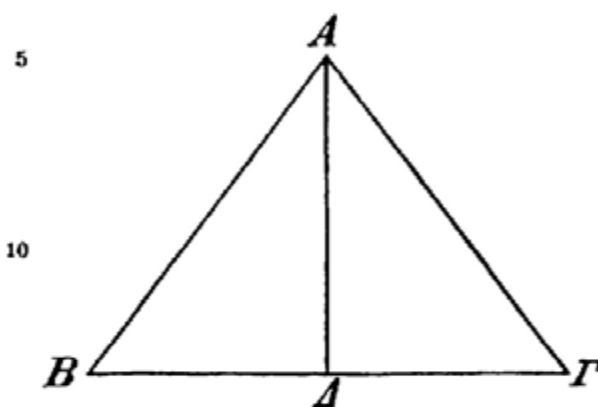


Fig. 10.

$$\begin{aligned} AB &= 8, \\ B\Gamma &= 10, \\ A\Gamma &= 12, \end{aligned}$$

und es werde die Höhe  $AD$  gezogen.<sup>3)</sup> Entsprechend nun dem beim spitzwinkligen Dreieck Bemerkten wird  $2\Gamma B \times BD = 20$  sein, folglich  $BD = 1$  und auch  $BD^2 = 1$ . Es ist aber  $AB^2 = 64$ ; folglich wird  $AD^2 = 63$  sein. Es ist aber auch  $B\Gamma^2 = 100$ ; also  $B\Gamma^2 \times AD^2 = 6300$ . Also ist

$$\begin{aligned} \sqrt{6300} &= (B\Gamma \times AD) \\ (B\Gamma \times AD)^2 &= 6300 \\ \left(\frac{B\Gamma \times AD}{2}\right)^2 &= 1575; \end{aligned}$$

denn von den Quadratzahlen, von deren Wurzeln die eine doppelt so groß ist als die andere, verhält sich die größere zur kleineren wie 4:1. Die Hälfte aber von  $B\Gamma \times AD$  ist gleich dem Inhalt des Dreiecks. Es ist also der Inhalt des Dreiecks im Quadrat = 1575. Es ist aber möglich, wenn man die Wurzel von 63 annähernd bestimmt, den Inhalt zu finden, als wäre die Höhe rational. Nun ist die Wurzel von 63 annähernd  $7\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$

3) In Fig. 9 müßte  $AD$  auf  $B\Gamma$  senkrecht stehen.

του. τῶν δὲ  $\xi\gamma$  σύνεγγυς ἐστὶν ἡ πλευρὰ  $\zeta\lambda$  δ' ἡ'  $\iota\varsigma'$ . δε-  
 ήσει οὖν τοσούτου ὑποστησάμενον τὴν κάθετον τὸ ἐμ-  
 βαδὸν εὐρεῖν· ἐστὶ δὲ  $\lambda\theta\lambda$  ἡ'  $\iota\varsigma'$ .

ι. Ἐστω τραπέζιον ὀρθογώνιον τὸ  $ΑΒΓΔ$  ὀρθὰς  
 101. 72<sup>ν</sup> ἔχον τὰς πρὸς τοῖς  $A, B$  γωνίας, καὶ ἔστω ἡ  $|$  μὲν  $ΑΔ$  5  
 μονάδων  $\varsigma$ , ἡ δὲ  $ΒΓ$   $\iota\alpha$ , ἡ δὲ  $ΑΒ$  μονάδων  $\iota\beta$ .  
 εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδὸν καὶ ἔτι τὴν  $ΓΔ$ . τετμήσθω  
 δίχα ἡ  $ΓΔ$  κατὰ τὸ  $E$ , καὶ τῇ  $ΑΒ$  παράλληλος ἤχθω  
 διὰ τοῦ  $E$  ἡ  $ΖΕΗ$ , καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ  $ΑΔ$  ἐπὶ τὸ  $Z$ .  
 ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ  $ΔΕ$  τῇ  $ΕΓ$ , ἴση ἄρα καὶ ἡ  $ΔΖ$  τῇ  $ΗΓ$ . 110  
 κοινὰ προσ-  
 κείσθωσαν αἱ  
 $ΑΔ ΒΗ$ · συν-  
 αμφότερος  
 ἄρα ἡ  $ΑΖ ΒΗ$   
 συναμφοτέρῳ  
 τῇ  $ΑΔ ΒΓ$  ἴση  
 ἐστίν. δοθεῖ-  
 σα δὲ ἐστὶν  
 συναμφοτέ-  
 ρος ἡ  $ΑΔ ΒΓ$ ,  
 ἐπεὶ καὶ ἑκα-

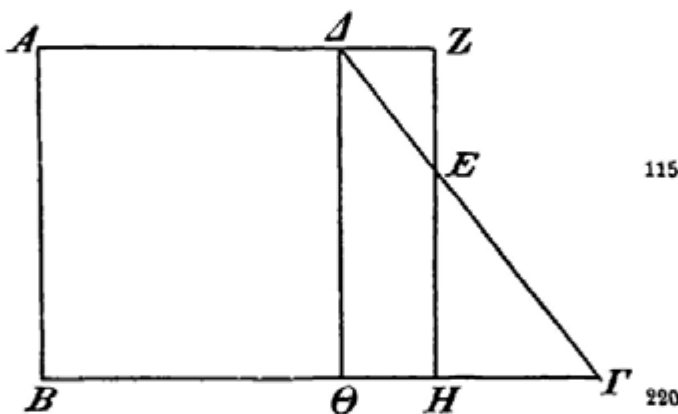


Fig. 11.

τέρα αὐτῶν· δοθεῖσα ἄρα καὶ συναμφότερος ἡ  $ΑΖ ΒΗ$ ,  
 τουτέστι δύο αἱ  $ΒΗ$ · καὶ ἡ  $ΒΗ$  ἄρα ἐστὶ δοθεῖσα.  
 ἀλλὰ καὶ ἡ  $ΑΒ$ · δοθέν ἄρα τὸ  $ΑΒΖΗ$  παραλληλό- 225  
 γραμμον. καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ  $ΔΕΖ$  τρίγωνον τῷ  
 $ΕΗΓ$ , κοινὸν προσκείσθω τὸ  $ΑΒΗΕΔ$  πεντάπλευρον·  
 ὅλον ἄρα τὸ  $ΑΒΖΗ$  παραλληλόγραμμον ὅλῳ τῷ  $ΑΒΓΔ$   
 τραπέζίῳ ἴσον ἐστὶ. δοθέν δὲ ἐδείχθη τὸ  $ΑΒΖΗ$   
 παραλληλόγραμμον· δοθέν ἄρα καὶ τὸ  $ΑΒΓΔ$  τρα- 380  
 πέζιον. ἡ δὲ  $ΓΔ$  εὐρεθήσεται οὕτως· ἤχθω κάθετος



$+\frac{1}{8} + \frac{1}{16}$ . Es wird nun nötig sein, die Höhe so groß anzusetzen und dann den Inhalt zu finden. Er beträgt  $39\frac{1}{2} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16}$ .

X. Es sei  $AB\Gamma A$  ein rechtwinkliges Trapez, in dem die Winkel bei  $A$  und bei  $B$  rechte sind; und es sei  $AA = 6$ ,  $B\Gamma = 11$ ,  $AB = 12$ . Zu finden seinen Inhalt und außerdem  $\Gamma A$ . Es werde  $\Gamma A$  halbiert in  $E$ ,<sup>4)</sup> und zu  $AB$  werde durch  $E$  die Parallele  $ZEH$  gezogen und  $AA$  bis  $Z$  verlängert. Da  $AE = E\Gamma$ , so ist auch  $AZ = H\Gamma$ . Auf beiden Seiten werde hinzugefügt  $AA + BH$ . Folglich sind  $AZ + BH = AA + B\Gamma$ . Es ist aber  $AA + B\Gamma$  gegeben, da jede der beiden Linien gegeben ist. Also ist auch  $AZ + BH = 2BH$  gegeben; also ist auch  $BH$  gegeben; aber auch  $AB$ ; mithin ist das Parallelogramm  $ABZH$  gegeben. Und da Dreieck  $A EZ =$  Dreieck  $E H\Gamma$  ist, so werde auf beiden Seiten das Fünfeck  $ABHEA$  zugefügt. Also ist das ganze Parallelogramm  $ABZH =$  dem ganzen Trapez  $AB\Gamma A$ . Das Parallelogramm  $ABZH$  aber ward als gegeben nachgewiesen. Gegeben ist also auch das Trapez  $AB\Gamma A$ .  $\Gamma A$  dagegen wird auf folgende Weise gefunden werden. Es werde die Höhe  $A\Theta$  gezogen. Da nun  $AA$  gegeben ist, so ist also auch  $B\Theta$  gegeben, aber auch  $B\Gamma$ : folglich ist nun auch  $\Gamma\Theta$  gegeben; aber auch  $A\Theta$ , da dies  $= AB$  ist, und der Winkel bei  $\Theta$  ist ein rechter; also ist auch  $\Gamma A$  gegeben. Berechnet wird es der Analyse entsprechend in folgender Weise:

$$\begin{aligned} 6 + 11 &= 17 \\ \frac{17}{2} &= 8\frac{1}{2} \\ 8\frac{1}{2} \times 12 &= 102. \end{aligned}$$

So groß wird der Inhalt sein. Dagegen  $A\Gamma$  wird folgendermaßen bestimmt.

4) In Fig. 11 ist dies nicht der Fall.

ἡ  $\Delta\Theta$ . ἐπεὶ οὖν δοθεῖσά ἐστιν ἡ  $A\Delta$ , δοθεῖσα ἄρα  
καὶ ἡ  $B\Theta$ . ἀλλὰ καὶ ἡ  $B\Gamma$  καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ  $\Gamma\Theta$  δο-  
θεῖσά ἐστιν. ἀλλὰ καὶ ἡ  $\Delta\Theta$  ἴση γάρ ἐστι τῇ  $AB$ .  
καὶ ὀρθὴ ἐστιν ἡ πρὸς τῷ  $\Theta$  γωνία· δοθεῖσα ἄρα καὶ  
ἡ  $\Gamma\Delta$ . συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· 5  
σύνθετες τὰ  $\varsigma$  καὶ τὰ  $\iota\alpha$ · γίννεται  $\iota\zeta$ . τούτων τὸ ἥμισυ·  
γίννεται  $\eta\lambda$ . ταῦτα ἐπὶ τὰ  $\iota\beta$ · γίννεται  $\rho\beta$ · τοσοῦτου  
ἄρα τὸ ἐμβαδόν. ἡ δὲ  $\Delta\Gamma$  οὕτως· ὕφειλε ἀπὸ τῶν  $\iota\alpha$   
τὰ  $\varsigma$ · καὶ γίννεται λοιπὰ  $\epsilon$ . ταῦτα ἐφ' ἑαυτὰ· γίννεται  
κε' καὶ τὰ  $\iota\beta$  ἐφ' ἑαυτὰ· γίννεται  $\rho\mu\delta$ . πρόσθετες τὰ κε' 10  
γίννεται  $\rho\zeta\theta$ . τούτων πλευρὰ γίννεται  $\langle\iota\gamma\rangle$  τοσοῦτων  
ἔσται ἡ  $\Delta\Gamma$ .

101. 73<sup>r</sup>

ια. | Ἐστω τραπέζιον ἰσοσκελὲς τὸ  $AB\Gamma\Delta$  ἴσην  
ἔχον τὴν  $AB$  τῇ  $\Gamma\Delta$ , καὶ ἑκατέρω αὐτῶν ἔστω μονά-  
δων  $\iota\gamma$ , ἡ δὲ  $A\Delta$  15  
μονάδων  $\varsigma$ , ἡ δὲ  $B\Gamma$   
μονάδων  $\iota\varsigma$ · εὐρεῖν  
αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν καὶ  
τὴν κάθετον. ἤχθω  
τῇ  $\Gamma\Delta$  παράλληλος ἡ  
 $AE$ , καὶ κάθετος ἤχθω  
ἐπὶ τὴν  $B\Gamma$  ἡ  $AZ$ · παρ-  
αλληλόγραμμον ἄρα  
ἔστι τὸ  $AE\Gamma\Delta$ . ἴση

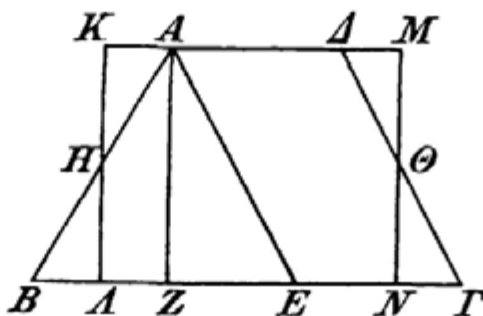


Fig. 12.

ἄρα ἐστὶν ἡ μὲν  $A\Delta$  τῇ  $EG$ , ἡ δὲ  $\Gamma\Delta$  τῇ  $AE$ · 25  
ὥστε ἔσται ἡ μὲν  $AE$  μονάδων  $\iota\gamma$ , ἡ δὲ  $EG$  μονάδων  
 $\varsigma$ · λοιπὴ ἄρα ἡ  $BE$  μονάδων  $\iota$ . ἐπεὶ οὖν ἰσοσκελὲς  
ἐστὶ τὸ  $ABE$  τρίγωνον ἔχον ἑκάστην πλευρὰν δοθεῖσαν,  
ἔσται ἄρα καὶ ἡ  $AZ$  κάθετος δοθεῖσα· καὶ ἔσται μονά-  
δων  $\iota\beta$ , ὥς προδέδεικται. τετμήσθωσαν δὲ δίχα αἱ 30  
 $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  τοῖς  $H$ ,  $\Theta$ , καὶ κάθετοι ἐπὶ τὴν  $B\Gamma$   $\langle\eta\chi\theta\omega\sigmaαν\rangle$

$$11 - 6 = 5$$

$$5^2 = 25$$

$$12^2 = 144$$

$$144 + 25 = 169$$

$$\sqrt{169} = 13.$$

So groß wird  $\Delta\Gamma$  sein.

XI. Es sei  $AB\Gamma\Delta$  ein gleichschenkliges Trapez, in dem  $AB = \Gamma\Delta = 13$ ,  $A\Delta = 6$ ,  $B\Gamma = 16$ . Zu finden seinen Inhalt und seine Höhe. Es werde zu  $\Gamma\Delta$  die

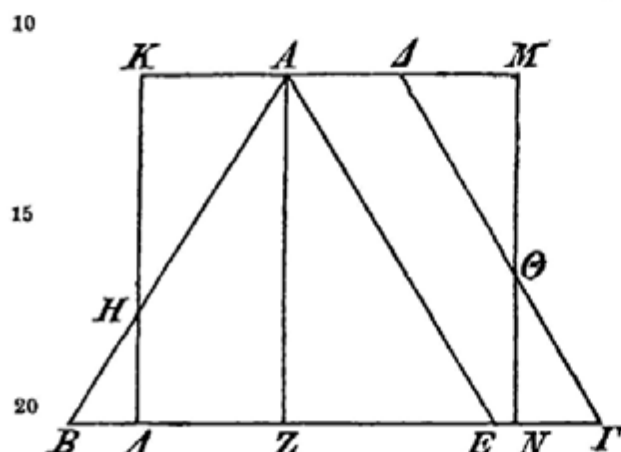


Fig. 13.

Parallele  $AE$  gezogen und auf  $B\Gamma$  die Höhe  $AZ$  gefällt. Folglich ist  $AE\Gamma\Delta$  ein Parallelogramm. Also ist  $A\Delta = E\Gamma$  und  $\Gamma\Delta = AE$ , sodaß  $AE = 13$ ,  $E\Gamma = 6$  sein wird. Also ist  $BE = 10$ . Da nun das Dreieck  $ABE$  gleichschenklilig ist und

Seiten von gegebener Größe hat, so wird auch die Höhe  $AZ$  gegeben sein. Sie wird, wie vorher gezeigt ist,  $= 12$  sein. Nun sollen  $AB$  und  $\Gamma\Delta$  in  $H$  und  $\Theta$  halbiert werden und auf  $B\Gamma$  die Höhen  $KHA$  und  $M\Theta N$  gefällt werden. Dann ist Dreieck  $AKH = BHA$  und  $\Delta M\Theta = \Gamma N\Theta$ , sodaß, wenn auf beiden Seiten das Sechseck  $AHAN\Theta\Delta$  hinzugefügt wird, das Parallelogramm  $KAMN$  gleich dem Trapez  $AB\Gamma\Delta$  sein wird.

5  $\Gamma\Delta$  corr. ex  $\Gamma E$  m. 1(?) 10  $\bar{\kappa}\epsilon$ :  $\epsilon$  renov. m. 1 11  $\rho\kappa\theta$ :  
corr. man. 2  $\langle\iota\rangle$  add. man. 2 11—12  $\tau\omicron\sigma\omicron\upsilon\tau\omicron\nu$ : corr. m. 2  
 $\xi\sigma\tau\omega$ : correxi 12  $\tau\omicron$   $\epsilon\mu\beta\alpha\delta\delta\nu$ : delevit et in mg.  $\eta$   $\delta\gamma$  ad-  
scripsit man. 2 31  $\Gamma\Delta$ : correxi  $\langle\eta\chi\theta\omega\sigma\alpha\nu\rangle$  addidi

αὶ  $KHΛ$ ,  $MΘN$ . ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ μὲν  $AKH$  τρίγωνον τῷ  $BHΛ$ , τὸ δὲ  $ΔMΘ$  τῷ  $ΓNΘ$ . ὥστε κοινοῦ προστεθέντος τοῦ  $AHΛNΘΔ$  ἑξαπλεύρου ἴσον ἐστὶ τὸ  $KΛMN$  παραλληλόγραμμον τῷ  $ABΓΔ$  τραπεζίῳ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν  $AK$  τῇ  $BL$ , ἡ δὲ  $ΔM$  τῇ  $ΓN$ , αὶ ἄρα  $AK ΔM$  ἴσαι εἰσὶν ταῖς  $BL NΓ$ . κοινῶν προστεθεισῶν τῶν  $ΔΔ ΛN$  ἐστὶ συναμφοτέρος ἡ  $KMAN$ , τουτέστι δύο αὶ  $KM$ , συναμφοτέρῳ τῇ  $ΔΔ BΓ$  ἴση. καὶ ἐστὶ δοθεῖσα συναμφοτέρος ἡ  $ΔΔ BΓ$ . ἐστὶ γὰρ μονάδων κβ. ἐσονται ἄρα καὶ αὐτὴ δύο αὶ  $KM$  μονάδων κβ. <αὐτὴ ἄρα ἡ  $KM$ > μονάδων ια. ἀλλὰ καὶ ἡ  $KL$  μονάδων ιβ. ἴση γὰρ ἐστὶ τῇ  $A$  <Ζ. τὸ ἄρα  $KΛNM$ > παραλληλόγραμμον ἐστὶ μονάδων ρλβ. καὶ ἐστὶν ἴσον τῷ  $ABΓΔ$  τραπεζίῳ. ἐστὶ ἄρα καὶ τὸ  $ABΓΔ$  τραπέζιον μονάδων ρλβ. <συντε>θήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως. ἄφελε ἀπὸ τῶν ις τὰς 5· γίνονται λοιπὰ ι. τούτων τὸ ἥμισυ ε. καὶ ταῦτα ἐφ' ἑαυτὰ· γίνονται κε· καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτὰ· γίνονται ρξθ. ἄφελε τὰ κε· λοιπὰ ρμδ. τούτων πλευρὰ γίνεταί <ιβ>· ἐστὶ ἡ κάθετος μονάδων ιβ. τὸ δὲ ἐμβαδὸν οὕτως· σύνθες τὰ ις καὶ 20  
fol. 73<sup>v</sup> τὰ 5· γίνονται κβ· ὧν ἥμισυ· γίνονται ια· <ταῦτα> ἐπὶ τὴν κάθετον· γίνεταί ρλβ· τοσούτων ἐστὶ τὸ ἐμβαδόν.

ιβ. Ἐστω τραπέζιον ὀξυγώνιον τὸ  $ABΓΔ$  ὀξείαν ἔχον τὴν πρὸς τῷ  $B$  γωνίαν, καὶ ἔστω ἡ μὲν  $AB$  μονάδων ιγ, ἡ δὲ  $ΓΔ$  μονάδων κ, ἡ δὲ  $ΔΔ$  μονάδων 25 5, ἡ δὲ  $BΓ$  μονάδων κξ· εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον καὶ τὸ ἐμβαδόν. ἤχθω τῇ  $ΓΔ$  παράλληλος ἡ  $AE$  καὶ κάθετος ἡ  $AZ$ . ἡ μὲν ἄρα  $AE$  ἐστὶ μονάδων κ· ἡ

2  $ΓHΘ$ : correxi    3 προστεθέντος: correxi    7  $KMAN$ :  
correxi    10 sq. spatium    8 litterarum; supplevi    12 lacuna    9  
litterarum; supplevi    21 <ταῦτα> m. 2.

Und da  $AK = BA$  und  $AM = IN$ , so ist  $AK + AM = BA + NI$ . Wird auf beiden Seiten  $AD + AN$  zugesetzt, so wird  $KM + AN = 2KM = AD + BI$  sein. Und  $AD + BI$  ist gegeben; es ist nämlich  $= 22$ ; daher wird auch  $2KM = 22$ , also  $KM = 11$  sein. Aber auch  $KA = 12$ , denn es ist  $= AZ$ . Also wird das Parallelogramm  $KANM = 132$  sein. Und dies ist gleich dem Trapez  $ABIA$ . Also wird auch das Trapez  $ABIA = 132$  sein. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen:

$$16 - 6 = 10$$

$$\frac{10}{2} = 5$$

$$5^2 = 25$$

$$13^2 = 169$$

$$169 - 25 = 144$$

$$\sqrt{144} = 12.$$

Die Höhe wird  $= 12$  sein. Den Inhalt findet man folgendermaßen:

$$16 + 6 = 22$$

$$\frac{22}{2} = 11$$

$$11 \times 12 = 132.$$

So groß wird der Inhalt sein.

XII. Es sei  $ABIA$  ein spitzwinkeliges Trapez, das bei  $B$  einen spitzen Winkel hat, und es sei  $AB = 13$ ,  $IA = 20$ ,  $AD = 6$ ,  $BI = 27$ . Zu finden seine Höhe und den Inhalt. Es werde zu  $IA$  die Parallele  $AE$  gezogen und die Höhe  $AZ$  gefällt. Also wird  $AE = 20$ ,  $IE = 6$

15 lacuna 5 litterarum; supplevit man. 2. 19 lacuna  
2 litterarum; supplevi 22 ante  $\epsilon\pi\iota$  inseruit  $\tau\alpha\theta\tau\alpha$  man. 2.

Heronis op. vol. III ed. Schoene.

δὲ ΓΕ μονάδων 5· λοιπὴ ἄρα ἡ ΒΕ μονάδων κα·  
ὥστε διὰ τὸ <τὸ> ΑΒΕ ὀξυγώνιον τρίγωνον <εἶναι>  
ἔσται ἡ ΑΖ κάθετος μονάδων ιβ. δίχα δὲ τμηθεῖσθαι  
τῶν ΑΒ ΓΔ τοῖς Η, Θ καὶ καθεύτων ἀχθεῖσθαι τῶν  
ΚΗΛ ΜΘΝ ὁμοίως τῷ ἐπάνω δείξομεν, ὅτι τὸ μὲν 5  
ΑΒΓ <Δ> τραπέζιον ἴσον ἐστὶ τῷ ΚΑΜΝ παραλληλο-  
γράμμῳ, συναμφοτέρως δὲ ἡ ΒΓ ΑΔ διπλῇ ἐστὶ τῆς ΚΜ·  
καὶ ἔσται ἡ ΚΜ

μονάδων ις½· ἔστι  
δὲ καὶ ἡ ΚΑ μονά-  
δων ιβ, ἐπεὶ καὶ ἡ  
ΑΖ· τὸ ἄρα ἐμβα-  
δὸν τοῦ τραπέζιου  
ἔσται μονάδων  
ρρη. συντεθήσε-  
ται δὲ ἀκολουθῶς  
τῇ ἀναλύσει οὕ-  
τως· ἄφελε ἀπὸ

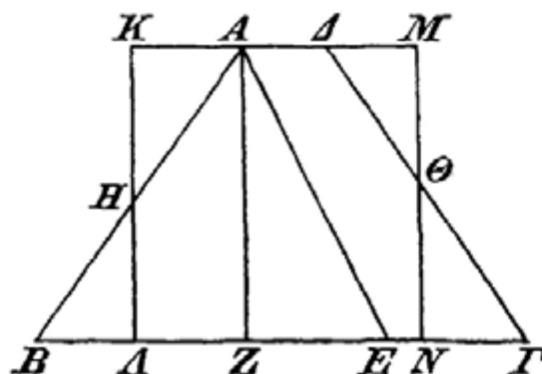


Fig. 14.

τῶν κς τὰ 5· λοιπὰ γίνεταί κα. καὶ τριγώνου ὀξυ-  
γωνίου τῶν πλευρῶν δοθεισῶν ιγ καὶ κα καὶ κ εὐρήσθω 20  
ἡ ΑΖ κάθετος· ἔστιν δὲ μονάδων ιβ, ὥς ἐμάθομεν·  
καὶ σύνθες κς καὶ <5>· γίνεταί τὸ ἥμισυ ις½· ταῦτα  
ἐπὶ <ιβ>· γίνεταί ρρη). τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδόν.

fol. 74<sup>v</sup> ιγ. Ἐστω τραπέζιον ἀμβλυγώνιον τὸ ΑΒΓΔ  
ἔχον ἀμβλείαν τὴν πρὸς τῷ Β, καὶ ἔστω ἡ μὲν ΑΒ 25  
μονάδων ιγ, ἡ δὲ ΓΔ κ, ἡ δὲ ΑΓ 5, ἡ δὲ ΒΔ μονά-  
δων ις. εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον καὶ τὸ ἐμβαδόν.  
ἤχθω κάθετος ἡ ΑΕ καὶ τῇ ΓΔ παράλληλος ἡ ΑΖ·  
ἔσται ἄρα ἡ μὲν ΑΖ μονάδων κ, ἡ δὲ ΖΔ μονάδων 5·  
καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΒΖ μονάδων ια· ὥστε διὰ τὸ τὸ ΑΒΖ 30  
τρίγωνον ἀμβλυγώνιον εἶναι ἔσται ἡ ΑΕ μονάδων ιβ.

sein. Folglich wird  $BE = 21$  sein, sodaß, weil  $ABE$  ein spitzwinkeliges Dreieck ist, die Höhe  $AZ = 12$  sein wird. Werden nun  $AB$  und  $\Gamma A$  in  $H$  und  $\Theta$  halbiert und die Höhen  $KHA$  und  $M\Theta N$  gefällt, so werden wir, ähnlich wie oben, zeigen, daß das Trapez  $AB\Gamma =$  dem Parallelogramm  $KAMN$  ist. Nun ist aber  $B\Gamma + A\Delta = 2KM$ , also wird  $KM = 16\frac{1}{2}$  sein. Es ist aber auch  $KA = 12$ , da auch  $AZ = 12$  ist. Also wird der Inhalt des Trapezes  $= 198$  sein. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, in folgender Weise.  $27 - 6 = 21$ . Nun muß von einem spitzwinkligen Dreieck, dessen Seiten  $= 13, 21$  und  $20$  gegeben sind, die Höhe  $AZ$  gefunden werden; sie ist  $= 12$ , wie wir gelernt haben.

$$27 + 6 = 33$$

$$15 \quad \frac{33}{2} = 16\frac{1}{2}$$

$$16\frac{1}{2} \times 12 = 198.$$

So groß wird der Inhalt sein.

XIII. Es sei  $AB\Gamma A$  ein stumpfwinkeliges Trapez, das bei  $B$  einen stumpfen Winkel hat, und es sei  $AB = 13$ ,  $\Gamma A = 20$ ,  $A\Gamma = 6$ ,  $B\Delta = 17$ . Zu finden seine Höhe und den Inhalt. Es werde die Höhe  $AE$  und zu  $\Gamma A$  die Parallele  $AZ$  gezogen. Also wird  $AZ = 20$ ,  $Z\Delta = 6$  sein; folglich ist  $BZ = 11$ ; sodaß, weil das Dreieck  $ABZ$  stumpfwinkelig ist,  $AE = 12$  sein wird. Und ähnlich dem

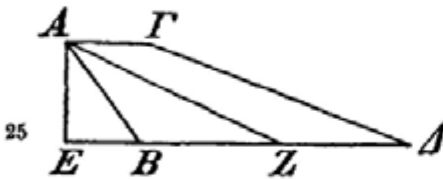


Fig. 15.

oben gesagten wird bewiesen werden, daß  $(B\Delta + A\Gamma) \times AE =$  dem doppelten Trapez  $AB\Gamma A$  sein wird. Der

2 <τὸ> suprascr. m. 2 <εἶναι> ante τριγώνον add. man. 2  
5 τὸ ἐπάνω: corr. man. 2 22 <5> addidi 23 supplevi  
25 τῆς πρὸς τὸ: corr. man. 2 26 ΓΔ εἰς: corr. m. 2 26 AΓ  
ex AΔ fec. m. 2.

καὶ ὁμοίως τοῖς ἐπάνω δειχθήσεται τὸ ὑπὸ συναμφο-  
 τέρου τῆς  $B\Delta A\Gamma$  καὶ τῆς  $AE$  διπλάσιον τοῦ  $AB\Gamma\Delta$   
 τραπεζίου· τὸ ἄρα ἐμβαδὸν τοῦ τραπεζίου ἔσται μονάδων  
 ρλη. συντεθήσεται δὲ οὕτως· ἄφελε ἀπὸ τῶν ιζ τὰ ε·  
 λοιπὰ ια· καὶ τριγώνου ἀμβλυγωνίου τῶν πλευρῶν 5  
 δοθεισῶν ιγ, ια, κ εὐρήσθω ἡ κάθετος· γίννεται ιβ· καὶ  
 σύνθεσ τὰ ιζ καὶ <ε>· γίννεται κγ· τούτων τὸ ἥμισυ  
 γίννεται ιαλ· ταῦτα ἐπὶ τὰ ιβ· γίννεται ρλη· τοσούτου  
 ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τραπεζίου.

<ιδ>· Ὁ δὲ ῥόμβος καὶ τὸ ῥομβοειδὲς τὴν μέτρησιν 10  
 φανερὰν ἔχουσιν. δεῖ γὰρ ἑκατέρου αὐτῶν τὰς πλευρὰς  
 δοθείσας εἶναι καὶ μίαν διάμετρον. ὧν δοθέντων ὁ  
 μὲν ῥόμβος ἔσται ἐκ δύο ἰσοσκελῶν τριγώνων συγκεί-  
 μενος, τὸ δὲ ῥομβοειδὲς ἐκ δύο τριγώνων ἥτοι ὀξυγω-  
 101. 74<sup>v</sup> ν<ι>ων | <ῆ ἀμβλυγωνίων>, καὶ διὰ τοῦτο δοθήσεται 15  
 αὐτῶν <τὸ ἐμβαδόν>. τὰ μὲν οὖν ἀποδειχθέντα τετρά-  
 πλευρα <μίαν πλευρὰν μιᾷ πλευρᾷ> παράλληλον εἶχε·  
 <τὸ δὲ παρὸν τὸ  $A$ >  $B\Gamma\Delta$  τὴν μὲν πρὸς τῷ  $\Gamma$  γωνίαν  
 <ἐχέτω> ὀρθήν, μηδεμίαν δὲ πλευρὰν μηδεμιᾷ παράλ-  
 ληλο <ν καὶ> ἔτι ἐκάστην τῶν πλευρῶν δοθείσαν, τὴν 20  
 μὲν < $AB$  μονάδων> ιγ, τὴν δὲ < $B$ >  $\Gamma$  μονάδων ι,  
 τὴν δὲ  $\Gamma\Delta$  μονάδων κ, τὴν δὲ  $\Delta A$  μονάδων ιζ·  
 δεῖξαι αὐτοῦ τὸ ἐμβαδὸν δοθέν. ἐπεξεύχθω ἡ  $B<\Delta>$ ·  
 καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθετος <ῆχθω> ἡ  $AE$ . ἐπεὶ ἑκατέρα  
 τῶν  $B\Gamma$   $\Gamma\Delta$  δοθείσα ἔστιν καὶ ὀρθὴ ἡ πρὸς τῷ  $[A]\Gamma$ , 25  
 δοθέν ἄρα ἐστὶ τὸ  $B\Gamma\Delta$  τρίγωνον· καὶ ἔτι τὸ ἀπὸ  
 τῆς  $B\Delta$  ἔσται δοθέν· ἔστι γὰρ μονάδων φ· ἀλλὰ καὶ

2 διπλάσιον τὸ: corr. m. 2 5 τριγώνων: corr. m. 2 10 in  
 mg. numerus capitis non adscriptus 14—15 ὀξυγώνων: correxi  
 15 spatium 12 litterarum; supplevit m. 2 16 spatium 12 littera-  
 rum; supplevi. <ἑκαστον> perperam m. 2 17 spatium 17 littera-  
 rum; supplevit m. 2 18 spatium 13 litterarum; supplevit m. 2



Inhalt des Trapezes wird daher  $= 138$  sein. Berechnet wird es folgendermaßen:

$$17 - 6 = 11.$$

Nun ist in einem stumpfwinkligen Dreieck, dessen Seiten  
 $= 13, 11$  und  $20$  gegeben sind, die Höhe zu finden. Sie  
ist  $= 12$ .

$$17 + 6 = 23$$

$$\frac{23}{2} = 11\frac{1}{2}$$

$$11\frac{1}{2} \times 12 = 138.$$

<sup>10</sup> So groß wird der Inhalt des Trapezes sein.

XIV. Beim Rhombus und beim Rhomboïd ist die Art der Ausmessung von selbst klar. Es müssen nämlich von jedem der beiden die Seiten und ein Durchmesser gegeben sein. Wenn diese Stücke gegeben sind, so wird der  
<sup>15</sup> Rhombus aus zwei gleichschenkeligen Dreiecken zusammengesetzt sein, das Rhomboid dagegen aus zwei spitzwinkligen oder stumpfwinkligen Dreiecken. Und aus diesem Grunde wird der Inhalt derselben gegeben sein.

Die behandelten Vierecke nun hatten immer eine Seite  
<sup>20</sup> einer anderen parallel. Das jetzt vorliegende  $AB\Gamma A$  jedoch soll bei  $\Gamma$  einen rechten Winkel haben, aber keine Seite der anderen parallel; weiter soll jede der Seiten gegeben sein und zwar  $AB = 13, B\Gamma = 10, \Gamma A = 20, AA = 17$ . Zu zeigen, daß damit sein Inhalt gegeben ist. Man ziehe  
<sup>25</sup> die Verbindungslinie  $BA$  und auf sie die Senkrechte  $AE$ . Da nun jede der beiden Linien  $B\Gamma$  und  $\Gamma A$  gegeben ist, und der Winkel bei  $\Gamma$  ein rechter ist, so ist das Dreieck  $B\Gamma A$  gegeben. Weiter ist auch  $BA^2$  gegeben  $= 500$ ;

---

$\pi\rho\acute{o}\varsigma$  τὸ: correxit m. 2 19 spatium 10 litterarum; supplevit m. 2  
<sup>20</sup> spatium 9 litterarum; supplevit m. 2 21 spatium 4 litterarum;  
supplevi spatium 1 litterae; supplevit m. 2 23 <A> supra  
lineam add. man. 2 24 spatium 4 litterarum; supplevit m. 2  
<sup>25</sup> [A] deleuit man. 1 24 post AE inseruit καὶ m. 2

τὸ ἀπὸ τῆς  $AB$  δοθέν· δοθέντα ἄρα ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν  
 $AB$   $B\Delta$ · καὶ ἔστι μείζονα τοῦ ἀπὸ τῆς  $A\Delta$ . ὁξεία  
 ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ  $AB\Delta$ · τὰ ἄρα  
 ἀπὸ τῶν  $AB$   $B\Delta$  τοῦ ἀπὸ τῆς  
 $A\Delta$  μείζονά ἐστιν τῇ δις ὑπὸ  
 τῶν  $\Delta B$   $BE$ . δοθέν ἄρα ἐστὶν  
 τὸ δις ὑπὸ τῶν  $\Delta B$   $BE$ · ὥστε  
 καὶ τὸ ἅπαξ ὑπὸ τῶν  $\Delta B$   $BE$   
 δοθέν ἐστὶ· καὶ ἔστι πλευρὰ  
 τοῦ ἀπὸ τῆς  $B\Delta$  ἐπὶ τὸ ἀπὸ  
 $BE$ . δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ  
 $\Delta B$  ἐπὶ τὸ ἀπὸ  $BE$ · καὶ ἔστι δοθέν τὸ ἀπὸ  $B\Delta$ .  
 δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ  $BE$ . ἀλλὰ καὶ τὸ ἀπὸ  $[B]EA$   
 ἐπὶ τὸ ἀπὸ  $B\Delta$ .

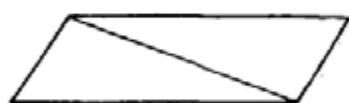


Fig. 16.

καὶ ἔστιν αὐτοῦ  
 πλευρὰ τὸ ὑπὸ  
 $B\Delta$   $AE$ . δοθέν  
 ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ  
 $B\Delta$   $AE$ . καὶ ἔστι

διπλάσιον τοῦ  
 $AB\Delta$  τριγώνου·  
 δοθέν ἄρα καὶ τὸ  
 $AB\Delta$  τρίγωνον·  
 ἀλλὰ καὶ τὸ  $B\Gamma\Delta$ .  
 ὥστε καὶ ὅλον τὸ

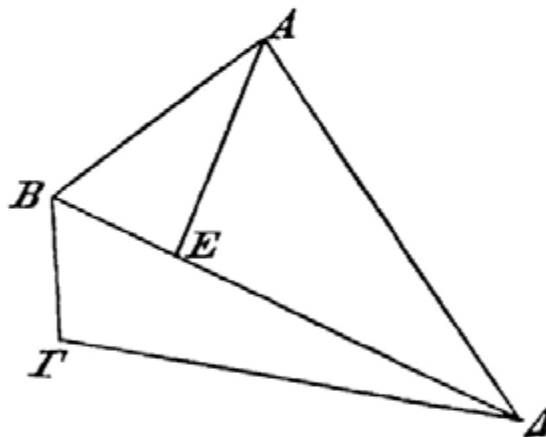


Fig. 17.

$AB\Gamma\Delta$  τετράπλευρον δοθέν ἔσται. συντεθήσεται δὲ  
 ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· τὰ  $\iota$  ἐπὶ τὰ  $\kappa$ .  
 γίνεταί  $\sigma$ . καὶ τούτων τὸ ἥμισυ γίνεταί  $\rho$ . καὶ  
 πάλιν τὰ  $\iota$  ἐφ' ἑαυτά γίνεταί  $\rho$ . καὶ τὰ  $\kappa$  ἐφ' ἑαυτά.

7 τῶ δις: corr. man. 2    13 BEA: del. B et τῆς supra-  
 scripsit m. 2.

es ist aber auch  $AB^2$  gegeben. Also ist  $AB \times BA$  gegeben, und dies ist größer als  $AA^2$ . Also ist der Winkel  $ABA$  ein spitzer. Folglich ist

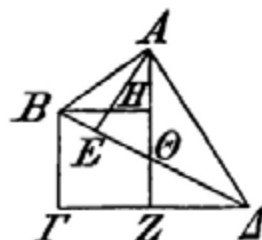


Fig. 18.

$$AB \times BA - 2 AB \times BE = AA^2.$$

Folglich ist  $2 AB \times BE$  gegeben, so daß auch  $AB \times BE$  gegeben ist, und zwar ist es  $= \sqrt{BA^2 \times BE^2}$ . Gegeben ist also auch  $AB^2 \times BE^2$ . Und gegeben ist  $BA^2$ , also auch  $BE^2$ .

10 Aber auch  $EA^2 \times BA^2$ . Und es ist

$$\sqrt{EA^2 \times BA^2} = BA \times AE.$$

Gegeben ist also auch  $BA \times AE$ . Und dies ist doppelt so groß als das Dreieck  $ABA$ . Gegeben ist also auch

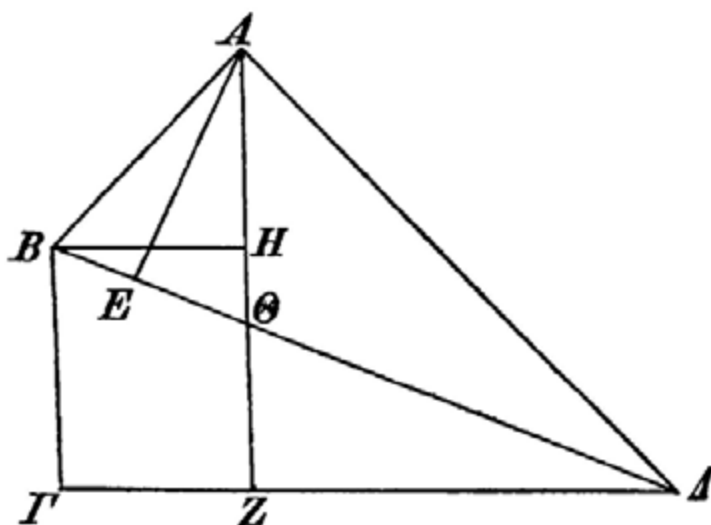


Fig. 18a.

das Dreieck  $ABA$ ; aber auch  $BIA$ ; so daß das ganze  
 15 Viereck  $ABIA$  gegeben sein wird. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, in folgender Weise:

γίνεται υ. σύνθεσις· γίνεται φ. καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά·  
 101. 75<sup>r</sup> γίνεται ρξθ. ταῦτα μετὰ τῶν φ γίνεται χξθ· ἄφελε |  
 τὰ ιξ ἐφ' ἑαυτά· λοιπαὶ τπ· τούτων τὸ ἥμισυ γίνεται  
 ρα· ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίνεται μ,ςρ. ταῦτα παρὰ τὸν  
 φ· γίνεται οβ ἐ· ἄφελε ταῦτα ἀπὸ τῶν <ρ>ξθ· γίνον- 5  
 ται λοιπαὶ ρς|ε'ί'. ταῦτα ἐπὶ τὸν φ· γίνεται <μ,ην>  
 τούτων πλευρὰ γίνεται σκ· τούτων τὸ ἥμισυ γίνεται  
 ρι· τοσούτου ἔσται τοῦ  $AB\Delta$  τὸ ἐμβαδόν. ἀλλὰ καὶ  
 τοῦ <ΒΓΔ> μονάδων ρ· τοῦ ἄρα  $AB\Gamma\Delta$  τετραπλεύρου  
 τὸ ἐμβαδόν ἔσται <σι> [ἔστιν] <ὅτι> δὲ καὶ ἡ ἀπὸ 10  
 τοῦ  $A$  κάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὴν  $\Gamma\Delta$  δοθεῖσά ἐστιν,  
 δείξομεν ἐξῆς.

ιε. Ἔστω τραπέζιον τὸ  $AB\Gamma\Delta$  δοθεῖσαν ἔχον  
 ἐκάστην τῶν πλευρῶν καὶ ὀρθὴν τὴν ὑπὸ  $B\Gamma\Delta$   
 γωνίαν. ὅτι δοθεῖσά ἐστιν ἡ ἀπὸ τοῦ  $A$  κάθετος 15  
 ἀγομένη ἐπὶ τὴν  $\Gamma\Delta$ . ἤχθω γὰρ ἐπὶ μὲν τὴν  $\Gamma\Delta$   
 κάθετος ἡ  $AZ$ , ἐπὶ δὲ τὴν  $AZ$  ἡ  $BH$ , ἐπὶ δὲ τὴν  
 $B\Delta$  ἡ  $AE$ . φανερόν δὴ, ὅτι δοθεῖσά ἐστιν ἡ  $B\Delta$   
 καὶ ἡ ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἡ  $AE$ , ἐπεὶ καὶ αἱ  $BA$ ,  
 $A\Delta$  δοθεῖσαι εἰσιν. καὶ ἐπεὶ  $\iota\sigma\eta$  ἐστὶν ἡ ὑπὸ  $\Gamma B\Delta$  20  
 τῇ ὑπὸ  $B\Theta A$ , ἀλλὰ καὶ ὀρθὴ ἡ ὑπὸ  $B\Gamma\Delta$  ὀρθῇ τῇ  
 ὑπὸ  $AE\Theta$   $\iota\sigma\eta$ , ἔστιν ἄρα ὡς ἡ  $\Delta\Gamma$  πρὸς  $\Gamma B$ , ἡ  $AE$   
 πρὸς  $E\Theta$ . λόγος δὲ τῆς  $\Gamma\Delta$  πρὸς  $\Gamma B$  δοθεῖς· λόγος  
 ἄρα καὶ τῆς  $AE$  πρὸς  $E\Theta$  δοθεῖς. καὶ ἔστι δοθεῖσα  
 ἡ  $AE$ · δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  $E\Theta$ . καὶ ὀρθὴν γωνίαν 25  
 περιέχουσι· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  $A\Theta$ . καὶ ἐπεὶ ἐκατέρω  
 τῶν  $BE$ ,  $E\Theta$  δοθεῖσά ἐστιν, δοθέν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν

5 <ρ> in rasura scripsit man. 2 6 ἐπὶ τῶν: correxi spatium 6 litterarum: supplevi 8  $AB\Gamma$ : corr. et  $\tau\rho\iota\gamma\acute{\omega}\nu\omicron\nu$  add. m. 2 10 spatium 4 litterarum: supplevit m. 2 [ἔστιν] deleui <σι> suprascr. m. 2 spatium 4 litterarum: supplevit m. 2

$$\begin{aligned}
10 \times 20 &= 200 \\
\frac{200}{2} &= 100 \\
10^2 &= 100 \\
20^2 &= 400 \\
400 + 100 &= 500 \\
13^2 &= 169 \\
500 + 169 &= 669 \\
669 - 17^2 &= 380 \\
\frac{380}{2} &= 190 \\
190^2 &= 36\,100 \\
\frac{36\,100}{500} &= 72\frac{1}{5} \\
169 - 72\frac{1}{5} &= 96\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10} \\
\left(96\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10}\right) \times 500 &= 48\,400 \\
\sqrt{48\,400} &= 220 \\
\frac{220}{2} &= 110.
\end{aligned}$$

So groß wird der Inhalt des Dreiecks  $AB\Delta$  sein. Aber auch der Inhalt von  $B\Gamma\Delta = 100$ . Der Inhalt des Vierecks  $AB\Gamma\Delta$  wird also  $= 210$  sein. Daß aber auch die von  $A$  auf  $\Gamma\Delta$  gefällte Senkrechte gegeben ist, werden wir im Folgenden zeigen.

XV. Es sei  $AB\Gamma\Delta$  ein Trapez, in dem jede der Seiten gegeben und der Winkel  $B\Gamma\Delta$  ein rechter ist. Zu zeigen, daß die von  $A$  auf  $\Gamma\Delta$  gefällte Senkrechte gegeben ist. Es werde auf  $\Gamma\Delta$  die Senkrechte  $AZ$  gefällt, und auf  $AZ$  die Senkrechte  $BH$ , auf  $B\Delta$  die Senkrechte  $AE$ . Nun ist klar, daß  $B\Delta$  und die Senkrechte darauf,  $AE$ , gegeben ist, da auch  $BA$  und  $A\Delta$  gegeben sind. Und da Winkel  $\Gamma B\Delta = B\Theta A^1)$ , aber auch der rechte Winkel  $B\Gamma\Delta =$  dem rechten Winkel  $AE\Theta$  ist,

---

1)  $\Theta$  ist Schnittpunkt von  $AZ$  und  $B\Delta$ .

$B\Theta E$ . καὶ ἔστιν ἴσον τῷ ὑπὸ τῶν  $A\Theta H$ . ὁρθὴ γὰρ  
 ἑκατέρω τῶν πρὸς τοῖς  $E, H$ . δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  
 $H\Theta$ . ὥστε καὶ ἡ  $AH$ . ἀλλὰ καὶ ἡ  $HZ$ . ἴση γάρ ἐστι  
 τῇ  $B\Gamma$ . καὶ ὅλη ἄρα ἡ  $AZ$  δοθεῖσά ἐστιν. συντεθή-  
 σεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως. | ἔστω γὰρ 5  
 ἡ μὲν  $AB$  μονάδων  $\iota\gamma$ , ἡ δὲ  $B\Gamma$  μονάδων  $\iota$ , ἡ δὲ  $\Gamma A$   
 μονάδων  $\kappa$ , ἡ δὲ  $AA$  μονάδων  $\iota\zeta$ . ἀκολουθῶς δὲ  
 τοῖς ἐπὶ τοῦ ἐμβαδοῦ εἰρημένοις ἔσται ἡ μὲν  $AE$   
 κάθετος δυνάμει  $\varsigma\zeta\text{L}\acute{\epsilon}\acute{\iota}$ , ἡ δὲ  $BE$  δυνάμει  $\omicron\beta\acute{\epsilon}$ , ἡ  
 δὲ  $BA$  δυνάμει  $\varphi$ . καὶ ἐπεὶ ἡ μὲν  $\Gamma A$  ἐστὶ μονά- 10  
 δων  $\kappa$ , ἡ δὲ  $\Gamma B$  μονάδων  $\iota$ , τὰ ἄρα ἀπὸ τούτων  
 μονάδων  $\nu$  καὶ μονάδων  $\rho$ . ποιήσων οὖν ὥς τὰ  $\nu$   
 πρὸς  $\rho$ , τὰ  $\varsigma\zeta$  δ' πρὸς τί· ἔσται πρὸς  $\kappa\delta\acute{\epsilon}$  τοσούτου  
 ἔσται τὸ ἀπὸ  $E\langle\Theta\rangle$ . καὶ  $\langle\text{πο}\rangle\lambda\lambda\alpha\langle\text{πλασιάζαντες}\rangle$  τὰ  
 $\omicron\beta\acute{\epsilon}$  ἐπὶ τὰ  $\kappa\delta\acute{\epsilon}$  καὶ τῶν γενομένων τὴν πλευρὰν 15  
 λαβόντες καὶ διπλασιάζαντες ἃ γίνεταί τοῦ δις ὑπὸ  
 τῶν  $BE\langle E\Theta\rangle$  προσθήσομεν τοῖς ἀπὸ  $BE, E\Theta$ ,  
 τουτέστι τοῖς  $\omicron\beta\acute{\epsilon}$  καὶ  $\kappa\delta\acute{\epsilon}$  συντεθεῖσιν. καὶ ἔξο-  
 μεν τὴν  $B\Theta$  δυνάμει  $\rho\pi$ . καὶ σύνθετες τὰ  $\varsigma\zeta\text{L}\acute{\epsilon}\acute{\iota}$   
 καὶ  $\kappa\delta\acute{\epsilon}$  γίνεταί  $\rho\kappa\alpha$ . καὶ πολλαπλασιάσων τὰ  $\rho\pi$  ἐπὶ 20  
 τὰ  $\kappa\delta\acute{\epsilon}$  γίνεταί δυνάμει  $\delta\tau\nu\varsigma$ . μέρισον εἰς τὸν  
 $\rho\kappa\alpha$  γίνεταί  $\lambda\varsigma$ . καὶ ἄφελε ἀπὸ δυνάμει  $\rho\kappa\alpha$  δυνά-  
 μει  $\lambda\varsigma$  [λοιπὰ δυνάμει  $\lambda\varsigma$ ] λοιπὰ δυνάμει  $\kappa\epsilon$ , ἃ ἐστι  
 μήκει  $\epsilon$ . πρόσθετες ὅσων ἐστὶν ἡ  $B\Gamma$ . ἔστι δὲ  $\iota$ . γίγ-  
 νεται  $\iota\epsilon$ . τοσούτου ἔσται ἡ  $AZ$  κάθετος. καὶ ἡ μὲν 25  
 $E\Theta$  δυνάμει  $\kappa\delta\acute{\epsilon}$ , ἡ δὲ  $H\Theta$  μήκει  $\varsigma$ , ἡ δὲ  $A\Theta$   
 μήκει  $\iota\alpha$ .

9  $\varsigma\zeta\text{L}\acute{\epsilon}\acute{\iota}$  : sed extremam litteram del. m. 1      14 sup-  
 plevit m. 2      17  $\langle E\Theta\rangle$  add. m. 2      19 συνθέντες: corr. m. 2  
 23 [λοιπὰ δυνάμει  $\lambda\varsigma$ ] del. m. 2      24 ὅσον: correxi      25 το-  
 σοῦτον: correxi

so ist  $\angle \Gamma : \Gamma B = AE : E\Theta$ . Nun ist aber das Ver-  
 hältnis von  $\Gamma A$  zu  $\Gamma B$  gegeben; also ist auch das Ver-  
 hältnis von  $AE$  zu  $E\Theta$  gegeben. Und gegeben ist  $AE$ ;  
 gegeben also auch  $E\Theta$ ; und sie umschließen einen rechten  
 5 Winkel, also ist auch  $A\Theta$  gegeben. Und da jede der  
 beiden Geraden  $BE$  und  $E\Theta$  gegeben ist, so ist  $B\Theta \times \Theta E$   
 gegeben, und es ist gleich  $A\Theta \times \Theta H$ . Denn jeder der  
 beiden Winkel bei  $E$  und  $H$  ist gleich einem rechten.  
 Gegeben ist also auch  $H\Theta$ ; sodaß auch  $AH$  gegeben ist,  
 10 ebenso aber auch  $HZ$ , denn es ist gleich  $BI$ . Also ist  
 auch  $AZ$  ganz gegeben. Berechnet wird es nun, der  
 Analyse entsprechend, folgendermaßen. Es sei  $AB = 13$ ,  
 $B\Gamma = 10$ ,  $\Gamma A = 20$ ,  $\angle A = 17$ . Entsprechend nun  
 dem beim Inhalt Bemerkten wird die Höhe im Quadrat  
 15  $= 96\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10}$  sein. Es ist aber  $BE^2 = 72\frac{1}{5}$  und  
 $B\Gamma^2 = 500$ . Und da  $\Gamma A = 20$ ,  $\Gamma B = 10$ , so sind ihre  
 Quadrate 400 und 100. Setze nun  $400 : 100 = 96\frac{4}{5} : x$ .  
 Dann wird  $x = 24\frac{1}{5}$  sein. So groß wird  $E\Theta^2$  sein.  
 Wir multiplizieren nun  $72\frac{5}{1}$  mit  $24\frac{1}{5}$  und ziehen aus dem  
 20 Produkt die Wurzel, nehmen den doppelten Wert von  
 $BE \times E\Theta$ , und setzen dies zu  $BE^2 + E\Theta^2$ , d. h. zu  
 $72\frac{1}{5} + 24\frac{1}{5}$  hinzu und erhalten  $B\Theta^2 = 180$ .

$$96\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10} + 24\frac{1}{5} = 121$$

$$(180 \times 24\frac{1}{5})^2 = 4356$$

$$25 \quad \frac{4356}{121} = 36$$

$$\sqrt{121} - \sqrt{36} = \sqrt{25}$$

$$\sqrt{25} = 5$$

$$5 + 10 = 15.$$

So groß wird die Höhe  $AZ$  sein. Und es ist  $E\Theta^2 = 24\frac{1}{5}$   
 30  $H\Theta = 6$ ,  $A\Theta = 11$ .

ις. Ἐστω δὴ πάλιν τραπέζιον τὸ  $AB\Gamma\Delta$  ἔχον τὴν  
 μὲν πρὸς τῷ  $\Gamma$  ὀρθήν, τὴν δὲ  $AB$  μονάδων  $\iota\gamma$ , τὴν  
 δὲ  $B\Gamma$  μονάδων  $\iota$ , τὴν δὲ  $\Gamma\Delta$  μονάδων  $\eta$ , τὴν δὲ  $A\Delta$   
 μονάδων  $\kappa\epsilon$ . εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ἐπεξεύχθω ἡ  
 $B\Delta$ . ὁμοίως δὴ ἔσται τοῦ  $B\Gamma\Delta$  τριγώνου τὸ ἐμβαδόν 5  
 δοθέν. καὶ τὸ ἀπὸ τῆς  $B\Delta$  μονάδων  $\rho\zeta\delta$ . ἀλλὰ καὶ  
 fol. 76<sup>r</sup> τὸ ἀπὸ τῆς  $|AB$  μονάδων  $\rho\zeta\theta$ . τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν  
 $AB$   $B\Delta$  ἔσται μονάδων  $\tau\lambda\gamma$ . καὶ ἔστιν ἐλάσσονα  
 τοῦ ἀπὸ τῆς  $A\Delta$ . ἀμβλεία ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ  $AB\Delta$ .  
 ἤχθω δὴ κάθετος ἐπὶ τὴν  $B\Delta$  ἐκβληθεῖσαν ἡ  $AE$ . 10  
 τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς  $A\Delta$  τῶν ἀπὸ τῶν  $AB$   $B\Delta$  μείζον  
 ἐστὶ τῷ δις ὑπὸ τῶν  $B\Delta$   $BE$ . δοθέν ἄρα τὸ δις ὑπὸ  
 τῶν  $B\Delta$   $BE$ . ὥστε καὶ τὸ ὑπὸ τῶν  $\Delta B$   $BE$  δοθέν  
 ἐστὶν. καὶ ἔστι πλευρὰ τοῦτο τοῦ ἀπὸ  $B\Delta$  ἐπὶ τὸ  
 ἀπὸ  $BE$ . δοθέν ἄρα τὸ ἀπὸ  $B\Delta$  ἐπὶ τὸ ἀπὸ  $BE$ . 15  
 ἀλλὰ καὶ τὸ ἀπὸ  $B\Delta$ . καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς  
 $EB$  δοθέν ἐστὶ. καὶ ὀρθή ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ  $E$ . δοθέν  
 ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ  $AE$ . ὥστε καὶ τὸ ἀπὸ  $AE$  ἐπὶ τὸ  
 ἀπὸ  $B\Delta$  δοθέν ἐστὶν. καὶ ἔστιν αὐτοῦ πλευρὰ  $\langle\tau\rangle$   
 ὑπὸ τῶν  $AE$   $B\Delta$ . δοθέν ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ  $AE$   $B\Delta$ . 20  
 καὶ ἔστιν αὐτοῦ ἡμισυ τὸ  $AB\Delta$  τρίγωνον. δοθέν  
 ἄρα καὶ τὸ  $AB\Delta$  τρίγωνον. ὥστε καὶ ὅλον τὸ  $AB\Gamma\Delta$   
 τετράπλευρον δοθέν ἐστὶν. συντεθήσεται δὲ οὕτως.  
 τὰ  $\iota$  ἐφ' ἑαυτά· γίνεταί  $\rho$ . καὶ τὰ  $\eta$  ἐφ' ἑαυτά·  
 γίνεταί  $\xi\delta$ . ὁμοῦ  $\rho\zeta\delta$ . καὶ τὰ  $\iota\gamma$  ἐφ' ἑαυτά· γίνεταί 25  
 $\rho\zeta\theta$ . σύνθες· γίνεταί  $\tau\lambda\gamma$ . καὶ τὰ  $\kappa\epsilon$  ἐφ' ἑαυτά·  
 γίνεταί  $\chi\kappa\epsilon$ . ἄφελε τὰ  $\tau\lambda\gamma$ · γίνεταί λοιπὰ  $\sigma\alpha\beta$ .  
 τούτων τὸ ἡμισυ· γίνεταί  $\rho\mu\varsigma$ . ταῦτα ἐφ' ἑαυτά·  
 γίνεταί μονάδες  $\kappa\alpha\tau\iota\varsigma$ · παρὰ τὸν  $\rho\zeta\delta$ · γίνεταί



XVI. Es sei wiederum  $AB\Gamma A$  ein Trapez, in dem bei  $\Gamma$  ein rechter Winkel und  $AB = 13$ ,  $B\Gamma = 10$ ,  $\Gamma A = 8$ ,  $AA = 25$  ist. Zu finden seinen Inhalt. Man ziehe die Verbindungslinie  $BA$ , dann ist in ähnlicher

5 Weise (wie vorher) der Inhalt des Dreiecks  $B\Gamma A$  gegeben.

Und es ist  $BA^2 = 164$ ; aber  $AB^2 = 169$ . Also wird

$$AB^2 + BA^2 = 333$$

sein. Und dies ist kleiner als  $AA^2$ . Also ist der Winkel  $ABA$  ein stumpfer. Es werde nun auf die Verlängerung von  $BA$  die Kathete  $AE$  gefällt. Also ist  $AA^2 - 2BA \times BE$

$$= AB^2 + BA^2. \text{ Es}$$

ist also  $2BA \times BE$  gegeben, sodafs auch  $BA \times BE$  gegeben ist, und es ist dieses  $= \sqrt{BA^2 \times BE^2}$ . Gegeben

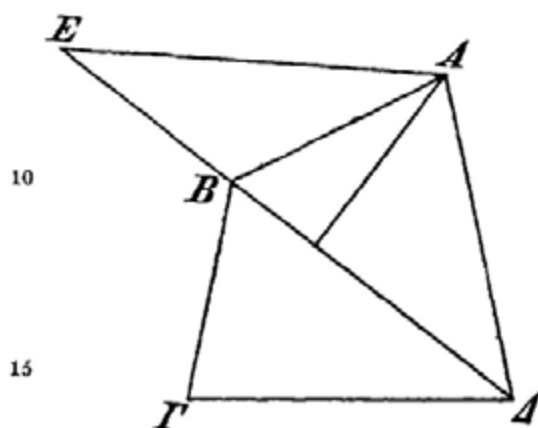


Fig. 19a.

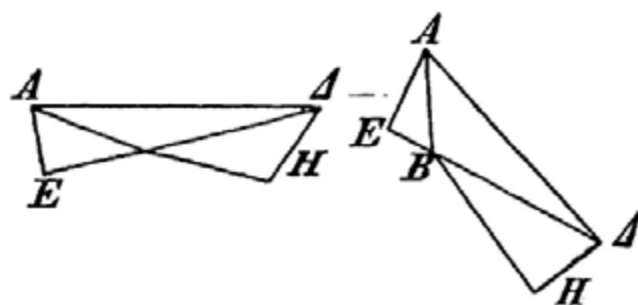


Fig. 19b u. c.

ist also auch  $BA^2 \times BE^2$ , aber auch  $BA^2$ , und es ist also auch  $EB^2$  gegeben. Und der Winkel bei  $E$  ist ein rechter; gegeben ist also auch  $AE^2$ , sodafs auch  $AE^2 \times BA^2$  gegeben ist. Und die Wurzel daraus ist gleich

25  $AE \times BA$ ; also ist auch  $AE \times BA$  gegeben. Und die Hälfte hiervon ist das Dreieck  $AB\Gamma$ ; gegeben ist also

ρκθ καὶ ρξ<sup>ρξδ</sup> ταῦτα ἔφελε ἀπὸ τῶν ρξθ· λοιπὰ λθ  
 καὶ δ<sup>ρξδ</sup> ταῦτα πολλαπλασίασον ἐπὶ τὸν ρξδ· γίνεται  
 ,ςυ· ὧν πλευρὰ γίνεται π· τούτων τὸ ἥμισυ· γίνεται  
 μ. ἔσται τοῦ  $AB\Delta$  τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν μονάδων μ.  
 ἀλλὰ καὶ τοῦ  $B\Gamma\Delta$  ὁμοίως μ· ὅλου ἄρα τοῦ  $AB\Gamma\Delta$  5  
 τραπεζίου τὸ ἐμβαδὸν ἔσται μονάδων π, ὅπερ ἔδει δεῖξαι.  
 fol. 76<sup>v</sup> Ὅσα μὲν οὖν ἔδει ἐπὶ τε τριπλεύρων καὶ τετρα-  
 πλεύρων τεταγμένων εἰπεῖν, προγέγραπται· ἐὰν δὲ  
 δέη καὶ τετραπλεύρου τυχόντος τὰς πλευρὰς λαβόντας  
 τὸ ἐμβαδὸν εἰπεῖν, δεήσει καὶ μίαν διαγώνιον λαβεῖν 10  
 αὐτοῦ, ὥστε διαιρεθὲν αὐτὸ εἰς δύο τρίγωνα ἔχειν  
 τὸ ἐμβαδὸν δοθέν. ἐμάθομεν γὰρ τριγώνου τῶν  
 πλευρῶν δοθεισῶν τὸ ἐμβαδὸν εὑρεῖν τῇ καθολικῇ  
 μεθόδῳ. ἄνευ δὲ μιᾶς διαγωνίου ἀδύνατον ἔσται τὸ  
 ἐμβαδὸν τοῦ τετραπλεύρου εἰπεῖν. τῶν γὰρ αὐτῶν 15  
 πλευρῶν δοθεισῶν τοῦ τετραπλεύρου μεταπίπτει τὸ  
 ἐμβαδὸν διαρομβουμένου αὐτοῦ καὶ παρασπωμένου  
 ἐν ταῖς αὐταῖς πλευραῖς. καὶ τὰ μὲν περὶ τῶν  
 τριπλεύρων καὶ τετραπλεύρων ἐπὶ τοσοῦτον εἰρήσθω,  
 ἐξῆς δὲ περὶ τῶν ἰσοπλεύρων τε καὶ ἰσογωνίων εὐθυ- 20  
 γράμμων γράψομεν ἄχρι τοῦ δωδεκαγώνου, ἐπειδὴ  
 τοῦτο συνεγγίζει μᾶλλον τῇ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ.  
 ιζ. Ἐστω δὲ πρότερον τρίγωνον ἰσόπλευρον, οὗ  
 ἐκάστη ἐστὶ πλευρὰ μονάδων ι. καὶ ἔστω τὸ  $AB\Gamma$ .  
 ἤχθω κάθετος ἐπὶ τὴν  $\Gamma B$  ἢ  $A\Delta$ . ἐπεὶ διπλῇ ἐστὶν 25  
 ἢ  $B\Gamma$ , τουτέστιν ἢ  $AB$ , τῆς  $B\Delta$ , τετραπλάσιον ἄρα  
 τὸ ἀπὸ  $AB$  τοῦ ἀπὸ  $B\Delta$ . ὥστε τριπλάσιον τὸ ἀπὸ  
 $A\Delta$  τοῦ ἀπὸ  $\Delta B$ . τοῦ δὲ ἀπὸ  $\Delta B$  τετραπλάσιον

auch das Dreieck  $ABA$ , so daß auch das ganze Viereck  $ABTA$  gegeben ist. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$\begin{array}{rcl}
 & 10^2 & = 100 \\
 & 8^2 & = 64 \\
 5 & 100 + 64 & = 164 \\
 & 13^2 & = 169 \\
 & 169 + 164 & = 333 \\
 & 25^2 & = 625 \\
 & 625 - 333 & = 292 \\
 10 & \frac{292}{2} & = 146 \\
 & 146^2 & = 21\,316 \\
 & 21\,316 : 164 & = 129\frac{160}{164} \\
 & 169 - 129\frac{160}{164} & = 39\frac{4}{164} \\
 & 93\frac{4}{164} \times 164 & = 6400 \\
 15 & \sqrt{6400} & = 80 \\
 & \frac{80}{2} & = 40.
 \end{array}$$

Der Inhalt des Dreiecks  $ABT$  wird  $= 40$  sein. Aber auch  $BT A$  ist  $= 40$ . Der Inhalt des ganzen Trapezes  $ABTA$  wird also  $= 80$  sein, was zu zeigen war.

20 Alles nun, was bei den bestimmten Dreiecken und Vierecken gesagt werden mußte, ist vorstehend aufgezichnet. Falls es aber gilt, wenn man von einem beliebigen Viereck die Seiten kennt, seinen Inhalt anzugeben, so wird man auch noch eine Diagonale desselben kennen  
 25 müssen, sodaß, da es dann in 2 Dreiecke geteilt ist, sein Inhalt gegeben ist. Denn wir lernten, wenn von einem Dreieck die Seiten gegeben sind, seinen Inhalt durch die allgemeine Methode zu finden. Ohne eine Diagonale dagegen wird es nicht möglich sein den Inhalt des Vierecks  
 30 anzugeben. Denn wenn ebendieselben Seiten des Vierecks gegeben sind, so verändert sich sein Inhalt, wenn es dem Rhombus genähert und, mit Beibehaltung derselben Seiten, seitwärts verschoben wird. So viel über die

ἐστὶ τὸ ἀπὸ  $B\Gamma$ . ἐπίτριτον ἄρα ἔσται τὸ ἀπὸ  $B\Gamma$   
 τοῦ ἀπὸ  $A\Delta$ . τὸ ἄρα ἀπὸ  $B\Gamma$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $A\Delta$   
 λόγον ἔχει, ὃν δὲ πρὸς  $\gamma$ , καὶ πάντα ἐπὶ τὸν ἀπὸ  $BI$ ,  
 τουτέστιν τό τε ἀπὸ  $B\Gamma$  ἐφ' ἑαυτὸ καὶ τὸ ἀπὸ  $A\Delta$   
 ἐπὶ τὸ ἀπὸ  $B\Gamma$ . ἡ ἄρα ἀπὸ τῆς  $B\Gamma$  δυνάμεως πρὸς 5  
 τὸ ἀπὸ τῆς  $B\Gamma$  ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς  $A\Delta$  λόγον ἔχει, ὃν δὲ  
 πρὸς  $\gamma$ , τουτέστιν ὃν  $\iota\varsigma$  πρὸς  $\iota\beta$ . τὸ δὲ ἀπὸ τῆς  $B\Gamma$   
 ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς  $A\Delta$  τὸ ὑπὸ  $A\Delta$   $B\Gamma$  ἐστὶν ἐφ' ἑαυτό,  
 τουτέστι δύο τρίγωνα

ἐφ' ἑαυτά. ἡ ἄρα  
 ἀπὸ  $B\Gamma$  δυναμοδύ-  
 ναμις πρὸς δύο τρί-  
 γωνα ἐφ' ἑαυτὰ λό-  
 γον ἔχει, ὃν  $\iota\varsigma$  πρὸς  
 $\iota\beta$  δύο δὲ τρίγωνα ἐφ'  
 ἑαυτὰ ἑνὸς τριγώνου  
 ἐφ' ἑαυτὸ ἐστὶν τε-  
 τραπλάσια. ἡ ἄρα  
 ἀπὸ τῆς  $B\Gamma$  δυναμο-

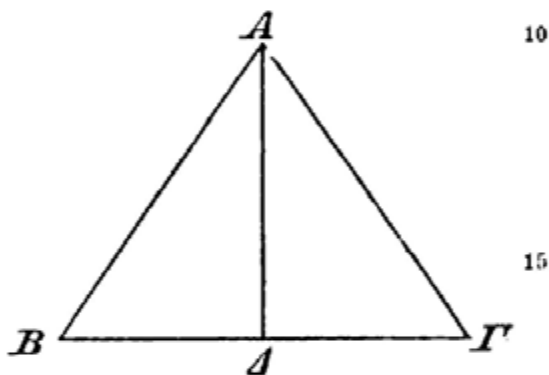


Fig. 20.

δύναμις πρὸς ἓν τρίγωνον ἐφ' ἑαυτὸ λόγον ἔχει, ὃν 20  
 $\iota\varsigma$  πρὸς  $\gamma$ . καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ ἀπὸ  $B\Gamma$  δυναμοδύνα-  
 μις, ἐπεὶ καὶ ἡ  $B\Gamma$ . δοθέν ἄρα ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ  
 τριγώνου ἐφ' ἑαυτό· ὥστε καὶ αὐτὸ τὸ τρίγωνον δοθέν  
 ἐστίν. συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως.  
 τὰ  $\iota$  ἐφ' ἑαυτά· γίνονται  $\rho$ . ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίνε- 25  
 ται  $\mu$ . τούτων λαβὲ  $\gamma$ . γίνονται  $\alpha\omega\sigma\epsilon$ . τούτων πλεу-  
 ρὰν λαβέ· καὶ ἐπεὶ οὐκ ἔχει ζητὴν πλευρὰν, εἰλήφθω  
 ὡς ἐμάθομεν ἔγγιστα μετὰ διαφόρου. καὶ ἔσται τὸ  
 ἐμβαδὸν  $\mu\gamma\gamma'$ .

11 δυναμο in mg. supplevit m. 1 20 δυναμοδυνάμεως: correxi

Dreiecke und Vierecke. Im folgenden aber werden wir über die gleichseitigen und gleichwinkligen gradlinigen Figuren bis zum Zwölfeck schreiben, da dieses sich mehr dem Umfang des Kreises annähert.

- 5 XVII. Es sei nun zunächst ein Dreieck gleichseitig, von dem jede Seite = 10 sei. Und es sei  $AB\Gamma$ . Auf  $\Gamma B$  werde die Höhe  $AA$  gefällt. Da nun  $B\Gamma = AB = 2B\Delta$ , so ist  $AB^2 = 4B\Delta^2$ , also

$$A\Delta^2 = 3\Delta B^2;$$

es ist aber  $\Delta B^2 = \frac{1}{4}B\Gamma^2$ ; also ist  $B\Gamma^2 = \frac{4}{3}A\Delta^2$ . Mithin ist  $B\Gamma^2 : A\Delta^2 = 4 : 3$ , und (dies) alles werde mit  $B\Gamma^2$  multipliziert, d. h. sowohl  $B\Gamma^2$  mit sich selbst als auch  $A\Delta^2$  mit  $B\Gamma^2$ ; also  $B\Gamma^4 : B\Gamma^2 \times A\Delta^2 = 4 : 3 = 16 : 12$ . Es ist aber

$$B\Gamma^2 \times A\Delta^2 = (A\Delta \times A\Gamma)^2,$$

- 20 d. h. gleich dem Quadrat des doppelten Dreiecks. Also ist  $B\Gamma^4 : \text{Quadrat des doppelten Dreiecks} = 16 : 12$ . Nun ist aber das doppelte Dreieck ins Quadrat = 4 mal 1 Dreieck ins Quadrat. Also ist  $B\Gamma^4 : \text{Dreiecksquadrat} = 16 : 3$ . Nun ist  $B\Gamma^4$  gegeben, da  $B\Gamma$  gegeben ist. Also ist auch  
25 der Inhalt des Dreiecks ins Quadrat, mithin auch das Dreieck selbst gegeben.

Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

30

$$100^2 = 10000$$

$$10000 \times \frac{3}{16} = 1875.$$

Daraus ziehe die Wurzel: und da es keine rationale Wurzel hat, so soll sie annähernd mit Differenz genommen werden, und dann wird der Inhalt =  $43\frac{1}{3}$  sein.

Αἴημα. Ἐστω τρίγωνον ὀρθογώνιον τὸ  $ABΓ$  ὀρθὴν  
 ἔχον τὴν πρὸς τῷ  $Γ$ , δύο δὲ πέλπτων ὀρθῆς τὴν πρὸς  
 τῷ  $A$ . δεῖξαι ὅτι τὸ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς  $BA$   $ΑΓ$   
 πενταπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ  $ΑΓ$ . ἐκβεβλήσθω ἡ  $ΑΓ$   
 ἐπὶ τὸ  $Δ$ , καὶ τῇ  $ΑΓ$  ἴση κείσθω ἡ  $ΓΔ$ , καὶ ἐπε- 5  
 ζεύχθω ἡ  $ΒΔ$ . ἴση ἄρα ἡ μὲν  $AB$  τῇ  $ΒΔ$ , ἡ δὲ  
 ὑπὸ  $ABΓ$  γωνία τῇ ὑπὸ  $ΓΒΔ$ . ἀλλὰ ἡ ὑπὸ  $ΓΒΑ$   
 γωνία τριῶν πέλπτων ἐστὶν ὀρθῆς διὰ τὸ τὴν ὑπὸ  
 $ΒΑΓ$  γωνίαν δύο πέλπτων εἶναι· ἡ ἄρα ὑπὸ  $ABΔ$   
 γωνία ἕξ πέλπτων ἐστὶν ὀρθῆς· πενταγώνου ἄρα ἐστὶ 10  
 γωνία ἡ ὑπὸ  $ABΔ$ . καὶ ἔστιν ἴση ἡ  $AB$  τῇ  $ΒΔ$ . |  
 fol. 77<sup>v</sup> τῆς ἄρα  $ΑΔ$  ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμνομένης τὸ  
 μείζον τμημὰ ἐστὶν ἡ  $AB$ . καὶ ἐστὶ τῆς  $ΑΔ$  ἡμίσεια  
 ἡ  $ΑΓ$ . τὸ ἄρα ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς  $BA$   $ΑΓ$  πεντα-  
 πλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς  $ΑΓ$ . 15

ιη. Ἐστω πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον  
 τὸ  $ABΓΔΕ$ , οὗ ἐκάστη πλευρὰ ἔστω μονάδων  $\iota$ .  
 εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ  
 περὶ αὐτὸ κύκλου τὸ  $Z$ , καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ  $ΓΖ$ ,  
 $ZΔ$  καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν  $ΓΔ$  ἡ  $ZH$ . ἔσται ἄρα ἡ 20  
 ὑπὸ τῶν  $ΓΖΔ$  γωνία τεσσάρων πέλπτων ὀρθῆς· ἡ  
 ἄρα ὑπὸ  $ΓΖΗ$  δύο πέλπτων ἐστὶν ὀρθῆς. καὶ ἔστιν  
 ὀρθή ἡ ὑπὸ  $ΓΗΖ$ . τὸ ἄρα ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς  
 $ΓΖ$   $ZH$  πενταπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς  $ZH$ . ἀλλ'  
 ἐπεὶ ἐν ἀριθμοῖς οὐκ ἔστιν εὐρεῖν τετράγωνον τετρα- 25  
 γώνου πενταπλάσιον, ὥς σύνεγγυς δεῖ λαβεῖν· ἔστι  
 δὲ ὁ  $\pi\alpha$  πρὸς  $\langle \iota\varsigma \rangle$  συναμφοτέρος ἄρα ὁ  $ΓΖ$   $ZH$   
 λόγον ἔχει πρὸς τὸν  $ZH$ , ὃν  $\theta$  πρὸς  $\delta$ . καὶ διελόντι ὁ  
 $ΓΖ$  πρὸς  $ZH$  λόγον ἔχει  $\langle \delta \rangle \nu$   $\epsilon$  πρὸς  $\delta$ . καὶ τοῦ  
 $\langle \text{ἀπὸ} \rangle$   $ΓΖ$  ἄρα πρὸς  $\langle \tauὸ \rangle$  ἀπὸ  $ZH$ , ὃν  $\kappa\epsilon$  πρὸς  $\iota\varsigma$ . καὶ 30  
 λοιπὸς τοῦ ἀπὸ  $ΓΗ$  πρὸς  $\langle \tauὸ \rangle$  ἀπὸ  $ZH$ , ὃν  $\theta$  πρὸς

Hilfssatz. Es sei  $AB\Gamma$  ein rechtwinkliges Dreieck, das bei  $\Gamma$  einen rechten Winkel hat, und den Winkel bei  $A = \frac{2}{5}$  eines Rechten. Zu zeigen, daß  $(BA + A\Gamma)^2 = 5A\Gamma^2$  ist. Es werde  $A\Gamma$  bis  $\Delta$  verlängert und es sei  $\Gamma\Delta = A\Gamma$  und es werde die Verbindungslinie  $B\Delta$  gezogen. Also ist  $AB = B\Delta$  und Winkel  $AB\Gamma = \Gamma B\Delta$ .

Nun ist aber Winkel  $\Gamma B A = \frac{3}{5}$  eines Rechten, weil Winkel  $B A \Gamma = \frac{2}{5}$  eines Rechten ist. Also ist Winkel  $AB\Delta = \frac{6}{5}$  eines Rechten. Mithin ist  $AB\Delta$  der Winkel eines (regelmäßigen) Fünfecks. Und es ist  $AB = B\Delta$ . Wenn nun  $A\Delta$  nach dem goldenen Schnitt geteilt wird, so ist  $AB$  der größere Abschnitt und es ist  $A\Delta = 2A\Gamma$ . Also ist  $(BA + A\Gamma)^2 = 5A\Gamma^2$ .

XVIII. Es sei  $AB\Gamma\Delta E$  ein gleichseitiges und gleichwinkliges Fünfeck, von dem jede Seite = 10 sein soll.

16

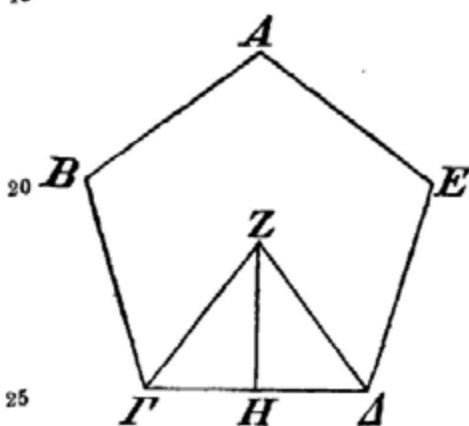


Fig. 22.

Zu finden seinen Inhalt.

Man nehme den Mittelpunkt des ihm umgeschriebenen Kreises Z und ziehe die Verbindungslinien  $\Gamma Z$  und  $Z\Delta$  und falle auf  $\Gamma\Delta$  die Höhe  $ZH$ . Also wird der

Winkel  $\Gamma Z\Delta = \frac{4}{5}$  eines

Rechten sein; folglich

Winkel  $\Gamma ZH = \frac{2}{5}$  R. Und

$\Gamma ZH = 1$  R. Also ist

$(\Gamma Z + ZH)^2 = 5ZH^2$ .

Da es aber nicht möglich

ist, in Zahlen ein Quadrat zu finden, das das Fünffache eines anderen Quadrats beträgt, so muß man es annähernd

nehmen. Es ist aber  $81 : \langle 16 \rangle$ . Also ist

1  $\lambda\eta$   $\mu$   $\mu\alpha$ : correxi    2 et 3  $\pi\rho\delta\varsigma$   $\tau\delta$ : correxi    20  $Z\Delta$ :  $\Delta$   
 ex  $\Theta$  fec. m. 1    23  $\Gamma ZH$ :  $\varsigma$  corr. m. 2    27 suppl. m. 2    28  $\delta$   
 in rasura m. 1    29  $\xi\chi\epsilon\iota\nu$   $\epsilon$ : correxi    29 spatium 3 litterarum;  
 suppl. m. 3    30 et 31  $\langle\tau\delta\rangle$  addidi    31 ante  $\tau\omega\iota$  ins.  $\delta$  m. 2

ις· τῆς ἄρα  $\Gamma H$  πρὸς  $HZ$  λόγος, ὃν  $\gamma$  πρὸς  $\delta$ .  
 ὥστε τῆς  $\Gamma \Delta$  πρὸς  $ZH$  λόγος ἐστίν, ὃν  $\varsigma$  πρὸς  $\delta$ ,  
 τουτέστιν ὃν  $\gamma$  πρὸς  $\beta$ . τὸ ἄρα ἀπὸ  $\Gamma \Delta$  πρὸς τὸ ὑπὸ  
 $\Gamma \Delta ZH$  λόγον ἔχει, ὃν  $\gamma$  πρὸς  $\beta$ . καὶ ἐστὶ δοθὲν τὸ  
 ἀπὸ τῆς  $\Gamma \Delta$ · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ τῶν  $\Gamma \Delta ZH$ . 5  
 καὶ ἐστὶ διπλάσιον τοῦ  $\Gamma Z \Delta$  τριγώνου· δοθὲν ἄρα  
 καὶ τὸ  $\Gamma Z \Delta$  τρίγωνον. καὶ ἐστὶ πέμπτον μέρος τοῦ  
 $AB \Gamma \Delta E$  πενταγώνου· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ πεντάγωνον.  
 συντεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ  $\iota[\epsilon]$  ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται  $\rho$ .  
 τούτων τὸ τρίτον· γίγνεται  $\lambda\gamma$   $\gamma'$ . ταῦτα πεντάκις· 10

fol. 78<sup>v</sup> γίγνεται  $\rho\zeta\varsigma$   $\beta$ . τοσούτον  $\gamma'$  | του ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ  
 πενταγώνου ὡς ἔγγιστα· ἐὰν δὲ ἕτερον τετράγωνον  
 ἑτέρου τετραγώνου πενταπλάσιον μᾶλλον ἐγγίζον λά-  
 βωμεν, ἀκριβέστερον εὐρήσομεν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν.

ιθ. Ἐστω ἑξάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον τὸ 15  
 $AB \Gamma \Delta EZ$ , οὗ

ἐκάστη πλευρὰ  
 ἀνὰ μονάδας  $\iota$ .  
 εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ  
 ἐμβαδόν. εἰλήφθω  
 τὸ κέντρον τοῦ  
 περὶ αὐτὸ κύκλου  
 τὸ  $H$ , καὶ ἐπεξεύ-  
 χθωσαν αἱ  $\Gamma H$ ,  
 $H \Delta$ . ἴση ἄρα  
 ἐστὶν ἡ  $\Gamma \Delta$  ἑκα-  
 τέρα τῶν  $\Gamma H$ ,  
 $H \Delta$ · ἰσόπλευρον

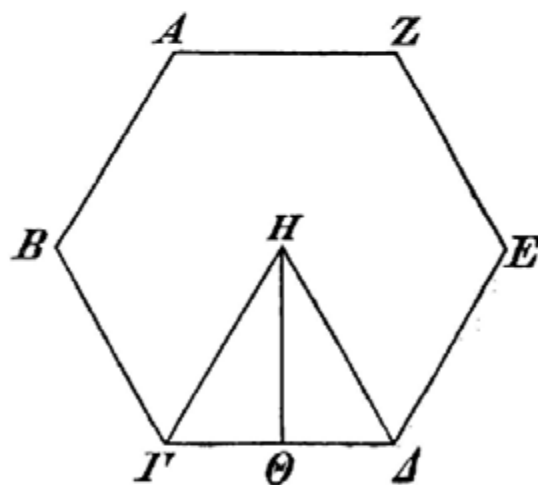


Fig. 23.

ἄρα ἐστὶ τὸ  $\Gamma H \Delta$  τρίγωνον. καὶ ἐστὶν αὐτοῦ ἡ  
 πλευρὰ δοθεῖσα· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ  $\Gamma H \Delta$  τρίγωνον. 30



$$\Gamma Z + ZH : ZH = 9 : \langle 4 \rangle$$

$$\Gamma Z : ZH = 5 : 4$$

$$\Gamma Z^2 : ZH^2 = 25 : 16$$

$$\Gamma H^2 : ZH^2 = 9 : 16$$

$$5 \quad \Gamma H : HZ = 3 : 4$$

$$\Gamma A : ZH = 6 : 4 = 3 : 2$$

$$\text{Also: } \Gamma A^2 : \Gamma A \times ZH = 3 : 2.$$

Nun ist gegeben  $\Gamma A^2$ , gegeben ist also auch  $\Gamma A \times ZH$  und dies ist zweimal so groß als das Dreieck  $\Gamma Z A$ .

10 Gegeben ist also auch das Dreieck  $\Gamma Z A$  und es ist  $\frac{1}{5}$  des Fünfecks  $AB\Gamma A E$ . Gegeben ist also auch das Fünfeck. Berechnet wird es folgendermaßen:

$$10^2 = 100$$

$$\frac{100}{3} = 33\frac{1}{3}$$

$$15 \quad 33\frac{1}{3} \times 5 = 166\frac{2}{3}.$$

So groß wird der Inhalt des Fünfecks annähernd sein. Wenn wir aber eine andere Quadratzahl, die in größerer Annäherung das Fünffache einer zweiten Quadratzahl ist, nehmen, so werden wir seinen Inhalt genauer finden.

20 XIX. Es sei  $AB\Gamma A E Z$  ein gleichseitiges und gleichwinkliges Sechseck, von dem jede Seite = 10 sei. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm umgeschriebenen Kreises  $H$  und ziehe die Verbindungslinien  $\Gamma H$  und  $H A$ . Dann ist  $\Gamma A = \Gamma H = H A$ .

25 Also ist  $\Gamma H A$  ein gleichseitiges Dreieck. Und seine Seite ist gegeben, also ist auch das Dreieck  $\Gamma H A$  gegeben und ist  $= \frac{1}{6}$  des Sechsecks. Gegeben ist also auch das Sechseck  $AB\Gamma A E Z$ . Berechnet wird es folgendermaßen.

2 οἷ: correxi    9 ιε: correxi    9—10 φ. τούτων: correxi

11 γίνεται φ: correxit m. 3    18 ἀνὰ μ' ι: f. ἀνὰ μονάδων ι,  
cf. Hultsch Her. reliqu. p. XIV.    28 ἰσοπλεύρων: corr. m. 1

καὶ ἔστιν ἕκτον μέρος τοῦ ἑξαγώνου· δοθέν ἄρα καὶ  
 τὸ  $ABΓΔEZ$  ἑξάγωνον. συντεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ  
 ι ἐφ' ἑαυτά· γίνεται ρ. ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίνονται  
 ᾠ. τούτων τὸ τέταρτον· γίνεται βφ. ταῦτα εἰκοσάκι  
 καὶ ἐπτάκι· γίνεται ᾠ ζφ. τούτων λαβὲ πλευρὰν ἔγγιστα·  
 γίνονται συνθ. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἑξαγώνου.

Λήμμα. Ἐὰν εἰς κύκλον ἐπτάγωνον ἰσόπλευρον  
 ἐγγραφῇ, ἡ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου πρὸς τὴν τοῦ  
 ἑπταγώνου πλευρὰν λόγον ἔχει, ὅ(ν) ἢ πρὸς ζ. ἔστω  
 γὰρ κύκλος ὁ  $BΓ$  περὶ κέντρον τὸ  $A$ , καὶ ἐνηρμόσθω  
 εἰς αὐτὸν ἑξαγώνου πλευρὰ ἡ  $BΓ$ , τουτέστιν ἴση τῇ  
 fol. 78<sup>v</sup> ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου· καὶ κάθετος ἐπ' αὐτὴν  
 ἡ  $ΑΔ$ . ἔσται ἄρα ἡ  $ΑΔ$  ὡς ἔγγιστα ἴση τῇ τοῦ  
 ἑπταγώνου πλευρᾷ. ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $BA$ ,  $ΑΓ$ . ἰσό-  
 πλευρον ἄρα ἐστὶ τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον. τριπλάσιον  
 ἄρα ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς  $ΑΔ$  τοῦ ἀπὸ τῆς  $ΔB$ . λόγος  
 ἄρα τῆς  $ΑΔ$  πρὸς  $ΔB$  δυνάμει ὡς ἔγγιστα ὅ(ν) τοῦ  
 μθ πρὸς ις· καὶ μήκει λόγος τῆς  $ΑΔ$  πρὸς  $ΔB$ , ὅν  
 ζ πρὸς δ. καὶ ἔστι τῆς  $BΔ$  διπλῇ ἡ  $BΓ$ . τῆς  $BΓ$   
 ἄρα πρὸς  $ΔA$  λόγος ἐστίν, ὅν ἔχει τὰ η πρὸς ζ.

κ. Ἐστω ἐπτάγωνον ἰσόπλευρον τὸ  $ABΓΔEZH$ ,  
 οὗ ἐκάστη πλευρὰ μονάδων ι. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβα-  
 δόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ περὶ αὐτὸ κύκλου τὸ  $Θ$   
 καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $ΔΘ$ ,  $ΘE$  καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν  $ΔE$   
 ἡ  $ΘK$ . λόγος ἄρα τῆς  $ΘΔ$  πρὸς  $ΔE$ , ὅν η πρὸς ζ,  
 πρὸς δὲ τὴν  $ΔK$ , ὅν η πρὸς γλ, τουτέστιν ὅν ις  
 πρὸς ζ. ὥστε τῆς  $Θ[E]K$  πρὸς  $KΔ$  λόγος ὡς ἔγγιστα  
 ὁ τῶν ιδ γ' πρὸς τὸν ζ, τουτέστιν ὅν μγ πρὸς κα.

5 ᾠ βφ: corr. m. 3      9 ὁ η: correxi      17 ὅν: correxi  
 27 [E] del. m. 1 (?)

$$10^2 = 100$$

$$100^2 = 10\,000$$

$$\frac{10\,000}{4} = 2500$$

$$2500 \times 27 = 67\,500.$$

5 Daraus ziehe annähernd die Wurzel: es ergibt 259. So groß wird der Inhalt des Sechsecks sein.

#### Hülfsatz.

Wenn in einen Kreis ein gleichseitiges Siebeneck eingeschrieben wird, so verhält sich der Radius des Kreises zur Seite des Siebenecks wie 7 : 8. Es sei  $BF$  ein Kreis um  $A$ , und es werde in ihn eingezeichnet die Seite eines Sechsecks d. h. eine dem Radius gleiche Linie, und auf sie die Höhe  $AA'$  gefällt. Es wird also  $AA'$  annähernd

20 gleich der Seite des Siebenecks sein. Man ziehe die Verbindungslinien  $BA$  und  $AF$ . Dann wird  $ABF$  ein gleichseitiges Dreieck sein. Also ist  $AA'^2 = 3AB^2$ . Also ist

$$\left(\frac{AA'}{AB}\right)^2 \text{ annähernd } = \frac{49}{16}$$

$$25 \quad \frac{AA'}{AB} = \frac{7}{4}.$$

Nun ist

$$2BA = BF;$$

also

$$BF : AA' = 8 : 7.$$

30 XX. Es sei  $ABΓAEZH$  ein gleichseitiges und gleichwinkliges Siebeneck, von dem jede Seite = 10 ist. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des

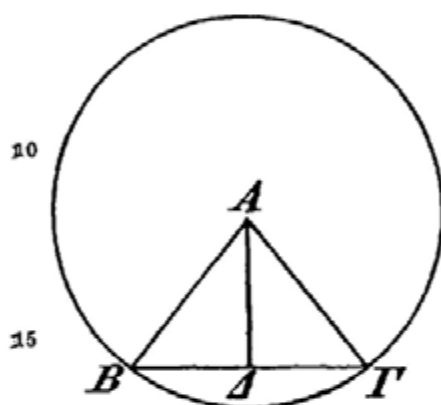


Fig. 24.

ὥστε καὶ τῆς  $\triangle E$  πρὸς  $K\Theta$  λόγος, ὃν  $\mu\beta$  πρὸς  $\mu\gamma$ ,  
 τουτέστιν ὃν  $\pi\delta$  πρὸς  $\pi\varsigma$ . καὶ τοῦ ἀπὸ  $\triangle E$  ἄρα πρὸς  
 τὸ ὑπὸ  $\triangle E K\Theta$  λόγος ὁ  
 αὐτός· ὥστε  $\langle$ τοῦ ἀπὸ  $\triangle E$  $\rangle$   
 πρὸς τὸ  $\triangle \Theta E$  τρίγωνον  
 λόγος, ὃν  $\pi\delta$  πρὸς  $\mu\gamma$ .  
 τοῦ δὲ τριγώνου πρὸς τὸ  
 ἐπτάγωνον λόγος ὁ τοῦ  $\alpha$   
 πρὸς  $\zeta$ · καὶ τοῦ ἀπὸ  $\triangle E$   
 ἄρα πρὸς τὸ ἐπτάγωνον  $\iota\beta$   
 πρὸς  $\mu\gamma$ . καὶ ἔστι δοθὲν  
 τὸ ἀπὸ  $\triangle E$ · δοθὲν ἄρα  
 καὶ τὸ ἐπτάγωνον. συν-  
 τεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ  $\iota$

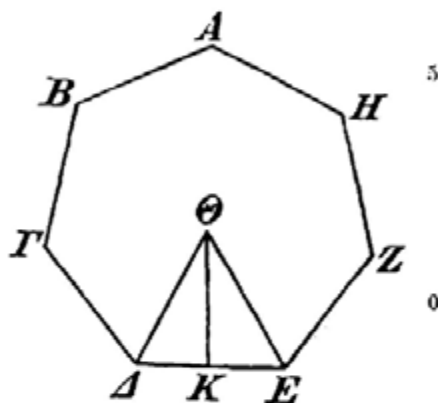


Fig. 25.

ἐφ' ἑαυτά· γίννεται  $\rho$ . ταῦτα ἐπὶ τὰ  $\mu\gamma$ · γίννεται  $\delta\tau$ .  
 τούτων τὸ  $\iota\beta$ · γίννεται τμη  $\gamma'$ . τοσούτου ἔσται τὸ  
 ἔμβαδὸν τοῦ ἐπτάγωνου.

fol. 79<sup>r</sup> κα. | Ἔστω ὀκτάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον  
 τὸ  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$ , οὗ ἑκάστη πλευρὰ μονάδων  $\iota$ .  
 εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἔμβαδόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ  
 περὶ αὐτὸ κύκλου τὸ  $K$ , καὶ ἐπεξέχθωσαν αἱ  $K\Delta$ ,  
 $KE$  καὶ ἐπὶ τὴν  $\Delta E$  κάθετος ἤχθω ἡ  $KA$ . ἡ ἄρα  
 ὑπὸ  $\triangle KE$  γωνία ἡμίσεος ἐστὶν ὀρθῆς· ὥστε τετάρτου  
 ἐστὶν ὀρθῆς ἡ ὑπὸ  $\triangle KA$ . συνεστήτω δὲ αὐτῇ ἴση  
 ἡ ὑπὸ  $\triangle KM$ · τετάρτου ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ  $\triangle KM$ · ἡμί-  
 σεος ἄρα ἡ ὑπὸ  $\triangle MA$  ἐστὶν ὀρθῆς. ὀρθὴ δὲ ἡ πρὸς  
 τῷ  $A$ · ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ  $\angle A$  τῇ  $MA$ . διπλάσιον ἄρα  
 τὸ ἀπὸ  $\triangle M$  τοῦ ἀπὸ  $MA$ · ἡ ἄρα  $\triangle M$  πρὸς  $MA$   
 λόγον ἔχει ἔγγιστα, ὃν  $\iota\zeta$  πρὸς  $\iota\beta$ . ἴση δὲ ἐστὶν ἡ

1 MB: B in rasura m. 2 (?) 4 inserui 17 ἐξῆς ἡ κα-  
 ταγραφὴ in marg. inf. m. 1

ihm umgeschriebenen Kreises  $\Theta$  und ziehe die Verbindungslinien  $\Delta\Theta$  und  $\Theta E$  und auf  $\Delta E$  die Höhe  $\Theta K$ . Also ist  $\Theta\Delta : \Delta E = 8 : 7$  und  $\Theta\Delta : \Delta K = 8 : 3\frac{1}{2} = 16 : 7$ .

Also  $\Theta K : K\Delta = \text{annähernd } 14\frac{1}{3} : 7 = 43 : 21$ . Also auch  $\Delta E : K\Theta = 42 : 43 = 84 : 86$ . Also auch  $\Delta E^2 : \Delta E \times K\Theta = 84 : 86$ . Daher  $\langle \Delta E^2 \rangle$ : Dreieck  $\Delta\Theta E = 84 : 43$ . Nun verhält sich aber das Dreieck zum Siebeneck  $= 1 : 7$ . Also auch  $\Delta E^2$  zum Siebeneck wie  $12 : 43$ . Und es ist  $\Delta E^2$  gegeben; also ist auch das Siebeneck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$100 \times 43 = 4300$$

$$\frac{4300}{12} = 358\frac{1}{3}.$$

So groß wird der Inhalt des Siebenecks sein.

XXI. Es sei  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$  ein gleichseitiges und gleichwinkliges Achteck, von dem jede Seite  $= 10$ . Zu

finden seinen Inhalt.

Man nehme den Mittel-

punkt des ihm umge-

schriebenen Kreises  $K$

und ziehe die Verbin-

dungslinien  $K\Delta$  und

$KE$  und fälle auf  $\Delta E$

die Höhe  $K\Delta$ . Also

ist der Winkel  $\Delta KE =$

einem halben Rechten;

sodafs Winkel  $\Delta K\Delta$

$= \frac{1}{4}$  Rechten ist. Ihm

sei nun Winkel  $K\Delta M$

gleich. Also ist auch

$K\Delta M = \frac{1}{4}$  Rechten.

Mithin ist Winkel  $\Delta M\Delta = \frac{1}{2}$  Rechten. Der Winkel bei  $\Delta$  aber ist ein Rechter, also ist  $\Delta\Delta = M\Delta$ . Mithin ist

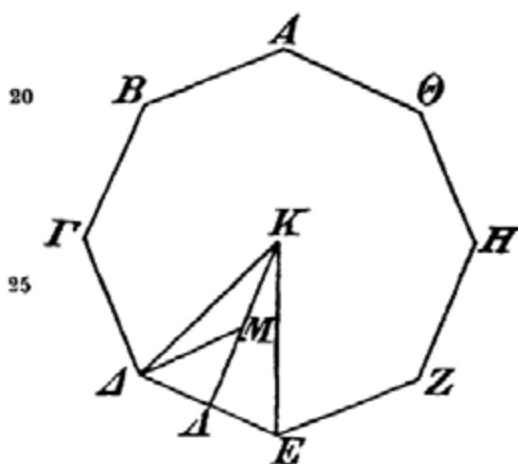


Fig. 26.

$\Delta M$  τῇ  $MK$  λόγος ἄρα ἐστὶ τῆς  $KM$  πρὸς  $MA$ , ὃν αἰ ἰς πρὸς ἰβ. τῆς ἄρα  $KA$  πρὸς  $MA$ , τουτέστι πρὸς  $\Delta A$  λόγος, ὃν κθ πρὸς ἰβ· πρὸς ἄρα τὴν  $\Delta E$  ὃν κθ πρὸς κδ. τὸ ἄρα ἀπὸ  $\Delta E$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $\Delta E$   $KA$  λόγον ἔχει, ὃν κδ πρὸς κθ· πρὸς ἄρα τὸ  $KE\Delta$  τρί- 5 γωνον, ὃν κδ πρὸς ιδ|. πρὸς ἄρα τὸ  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$  ὀκτάγωνον λόγον ἔχει [τ]ὸν κδ πρὸς ρις, τουτέστιν ὃν ς πρὸς κθ. καὶ ἔστι τὸ ἀπὸ  $\Delta E$  δοθέν· δοθέν ἄρα καὶ τὸ ὀκτάγωνον. συντεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρ. ταῦτα ἐπὶ κθ· γίννεται βδ. τού- 10 των τὸ ἔκτον· γίννεται υλγ γ'. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀκταγώνου.

fol. 79<sup>v</sup> κβ. | Ἔστω ἐννάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον τὸ  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K$ , οὗ ἐκάστη τῶν πλευρῶν μονά- 15 δων ι. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. περιγεγράφθω περὶ αὐτὸ κύκλος, οὗ κέντρον ἔστω τὸ  $A$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $EA$  καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ  $M$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $MZ$ . τὸ ἄρα  $EZM$  τρίγωνον δοθέν ἐστὶν τοῦ ἐν<ν>αγώνου. δέδεικται δὲ ἐν τοῖς περὶ τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν, ὅτι ἡ  $ZE$  τῆς  $EM$  τρίτον μέρος ἐστὶν ὡς ἔγγιστα· τὸ 20 ἄρα ἀπὸ τῆς  $ME$  ἐνναπλάσιόν ἐστὶ τοῦ ἀπὸ τῆς  $EZ$ . ὥστε ὀκταπλάσιόν ἐστὶ τὸ ἀπὸ  $MZ$  τοῦ ἀπὸ  $ZE$ · ἐν γὰρ ἡμικυκλίῳ ὀρθή ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ  $Z$  γωνία. τὸ ἄρα ἀπὸ  $MZ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZE$  λόγον ἔχει ὡς ἔγγιστα, ὃν σπθ πρὸς λς. ἡ ἄρα  $MZ$  πρὸς  $ZE$  λόγον ἔχει 25 ὡς ἔγγιστα, ὃν ἰς πρὸς ς· ὥστε τὸ ἀπὸ  $EZ$  πρὸς τὸ  $EMZ$  τρίγωνον λόγον ἔχει, ὃν λς πρὸς να, τουτέστιν

6 | ex ς fec. m. 2    7 τὸν: correxi    16 τὸ  $A$ : correxi  
18 ἐναγώνου: correxi    19 δέδεικται: sc. ab Hipparcho, cuius  
ferebantur περὶ τῆς πραγματείας τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν βιβλία  
ιβ teste Theone Comm. in Alm. I cap. 9 p. 110 Halma

$\Delta M^2 = 2MA^2$ . Also  $\Delta M : MA$  annähernd  $= 17 : 12$ .  
 Es ist aber  $\Delta M = MK$ ; also ist  $KM : MA = 17 : 12$ .  
 Also ist  $KA : MA = KA : \Delta A = 29 : 12$  und  $KA : \Delta E$   
 $= 29 : 24$ . Also  $\Delta E^2 : \Delta E \times KA = 24 : 29$ ; also  $\Delta E^2$   
 5 zu Dreieck  $KEA = 24 : 14\frac{1}{2}$ . Also  $\Delta E^2$  zu dem Achteck  
 $AB\Gamma\Delta EZH\Theta = 24 : 116 = 6 : 29$ . Nun ist  $\Delta E^2$  ge-  
 geben; also ist auch das Achteck gegeben. Berechnet  
 wird es folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$100 \times 29 = 2900$$

$$\frac{2900}{6} = 483\frac{1}{3}.$$

So groß wird der Inhalt des Achtecks sein.

XXII. Es sei  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K$  ein gleichseitiges und gleichwinkliges Neuneck, von dem jede Seite  $= 10$  sei.

15

20

25

30

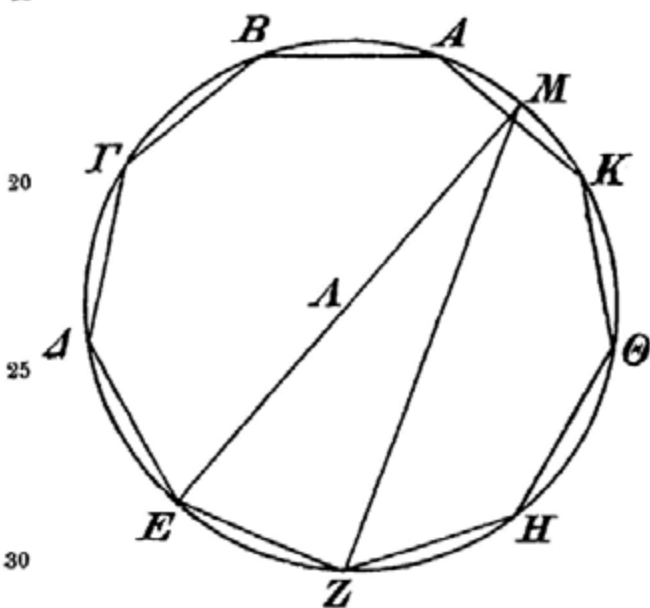


Fig. 27.

Zu finden sei-  
 nen Inhalt. Es  
 werde demsel-  
 ben ein Kreis  
 umbeschrie-  
 ben, dessen  
 Mittelpunkt  $A$   
 sei, und man  
 ziehe die Ver-  
 bindungslinie  
 $EA$  und ver-  
 längere sie bis  
 $M$  und ziehe  
 die Verbin-  
 dungslinie  
 $MZ$ . Also ist  
 von dem Neun-  
 eck das Drei-  
 eck  $EZM$  ge-

35 gegeben. Es ist aber in der Schrift über die Geraden im  
 Kreise nachgewiesen, daß annähernd  $3ZE = EM$  ist.

ὅν ιβ πρὸς ιζ. πρὸς ἄρα τὸ ἐν<ν>άγωνον λόγον ἔχει,  
 ὅν ιβ πρὸς οςλ, τουτέστιν ὅν κδ πρὸς ρνγ, τουτέστιν  
 ὅν η πρὸς να. καὶ ἔστι δοθὲν τὸ ἀπὸ EZ· δοθὲν  
 ἄρα καὶ τὸ ἐννάγωνον. συντεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ ι  
 ἐφ' ἑαυτὰ· γίνονται ρ. ταῦτα ἐπὶ να· γίνονται ρθ. 5  
 τούτων τὸ η'· γίνονται χλζλ. τοσούτου ἔσται τοῦ  
 ἐνναγώνου τὸ ἐμβαδόν.

κγ. Ἐστω δεκάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώ-  
 νιον τὸ ABΓΔEZHΘΚΑ, οὗ ἑκάστη πλευρὰ μονά-  
 δων ι. εὑρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον 10  
 τοῦ περὶ αὐτὸ

κύκλου τὸ Μ,  
 καὶ ἐπεξεύχ-  
 θωσαναί ΜΕ,  
 ΜΖ καὶ κάθε-  
 ετος ἐπὶ τὴν  
 EZ ἡ ΜΝ.

50<sup>r</sup> | ἡ ἄρα ὑπὸ  
 ΕΜΖ γωνία  
 δύο πέμπτων  
 ἐστὶν ὀρθῆς·  
 ὥστε ἡ ὑπὸ  
 ΕΜΝ πέμ-  
 πτου ἐστὶν  
 ὀρθῆς. συν-  
 εστάτω αὐτῇ

ἴση ἡ ὑπὸ ΜΕΞ· δύο ἄρα πέμπτων ἐστὶν ἡ ὑπὸ  
 ΝΞΕ. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ ΕΝΞ· λόγος ἄρα τῆς ΕΞ  
 πρὸς ΝΞ, ὅν ε πρὸς δ, πρὸς δὲ τὴν ΕΝ, ὅν ε πρὸς

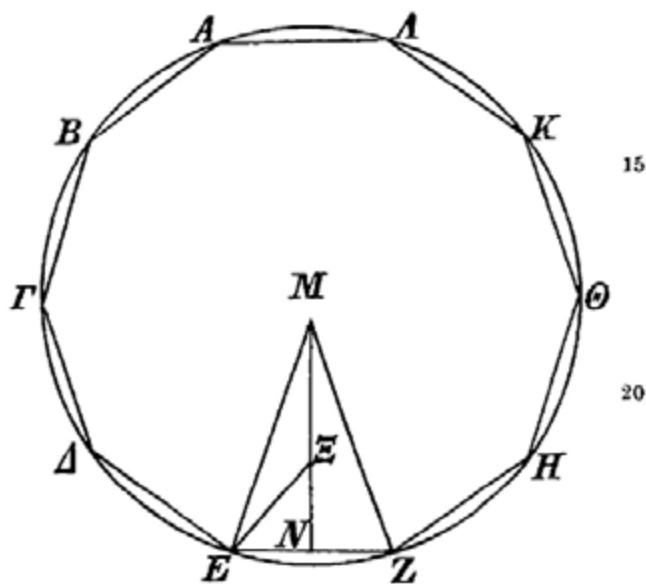


Fig. 28.

1 ἐνάγωνον: correxi 4 ἐνάγωνον (sic) m. 1 19 ΘΙΚ:  
 sed I del. m. 1



Also ist  $ME^2 = 9EZ^2$ , mithin  $MZ^2 = 8ZE^2$ . Denn der Winkel bei  $Z$  ist ein rechter im Halbkreis. Mithin ist  $ME^2 : ZE^2$  annähernd  $= 289 : 36$ . Also  $MZ : ZE$  annähernd  $= 17 : 6$ . Es verhält sich aber  $EZ^2$  zu dem  
 5 Dreieck  $EMZ$  wie  $36 : 51 = 12 : 17$ . Also  $EZ^2$  zu dem Neuneck  $= 12 : 76\frac{1}{2} = 24 : 153 = 8 : 51$ . Nun ist  $EZ^2$  gegeben; also ist auch das Neuneck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$\begin{aligned} & 10^2 = 100 \\ 10 \quad & 100 \times 51 = 5100 \\ & \frac{5100}{8} = 637\frac{1}{2}. \end{aligned}$$

So groß wird der Inhalt des Neunecks sein.

XXIII. Es sei  $ABΓΔEZHOKA$  ein gleichseitiges und gleichwinkliges Zehneck, von dem jede Seite  $= 10$   
 15 sei. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm umbeschriebenen Kreises  $M$  und ziehe die Verbindungslinien  $ME$  und  $MZ$ , und falle auf  $EZ$  die Höhe  $MN$ . Es ist also der Winkel  $EMZ$  gleich  $\frac{2}{5}$  eines Rechten, sodafs Winkel  $EMN$  gleich  $\frac{1}{5}$  eines Rechten sein  
 20 wird. Ihm sei gleich Winkel  $MEZ$ . Also ist Winkel  $NZE = \frac{2}{5}$  eines Rechten. Nun ist aber Winkel  $ENZ$  ein Rechter, also ist  $EZ : NZ = 5 : 4$ ,  $EZ : EN = 5 : 3$ . Nun ist  $EN = NZ$ . Also wird  $EZ : MN = 6 : 9 = 2 : 3$ . Also auch  $EZ^2 : EZ \times MN = 2 : 3$ . Also  
 25  $EZ^2$  : Dreieck  $EZM = 2 : 1\frac{1}{2}$ ; also  $EZ^2$  zu dem Zehneck  $= 2 : 15$ . Nun ist  $EZ^2$  gegeben; also ist auch das Zehneck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$\begin{aligned} & 10^2 = 100 \\ & 100 \times 15 = 1500 \\ 30 \quad & \frac{1500}{2} = 750. \end{aligned}$$

So groß wird der Inhalt des Zehnecks sein.

γ. ἴση δὲ ἡ μὲν  $E\Xi$  τῇ  $\Xi M$ , ἡ δὲ  $EN$  τῇ  $NZ$ .  
 ἔσται ἄρα λόγος τῆς  $EZ$  πρὸς  $MN$ , ὃν  $\varsigma$  πρὸς  $\theta$ ,  
 τουτέστιν ὃν  $\beta$  πρὸς  $\gamma$ . καὶ τοῦ ἀπὸ  $E\langle Z\rangle$  ἄρα  
 πρὸς τὸ ὑπὸ  $EZ$   $M\langle N\rangle$ , ὃν  $\beta$  πρὸς  $\gamma$ . ὥστε πρὸς τὸ  
 $EZM$  τρίγωνον, ὃν  $\beta$  πρὸς  $\alpha\zeta$ . ὥστε πρὸς τὸ δεκά- 5  
 γωνον λόγον ἔχει, ὃν  $\beta$  πρὸς  $\iota\epsilon$ . καὶ ἔστι δοθὲν τὸ  
 ἀπὸ  $EZ$ . δοθὲν ἄρα καὶ τὸ δεκάγωνον. συντεθήσεται  
 δὲ οὕτως. τὰ  $\iota$  ἐφ' ἑαυτά· γίννεται  $\rho$ . ταῦτα ἐπὶ τὰ  
 $\iota\epsilon$ · γίννεται  $\mu\phi$ . τούτων τὸ ἡμισυ· γίννεται  $\psi\nu$ .  
 τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ δεκαγώνου. 10

κδ. Ἔστω ἐνδεκάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώ-  
 νιον τὸ  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda M$ , οὗ ἑκάστη πλευρὰ  
 μονάδων  $\iota$ . εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. περιγεγράφθω  
 περὶ αὐτὸ κύκλος, οὗ κέντρον ἔστω τὸ  $N$ , καὶ ἐπε- 15  
 ζεύχθω ἡ  $ZN$  καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ  $\Xi$ , καὶ ἐπε-  
 ζεύχθω ἡ  $\Xi H$ . τὸ ἄρα  $ZH\Xi$  τρίγωνον δύο ἐνδέ-  
 κατα τοῦ ἐνδεκαγώνου ἐστίν. δέδεικται δὲ ἐν τοῖς περὶ  
 τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν, ὅτι λόγος τῆς  $Z\Xi$  πρὸς  $ZH$  ὡς  
 ἔγγιστα ὁ τῶν  $\kappa\epsilon$  πρὸς  $\zeta$ , ὁ δὲ τῆς  $\Xi H$  πρὸς  $HZ$   
 λόγος, ὃν κδ πρὸς  $\zeta$ . τοῦ ἄρα ἀπὸ  $ZH$  πρὸς τὸ  $ZH\Xi$  20  
 τρίγωνον λόγος ὁ τῶν  $\mu\theta$  πρὸς  $\pi\delta$ , τουτέστιν ὁ τῶν  
 $\zeta$  πρὸς  $\iota\beta$ . τοῦ δὲ τριγώνου | πρὸς τὸ ἐνδεκάγωνον  
 λόγος, ὃν  $\beta$  πρὸς  $\iota\alpha$ . ὥστε πρὸς τὸ ἐνδεκάγωνον λόγον  
 ἔχει τὸ ἀπὸ τῆς  $ZH$ , ὃν  $\zeta$  πρὸς  $\xi\varsigma$ . καὶ ἔστι δοθὲν  
 τὸ ἀπὸ  $ZH$ . δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ἐνδεκάγωνον. συντε- 25  
 θήσεται δὲ οὕτως· τὰ  $\iota$  ἐφ' ἑαυτά· γίννεται  $\rho$ . ταῦτα  
 ἐπὶ τὰ  $\xi\varsigma$ · γίννεται  $\varsigma\chi$ . τούτων τὸ ἑβδομον· γίννεται  
 $\mathcal{D}$   $\mu\beta$   $\xi$ . τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἐνδεκαγώνου.

1  $N\Xi Z$ : sed  $\Xi$  del. m. 1 3 τοῦ ἀπὸ  $E$ : supplevi 4  $EZM$ :  
 supplevi 10 τοσούτου: correxi 17 cf. quae ad p. 58, 19 ad-  
 scripsi 20  $ZHZ$ : correxi 25  $ZH\Delta$ : ὁθεν: correxi

XXIV. Es sei  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda M$  ein gleichseitiges und gleichwinkliges Elfeck, von dem jede Seite = 10 sei. Zu finden seinen Inhalt. Man beschreibe um dasselbe einen Kreis, dessen Mittelpunkt  $N$  sein soll, und ziehe

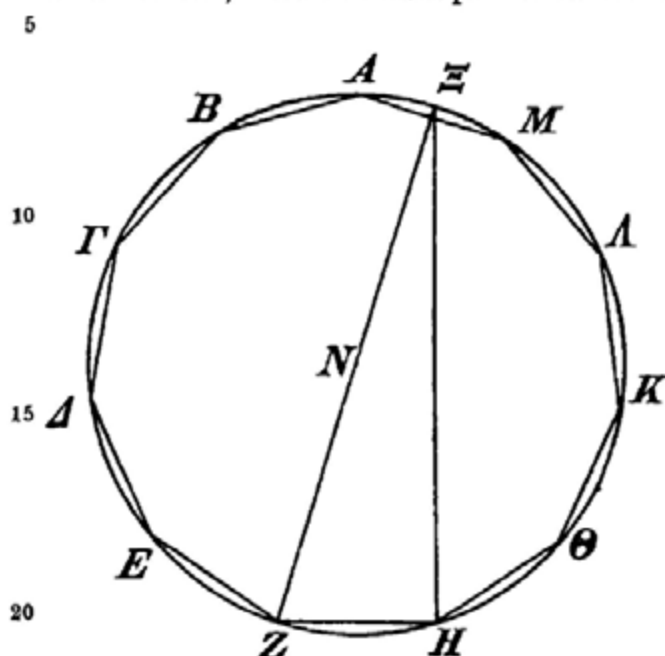


Fig. 29.

die Verbindungs-  
dungs-  
linie  
 $ZN$  und ver-  
längere sie  
bis  $\Xi$ , und  
ziehe die Ver-  
bindungs-  
linie  $\Xi H$ .

Also ist das  
Dreieck

$$ZH\Xi = \frac{2}{11}$$

des Elfecks.  
Nun ist aber  
in der Schrift  
über die Ge-  
raden im  
Kreise nach-  
gewiesen,

dafs  $Z\Xi:ZH$

annähernd =  $25:7$  ist. Nun ist  $\Xi H:HZ = 24:7$ ;

also ist  $ZH^2$  zu dem Dreieck  $ZH\Xi = 49:84 = 7:12$ .

Das Dreieck verhält sich aber zu dem Elfeck wie  $2:11$ .

So dafs  $ZH^2$  zu dem Elfeck sich verhält wie  $7:66$ .

Nun ist  $ZH^2$  gegeben; also ist auch das Elfeck gegeben.

Berechnet wird es folgendermaßen.

$$\begin{aligned} 10^2 &= 100 \\ 100 \times 66 &= 6600 \\ \frac{6600}{7} &= 942\frac{6}{7}. \end{aligned}$$

So groß wird der Inhalt des Elfecks sein.

XXV. Es sei  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda M N$  ein gleichseitiges und gleichwinkliges Zwölfeck, von dem jede Seite = 10

κε. Ἐστω δωδεκάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον τὸ  $ΑΒΓΔΕΖΗΘΚΛΜΝ$  ἔχον ἐκάστην πλευρὰν μονάδων  $\iota$ . εὗρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ περὶ αὐτὸ[ν] κύκλου τὸ  $\Xi$ , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $\Xi Η$ ,  $\Xi Ζ$  καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν  $Η Ζ$  ἢ  $\Xi Ο$ .<sup>5</sup> ἡ ἄρα ὑπὸ  $Ζ \Xi Ο$  γωνία ἕκτου ἐστὶν ὀρθῆς· συνεστήτω οὖν αὐτῇ ἴση ἡ ὑπὸ  $\Xi Ζ Π$ . τρίτου ἄρα ἐστὶν ὀρθῆς ἡ ὑπὸ  $Ζ Π Ο$ .

τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς  $Π Ο$  τριπλασιὸν ἐστὶ τοῦ ἀπὸ τῆς  $Ο Ζ$ . λόγος ἄρα τῆς  $Π Ο$  πρὸς  $Ο Ζ$  ὡς ἔγγιστα, ὅν  $\xi$  πρὸς  $\delta$ · ὥστε καὶ τῆς  $Ζ Η$ , τουτέστι τῆς  $\Xi Π$ , πρὸς  $Π Ο$  λόγος ὡς ἔγγιστα, ὅν  $\eta$  πρὸς  $\xi$ · ὥστε καὶ τῆς  $Ζ Η$

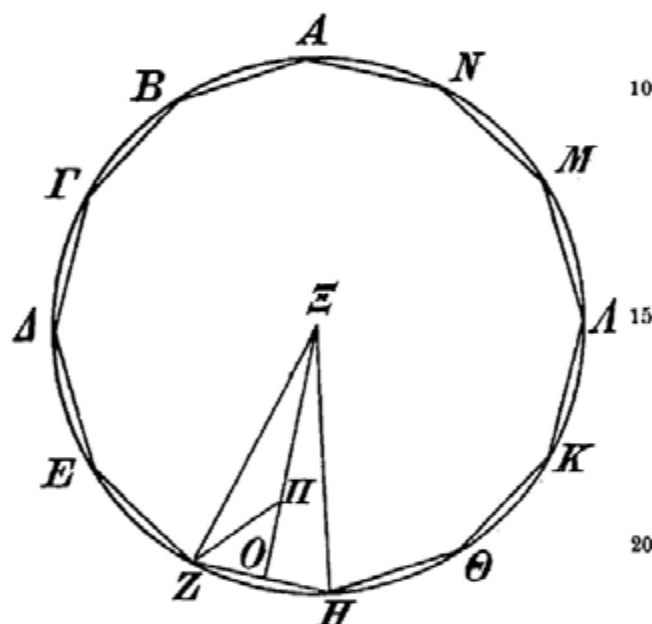


Fig. 30.

πρὸς  $\Xi Ο$  λόγος, ὅν  $\langle \eta \rangle$  πρὸς  $\iota \epsilon$ . καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς  $Ζ Η$  ἄρα πρὸς τὸ ὑπὸ  $Ζ Η \Xi Ο$  λόγος, ὅν  $\langle \eta \rangle$  πρὸς  $\iota \epsilon$ , πρὸς δὲ τὸ  $Ζ Η \Xi$  ἄρα τρίγωνον, ὅν  $\langle \eta \rangle$  πρὸς  $\xi$ . καὶ πρὸς τὸ δωδεκάγωνον ἄρα, ὅν  $\eta$  πρὸς  $\alpha$ , τουτέστιν ὅν  $\delta$  πρὸς  $\mu \epsilon$ . καὶ ἔστι δοθέν, τὸ ἀπὸ  $Ζ Η$ · δοθέν ἄρα καὶ τὸ δωδεκάγωνον. συντεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ  $\iota$  ἐφ' ἑαυτὰ· γίνεταί  $\rho$ . ταῦτα ἐπὶ τὰ  $\mu \epsilon$ · γίνεταί  $\delta \phi$ . τούτων τὸ τέταρτον· γίνεταί  $30$

tol 81<sup>r</sup> | ,αρκε. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδόν τοῦ δωδεκαγώνου.

sei. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm umbeschriebenen Kreises  $\Xi$  und ziehe die Verbindungslinien  $\Xi H$  und  $\Xi Z$ , und fälle auf  $HZ$  die Höhe  $\Xi O$ . Also ist der Winkel  $Z\Xi O$  gleich  $\frac{1}{6}$  eines Rechten. Ihm sei gleich der Winkel  $\Xi ZH$ . Also ist Winkel  $ZHO = \frac{1}{3}$  eines Rechten. Mithin ist  $HO^2 = 3OZ^2$ . Daher ist  $HO:OZ$  annähernd  $= 7:4$ . Daher ist auch  $ZH:HO = \Xi H:HO$  annähernd  $= 8:7$ . Daher auch  $ZH:\Xi O = \langle 8 \rangle:15$ . Mithin ist

$$10 \quad ZH^2:ZH \times \Xi O = \langle 8 \rangle:15$$

Also

$$ZH^2:\text{Dreieck } ZH\Xi = 8:7\frac{1}{2}$$

$$ZH^2:\text{Zwölfeck} = 8:90 = 4:45.$$

Nun ist  $ZH^2$  gegeben; also ist auch das Zwölfeck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$100 \times 45 = 4500$$

$$\frac{4500}{4} = 1125.$$

So groß wird der Inhalt des Zwölfecks sein.

20 Alle Vielecke nun, die nicht gleichseitig und gleichwinkelig sind, werden in Dreiecke zerlegt und so gemessen. Die runden aber unter den ebenen Figuren und allgemein alle diejenigen Oberflächen, die gemessen werden können, werden wir im Folgenden der Reihe nach besprechen.

25 Archimedes nun zeigt in der Kreismessung, daß 11 Quadrate des Durchmessers des Kreises nahezu 14 Kreisen gleich sind. Daher wird man, wenn der Durchmesser des Kreises beispielsweise  $= 10$  gegeben ist,  $10^2$  nehmen müssen, es ergibt 100.

4 αὐτὸν: correxi τὸ B: correxi 6 ὁπὸ ex ἐπὶ fec.  
m. 1 7  $\Xi ZH$ : correxi 24 spatium 1 aut 2 litterarum:  
supplevi 25 et 26 ὅν πρὸς: inserui  $\langle \eta \rangle$  27 ἀρα delen-  
dum censet Heiberg

Ὅσα δὲ τῶν πολυγώνων σχημάτων οὐκ ἐστὶν ἰσό-  
πλευρα καὶ ἰσογώνια, ταῦτα εἰς τρίγωνα καταδιαιρού-  
μενα μετρεῖται· τὰ δὲ περιφερῆ τῶν ἐπιπέδων σχημά-  
των καὶ καθόλου τῶν ἐπιφανειῶν ὅσαι δύνανται  
μετρεῖσθαι, ἐξῆς κατὰ τὸ ἀκόλουθον ἐκθησόμεθα. 5

〈κς〉. Ἀρχιμήδης μὲν οὖν ἐν τῇ τοῦ κύκλου μετρήσει  
(c. 2 t. I p. 262 Heib.) δείκνυσιν, ὅτι ἰα τετράγωνα τὰ ἀπὸ  
τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου ἴσα γίνονται ὥς ἔγγιστα ἰδ  
κύκλοις· ὥστε ἐὰν δοθῇ ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου εἰ τύχοι  
μονάδων ι, δεῖσει τὰ ι ἐφ' ἑαυτὰ ποιῆσαι· γίνονται ρ· 10  
ταῦτα ἐπὶ τὰ ια· γίνονται ιαρ· ὦν τὸ ιδ'. γίνονται οη|ιδ'.  
τοσούτου δεῖ ἀποφαίνεσθαι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.  
ὁ δὲ αὐτὸς Ἀρχιμήδης δείκνυσιν ἐν τῷ περὶ πλιν-  
θίδων καὶ κυλίνδρων, ὅτι παντὸς κύκλου ἡ περίμετρος  
πρὸς τὴν διάμετρον μείζονα μὲν λόγον ἔχει 〈ἢ ὃν ἔχει〉 15  
<sup>κα</sup> μ / αωε πρὸς <sup>ς</sup> μ / ζυμα, ἐλάσσονα δὲ ἢ ὃν ἔχει[ν] <sup>θ</sup> μ  
/ ζωπη πρὸς <sup>ς</sup> μ βτνα· ἀλλ' ἐπεὶ οὗτοι οἱ ἀριθμοὶ πρὸς  
τὰς μετρήσεις οὐκ εὐθετοῦσι, καταβιβάζονται εἰς ἐλα-  
χίστους ἀριθμούς, ὥς τὸν κβ πρὸς τὰ ζ. ὥστε ἐὰν  
δοθῇ ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου εἰ τύχοι μονάδων ιδ καὶ 20  
βούληται τις τὴν περίμετρον εὑρεῖν, δεῖ ποιῆσαι τὰ ιδ  
ἐπὶ τὰ κβ καὶ τούτων λαβεῖν τὸ ἑβδομον, καὶ ἀποφαί-  
νεσθαι τοσούτου τὴν περίμετρον· ἔστι δὲ μονάδων μδ.  
fol. 81<sup>v</sup> καὶ ἀνάπα|λιν δὲ, ἐὰν δοθῇ ἡ περίμετρος μονάδων μδ  
καὶ βουλώμεθα τὴν διάμετρον εὑρεῖν, ποιήσομεν τὰ 25  
μδ ἐπτάκις καὶ τῶν γενομένων τὸ κβ' λαβόντες ἔξομεν  
τὴν διάμετρον· ἔστι δὲ ιδ. δείκνυσι δὲ ὁ αὐτὸς Ἀρχι-  
μήδης ἐν τῇ τοῦ κύκλου μετρήσει (c. 1 t. I p. 259  
Heib.), ὅτι τὸ ὑπὸ τῆς περιφερείας τοῦ κύκλου καὶ  
τῆς ἐκ τοῦ κέντρου διπλάσιόν ἐστι τοῦ κύκλου· ὥστε 30

$$100 \times 11 = 1100$$

$$\frac{1100}{14} = 78\frac{1}{2} + \frac{1}{14}$$

und so groß den Inhalt des Kreises angeben müssen.

Ebenderselbe Archimedes zeigt in der Schrift über  
 5 Plinthide<sup>1)</sup> und Cylinder, daß das Verhältnis des Um-  
 fangs jedes Kreises zu dem Durchmesser größer ist als  
 211875 : 67441, kleiner aber als 197888 : 62351. Da  
 aber diese Zahlen für Messungen nicht bequem sind,  
 so werden sie auf das Verhältnis der kleinsten Zahlen,  
 10 nämlich 22 : 7, zurückgeführt. Daher muß man, wenn  
 der Durchmesser des Kreises beispielsweise = 14 gegeben  
 ist und man den Umfang finden will, 14 mit 22 multi-  
 plizieren und hiervon  $\frac{1}{7}$  nehmen, und so groß den Um-  
 fang angeben. Er ist aber 44. Und umgekehrt, wenn  
 15 der Umfang = 44 gegeben ist und wir den Durchmesser  
 finden wollen, so werden wir 44 siebenmal nehmen, und  
 wenn wir dann von dem Produkt  $\frac{1}{22}$  nehmen, so werden  
 wir den Durchmesser erhalten. Er ist = 14.

Ebenderselbe Archimedes zeigt in der Kreismessung,  
 20 daß das Produkt aus dem Umfang des Kreises und seinem  
 Radius doppelt so groß ist als der Inhalt des Kreises.  
 Wenn daher der Umfang = 44 gegeben ist, so werden  
 wir die Hälfte des Durchmessers = 7 nehmen, und mit  
 44 multiplizieren. Wenn wir dann die Hälfte des Pro-  
 25 dukts nehmen = 154, so werden wir den Inhalt des  
 Kreises so groß anzugeben haben.

1) cf. Heron Byz. pers. geod. p. 384 Vincent.

6 in mg. numerus capitis non adscriptus 15 addidi  
 16 correxi 22 λαβεῖν τὸ ἐμβαδόν: correxi; ζ'' supra scr. m. 2  
 24 in ima ora fol. 81<sup>r</sup> haec adscripta:

μείζων λόγος·  $\frac{\kappa\alpha}{\mu} / \overline{\alpha\omega\omicron\epsilon}$   $\frac{\xi}{\mu} / \overline{\zeta\upsilon\mu\alpha}$  περίμετρος  $\overline{\kappa\beta}$   
 ἐλάττω λόγος·  $\frac{\iota\delta}{\mu} / \overline{\zeta\omega\pi\eta}$   $\frac{\xi}{\mu} / \overline{\beta\tau\nu\alpha}$  διάμετρος  $\overline{\zeta}$

29 κυκυλίου: correxi

ἐὰν δοθῇ ἡ περίμετρος μονάδων  $\mu\delta$ , λαβόντες τῆς διαμέτρου τὸ ἥμισυ· εἰσὶ δὲ μονάδες  $\xi$ · πολλαπλασιάσομεν ἐπὶ τὰ  $\mu\delta$ · καὶ τῶν γενομένων τὸ ἥμισυ λαβόντες· εἰσὶ δὲ μονάδες  $\rho\nu\delta$ · τοσούτου ἀποφα[ι]νούμεθα τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

5

Ἐὰν δέη χωρίου τινὸς δοθέντος ἦτοι εὐθυγράμμου ἢ οἰουδηποτοῦν τούτῳ ἴσον κύκλον πορίσασθαι, λαβόντες τὸ ἐμβαδὸν τοῦ χωρίου· ἔστω δὲ μονάδων  $\rho\nu\delta$ · τούτων τὰ  $\iota\delta$  ἐνδέκατα· ἃ γίνεται  $\rho\varsigma\varsigma$ · καὶ τούτων πάλιν λαβόντες πλευρὰν· ἔστι δὲ μονάδων  $\iota\delta$ · τοσού- 10 του ἀποφανοῦμεθα τὴν τοῦ κύκλου διάμετρον.

Δύο κύκλων περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων τὸ μεταξὺ τῶν περιφερειῶν αὐτῶν χωρίον δυνατόν ἐστιν εὐρεῖν μετρήσαντα ἑκάτερον τῶν κύκλων καὶ ἀφελόντα ἀπὸ τοῦ μείζονος τὸν ἐλάσσονα. ἵνα δὲ μὴ δύο κύκλων 15 μέτρησιν ποιησώμεθα, δεῖξομεν οὕτως.

Ἐστῶσαν δύο κύκλοι περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον, ὧν διάμετροι αἱ  $AB$   $\Gamma\Delta$ . ἐπεὶ οὖν τοῦ ἀπὸ τῆς  $AB$  τὰ  $\iota\alpha$   $\iota\delta$  γίνεται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ μείζονος κύκλου καὶ ὁμοίως τοῦ ἀπὸ τῆς  $\Gamma\Delta$  τὰ  $\iota\alpha$   $\iota\delta$  γίνεται τὸ ἐμβα- 20 δὸν τοῦ ἐλάσσονος κύκλου, τῆς ἄρα τῶν ἀπὸ  $AB$   $\Gamma\Delta$  ὑπεροχῆς τὰ  $\iota\alpha$   $\iota\delta$  γίνεται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ εἰρημένου χωρίου, ὃ καλεῖται ἔνυς. ἡ δὲ τῶν ἀπὸ  $AB\Gamma\Delta$  ὑπεροχὴ τὸ τετράκις ἐστὶν ὑπὸ  $\Gamma B$   $B\Delta$ · ἐπειδήπερ καὶ <τὸ> τετράκις ὑπὸ  $\Gamma B$   $B\Delta$  μετὰ τοῦ 25 ἀπὸ  $\Gamma\Delta$  ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς  $\Gamma B$   $B\Delta$ . συναμφοτέρος δὲ ἡ  $\Gamma B$   $B\Delta$  ἴση ἐστὶ τῇ  $AB$ , ἐπειδήπερ καὶ ἡ  $B\Delta$  τῇ  $A\Gamma$  ἴση ἐστίν. ὥστε ἐὰν δοθῇ

4 ἀποφανοῦμεθα: corr. m. 1    9 post  $\iota\delta$  spatium 2 litterarum; < $\iota\alpha$ > ins. m. 2    11 ἀποφανομένον: correxi    20  $\iota\delta$   $\iota\alpha$ : corr. m. 2    23  $\iota\delta$   $\iota\alpha$ : correxi    25 <τὸ> inserui



Wenn die Aufgabe ist, falls ein gradliniges oder beliebig gestaltetes Raumstück gegeben ist, einen Kreis zu konstruieren, der diesem gleich ist, so nehmen wir den Inhalt des Raumstücks, er sei  $= 154$ , davon  $\frac{1}{11} = 14$ ;  
 5  $14 \times 14 = 196$ . Und wenn wir davon wieder die Wurzel nehmen — sie ist  $= 14$  — so werden wir so groß den Durchmesser des Kreises anzugeben haben.

Wenn 2 Kreise um denselben Mittelpunkt liegen, so kann man den Raum zwischen ihren Peripherien finden,  
 10 wenn man jeden der beiden Kreise mißt und den kleineren von dem größeren abzieht. Damit wir aber nicht die Messung zweier Kreise vornehmen müssen, werden wir folgenden Beweis geben.

Es seien zwei Kreise um denselben Mittelpunkt, deren  
 15 Durchmesser  $AB$  und  $\Gamma A$  seien. Da nun  $\frac{11}{14} \times AB^2$

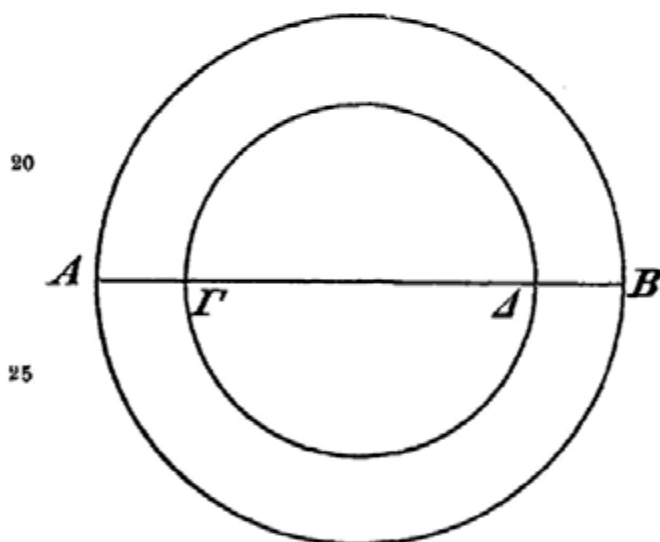


Fig. 31.

gleich dem Inhalt des größeren und gleicherweise  $\frac{11}{14} \times \Gamma A^2$  gleich dem Inhalt des kleineren Kreises ist, so ist  $\frac{11}{14} \times$  den Unterschied von  $AB^2$  und  $\Gamma A^2$  gleich dem Inhalt des bezeichneten Raumstücks,

das „Itys“ (d. h. Kreisring) genannt wird. Es ist aber die Differenz von  $AB^2$  und  $\Gamma A^2 = 4\Gamma B \times B\Delta$ , da  $4\Gamma B B\Delta + \Gamma A^2 = (\Gamma B + B\Delta)^2$ . Nun ist aber

35  $\Gamma B + B\Delta = AB$ , da  $B\Delta = A\Gamma$  ist.

101. 82<sup>r</sup> ἡ μὲν  $\Gamma\Delta$  μονάδων ιδ, ἑκατέρα δὲ τῶν  $A\Gamma$  |  $B\Delta$  μονά-  
δων ε, ἔσται ἡ  $\Gamma B$  μονάδων κ. ταῦτα ἐπὶ τὰ ε· γίννε-  
ται ρκ· ταῦτα τετράκι· γίννεται υπ· τούτων τὰ ια ιδ'.  
γίννεται τοξ ξ'. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τῆς Ἰτυος.

κξ. Εἰς δὲ τὴν τοῦ τμήματος μέτρησιν προγρά- 5  
ψομεν ταῦτα. ἔστω ὁσαδηποτοῦν μεγέθη τετραπλάσια  
ἀλλήλων τὰ  $A, B, \Gamma, \Delta$  ἢ  
καὶ πλείονα ἀρχόμενα ἀπὸ  
μεγίστου τοῦ  $A$ · λέγω ὅτι τὸ  
γ' τοῦ  $A$  ἴσον ἔστιν τοῖς  
 $B\Gamma\Delta$  καὶ τῷ γ' τοῦ  $\Delta$ · ἐπεὶ  
γὰρ τὸ  $A$  τετραπλάσιόν ἐστι  
τοῦ  $B$ , τὸ  $A$  ἄρα ἴσον ἐστὶ  
τέτ(τ)αρσι τοῖς  $B$ . τὸ ἄρα  
τρίτον τοῦ  $A$  ἴσον ἐστὶ τῷ  $B$   
καὶ τῷ γ' τοῦ  $B$ . διὰ τὰ  
αὐτὰ δὴ καὶ τὸ γ' τοῦ  $B$  ἴσον  
ἔστιν τῷ  $\Gamma$  καὶ τῷ γ' τοῦ  $\Gamma$ .  
ὁμοίως δὴ καὶ τοῦ  $\Gamma$  τὸ γ' ἴσον ἐστὶ τῷ  $\Delta$  καὶ τῷ γ'  
τοῦ  $\Delta$ . ὥστε τὸ γ' τοῦ  $A$  ἴσον ἐστὶ τοῖς  $B\Gamma\Delta$  καὶ 20  
τῷ γ' τοῦ  $\Delta$ .

κη. Ἐστω τμήμα κύκλου τὸ  $AB\Gamma$  καὶ ἀπὸ μέσης  
τῆς  $A\Gamma$  πρὸς ὀρθὰς ἡ  $\Delta B$ , ἀπὸ δὲ μέσης τῆς  $A\Delta$   
πρὸς ὀρθὰς ἡ  $EZ$ . ὅτι ἡ  $B\Delta$  τῆς  $EZ$  ἐλάσσων ἐστὶν  
ἢ ἐπίτριτος. προσαναπεπληρώσω ὁ κύκλος καὶ ἐκ- 25  
βεβλήσθωσαν αἱ  $B\Delta, ZE$  ἐπὶ τὰ  $H, \Theta$ , καὶ κάθετος  
ἡ  $ZK$ . ἐπεὶ διπλῇ ἐστὶν ἡ  $A\Delta$  τῆς  $\Delta E$ , τετραπλάσιον  
ἄρα τὸ ἀπὸ  $A\Delta$  τοῦ ἀπὸ  $\Delta E$ , τουτέστι τοῦ ἀπὸ  $ZK$ .

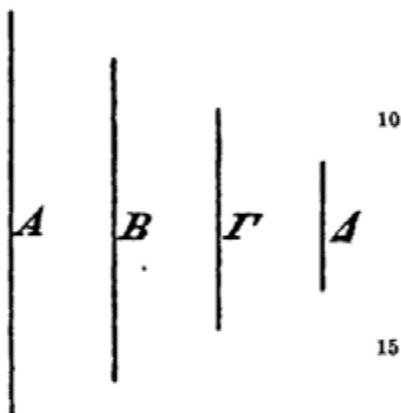


Fig. 32.

3 τὰ in τὸ mut. m. 2 ιδ ια: correxi 10 in mg. τὸ  
τριτημόριον τοῦ  $A$  m. 1 καὶ: ἔτι supra scr. m. 2 11 τῷ γ':  
τριτημορίῳ supra scr. m. 2 14 τέταρσι: correxi

Wenn daher  $\Gamma A = 14$ ,  $A\Gamma = BA = 6$  gegeben sind, so wird  $\Gamma B = 20$ .

$$20 \times 6 = 120$$

$$120 \times 4 = 480$$

$$5 \quad \frac{480 \times 11}{14} = 377\frac{1}{7}.$$

So groß wird der Inhalt des Kreisringes sein.

XXVII. Für die Messung des Segments wollen wir folgendes vorausschicken. Es seien beliebig viele Größen die eine viermal so groß als die andere,  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ ,  $\delta$  10 oder auch mehr, die mit  $\alpha$  als dem größten anfangen.

Ich behaupte, daß  $\frac{\alpha}{3} = \beta + \gamma + \delta + \frac{\delta}{3}$  ist. Denn da  $\alpha$  viermal so groß ist als  $\beta$ , so ist  $\alpha = 4\beta$ . Also ist  $\frac{\alpha}{3} = \beta + \frac{\beta}{3}$ . Aus denselben Gründen ist also auch  $\frac{\beta}{3} = \gamma + \frac{\gamma}{3}$ ; ebenso also auch  $\frac{\gamma}{3} = \delta + \frac{\delta}{3}$ . Daher ist 15  $\frac{\alpha}{3} = \beta + \gamma + \delta + \frac{\delta}{3}$ .

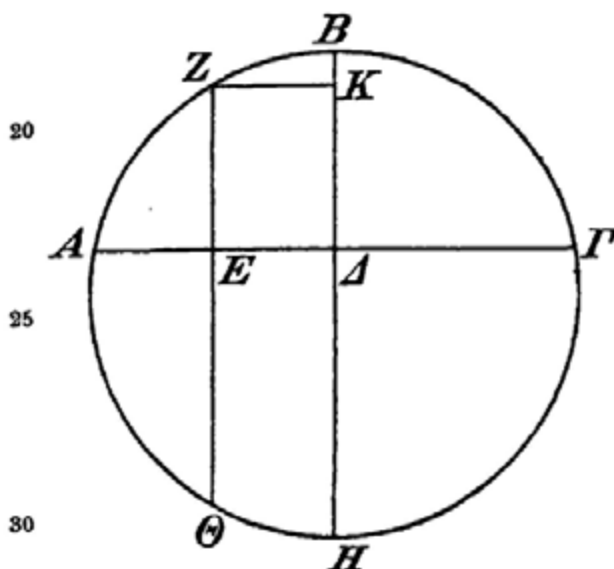


Fig. 33.

XXVIII. Es sei  $AB\Gamma$  ein Kreissegment, und von der Mitte von  $A\Gamma$  gehe im rechten Winkel  $\angle B$ , von der Mitte von  $AA$  im rechten Winkel  $\angle EZ$  aus. Zu zeigen, daß  $BA$  kleiner ist als  $1\frac{1}{3}EZ$ . Man vervollständige den Kreis und verlängere  $BA$  und  $ZE$  bis  $H$  und  $\Theta$ , und fälle die

fol. 82<sup>v</sup> ὥστε | καὶ τὸ ὑπὸ  $H\Delta B$  τετραπλάσιόν ἐστι τοῦ ὑπὸ  $HKB$ . ἀλλὰ τὸ ὑπὸ  $H\Delta B$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $HKB$  ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περὶ τὸ ὑπὸ  $H\Delta B$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $H\Delta$ ,  $KB$ , τουτέστιν ἢ  $\Delta B$  πρὸς  $BK$ . ἢ ἄρα  $\Delta B$  τῆς  $BK$  μείζων ἐστὶν ἢ τετραπλῆ· ἀναστρέψαντι ἄρα ἢ  $\Delta B$  τῆς  $\Delta K$ , τουτέστι τῆς  $EZ$ , ἐλάττων ἐστὶν  $\langle \eta \rangle$  ἐπίτριτος. 5  
 καθ. Ἔστω τμήμα τὸ ἐπὶ τῆς  $AG$ , καὶ πρὸς ὀρθὰς ἀπὸ μέσης τῆς  $AG$  ἢ  $\Delta B$  καὶ δίχα αἱ  $AB$ ,  $B\Gamma$  περιφέρειαι κατὰ τὰ  $E$ ,  $Z$ · καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ  $AB$ ,  $B\Gamma$ ,  $AE$ ,  $EB$ ,  $BZ$ ,  $Z\Gamma$ . ὅτι τὸ  $AB\Gamma$  τρίγωνον ἔλασ- 10 σόν ἐστὶν ἢ τετραπλάσιον τῶν  $AEB$ ,  $BZ\Gamma$  τριγώνων. ἤχθω κάθετος μὲν ἐπὶ τὴν  $AB$  ἢ  $EH$ , παράλληλος δὲ τῇ  $B\Delta$  διὰ τοῦ  $H$  ἢ  $\Theta K$ · καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ  $A\Theta$ ,  $\Theta B$ . ἴση ἄρα ἢ  $AK$  τῇ  $K\Delta$ . ἢ ἄρα  $B\Delta$  τῆς  $\Theta K$  ἐλάττων ἐστὶν ἢ ἐπίτριτος. τῆς δὲ  $HK$  ἔστι 15 διπλῆ· ὥστε ἢ  $KH$  τῆς  $\Theta H$  ἐλάττων ἐστὶν ἢ διπλάσιον· ὥς δὲ  $\langle \eta \rangle$   $KH$  πρὸς  $\Theta H$ , τὸ  $AKB$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $AB\Theta$  τρίγωνον· ἔλαττον ἄρα ἐστὶν ἢ διπλάσιον τὸ  $AKB$  τρίγωνον τοῦ  $AB\Theta$  τριγώνου. τοῦ δὲ  $AKB$  διπλάσιόν ἐστὶν τὸ  $AB\Delta$ · ἔλαττον ἄρα ἢ τετρα- 20 πλάσιον τὸ  $AB\Delta$  τοῦ  $AB\Theta$ · τὸ δὲ  $AB\Theta$  τρίγωνον ἔλαττόν ἐστι τοῦ  $AEB$ , ἐπεὶ καὶ ἢ  $EH$  τῆς ἀπὸ τοῦ  $\Theta$  ἐπὶ τὴν  $AB$  καθετόν. πολλῶν ἄρα τὸ  $A\Delta B$  ἔλαττόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον τοῦ  $AEB$ . διὰ τὰ αὐτὰ καὶ τὸ  $\Delta B\Gamma$  τρίγωνον ἔλαττόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον 25 τοῦ  $BZ\Gamma$  τριγώνου· τὸ ἄρα  $AB\Gamma$  ἔλαττόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον τῶν  $AEB$ ,  $BZ\Gamma$  τριγώνων.

fol. 83<sup>r</sup> λ. | Τὸ δὲ τμήμα τοῦ κύκλου τὸ ἔλαττον ἡμικυκλίου οἱ μὲν ἀρχαῖοι ἀμελέστερον ἐμέτρουν. συντι-

1  $H\Delta B$ : sed  $\Delta$  in ras. m. 2 (?)    6  $\langle \eta \rangle$  add. m. 2    18  $\langle \eta \rangle$  add. m. 2



θέντες γὰρ αὐτοῦ τὴν βάσιν καὶ τὴν κάθετον καὶ  
 τούτων τὸ ἥμισυ λαμβάνοντες ἐπὶ τὴν κάθετον ἐποιοῦν  
 καὶ το(σο)ύτου τὸ ἐμβαδὸν <τοῦ> τμήματος ἀπεφαί-  
 νοντο. δοκοῦσι δὲ οὗτοι ἠκολουθηκέναι τοῖς τὴν περι-  
 μετρον τοῦ κύκλου τριπλασίονα ὑπολαμβάνουσιν τῆς 5  
 διαμέτρου. ἐὰν γὰρ ἡμικύκλιον κατὰ τὴν τ(οι)αύτην  
 ὑπόθεσιν μετρῶμεν, ἀκολουθήσει τὸ ἐμβαδὸν τοῦ  
 ἡμικυκλίου σύμφωνον τῇ εἰρημένῃ μεθόδῳ. οἷον  
 ἔστω ἡμικύκλιον, οὗ διάμετρος ἡ  $AB$  καὶ κάθετος ἡ  
 $\Gamma A$ . καὶ ἔστω ἡ διάμετρος μονάδων  $\iota\beta$ . ἡ ἄρα  $\Gamma A$  10  
 μονάδων  $\varsigma$ . οὐκοῦν ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια ἔσται  
 μονάδων  $\lambda\varsigma$ . ἡ ἄρα τοῦ ἡμικυκλίου μονάδων  $\iota\eta$ .  
 ἐπεὶ οὖν ἐδείχθη, ὅτι τὸ ὑπὸ τῆς περιφερείας καὶ τῆς  
 ἐκ τοῦ κέντρου διπλάσιόν ἐστι τοῦ χωρίου, δεῖ τὰ  
 $\iota\eta$  πολλαπλασιάσαντας ἐπὶ τὰ  $\varsigma$  λαβεῖν τὸ ἥμισυ· 15  
 εἰσὶ δὲ μονάδες  $\nu\delta$ . ὥστε τοῦ ἡμικυκλίου τὸ ἐμβαδὸν  
 κατὰ τὴν εἰρημένην ὑπόθεσιν ἔσται μονάδων  $\nu\delta$ . τὸ  
 δ' αὐτὸ ἔσται καὶ συνθῆς τὰ  $\iota\beta$  καὶ τὰ  $\varsigma$ , ἃ γίνονται  
 $\iota\eta$ . ὣν ἥμισυ λαβὼν ἐπὶ τὰ τῆς καθέτου ποιήσεις·  
 γίνονται ὁμοίως  $\nu\delta$ . 20

λα. Οἱ δὲ ἀκριβέστερον ἐζητηκότες προστιθέασι τῷ  
 101. 83<sup>v</sup> εἰρημένῳ ἐμβαδῷ τοῦ τμήματος | τὸ  $\iota\delta'$  μέρος τοῦ ἀπὸ  
 τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως. οὗτοι δὲ τῇ ἐτέρᾳ φαίνονται  
 ἠκολουθηκότες ἐφόδῳ, καθ' ἣν ἡ τοῦ κύκλου περι-  
 φέρεια τριπλασία ἐστὶ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου καὶ 25  
 τῷ  $\zeta'$  μέρει μείζων· ἐὰν γὰρ ὁμοίως ὑποστησώμεθα  
 τὴν μὲν  $AB$  διάμετρον μονάδων  $\iota\delta$ , τὴν δὲ  $\Gamma A$  κάθετον  
 $\zeta$ , ἔσται ἡ περιφέρεια τοῦ ἡμικυκλίου μονάδων  $\kappa\beta$ .  
 ἐπὶ τὸν  $\zeta$  γίνονται  $\rho\nu\delta$ . ὣν ἥμισυ γίνονται  $\omicron\zeta$ . καὶ  
 τοσοῦτον τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἡμικυκλίου ἀποφαίνεσθαι. 30

2 τούτου: corr. m. 2 <τοῦ> addidit m. 2 5 ταύτην: corr. m. 2

davon die Hälfte, multiplizierten dies mit der Höhe und gaben so groß den Inhalt des Segments an. Sie schlossen sich dabei anscheinend denen an, die den Umfang des Kreises als dreimal so groß annahmen als seinen Durchmesser. Denn wenn wir einen Halbkreis auf Grund einer solchen Hypothese messen, so ergibt sich für den In-

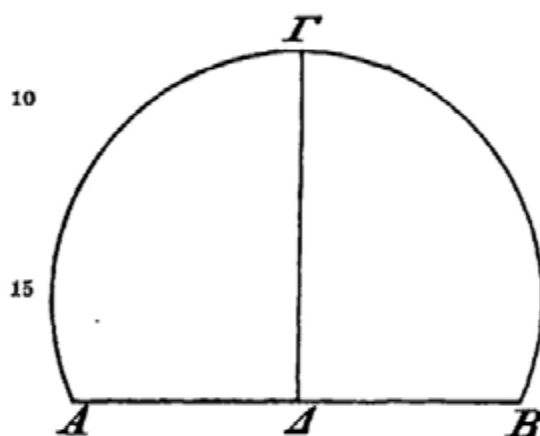


Fig. 35.

halt des Halbkreises ein Wert, der mit der genannten Methode im Einklang steht. Beispielsweise sei ein Halbkreis gegeben, dessen Durchmesser  $AB$  und dessen Höhe  $\Gamma A$  sei. Und es sei der Durchmesser  $= 12$ , also ist  $\Gamma A = 6$ . Also wird der Umfang des Kreises  $= 36$ , der des Halbkreises also  $= 18$  sein. Da nun

gezeigt ward, daß das Produkt aus der Peripherie und dem Radius doppelt so groß ist als das Raumstück, so muß man 18 mit 6 multiplizieren und davon die Hälfte nehmen, das ist 54. Daher wird der Inhalt des Halbkreises nach der angegebenen Hypothese  $= 54$  sein. Dasselbe wird sich ergeben, wenn man  $\frac{12+6}{2} = \frac{18}{2}$  mit der Höhe multipliziert; es ergibt sich gleichermaßen 54.

XXXI. Diejenigen dagegen, die genauere Forschungen angestellt haben, setzen zu dem angegebenen Inhalt des Segments noch  $\frac{1}{14}$  des Quadrats der Hälfte der Basis zu. Diese sind nun anscheinend dem anderen Verfahren gefolgt, demzufolge der Umfang des Kreises dreimal so groß als der Durchmesser des Kreises und noch um  $\frac{1}{7}$  größer ist. Denn wenn wir in ähnlicher Weise den

τὸ δ' αὐτὸ καὶ ἐὰν οὕτως ποιήσωμεν. σύνθες τὰ ιδ καὶ τὰ ζ· ὦν ἡμισυ γίννεται ιλ· ἐπὶ τὰ ζ· γίννεται ογλ. καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως μονάδων μθ. τούτων καθόλου τὸ ιδ'· γίννεται γλ. ταῦτα πρόσθες τοῖς ογλ· γίννεται οξ. ταύτη οὖν τῇ ἐφόδῳ χρή- 5 σασθαι δεῖ ἐπὶ τῶν ἐλασσόνων τοῦ ἡμικυκλίου τμημάτων· οὐ μέντοι ἐπὶ παντὸς τμήματος πάλιν καὶ αὕτη ἀρμόσει ἢ ἐφοδος, ἀλλ' ὅταν ἡ βάσις τοῦ τμήματος μὴ μείζων ἢ ἡ τριπλῇ τῆς καθέτου· ἐπεὶ τοι, ἐὰν ἡ βάσις ἢ μονάδων ξ, ἡ δὲ κάθετος α, ἔσται τὸ περι- 10 εχόμενον σχῆμα μονάδων ξ, ὃ δὴ μείζον ἔστι τοῦ τμήματος. τούτου δὲ μείζον ἔστι τὸ ιδ' τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως· ἔστι γὰρ μονάδων ξδ ιδ'. ὥστε οὐκ ἐπὶ παντὸς τμήματος ἀρμόσει ἢ εἰρημένη ἐφοδος, ἀλλ', ὡς εἴρηται, ὅταν ἡ βάσις τῆς καθέτου 15 μὴ μείζων ἢ ἡ τριπλῇ. ἐὰν δὲ ἢ μείζων ἢ τριπλῇ, τῇ ἐξῆς ἐφόδῳ χρῆσόμεθα.

λβ. Πᾶν τμήμα κύκλου μείζον ἔστιν ἢ ἐπίτριτον 20 τριγώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον. ἔστω τμήμα κύκλου τὸ |  $AB\Gamma$  καὶ ἀπὸ μέσης 20 τῆς  $A\Gamma$  πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἡ  $\Delta B$  καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $AB$   $B\Gamma$ . λέγω ὅτι τὸ  $AB\Gamma$  τμήμα μείζον ἔστιν ἢ ἐπίτριτον τοῦ  $AB\Gamma$  τριγώνου· τετμήσθωσαν γὰρ αἱ  $AB$   $B\Gamma$  περιφέρειαι δίχα κατὰ τὰ  $E$ ,  $Z$  καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $AE$   $EB$   $BZ$   $Z\Gamma$ . τὸ ἄρα  $AB\Gamma$  τρίγωνον 25 ἑλαττόν ἔστιν ἢ τετραπλάσιον τῶν  $AEB$   $BZ\Gamma$  τριγώνων. ἔστω οὖν τῷ μὲν  $AB\Gamma$  τριγώνῳ ἴσον τὸ  $H$  χωρίον, τοῖς δὲ  $ABE$   $BZ\Gamma$  τριγώνοις ἴσον τὸ  $\Theta K$ . τὸ ἄρα  $H$  τοῦ  $\Theta K$  ἑλαττόν ἔστιν ἢ τετραπλάσιον, <...>

1 συνθέντες: corr. Heiberg    4 τὰ ιδ': correxi    16 μείζον: correxi  
23 ἐπίτριτος: corr. m. 2    28 τοῦ  $\Theta K$ : correxi; τὸν m. 2



Durchmesser  $AB = 14$ , die Kathete  $AI = 7$  annehmen, so wird der Umfang des Halbkreises  $= 22$  sein.  $22 \times 7 = 154$ .  $\frac{154}{2} = 77$ , und so groß muß man den Inhalt des Halbkreises angeben. Dasselbe ergibt sich, wenn  
 5 wir es folgendermaßen machen.

$$\frac{14+7}{2} = 10\frac{1}{2}$$

$$10\frac{1}{2} \times 7 = 73\frac{1}{2}.$$

Und das Quadrat aus der Hälfte der Basis ist gleich 49. Davon bei jedem Zahlenbeispiel  $\frac{1}{14}$  ergibt  $3\frac{1}{2}$ . Dies setze  
 10 man zu  $73\frac{1}{2}$  zu; es ergibt 77. Dieses Verfahren nun muß man bei den Segmenten anwenden, die kleiner sind als der Halbkreis, jedoch wird auch dieses Verfahren nicht bei allen solchen Segmenten passen, sondern nur, wenn die Basis des Segments nicht größer ist als dreimal so groß  
 15 wie die Höhe, insofern wenn die Basis  $= 60$ , die Kathete  $= 1$  ist, die umschlossene Figur  $= 60$  sein wird, was größer ist als das Segment.

Es ist aber größer als dieses der 14. Teil des Quadrats der Hälfte der Basis, denn er ist  $= 64\frac{1}{14}$ .<sup>1)</sup> Daher wird  
 20 dies angegebene Verfahren nicht bei jedem Segmente passen, sondern, wie gesagt, nur, wenn die Basis nicht größer ist als dreimal so groß wie die Höhe. Wenn sie aber größer als dreimal so groß ist, werden wir das folgende Verfahren anwenden.

25 XXXII. Jedes Kreissegment ist größer als  $1\frac{1}{3}$  des Dreiecks, das mit ihm gleiche Grundlinie und Höhe hat. Es sei  $AB\Gamma$  ein Kreissegment und von dem Mittelpunkte von  $AI$  werde im rechten Winkel  $AB$  gezogen, und man ziehe die Verbindungslinien  $AB$  und  $B\Gamma$ . Ich  
 30 behaupte, daß das Segment  $AB\Gamma$  größer ist als  $1\frac{1}{3}$  des Dreiecks  $AB\Gamma$ . Es sollen nämlich die Peripherie-

1) Vielmehr  $64\frac{2}{7}$ .

τὸ  $H$ , τὸ δὲ  $\Theta$  τοῦ  $A$ , τὸ δὲ τοῦ  $M$ . καὶ τοῦτο γινέ-  
σθω, ἕως οὗ τὸ τοῦ ἐσχαίου τρίτον ἐλαττον γένηται  
τοῦ  $K$ . γεγονέτω καὶ ἔστω τὸ  $M$ . καὶ τετμήσθωσαν αἱ  
 $AE EB BZ Z\Gamma$  περιφέρειαι δίχα καὶ ἐπὶ τὰς διχο-  
τομίας ἐπεξεύχθωσαν· τὰ ἄρα  $AEB BZ\Gamma$  τρίγωνα  
τῶν γενομένων τριγώνων ἐλάττιονα ἔσται ἢ τετραπλάσια·  
τὸ δὲ  $\Theta K$  τοῦ  $A$  μείζον ἢ τετραπλάσιόν ἐστιν· τὰ ἄρα  
γενόμενα τρίγωνα μείζονά ἐστι τοῦ  $A$ . ἔστω αὐτοῖς  
ἴσα τὰ  $AN$ . καὶ πάλιν τετμήσθωσαν αἱ γενόμεναι  
περιφέρειαι καὶ ἐπεξεύχθωσαν ὁμοίως. τὰ ἄρα προει- 10  
ρημένα, οἷς ἴσα

ἐστὶ τὰ  $AN$ ,

τῶν γενομένων

τριγώνων ἐλάτ-

τονά ἐστι <ἢ τε-

τραπλάσια>, τὸ

<δὲ>  $AN$  τοῦ  $M$

μείζον ἐστιν ἢ

τετραπλάσιον·

ὥστε τὰ ἔσχατα

γενόμενα τρί-

γωνα μείζονά ἐστι τοῦ  $M$ . ἔστω αὐτοῖς ἴσον τὸ  $M\Xi$ . καὶ

ἐπεὶ τὰ  $H\Theta AM$  τετραπλάσιά ἐστιν ἀλλήλων, τὸ ἄρα

τρίτον τοῦ  $H$  ἴσον ἐστὶ τοῖς  $\Theta AM$  καὶ τῷ  $\gamma'$  τοῦ  $M$ , <τὸ

δὲ  $\gamma'$  τοῦ  $M$ > ἐλαττόν ἐστι τῶν  $KN\Xi$ , ἐπεὶ καὶ τοῦ  $K$ . 25

τὸ ἄρα τρίτον τοῦ  $H$  ἐλασσόν ἐστι τῶν  $\Theta K \Lambda NM\Xi$ .

τὸ ἄρα  $H$  τῶν εἰρημένων ἐλασσόν ἐστιν ἢ τριπλάσιον.

τὸ  $H$  ἄρα μετὰ τῶν  $\Theta K \Lambda N M\Xi$  τῶν  $\Theta K \Lambda N M\Xi$

ἐλασσόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον· ἀναστρέψαντι ἄρα τὰ

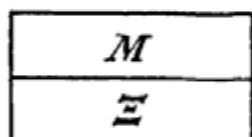
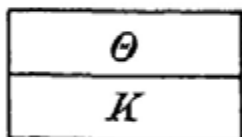
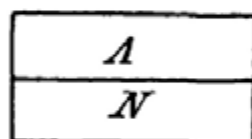
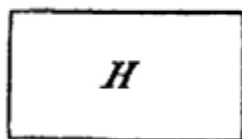


Fig. 36a—d.

20

1 τὸ δὲ  $H$  τοῦ  $\Theta$  τετραπλάσιον, τὸ m. 2; <ἔστω δὲ τοῦ  $\Theta$  τετραπλάσιον> Heiberg f. τὸ δὲ < $A$ > 9  $AN$ ; corr. m. 2

teile  $AB$  und  $BF$  in  $E$  und  $Z$  halbiert werden und die Verbindungslinien  $AE$ ,  $EB$ ,  $BZ$  und  $ZF$  gezogen werden. Das Dreieck  $ABF$  ist also kleiner als  $4(AEB + BZF)$ . Es sei nun dem Dreieck  $ABF$  das Flächenstück  $H$  gleich, den Dreiecken  $ABE + BZF$  sei  $\Theta + K$  gleich. Also ist  $H$  kleiner als  $4(\Theta + K)$ ,  $H$  aber ist  $4 \times \Theta$ ,  $\Theta = 4A$ ,  $A$  aber  $= 4M$ . Und dies soll geschehen, bis  $\frac{1}{3}$  des letzten kleiner als  $K$  geworden ist. Es sei geschehen und es sei  $M$ . Nun sollen die Peripherie-

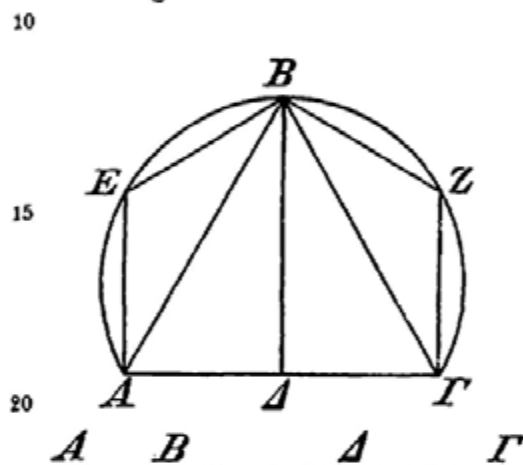


Fig. 36 a u. f.

teile  $AE$ ,  $EB$ ,  $BZ$ ,  $ZF$  halbiert werden und nach den Halbierungspunkten Verbindungslinien gezogen werden. Also ist Dreieck  $AEB +$  Dreieck  $BZF$  kleiner als viermal die entstandenen Dreiecke. Nun ist aber  $\Theta + K$  größer als  $4A$ . Also sind die entstandenen Dreiecke größer als  $A$ . Ihnen sei  $A + N$  gleich.

Wiederum sollen die entstandenen Peripherieteile halbiert und in gleicher Weise Verbindungslinien gezogen werden. Die vorgenannten Stücke also, denen  $A + N$  gleich sind, sind kleiner als  $\langle$ viermal $\rangle$  die entstandenen Dreiecke;  $\langle \dots \rangle A + N$  ist größer als  $4M$ . Daher sind die zuletzt entstandenen Dreiecke größer als  $M$ . Ihnen sei  $M + \Xi$  gleich. Und da nun  $H$ ,  $\Theta$ ,  $A$ ,  $M$  jedes viermal so groß als das andere ist, so ist  $\frac{1}{3}H = \Theta + A + M + \frac{M}{3}$   $\langle \frac{M}{3}$  aber  $\rangle$  ist kleiner als  $K + N + \Xi$ , da auch kleiner

15 supplevit m. 2  
corr. Heiberg

24 τὸ γ': corr. m. 2

26 ἐστὶ τοῦ:

ΘΚ ΑΝΜΞ μετὰ τοῦ Η τοῦ Η <...> ἴσον ἐστὶ τὸ ΑΒΓ  
 τρίγωνον. τὰ δὲ ΘΚ ΑΝΜΞ μετὰ τοῦ Η ἴσα τῷ  
 ἐγγραφέντι εἰς τὸ τμήμα πολυγώνῳ· τὸ ἄρα ἐγγεγραμ-  
 μένον εἰς τὸ τμήμα πολύγωνον τοῦ ΑΒΓ τριγώνου  
 μείζον ἐστὶν ἢ ἐπίτριτον· πολλῷ ἄρα τὸ ἐπὶ τῆς ΑΓ <sup>5</sup>  
 fol. 84<sup>v</sup> τμήμα τοῦ ΑΒΓ τριγώνου μείζον ἐστὶν ἢ ἐπίτριτον.  
 ὥστε ἐὰν μετρήσωμεν τὸ τρίγωνον καὶ τούτου τὸ τρίτον  
 προσθῶμεν, ἀποφανούμεθα ὡς ἐγγιστα τὸ ἐμβαδὸν τοῦ  
 τμήματος. ἀρμόσει δὲ ἡ αὐτὴ μέθοδος, ὅταν ἡ βάσις  
 τῆς καθέτου μείζων ἢ ἡ τριπλασίων· ἐὰν μέντοι τμήμα <sup>10</sup>  
 ἢ περιεχόμενον ὑπὸ εὐθείας καὶ παραβολῆς καὶ δοθῇ  
 ἢ τε βάσις αὐτῆς καὶ ἡ κάθετος, τουτέστιν ὁ ἄξων ὁ  
 μέχρι τῆς βάσεως, καὶ τούτου βουλόμεθα τὸ ἐμβαδὸν  
 εὑρεῖν, μετρήσαντες τὸ τρίγωνον τὸ τὴν αὐτὴν βάσιν  
 ἔχον αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον καὶ τούτῳ προσθέντες τὸ <sup>15</sup>  
 τρίτον αὐτῶν ἀποφανούμεθα τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τμήματος.  
 ἔδειξε γὰρ Ἀρχιμήδης ἐν τῷ ἐφοδικῷ, ὅτι πᾶν τμήμα  
 περιεχόμενον ὑπὸ εὐθείας καὶ ὀρθογωνίου κώνου τομῆς,  
 τουτέστι παραβολῆς, ἐπίτριτόν ἐστι τριγώνου τοῦ βάσιν  
 μὲν ἔχοντος αὐτῷ τὴν αὐτὴν καὶ ὕψος δὲ ἴσον. <sup>20</sup>

Λήμμα. Ἐστω τῷ μὲν Η ἴσον τὸ ΑΒ, τοῖς δὲ Θ,  
 Κ, Α, Ν, Μ, Ξ τὸ ΒΓ[Δ], τὸ δὲ ΑΒ τοῦ ΒΓ ἑλάσσον  
 ἢ τριπλάσιον ἔστω· πῶς ἀναστρέψαντι τὸ ΑΓ, τουτέστι  
 τὸ Η μετὰ τῶν Θ, Κ, Α, Ν, Μ, Ξ, τοῦ ΑΒ, τουτέστι  
 τοῦ Η, μείζον ἐστὶν <ἢ> ἐπίτριτον; ἔστω γὰρ τὸ ΑΔ <sup>25</sup>  
 τοῦ ΑΓ τριπλάσιον· τὸ[υ] ΑΓ ἄρα τετραπλάσιόν ἐστι  
 τοῦ ΑΓ. ἀναστρέψαντι ἄρα τὸ ΑΓ τοῦ ΑΔ ἐπίτριτόν  
 ἐστὶν. τὸ ΑΓ ἄρα τοῦ ΑΒ μείζον ἐστὶν ἢ ἐπίτριτον.

1 <μείζονά ἐστιν ἢ ἐπίτριτα. τῷ δὲ Η> Heiberg 5 πλω. ἄρα:  
 correxit m. 2 16 αὐτῶν: αὐτοῦ Heiberg 18 ἀπό: correxi 22 τὸ  
 ΒΓΔ: [Δ] seclisit Nath 25 <ἢ> add. m. 2 26 τοῦ ΑΓ: corr. m. 2

als  $K$ ; also ist  $\frac{1}{3} H$  kleiner als  $\Theta + K + A + N + M + \Xi$ .  
 Also ist  $H$  kleiner als dreimal die genannten (Stücke?).  
 Also  $H + \Theta + K + A + N + M + \Xi$  kleiner als  
 $4(\Theta + K + A + N + M + \Xi)$ . Also  $\Theta + K + A$   
 $+ N + M + \Xi + H$  größer also  $1\frac{1}{3} H$ ,  $\langle H \text{ aber} \rangle$  ist  
 $=$  Dreieck  $AB\Gamma$ . Es ist aber  $\Theta + K + A + N + M$   
 $+ \Xi + H$  gleich dem in das Segment eingeschriebenen  
 Polygon. Das in das Segment eingeschriebene Polygon  
 ist also größer als  $1\frac{1}{3}$  Dreieck  $AB\Gamma$ . Also ist das auf  
 $10$   $A\Gamma$  stehende Segment um Vieles größer als  $1\frac{1}{3}$  Drei-  
 eck  $AB\Gamma$ . Wenn wir daher das Dreieck messen und ein  
 Drittel desselben zuzählen, so werden wir annähernd den  
 Inhalt des Segments angeben können. Dieselbe Methode  
 wird passen, wenn die Basis mehr als dreimal so groß  
 $15$  ist als die Kathete. Wenn jedoch ein Segment von einer  
 Geraden und einer Parabel umschlossen wird und seine  
 Basis und die Kathete, d. h. die Axe bis zur Basis, ge-  
 geben ist, und wir seinen Inhalt finden wollen, so messen  
 wir das Dreieck, das mit ihm dieselbe Basis und gleiche  
 $20$  Höhe hat und setzen dem  $\frac{1}{3}$  desselben zu und geben so  
 groß den Inhalt des Segments an. Denn Archimedes  
 wies in dem *Ἐποδόκιον* nach, daß jedes Segment, das um-  
 schlossen wird von einer Geraden und dem Schnitt eines  
 rechtwinkligen Kegels d. h. einer Parabel  $1\frac{1}{3}$  mal so groß  
 $25$  als ein Dreieck, das mit ihm dieselbe Basis und gleiche  
 Höhe hat.

## Hilfssatz.

Es sei  $H = AB$ ,  $\Theta + K + A + N + M + \Xi$   
 $= B\Gamma[A]$  und  $AB$  kleiner als  $3B\Gamma$ . Wie ist durch  
 $30$  Umkehrung  $A\Gamma$  d. h.  $H + \Theta + K + A + N + M + \Xi$   
 größer als  $1\frac{1}{3} AB$  d. h.  $1\frac{1}{3} H$ ? Es sei  $AA' = 3A\Gamma$ .  
 Also ist  $A\Gamma' = 4A\Gamma$ . Durch Umkehrung ist also  $A\Gamma'$   
 $= 1\frac{1}{3} AA'$ . Also ist  $A\Gamma$  größer als  $1\frac{1}{3} AB$ .

fol. 85<sup>r</sup> λγ. | Ἐὰν δὲ δέῃ τμήμα μετρήσαι μείζον ἡμι-  
 κυκλίου, μετρήσομεν οὕτως. ἔστω τμήμα κύκλου τὸ[υ]  
 ΑΒΓ, οὗ ἡ μὲν ΑΓ βάσις ἔστω μονάδων ιδ, ἡ δὲ  
 ΒΔ κάθετος μονάδων ιδ. προσαναπεπληρώσθω ὁ  
 κύκλος καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ ΒΔ ἐπὶ τὸ Ε. ἐπεὶ τὸ 5  
 ἀπὸ τῆς ΑΔ ἴσον ἐστὶ  
 τῷ ὑπὸ τῶν ΒΔΕ, τὸ δὲ  
 ἀπὸ τῆς ΑΔ μονάδων  
 ἐστὶ μθ, ἔσται ἄρα καὶ  
 τὸ ὑπὸ τῶν ΒΔΕ μονά-  
 δων μθ. καὶ ἔστιν ἡ  
 ΒΔ μονάδων ιδ· ἡ ἄρα  
 ΔΕ ἔσται μονάδων γλ·  
 ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΑΓ  
 μονάδων ιδ· τοῦ ἄρα  
 ΑΕΓ τμήματος, ὃ ἔστιν  
 ἑλασσον ἡμικυκλίου, τὸ  
 ἑμβαδὸν ἔσται μονάδων,  
 ὥς ἐμάθομεν, λδ ἡ'. καὶ ἐπεὶ ἡ μὲν ΒΔ ἐστὶ μονά-  
 δων ιδ, ἡ δὲ ΔΕ γλ, ἡ ἄρα ΒΕ διάμετρος ἔσται 20  
 μονάδων ιζλ· τοῦ ἄρα κύκλου τὸ ἑμβαδὸν ὥς ἐμάθομεν  
 ἔσται σμλῆ'. ὦν τὸ τοῦ ΑΕΓ τμήματος ἑμβαδὸν ἐστὶ  
 μονάδων λδῆ'. λοιπὸν ἄρα τὸ τοῦ ΑΒΓ τμήματος  
 ἑμβαδὸν ἔσται μονάδων σςλ.

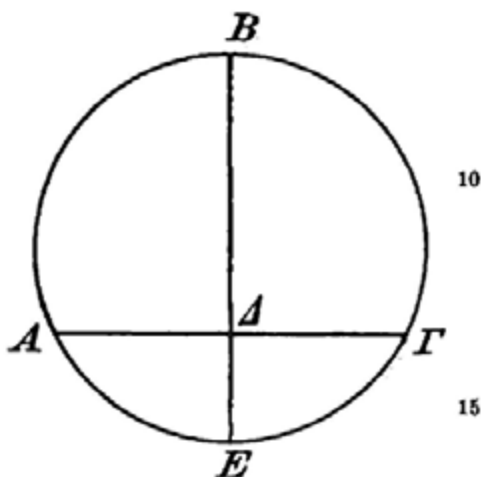


Fig. 37.

λδ. Ἐστω δὲ ἑλλειψιν μετρήσαι, ἥς ὁ μὲν μείζων 25  
 ἄξων μονάδων ις, ὁ δὲ ἐλάσσων ιβ. ἐπεὶ οὖν ἐν τοῖς  
 κωνοειδέσιν Ἀρχιμήδους δείκνυνται (c. 5 t. I p. 312 Heib.)  
 ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν ἀξόνων δύναται κύκλον ἴσον τῇ  
 ἑλλείψει, δεήσει τὰ ις ἐπὶ τὰ ιβ πολλαπλασιάσαντα

2 τοῦ ΑΒΓ: correxi 19 ante λδ ἡ' delevit μν m. 1  
 20 γε: corr. m. 2 28 <διάμετρον> κύκλου ἴσον coni. Heiberg

XXXIII. Wenn es gilt ein Segment zu messen; das größer als ein Halbkreis ist, so werden wir es folgendermaßen messen. Es sei  $AB\Gamma$  ein Kreissegment, dessen Basis  $A\Gamma = 14$ , dessen Kathete  $BA = 14$ . Man vervoll-  
 5 ständige den Kreis und verlängere  $BA$  bis  $E$ . Da nun  $AA^2 = BA \times AE$ ,  $AA^2$  aber  $= 49$ , so wird auch  $BA \times AE = 49$  sein.

Nun ist  $BA = 14$ , also  $AE = 3\frac{1}{2}$ . Nun ist auch  $A\Gamma = 14$ . Der Inhalt also des Segments  $AE\Gamma$ , das kleiner als  
 10 ein Halbkreis ist, wird, wie wir gelernt haben,  $34\frac{1}{8}$ . Und da  $BA = 14$ ,  $AE = 3\frac{1}{2}$ , so ist der Durchmesser  $BE = 17\frac{1}{2}$ . Der Inhalt des Kreises wird daher, wie wir gelernt haben,  $= 240\frac{1}{2} + \frac{1}{8}$ , wovon der Inhalt des

Segments  $AE\Gamma = 34\frac{1}{8}$  ist. Also wird der Inhalt des Segments  $AB\Gamma = 206\frac{1}{2}$  sein.

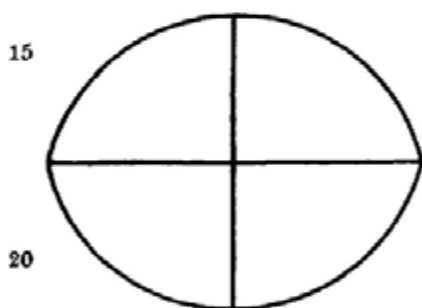


Fig. 38.

XXXIV. Es sei eine Ellipse zu messen, deren größere Axe  $= 16$ , die kleinere  $= 12$  sei. Da nun in den Konoiden des Archimedes nachgewiesen wird, daß das Produkt der Axen gleich ist dem Quadrat des

Durchmessers eines Kreises, der der Ellipse gleich ist, so  
 25 wird man  $16 \times 12$  multiplizieren und davon  $\frac{11}{14}$  nehmen müssen; es ergibt  $146\frac{1}{2}$ .<sup>1)</sup> So groß hat man den Inhalt der Ellipse anzugeben.

XXXV. Es sei nun eine Parabel  $AB\Gamma$  zu messen, deren Basis  $= 12$  und deren Axe  $BA = 5$  ist. Man ziehe die Verbindungslinien  $AB$  und  $B\Gamma$ . Also ist Dreieck

1)  $\frac{16 \times 12 \times 11}{14} = 150\frac{6}{7}$ ; es scheint also ein Rechenfehler vorzuliegen.

τούτων λαβεῖν τὰ ια ιδ'. ἔστι δὲ ρμζλ' τοσούτου ἀποφαίνεσθαι τὸ ἐμβαδὸν τῆς ἐλλείψεως.

λε. Ἐστω δὴ παραβολὴν μετρήσαι τὴν  $ABΓ$ , ἥς ἢ μὲν βάσις ἐστὶ μονάδων ιβ, ὁ δὲ  $ΒΔ$  ἄξων μονάδων ε. ἐπεξεύχθωσαν αἱ

$AB BΓ$ . τῷ ἄρα ἐμβαδῷ τοῦ  $ABΓ$  τριγώνου ἴσον ἐστὶ τὸ ἥμισυ τοῦ ὑπὸ  $ΑΓ$

fol. 85<sup>v</sup>

$ΒΔ$ , | τουτέστι μονάδων λ. ἀπέδειξεν δὲ Ἀρχιμήδης ἐν τῷ ἐφοδικῷ, ὡς προείρηται,

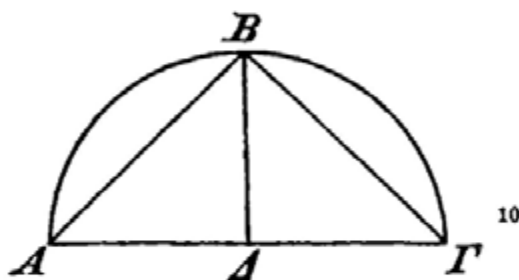


Fig. 39.

ὅτι πᾶν τμήμα περιεχόμενον ὑπὸ τε εὐθείας καὶ ὀρθογωνίου κώνου τομῆς, τουτέστι παραβολῆς, ἐπίτριτόν 15 ἐστὶ τριγώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον, τουτέστι τοῦ  $ABΓ$  τριγώνου. <τοῦ δὲ  $ABΓ$  τριγώνου> τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶ μονάδων λ. τὸ ἄρα τῆς παραβολῆς ἐμβαδὸν ἔσται μονάδων μ.

λς. Ἐστω κυλίνδρου ἐπιφάνειαν μετρήσαι χωρὶς 20 τῶν βάσεων, οὗ ἢ μὲν διάμετρος τῶν βάσεων ἐστὶ μονάδων ιδ, τὸ δὲ ὕψος μονάδων ε. ἐὰν δὴ νοήσωμεν τετμημένην τὴν ἐπιφάνειαν κατὰ τινα πλευρὰν τοῦ κυλίνδρου καὶ ἀνηπλωμένην, τουτέστιν ἐκτεταμένην εἰς ἐπίπεδον, ἔσται τι παραλληλόγραμμον, οὗ τὸ μὲν μῆκος 25 ἔσται ἢ περιφέρεια τῆς βάσεως τοῦ κυλίνδρου, τὸ δὲ πλάτος τὸ τοῦ κυλίνδρου ὕψος. ἐπεὶ οὖν ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου ἐστὶ μονάδων ιδ, ἢ ἄρα περιφέρεια ἔσται μονάδων μδ· τὸ ἄρα τοῦ παραλληλογράμμου μῆκος ἔσται μονάδων μδ. τὸ δὲ πλάτος μονάδων ε· τὸ ἄρα 30 ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου ἔσται μονάδων σκ.



$AB\Gamma = \frac{1}{2} A\Gamma \times B\Delta = 30$ . Archimedes zeigte aber in dem *Ἐφοδικόν*, wie schon gesagt ist, daß jedes Segment, welches umschlossen wird von einer Geraden und dem Schnitt eines rechtwinkligen Kegels, d. h. einer Parabel,  $1\frac{1}{3}$  mal so groß ist als ein Dreieck, das mit ihm dieselbe Basis und gleiche Höhe hat, d. h. als Dreieck  $AB\Gamma$ . Der Inhalt des Dreiecks  $AB\Gamma$  ist aber  $= 30$ , der Inhalt der Parabel wird also  $= 40$  sein.

XXXVI. Es sei die Oberfläche eines Cylinders ohne seine Basen zu messen, in dem der Durchmesser der Basen  $= 14$  ist, die Höhe  $= 5$  ist. Wenn wir uns nun

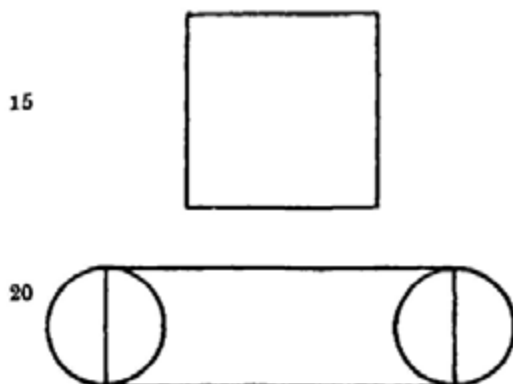


Fig. 40 a u. b.

die Oberfläche in der Richtung einer Seite aufgeschnitten und aufgerollt, d. h. zu einer Fläche ausgebreitet denken, so wird sie ein Parallelogramm sein, dessen Länge die Peripherie der Basis des Cylinders und dessen Breite die Höhe des Cylinders ist. Da nun der Durchmesser des Kreises  $= 14$  ist, so wird die

Peripherie  $= 44$  sein; die Länge des Parallelogramms wird also  $= 44$ , die Breite  $= 5$  sein. Der Inhalt des Parallelogramms wird also  $= 220$  sein. So groß wird auch die Oberfläche des Cylinders sein, d. h.  $= 220$ , wie auch unten angegeben ist.

XXXVII. Die Oberfläche eines gleichschenkligen (geraden) Kegels werden wir entsprechend messen, nachdem wir sie ausgebreitet haben. Denn wenn wir sie uns in ähnlicher Weise in der Richtung einer Seite aufgerollt und zu einer Fläche ausgebreitet denken, so wird sie ein

1 σφάλμα supra  $\varphi\mu\varsigma$  L m. 2 16 ἀντὶ: correxi 17 suppl. Heiberg

τοσούτου δὲ καὶ ἡ τοῦ κυλίνδρου ἐπιφάνεια, τουτέστι μονάδων σκ, ὡς καὶ ὑποτέτακται.

fol. 86<sup>r</sup>

λζ. | Κώνου δὲ ἰσοσκελοῦς τὴν ἐπιφάνειαν μετρή-  
σομεν ἀκολούθως ἐκπετάσαντες αὐτήν· ἐὰν γὰρ νοή-  
σωμεν ὁμοίως κατὰ πλευρὰν <ἀν>ηπλωμένην καὶ εἰς 5  
ἐπίπεδον ἐκτεταμένην, ἔσται τις κύκλου τομεὺς ὥσπερ  
ὁ  $AB\Gamma[\Delta]$  ἔχων τὴν μὲν  $AB$  πλευρὰν ἴσην τῇ  
πλευρᾷ τοῦ κώ-  
νου, τὴν δὲ  $B\Gamma$

περιφέρειαν

ἴσην τῇ περι-  
φερείᾳ τῆς βά-  
σεως τοῦ κώνου.

ἐὰν οὖν πάλιν  
δοθῇ ἡ μὲν διά-  
μετρος τῆς βά-  
σεως τοῦ κώνου  
μονάδων ιδ, ἡ  
δὲ πλευρὰ μονά-  
δων ι, ἔσται ἡ

μὲν  $B\Gamma$  περιφέρεια μονάδων μδ, ἡ δὲ  $AB$  μονά-  
δων ι. δέδεικται δὲ Ἀρχιμήδει ἐν τῇ τοῦ κύκλου  
μετρήσει, ὅτι πᾶς τομεὺς ἡμισὺς ἐστὶ τοῦ περιεχομένου  
ὑπὸ τε τῆς τοῦ τομέως περιφερείας καὶ τῆς ἐκ τοῦ  
κέντρου τοῦ κύκλου, οὗ ἔστιν ὁ τομεύς· τὸ δὲ ὑπὸ τῶν 25  
 $AB B\Gamma$  ἐστὶ μονάδων υπ· τὸ ἄρα ἔμβαδόν τοῦ τομέως  
ἐστὶ μονάδων σκ.

λη. Τὴν δὲ ἐπιφάνειαν τῆς σφαίρας ὁ αὐτὸς  
ἐμέτρησεν Ἀρχιμήδης ἐν τῷ περὶ σφαίρας καὶ κυλίν-  
δρου (I c. 23 t. I p. 136 Heib.) ἀποδείξας τετραπλα- 30  
σίονα οὔσαν τοῦ μεγίστου κύκλου τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ·

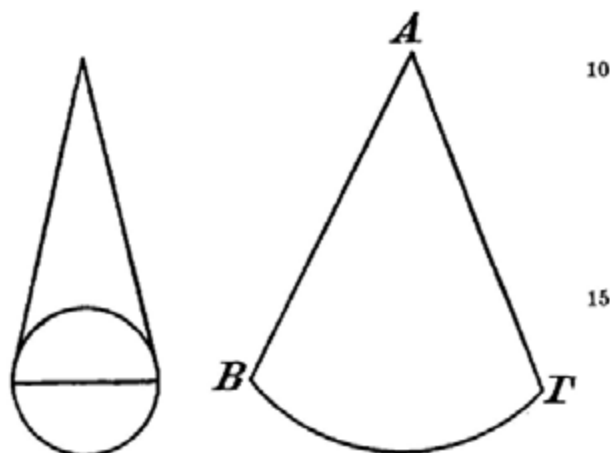


Fig. 41 a u. b.

Kreisausschnitt, z. B.  $AB\Gamma$ , von dem die Seite  $AB$  gleich der Seite des Kegels, die Peripherie  $B\Gamma$  gleich der Peripherie der Basis des Kegels ist. Wenn nun wiederum der Durchmesser der Basis des Kegels  $= 14$ , die Seite  $AB = 10$  gegeben ist, so wird die Peripherie  $B\Gamma = 44$ ,  $AB = 10$  sein. Archimedes hat aber in der Kreismessung nachgewiesen, daß jeder Kreisausschnitt die Hälfte ist des Produkts aus der Peripherie des Kreisausschnitts und dem Radius des Kreises, dem der Kreisausschnitt angehört. Nun ist  $AB \times B\Gamma = 440$ . Der Inhalt des Kreisausschnitts wird also  $= 220$  sein.

XXXVIII. Die Oberfläche der Kugel maß ebenfalls Archimedes in der Schrift über Kugel und Cylinder, indem er nachwies, daß sie viermal so groß sei als einer der

größten Kreise der Kugel. So daß, wenn der Durchmesser der Kugel  $= 14$  ist, es gilt einen Kreis zu finden, der viermal so groß ist als der Kreis, dessen Durchmesser  $= 14$  ist. Wenn aber ein Kreis viermal so groß ist als ein anderer, so ist der Durchmesser

des einen zweimal so groß als der Durchmesser des anderen, da sich ja die Kreise zu einander verhalten wie die Quadrate ihrer Durchmesser.

$$2 \times 14 = 28.$$

Der Inhalt aber eines Kreises, dessen Durchmesser 28 beträgt, ist, wie wir lernten,  $= 616$ . Daher wird auch die Oberfläche der Kugel  $= 616$  sein. Oder auch auf

2 ὥς sq., quae ad figuram spectant, vix Heronis sunt  
5 ἡπλωμένην: correxi 7  $AB\Gamma\Delta$ : correxi

ὥστε ἐὰν δοθῇ ἡ διάμετρος τῆς σφαίρας μονάδων ιδ, δεῖ εὐρεῖν κύκλον τετραπλασίονα τοῦ κύκλου, οὗ ἡ διάμετρος ἐστὶ μονάδων ιδ. εἰ δὲ ὁ κύκλος τοῦ κύκλου ἐστὶ τετραπλάσιος, ἡ ἄρα διάμετρος τῆς διαμέτρου ἐστὶ διπλασία, ἐπεὶπερ οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὥς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τῶν κύκλων τετράγωνα πρὸς ἄλληλα. τὰ ιδ δὲ γίνονται κη. τὸ δὲ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου, οὗ ἡ διάμετρος κη, | ἐστίν, ὥς ἐμάθομεν, μονάδων χις. ὥστε καὶ ἡ τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια ἐστὶ μονάδων χις. ἡ καὶ ἄλλως· ἀπέδειξεν Ἄρχιμήδης, ὅτι ἡ ἐπιφάνεια τῆς σφαίρας ἴση ἐστὶν ἐπιφανείᾳ κυλίνδρου χωρὶς τῶν βάσεων, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως ἴση ἐστὶ τῇ διαμέτρῳ τῆς σφαίρας, τὸ δὲ ὕψος ἴσον· ὥστε δεῖξει ἐπιφάνειαν κυλίνδρου μετρησαί, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως ἐστὶ μονάδων ιδ, τὸ δὲ ὕψος ὁμοίως ιδ. ὥς οὖν προεδείχθη, ἡ ἐπιφάνεια αὐτοῦ ἐστὶ μονάδων χις· τοσούτου ἄρα καὶ ἡ τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια.

λθ. Τμήματος δὲ σφαίρας τὴν ἐπιφάνειαν μετρήσομεν οὕτως. ἔστω τμήμα σφαίρας, οὗ βάσις ὁ  $ABΓΔ$  κύκλος ἔχων τὴν μὲν  $ΑΓ$  διάμετρον μονάδων κδ, τὴν δὲ  $ΕΖ$  κάθετον μονάδων ε. ἐπεὶ οὖν ἡ  $ΑΓ$  ἐστὶ μονάδων  $ΚΑ$ , ἡ ἄρα  $ΑΖ$  ἐστὶ μονάδων ιβ. ἡ δὲ  $ΖΕ$  μονάδων ε· ἡ ἄρα  $ΑΕ$  ἐστὶ μονάδων ιγ διὰ τὸ ὀρθὴν εἶναι τὴν πρὸς τῷ  $Ζ$  γωνίαν. ἀπέδειξεν δὲ ὁ αὐτὸς Ἄρχιμήδης ἐν τῷ περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου (I c. 42 sq. t. I p. 176 Heib.) ὅτι παντὸς τμήματος σφαίρας ἡ ἐπιφάνεια ἴση ἐστὶ κύκλῳ, <οὗ> ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῇ ἐκ τοῦ πόλου τῆς βάσεως τοῦ τμήματος· ἡ δὲ  $ΑΕ$  ἐκ τοῦ πόλου ἐστὶ τοῦ  $ABΓΔ$  κύκλου· καὶ ἐστὶ μονάδων ιγ. ἡ ἄρα διάμετρος τοῦ

andere Weise. Archimedes wies nach, daß die Oberfläche der Kugel gleich der Oberfläche eines Cylinders ohne seine Basen ist, in dem der Durchmesser der Basis gleich dem Durchmesser der Kugel und die Höhe die gleiche ist.

5 Man wird daher die Oberfläche eines Cylinders messen müssen, in dem der Durchmesser der Basis = 14 und die Höhe gleichfalls = 14 ist. Wie nun früher gezeigt wurde, ist seine Oberfläche = 616. So groß wird also auch die Oberfläche der Kugel sein.

10 XXXIX. Die Oberfläche eines Kugelabschnitts werden wir folgendermaßen messen. Es sei ein Kugelabschnitt, dessen Basis der Kreis  $AB\Gamma A$  sei, dessen Durchmesser

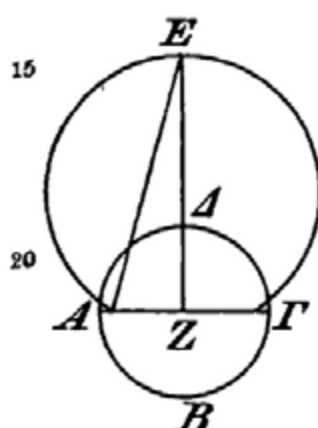


Fig. 43.

$A\Gamma = 24$ , dessen Kathete  $EZ = 5$  sei.

Da nun  $A\Gamma = 24$ , so ist  $AZ = 12$ ; aber  $ZE = 5$ , also  $AE = 13$ , weil der Winkel bei Z ein rechter ist.

Nun wies aber ebenderselbe Archimedes in der Schrift über Kugel und Cylinder nach, daß die Oberfläche jedes Kugelabschnitts gleich ist einem Kreise, dessen Radius gleich ist der Geraden, die von dem Pole der Basis des Abschnittes ausgeht. Nun ist  $AE$  die von dem Pole des Kreises  $AB\Gamma A$  ausgehende Gerade und ist = 13. Der Durchmesser des ge-

nannten Kreises ist also = 26. Der Inhalt desselben wird also, wie vorher bemerkt, =  $531\frac{1}{7}$  sein; so groß ist also auch die Oberfläche des Kugelabschnitts.

30 Alle Formen bestimmter Oberflächen nun sind, wie wir glauben, damit ausreichend vermessen; es ist aber, meine ich, nötig, außerdem zu besprechen, wie die unbestimmten Oberflächen zu messen sind. Wenn nun eine Oberfläche eben ist, jedoch die sie einschließende Linie

εἰρημένου κύκλου ἐστὶ μονάδων κς. τὸ ἄρα ἐμβαδὸν, ὡς προεῖρηται, ἔσται μονάδων φλα ζ'. τοσούτου ἄρα καὶ ἡ τοῦ τμήματος τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια.

Ὅσα μὲν οὖν ἦν σχήματα τεταγμένων ἐπιφανειῶν, αὐτάρκως νομίζομεν μεμετρηθῆσαι, ἀναγκαῖον δὲ ὡς 5  
fol. 87<sup>r</sup> οἶμαι πρὸς τὰς | ἀτάκτους εἰπεῖν ἐπιφανείας, ὡς δέον αὐτὰς μετρεῖσθαι. εἰ μὲν οὖν ἐπιφάνεια ἐπίπεδος ἐστίν, ἡ δὲ περιέχουσα αὐτὴν γραμμὴ ἄτακτος ὑπάρχει, δεήσει ἐπ' αὐτῆς τῆς γραμμῆς λαβεῖν τινὰ συνεχῆ σημεῖα, ὥστε τὰς ἐπιξενυγνούσας αὐτὰ κατὰ τὸ ἐξῆς εὐθείας 10 γραμμὰς μὴ κατὰ πολὺν ἀπάδειν τῆς περιεχούσης τὸ σχῆμα γραμμῆς, καὶ οὕτως ὡς πολύγωνον μετρεῖν εἰς τρίγωνα καταδιαιροῦντα. εἰ δὲ οὐκ ἐστὶν ἐπίπεδος ἡ ἐπιφάνεια, ἀλλ' ὥσπερ ἀνδριάντος ἢ ἄλλου τινὸς τοιοῦτου, δεῖ λαβόντα χάρτην ὅτι λεπτότατον ἢ σινδόνα 15 περιτείνειν κατὰ μέρος ἐπὶ τὴν ἐπιφάνειαν αὐτοῦ, ἄχρι ἂν περιειληθῇ, εἴτα ἐκτείναντα τὸν χάρτην ἢ τὴν σινδόνα εἰς ἐπίπεδον μετρεῖν περιεχομένην ὑπὸ ἀτάκτου γραμμῆς, ὡς προεῖρηται, καὶ ἀποφαίνεσθαι τὸ ἐμβαδὸν τῆς ἐπιφανείας. εἰ δὲ τινὲς εἰσιν ἕτεραι ἐπιφάνειαι 20 ἢ σχήματα ἐπιφανειῶν, μετρηθήσεται ἐκ τῶν προειρημένων· καὶ γὰρ αὐτάρκως νομίζομεν τὰς ἐκ δυεῖν διαστάσεων ἐπιφανείας μεμετρηκέναι.

9 f. ἐπὶ ταύτης 23 subscriptum: Ἡρώνης Ἀλεξανδρέως ἐπιπέδων μέτρησις εὐτυχῶς.

unbestimmt ist, so wird man auf dieser Linie einige hinter einander folgende Punkte nehmen müssen, so daß die geraden Linien, die dieselben der Reihe nach verbinden, nicht bedeutend abweichen von der die Figur begrenzenden  
5 Linie, und wird sie dann wie ein Vieleck durch Teilung in Dreiecke messen müssen. Wenn die Oberfläche jedoch nicht eben ist, sondern wie die einer Statue oder eines anderen derartigen Gegenstandes, so muß man möglichst dünnen Papyrus oder Leinwand nehmen und stückweise  
10 auf dessen Oberfläche auflegen, bis sie rings umwickelt ist, dann muß man den Papyrus oder die Leinwand wieder zu einer glatten Fläche auseinanderbreiten und sie messen als eine von einer unbestimmten Linie umgrenzte Figur, wie vorher gesagt ist, und so groß den Inhalt der  
15 Oberfläche angeben. Wenn aber irgend welche anderen Oberflächen oder Figuren von Oberflächen vorhanden sind, so werden sie auf Grund der im Vorstehenden angegebenen Methoden ausgemessen werden. Denn wir glauben hinreichend die Oberflächen mit 2 Dimensionen ausgemessen  
20 zu haben.

---

## ΗΡΩΝΟΣ ΜΕΤΡΙΚΩΝ Β

### ΠΡΟΟΙΜΙΟΝ

fol. 87<sup>v</sup> | Μετὰ τὴν τῶν ἐπιφανειῶν μέτρησιν εὐθύγραμμων  
τε καὶ μὴ κατὰ τὸ ἀκόλουθον ἐπὶ τὰ στερεὰ σώματα  
χωρητέον, ὧν καὶ τὰς ἐπιφανείας ἐν τῷ πρὸ τούτου 5  
βιβλίῳ ἐμετρήσαμεν ἐπιπέδους τε καὶ σφαιρικός, ἔτι  
τε κωνικός καὶ κυλινδρικός, πρὸς δὲ τούτοις ἀτάκτους,  
ὧν τὰς ἐπινοίας ὥσπερ παραδόξους οὔσας τινὲς εἰς  
Ἀρχιμήδην ἀναφέρουσιν κατὰ διαδοχὴν ἱστοροῦντες.  
εἴτε δὲ Ἀρχιμήδους εἴτε ἄλλου τινός, ἀναγκαῖον καὶ 10  
ταύτας προ(σ)υπογράψαι, ὥπως κατὰ μηδὲν ἐνδεῆς ἡ  
πραγματεία τυγχάνῃ τοῖς βουλομένοις αὐτὰ μεταχειρί-  
ζεσθαι.

Στερεὸν εὐθύγραμμον ὀρθογώνιον μετρηῖται δοθεί-  
σης ἐκάστης αὐτοῦ πλευρᾶς, μήκους τε καὶ πλάτους 15  
καὶ βάθους ἢ πάχους· οὐδὲν γὰρ διοίσει [εἰ] ἢ κοῖλον  
ὑπάρχον μετρεῖσθαι τι σῶμα ἢ ναστόν. βάθος μὲν  
γὰρ καλεῖται ἐπὶ τῶν κοίλων σωμάτων, πάχος δὲ ἐπὶ  
τῶν ναστῶν. ἔστω δὲ τὸ μὲν μήκος μονάδων κ, τὸ  
δὲ πλάτος μονάδων ιβ, τὸ δὲ πάχος μονάδων π. ἐὰν 20  
δὴ δι' ἀλλήλων τοὺς ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσωμεν,  
γίνονται μονάδες ,ατ. τοσούτων δὲ καὶ τὸ στερεὸν

1 titulum supplevi    11 προυπογράψαι: correxi    16 [εἰ]:  
del. m. 1    19 sq. numeri corrupti



# VERMESSUNGSLEHRE VON HERON VON ALEXANDRIA.

## ZWEITES BUCH.

### KÖRPERVERMESSUNG.

5 Nach der Messung der geradlinigen und nicht gerad- Vorrede  
linigen Oberflächen haben wir uns der Reihenfolge nach  
den festen Körpern zuzuwenden, deren Oberflächen wir  
in dem vorhergehenden Buche ausmessen, die ebenen  
sowohl als die kugelförmigen, ferner aber auch die kegel-  
10 förmigen und cylinderförmigen, außerdem aber die irratio-  
nalen. Die Erfindung der dazu nötigen Methoden führen  
manche, die in der Geschichtsforschung das Prinzip der  
Succession zu Grunde legen, da dieselben überraschend  
sind, auf Archimedes zurück. Sie mögen nun aber von  
15 Archimedes oder irgend einem anderen stammen, jedenfalls  
ist es nötig, auch diese noch zu beschreiben, damit das  
Handbuch für die, die sich mit diesen Dingen beschäftigen,  
in keinem Punkte lückenhaft sei.

Einen geradkantigen rechtwinkligen Körper zu messen,  
20 wenn jede Seite desselben gegeben ist, die Länge und  
die Breite und die Tiefe oder Dicke. Denn es macht  
keinen Unterschied, ob ein Körper, der gemessen wird,  
hohl ist oder voll; man spricht nämlich von Tiefe bei  
den hohlen, von Dicke bei den vollen Körpern. Es sei  
25 die Länge = 20, die Breite = 12, die Dicke = 80.  
Wenn wir nun diese Zahlen mit einander multiplizieren,  
so ergibt es 19 200. So groß wird der Körper sein.

ἔσται μονάδων. τούτου δ' ἡ ἀπόδειξις φανερά. ἔαν  
 γὰρ τὰς τρεῖς διαστάσεις ἐπινοήσωμεν διηρημένας εἰς  
 μοναδιαῖα διαστήματα καὶ διὰ τῶν τομῶν ἐπίπεδα  
 ἐκβάλλωμεν παράλληλα τοῖς περιέχουσι τὸ στερεὸν ἐπι-  
 πέδοις, ἔσται ὥσπερ καταπεπρισμένον τὸ στερεὸν εἰς 5  
 μοναδιαῖα στερεά, ὧν τὸ πλῆθος ἔσται ὁ εἰρημένος  
 ἀριθμός. καὶ καθόλου δὲ πᾶν στερεὸν σχῆμα πάχος  
 ἔχον οἰονδηποτοῦν <καὶ μῆκος οἰονδηποτοῦν>, τὸ δὲ  
 ὕψος πρὸς ὀρθὰς τῇ βάσει μετρεῖται τῆς βάσεως  
 αὐτοῦ μετρηθείσης καὶ ἐπὶ τὸ ὕψος πολλαπλασιασθεί- 10  
 σης. οἶον· ἔστω τοῦ στερεοῦ βάσις ἑλλειψις, ἀπὸ δὲ  
 τοῦ κέντρου τῆς ἑλλείψεως πρὸς ὀρθὰς ἐπινοείσθω τις  
 εὐθεῖα τῷ τῆς ἑλλείψεως ἐπιπέδῳ ὕψος ἔχουσα δοθέν.  
 τὸ δὲ τῆς ἑλλείψεως σχῆμα φερέσθω κατὰ τῆς εἰρη-  
 fol. 88<sup>r</sup> |μένης εὐθείας οὕτως, ὥστε τὸ μὲν κέντρον κατ' αὐτῆς 15  
 φέρεσθαι, τὸ δὲ τῆς ἑλλείψεως ἐπίπεδον ἀεὶ παράλλη-  
 λον ὑπάρχειν τῇ ἐξ ἀρχῆς θέσει. ἔσται δὴ τι σχῆμα  
 ὥσπερ ἐκ κύλινδρος βάσιν ἔχον τὴν εἰρημένην ἑλλειψιν.  
 τοῦ δὴ τοιοῦτου σχήματος τὸ ὕψος πρὸς ὀρθὰς καλῶ  
 τῇ βάσει· ὃ δὴ μετρεῖται τῷ προειρημένῳ τρόπῳ. καὶ 20  
 ἡ βάσις δὲ ἕτερον ἔχη σχῆμα, τὸ δὲ ὕψος πρὸς ὀρθὰς  
 τῇ βάσει, ὡς εἴρηται, ὁμοίως μετρηθήσεται· ὥστε καὶ  
 κύλινδρος ὡσάντως μετρεῖται. καὶ μὴ ἢ δὲ τὸ ὕψος  
 τοῦ στερεοῦ πρὸς ὀρθὰς τῇ βάσει, ἀλλὰ κεκλιμένον  
 ἢ, τὸ δὲ στερεὸν τοιοῦτον, ὥστε τεμνόμενον ἐπιπέδῳ 25  
 παραλλήλῳ τῇ βάσει ποιεῖν τομὰς ἴσας τῇ βάσει, δο-  
 θεῖσα δὲ ἢ ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς αὐτοῦ κάθετος ἀγομένη  
 ἐπὶ τὴν βάσιν, τὸ στερεὸν ὡσάντως λαμβάνεται. δεῖ  
 γὰρ λαβόντα τὸ ἐμβαδὸν τῆς βάσεως αὐτοῦ πολλαπλα-  
 σιάσαι ἐπὶ τὴν εἰρημένην κάθετον καὶ ἀποφαίνεσθαι 30  
 τοσούτου τὸ στερεόν· τὸ δὲ εἰρημένον <.....> ἐπι-

Der Beweis hierfür liegt auf der Hand. Wenn wir uns nämlich die drei Ausdehnungen in Abstände von je einer Einheit zerlegt denken und durch die Schnittpunkte Ebenen legen, die den den Körper begrenzenden Flächen parallel sind, so wird der Körper gleichsam in Körper von je 1 Einheit zersägt sein, deren Anzahl gleich der angegebenen Zahl sein wird. Und allgemein wird jeder Körper, dessen Dicke beliebig und dessen Höhenkante im rechten Winkel zur Basis steht, so gemessen, daß man seine Basis ausmisst und mit der Höhenkante multipliziert. Beispielsweise sei die Basis des Körpers eine Ellipse, man denke sich aber von dem Mittelpunkte der Ellipse eine Gerade im rechten Winkel zu der Ebene der Ellipse, welche eine gegebene Länge habe. Nun bewege sich die Ellipsenfigur in der Richtung der genannten Geraden in der Weise, daß ihr Mittelpunkt an ihr hinabgleitet, die Ebene der Ellipse aber ihrer anfänglichen Lage stets parallel bleibt. Es wird so eine cylinderartige Figur entstehen, die die genannte Ellipse zur Basis hat. Von einer solchen Figur sage ich, ihre Axe stehe im rechten Winkel zur Basis, und sie wird auf die vorherangegebene Art und Weise gemessen. Auch wenn die Basis eine andere Gestalt hat, die Axe aber im rechten Winkel zur Basis steht, wird sie ähnlich gemessen werden, daher wird auch ein Cylinder ebenso gemessen. Aber auch wenn die Axe des Körpers nicht im rechten Winkel zur Basis steht, sondern geneigt ist, der Körper jedoch so beschaffen ist, daß er durch Schnitte mit einer der Basis parallelen Ebene Schnittflächen, die der Basis gleich sind, liefert, und wenn die Höhe von seiner Spitze auf die Basis gegeben ist, wird der Körper auf dieselbe Weise bestimmt. Man muß nämlich den Inhalt seiner Basis bestimmen, ihn mit der genannten Höhe multiplizieren und so groß den Körper angeben. Der Satz, daß er durch Schnitte

8 inserui    14 κατὰ τὰς: correxi    18 ἔχον: o ex ω fec.  
m. 1    27 δὲ ἡ ἡ: correxi    31 hiatus indicavi; f. <ὅτι τὸ  
στερεὸν τεμνόμενον>

πέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει ποιεῖ τομὰς τῇ βάσει ἴσας, γίννεται οὕτως. ἐὰν ἐπὶ τῆς βάσεως αὐτοῦ εὐθείᾳ τις ἐπισταθῇ ἥτοι ὀρθῇ ἢ κεκλιμένη πρὸς τὴν βάσιν καὶ μενούσης αὐτῆς ἢ τοῦ στερεοῦ βάσις φέρεται κατὰ τῆς εἰρημένης εὐθείας, ὥστε τὸ μὲν πρὸς τῇ βάσει 5 σημεῖον κατὰ τῆς εὐθείας φέρεσθαι, τὴν δὲ βάσιν αἰὲν φερομένην παράλληλον ἑαυτῇ διαμένειν, τὸ τοιοῦτον σχῆμα τεμνόμενον ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει ποιήσει τομὰς τοσαύτας τῇ βάσει ἴσας, ἐπειδήπερ τῆς βάσεως ἢ φορὰ κατὰ παράλληλον αὐτῇ θέσιν 10 ἐφέρετο.

α. Ἐστω δὴ κῶνον μετρήσαι, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως ἔστω μονάδων ι, τὸ δὲ ὕψος η. ὕψος δὲ τοῦ κώνου καλῶ τὴν ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετον ἀγομένην, ἐὰν τε ὀρθὸς ὁ κῶνος ὑπάρχη ἐάν 15 τε σκαληνός. νενο|ήσθω δὴ κύλινδρος ὀρθὸς ἀπὸ τῆς αὐτῆς βάσεως τῷ κώνῳ ὕψος ἔχων τὸ αὐτὸ τῷ κώνῳ. τούτου δὴ τοῦ κυλίνδρου τὸ στερεὸν ἔσται δοθέν. ἢ τε γὰρ διάμετρος αὐτοῦ τῆς βάσεως δοθείσά ἐστιν καὶ τὸ ὕψος δοθέν. καὶ ἔστιν, ὥς ἐμάθομεν, μονάδων χκη 20 ζ'. δ. ἀλλ' ἐπεὶ πᾶς κῶνος κυλίνδρου τρίτον μέρος ἐστὶ τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον, ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ κώνου μονάδων σθ' <sup>χα'</sup> ια'. ὁμοίως οὖν καὶ πυραμίδος πάσης τὸ στερεὸν ληψόμεθα δοθείσης τῆς βάσεως αὐτῆς καὶ τῆς ἀπὸ τῆς κορυφῆς καθέτου 25 ἀγομένης ἐπὶ τὸ τῆς βάσεως ἐπίπεδον, ἐπειδήπερ πᾶσα πυραμὶς τρίτον μέρος ἐστὶ τοῦ στερεοῦ τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῇ καὶ ὕψος ἴσον.

9 post ἴσας duae litterae erasae      16—17 ἀπὸ τῆς ὀρθῆς βάσεως: correxi

mit einer der Basis parallelen Ebene Schnittflächen, die der Basis gleich sind, liefert, ergibt sich folgendermaßen. Wird auf seiner Basis eine Gerade entweder senkrecht oder geneigt zur Basis errichtet, und während diese in ihrer Lage bleibt, die Basis in der Richtung der genannten Geraden so bewegt, daß der Punkt an der Basis sich an der Geraden entlang bewegt, die Basis aber während der ganzen Bewegung ihrer ursprünglichen Lage parallel bleibt, so wird ein derartiger Körper bei Schnitten mit einer der Basis parallelen Ebene ebensoviel der Basis gleiche Schnittflächen liefern, da die Bewegung der Basis in einer ihr selbst parallelen Lage erfolgte.

I. Es sei ein Kegel zu messen, bei dem der Durchmesser der Basis = 10 sein soll, die Höhe = 8. Höhe des Kegels nenne ich die Senkrechte von der Spitze auf die Basis, mag der Kegel nun grade oder schief sein. Man denke sich nun einen geraden Cylinder auf derselben

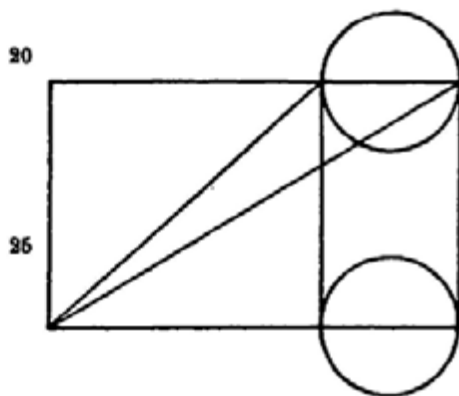


Fig. 44.

Basis wie der Kegel, der dieselbe Höhe habe wie der Kegel. Der Körperinhalt dieses Cylinders wird gegeben sein. Denn der Durchmesser seiner Basis ist gegeben und seine Höhe gegeben. Und er ist, wie wir lernten,  $= 628\frac{4}{7}$ . Da aber jeder Kegel der dritte Teil eines Cylinders ist, der mit ihm dieselbe Basis und gleiche Höhe hat, so

wird der Körperinhalt des Kegels  $= 209\frac{11}{21}$ . In ähnlicher Weise werden wir nun auch den Körperinhalt jeder Pyramide bestimmen, wenn ihre Basis und die Senkrechte von ihrer Spitze auf die Fläche der Basis gegeben ist, da ja jede Pyramide der dritte Teil eines Prismas ist, das mit ihr dieselbe Basis und gleiche Höhe hat.

β. Ἐστω δὴ κύλινδρον σκαληνὸν μετρήσαι, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως μονάδων ι, τὸ δὲ ὕψος μονάδων η. ὕψος δὲ καλῶ τὴν ἀπὸ τῆς ἐφ' ἑδρας αὐτοῦ κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ τῆς ἑδρας ἐπίπεδον. νενοήσθω δὴ πάλιν κύλινδρος ὀρθὸς ἀπὸ τῆς αὐτῆς βάσεως 5 τῷ προειρημένῳ κυλίνδρῳ ὕψος ἔχων τὸ αὐτὸ· ἐπεὶ οὖν οἱ ἰσοῦψεῖς κῶνοι καὶ κύλινδροι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις, οἱ δὲ εἰρημένοι κύλινδροι ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως εἰσιν καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ ὀρθὸς κύλινδρος τῷ σκαληνῷ. τοῦ δὲ ὀρθοῦ τὸ 10 στερεὸν ἐστὶν δοθέν· τό τε γὰρ ὕψος αὐτοῦ δοθέν ἐστὶν καὶ ἡ διάμετρος τῆς βάσεως· καὶ ἔστι μονάδων χκη δ. καὶ τοῦ σκαληνοῦ ἄρα τὸ στερεὸν τοσούτου ἔσται.

fol. 89<sup>r</sup> γ. | Ἐστω δὴ στερεὸν παραλληλεπίπεδον μετρήσαι 15 τὸ ὕψος ἔχον μὴ πρὸς ὀρθὰς τῇ βάσει. ἔστω δὲ λόγον ἔνεκεν ἡ μὲν βάσις αὐτοῦ ἐξάγωνος, (ἰσόπλευρος καὶ ἰσογώνιος) ἡ  $ABΓΔΕΖ$ , ἡ δὲ  $AB$  πλευρὰ μονάδων ι, ἡ δὲ ἀπὸ τῆς ἐφ' ἑδρας κάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὸ τῆς ἑδρας ἐπίπεδον ἔστω μονάδων η· ἡ δὲ ἐφ' ἑδρα αὐτοῦ 20 ἔσται ἡ  $HΘΚΛΜΝ$ . καὶ ἀπὸ τῆς  $HΘΚΛΜΝ$  κάθετοι ἡχθῶσαν ἐπὶ τὸ τῆς ἑδρας ἐπίπεδον αἱ  $HΞΘΟΚΠΛΡΜΣΝΤ$ . καὶ ἐπεξεύχθῶσαν αἱ  $ΞΟΟΠΠΡΡΣΣΤΤΞ$ · ἔσται ἄρα καὶ τὸ  $ΞΟΠΡΣΤ$  ἐξάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον. ἐπεὶ οὖν τὰ ἐπὶ 25 τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπεδα καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ἴσα ἀλλήλοις ἐστὶν, ἴσον ἄρα τὸ  $ABΓΔΕΖΗΘΚΛΜΝ$  στερεὸν τῷ  $ΞΟΠΡΣΤΗΘΚΛΜΝ$  στερεῷ. δοθέν δὲ τὸ  $ΞΟΠΡΣΤΗΘΚΛΜΝ$ .

II. Es sei nun ein schiefer Cylinder zu messen, von dem der Durchmesser der Basis = 10, die Höhe = 8 sei. Höhe nenne ich die Senkrechte, die von seiner oberen

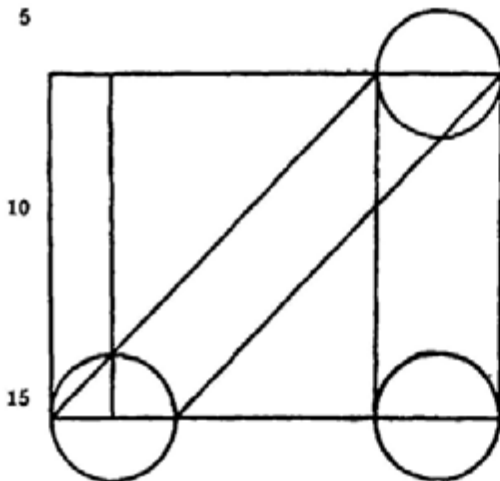


Fig. 45.

Fläche auf die Ebene der unteren Fläche gefällt wird. Man denke sich nun wieder einen geraden Cylinder auf derselben Basis mit dem oben genannten Cylinder, der dieselbe Höhe habe. Da nun Kegel und Cylinder von gleicher Höhe sich zu einander verhalten wie ihre Basen, die genannten Cylinder aber auf derselben Basis und unter derselben Höhe stehen,

so ist der gerade Cylinder gleich dem schiefen. Der Körperinhalt des geraden ist aber gegeben, denn seine Höhe und der Durchmesser seiner Basis ist gegeben, und zwar ist er  $= 628\frac{4}{7}$ . Mithin wird so groß auch der Körperinhalt des schiefen Cylinders sein.

III. Es sei nun ein Parallelepipedon zu messen, dessen Axe nicht im rechten Winkel zur Basis steht. Beispielsweise sei seine sechseckige gleichseitige und gleichwinklige Basis  $AB\Gamma\Delta EZ$ , die Seite  $AB = 10$ , und die Senkrechte von der oberen Fläche auf die Ebene der unteren Fläche sei = 8. Seine obere Fläche sei  $H\Theta K\Lambda MN$  und man fälle von  $H\Theta K\Lambda MN$  auf die Ebene der unteren Fläche die Höhen  $H\Xi$ ,  $\Theta O$ ,  $K\Pi$ ,  $\Lambda P$ ,  $M\Sigma$ ,  $N T$  und ziehe die Verbindungslinien  $\Xi O$ ,  $O\Pi$ ,  $\Pi P$ ,  $P\Sigma$ ,  $\Sigma T$ ,  $T\Xi$ . Es wird also auch  $\Xi O\Pi P\Sigma T$  ein gleichseitiges und gleichwinkliges Sechseck sein. Da nun die Parallelepipeda, die auf derselben Basis und unter derselben Höhe stehen, einander





gleich sind, so wird der Körper  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda MN$  = dem Körper  $\Xi O\Pi P\Sigma TH\Theta K\Lambda MN$  sein. Nun ist aber  $\Xi O\Pi P\Sigma TH\Theta K\Lambda MN$  gegeben, also ist auch  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda MN$  gegeben. Man wird daher den

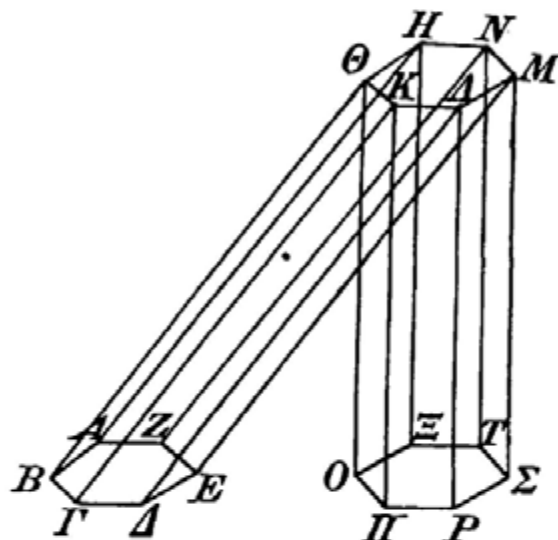


Fig. 46 b (Rekonstruktion).

- 5 Inhalt des Sechsecks  $AB\Gamma\Delta EZ$  bestimmen und mit der genannten Senkrechten, d. h. 8, multiplizieren müssen und so groß seinen Körperinhalt angeben müssen. Und welche Basis der Körper auch haben mag, er wird stets in derselben Weise gemessen.
- 10 IV. Es sei ein Prisma, dessen Basis das Parallelogramm  $AB\Gamma\Delta$ , dessen Spitze die Gerade  $EZ$  ist. Und es sei  $AB = 10$ ,  $B\Gamma = 8$ . Die Höhe aber von der Spitze  $EZ$  auf die Fläche  $AB\Gamma\Delta$  sei  $= 5$ . Zu finden den Körperinhalt des Prismas. Man ergänze das Parallelepipedon  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$ . Es ist also das Parallelepipedon  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$  doppelt so groß als das Prisma  $AB\Gamma\Delta EZ$ . Das Parallelepipedon aber ist gegeben, also ist auch das Prisma gegeben. Man wird daher 8 mit 10 multiplizieren und das Produkt mit der Kathete multiplizieren müssen,
- 15

δοθὲν ἄρα καὶ τὸ πρίσμα. ὥστε δεήσει τὰ  $\eta$  ἐπὶ τὰ  
 $\iota$  πολλαπλασιάσαι καὶ τὰ γενόμενα ἐπὶ τὴν κάθετον,

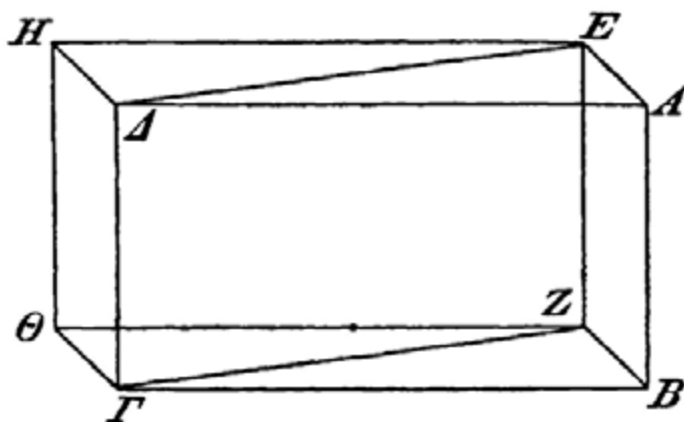


Fig. 47.

τουτέστι τὸν  $\epsilon$  γίνεται  $\nu$ . τούτων τὸ ἥμισυ γίνεται  
 $\sigma$ . τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ πρίσματος.

ε. Ἐστω δὴ πυραμίδα μετρησά βάσιν ἔχουσαν οἷαν  
 δήποτε οὖν. ἔστω δὲ ὑποδείγματος ἕνεκεν πεντάγωνον  
 ἰσόπλευρον (καὶ ἰσογώνιον), οὗ ἐκάστη πλευρὰ ἔστω  
 μονάδων  $\iota$ , ἥ δὲ ἀπὸ τῆς κορυφῆς κάθετος ἀγομένη[ς]  
 ἐπὶ τὸ τῆς βάσεως ἐπίπεδον μονάδων  $\eta$ . ἐπεὶ οὖν πᾶσα  
 πυραμὶς τρίτον μέρος εἰδείχθη τοῦ στερεοῦ τοῦ τὴν  
 αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῇ καὶ ὕψος ἴσον, τὸ δὲ στερεὸν  
 τὸ ἔχον βάσιν πεντάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον,  
 οὗ ἐκάστη πλευρὰ μονάδων  $\iota$  καὶ ὕψος  $\eta$ , γίνεται,  
 ὥς ἐμάθομεν, μονάδων  $\gamma$ . ὥστε τούτων τὸ  $\gamma$   
 γίνεται μονάδων  $\nu\mu\delta$   $\gamma$   $\theta$ . τοσούτου ἔσται τὸ τῆς  
 πυραμίδος στερεόν. ὥστε καθόλου δεῖ λαβόντα τὸ  
 ἐμβαδὸν τῆς βάσεως τῆς πυραμίδος, οἷα τις ᾖν  $\langle\eta\rangle$ ,  
 πολλαπλασιάσαι ἐπὶ τὴν ἀπὸ τῆς κορυφῆς αὐτῆς κάθε-  
 fol. 90<sup>r</sup> τον | ἀγομένην, τουτέστιν ἐπὶ τὸ ὕψος, καὶ τῶν γενο-

d. h.  $80 \times 5 = 400$ . Davon ist die Hälfte 200. So groß wird der Inhalt des Prismas sein.

V. Es sei eine Pyramide mit einer Basis von beliebiger Form zu messen. Beispielsweise sei sie ein gleichseitiges und gleichwinkliges Fünfeck, von dem jede Seite = 10 sei, und die Kathete von der Spitze auf die Ebene der

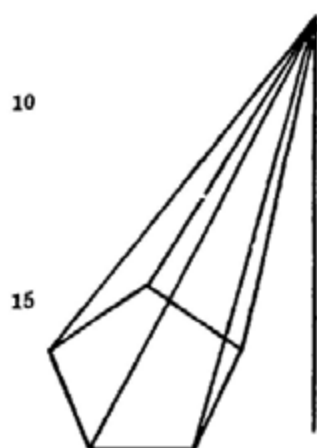


Fig. 48.

Basis sei = 8. Da nun gezeigt ward, daß jede Pyramide der dritte Teil eines Körpers ist, der mit ihr dieselbe Basis und gleiche Höhe hat, der Körper aber, der zur Basis ein gleichseitiges und gleichwinkliges Fünfeck hat, von dem jede Seite = 10 ist und die Höhe 8, wie wir gelernt haben, =  $1333\frac{1}{3}$  ist, so daß der dritte Teil desselben =  $444\frac{1}{3} + \frac{1}{9}$  ist, so wird so groß der Körperinhalt der Pyramide sein. Man muß daher in jedem Falle den Inhalt der Basis der Pyramide, welche Gestalt dieselbe

auch immer haben mag, nehmen und mit der Senkrechten von der Spitze derselben, d. h. mit ihrer Höhe, multiplizieren und, nachdem man den dritten Teil des Produktes genommen hat, so groß den Inhalt der Pyramide angeben.

VI. Es sei ein Pyramidenstumpf zu messen, der eine dreieckige Basis hat, es wird also auch seine Spitze (obere Grundfläche) dreieckig und der Basis ähnlich sein. Es soll nun seine Basis das Dreieck  $AB\Gamma$ , seine Spitze das Dreieck  $\Delta EZ$ , das  $AB\Gamma$  ähnlich ist, sein. Es sei  $AB = 18$ ,  $B\Gamma = 24$ ,  $A\Gamma = 36$ ,  $\Delta E = 12$ . Daher wird  $EZ = 16$ ,  $\Delta Z = 24$ . Es sei aber die Senkrechte von dem Dreieck  $\Delta EZ$  auf die Basis = 10. Es sei  $AH = \Delta E$  und  $\Gamma\Theta = EZ$ , und man ziehe die Verbindungslinie  $H\Theta$  und

7 supplevi 8  $\delta\gamma\omicron\mu\epsilon\nu\eta\varsigma$ : correxi  
17  $\langle\eta\rangle$  addidi

μένων τὸ τρίτον λαβόντα ἀποφαίνεσθαι τὸ τῆς πυραμίδος στερεόν.

ζ. Ἐστω δὴ πυραμίδα κόλουρον μετρήσαι τρίγωνον ἔχουσαν βάσιν· ἔσται δὴ καὶ ἡ κορυφή αὐτῆς τρίγωνος ὁμοία τῇ βάσει. ἔστω οὖν ἡ μὲν βάσις αὐτῆς τὸ 5  $ABΓ$  τρίγωνον [ὁμοιον τῷ  $ABΓ$ ], ἡ δὲ κορυφή τὸ  $ΔEZ$  τρίγωνον ὁμοιον τῷ  $ABΓ$ . ἔστω δὲ ἡ μὲν  $AB$  μονάδων  $\iota\eta$ , ἡ δὲ  $BΓ$   $\kappa\delta$ , ἡ δὲ  $ΑΓ$   $\lambda\varsigma$ , ἡ δὲ  $ΔE$   $\iota\mu$ . ὥστε ἔσται ἡ μὲν  $EZ$   $\iota\varsigma$ , ἡ δὲ  $ΔZ$   $\kappa\delta$ . ἔστω δὴ καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ  $ΔEZ$  τριγώνου κάθετος ἐπὶ τὴν 10 βάσιν μονάδων  $\iota$ . κείσθω τῇ μὲν  $ΔE$  ἴση ἡ  $AH$ , τῇ δὲ  $EZ$  ἡ  $ΓΘ$ , καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $HΘ$ , καὶ τετμήσθωσαν δίχα αἱ  $BΘ$   $BH$  τοῖς  $K$ ,  $A$  σημείοις, καὶ διὰ τοῦ  $K$  τῇ  $BΓ$  παράλληλος ἦχθω ἡ  $KM$ , καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $AN$  καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ  $\Xi$ , καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $KA$ . ἐπεὶ 15 οὖν ὁμοία ἔστι τὰ  $ABΓ$   $ΔEZ$  τρίγωνα, ὥς ἔστιν ἡ  $AB$  πρὸς  $ΔE$ , τουτέστι πρὸς  $AH$ , οὕτως ἡ  $BΓ$  πρὸς  $EZ$ , τουτέστι πρὸς  $ΓΘ$ . παράλληλος ἄρα ἡ  $ΑΓ$  τῇ  $HΘ$ . καὶ ἐπεὶ ἴσαι εἶσιν αἱ  $HK$   $KB$  καὶ παράλληλοι αἱ  $KNM$   $BΘ$ , ἴση ἄρα καὶ ἡ  $NH$  τῇ  $NΘ$ . ἀλλὰ καὶ 20 ἡ  $BA$  τῇ  $AΘ$ . παράλληλος ἄρα ἡ  $AN\Xi$  τῇ  $AB$ . ἀλλὰ καὶ ἡ  $KA$  τῇ  $HΘ$ , τουτέστι τῇ  $ΑΓ$ . παραλληλόγραμμα ἄρα ἔστιν τὰ  $AKA\Xi$   $KAGM$  καὶ ἴσα ἐστίν· ἐπὶ τε γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεως εἰσιν καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ  $HKAN$  τῷ 25  $NKAΘ$  ἴσον ἐστί. λοιπὸν τὸ  $AHN\Xi$  παραλληλόγραμμον [τῷ] τῷ  $NΘΓM$  παραλληλογράμμῳ ἔστιν ἴσον. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν  $AH$ , τουτέστιν ἡ  $N\Xi$ , τῇ  $ΔE$ , ἡ δὲ  $ΓΘ$ , τουτέστιν ἡ  $MN$ , τῇ  $EZ$  | καὶ ἴσας γωνίας περιέχουσιν, ἴση ἄρα ἐστὶν καὶ ἡ  $\Xi M$  τῇ  $ΔZ$ . 30 καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ  $KA$  ἑκατέρῃ τῶν  $A\Xi$   $MG$ , ἴση

teile die Linien  $B\Theta$  und  $BH$  in der Mitte durch die Punkte  $K$  und  $A$ , und ziehe durch  $K$  zu  $B\Gamma$  die Parallele  $KM$ , ziehe die Verbindungslinie  $AN$  und verlängere sie bis  $\Xi$ , und ziehe die Verbindungslinie  $KA$ . Da nun die  
 5 Dreiecke  $AB\Gamma$  und  $\Delta EZ$  ähnlich sind, so ist  $AB:\Delta E = AB:AH = B\Gamma:EZ = B\Gamma:\Gamma\Theta$ . Also ist  $AF$  parallel zu  $H\Theta$ . Und da  $HK = KB$  ist und  $KNM$

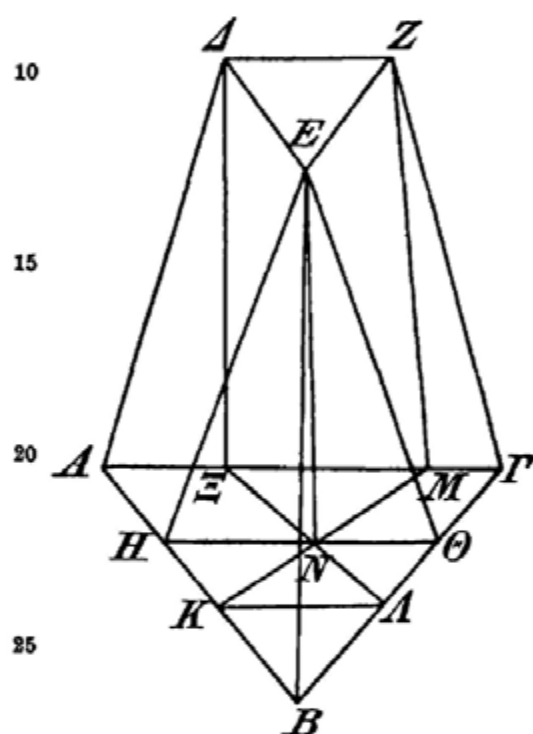


Fig. 49.

parallel zu  $B\Theta$  ist, so ist  $NH = N\Theta$ . Es ist aber auch  $BA = A\Theta$ . Also ist  $AN\Xi$  parallel  $AB$ , aber auch  $KA$  zu  $H\Theta$ , d. h. zu  $AF$ . Also sind  $AKA\Xi$  und  $KA\Gamma M$  Parallelogramme und sind inhaltsgleich; denn sie stehen auf derselben Basis und zwischen denselben Parallelen. Aus denselben Gründen ist auch  $HKAN = NKA\Theta$ . Mithin ist Parallelogramm  $AHN\Xi =$  Parallelogramm  $N\Theta\Gamma M$ . Und da  $AH = N\Xi = \Delta E$  und  $\Gamma\Theta = MN = EZ$  und sie gleiche Winkel

so einschließen, so ist auch  $\Xi M = \Delta Z$ . Und da  $KA = A\Xi = M\Gamma$ , so ist auch  $A\Xi = M\Gamma$ . Also  $A\Gamma + M\Xi = A\Gamma + \Delta Z = 2\Gamma\Xi$ . Auf der anderen Seite, da  $KB = KH$ , so ist  $BA + HA = AB + \Delta E = 2AK = 2\Xi A$ . Aus denselben Gründen ist auch  $B\Gamma + EZ = 2A\Gamma$ . Da nun

6 delevi 21  $AA$ : correxi 22—23 παραλληλογράμμοι:  
 corr. m. 1 27 τῶ τῶν  $\Theta\Gamma M$ : correxi

ἄρα καὶ ἡ  $A\Xi$  τῇ  $M\Gamma$ . συναμφοτέρου <ἄρα> τῆς  $ΑΓ$   
 $M\Xi$ , τουτέστι συναμφοτέρου <τῆς>  $ΑΓ$   $\Delta Z$  ἡμίσειά  
 ἐστὶν ἡ  $\Gamma\Xi$ . πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ  $KB$  τῇ  $KH$ , συν-  
 αμφοτέρου ἄρα τῆς  $BAHA$ , τουτέστι συναμφοτέρου τῆς  
 $AB$   $\Delta E$ , ἡμίσειά ἐστὶν ἡ  $AK$ , τουτέστιν ἡ  $\Xi A$ . διὰ 5  
 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ συναμφοτέρου τῆς  $B\Gamma$   $EZ$  ἡμίσειά  
 ἐστὶν ἡ  $\Delta\Gamma$ . ἐπεὶ οὖν τὸ στερεὸν τῆς κολούρου πυρα-  
 μίδος σύγκειται ἐκ τε τοῦ πρίσματος τοῦ [τὴν] βάσιν  
 μὲν ἔχοντος τὸ  $AHN\Xi$  παραλληλόγραμμον, κορυφὴν  
 δὲ τὴν  $\Delta E$  εὐθεΐαν, καὶ τοῦ πρίσματος, οὗ βάσις μὲν 10  
 ἐστὶ τὸ  $MN\Theta\Gamma$  παραλληλόγραμμον, κορυφὴ δὲ ἡ  $EZ$   
 εὐθεΐα, καὶ ἑτέρου πρίσματος, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ <τὸ>  
 $MN\Xi$  τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ  $\Delta EZ$ , καὶ ἐτι τῆς  
 πυραμίδος, ἥς βάσις τὸ  $BH\Theta$  τρίγωνον, κορυφὴ δὲ  
 τὸ  $E$  σημεῖον· ἀλλὰ τῶν μὲν πρισμαμάτων, ὧν βάσις 15  
 ἐστὶ τὰ  $AHN\Xi$   $N\Theta\Gamma M$  παραλληλόγραμμα, ὕψος δὲ  
 τὸ αὐτὸ τῇ πυραμίδι τὸ στερεόν ἐστὶν τὸ ἐμβαδὸν  
 τοῦ  $NM\Theta\Gamma$  παραλληλογράμμου ἐπὶ τὴν κάθετον, τοῦ  
 δὲ πρίσματος, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ τὸ  $MN\Xi$  τρίγωνον,  
 κορυφὴ δὲ τὸ  $\Delta EZ$ , τὸ στερεόν ἐστὶ τὸ  $MN\Xi$  τριγ- 20  
 ωνον ἐπὶ τὴν κάθετον, τῆς δὲ πυραμίδος, ἥς βάσις ἐστὶ  
 τὸ  $BH\Theta$  τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ  $E$  σημεῖον, τὸ  
 στερεόν ἐστὶ τὸ τρίτον <τοῦ> τοῦ  $BH\Theta$  τριγώνου  
 ἐμβαδοῦ ἐπὶ τὴν κάθετον, τὸ δὲ τρίτον τοῦ  $BH\Theta$   
 τριγώνου ἐν καὶ τρίτον ἐστὶ τοῦ  $AN\Theta$  <διὰ τὸ> ἴσα 25  
 εἶναι <...>, τὸ δὲ τρίτον τοῦ  $AN\Theta$  τριγώνου τὸ  
 δωδέκατόν ἐστὶ τοῦ  $BH\Theta$  τριγώνου· ὥστε τῆς κολούρου  
 πυραμίδος τὸ στερεόν ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ  $\Xi A\Gamma$  τρι-  
 γώνου προσλαβὼν τὸ ἰβ' μέρος τοῦ  $BH\Theta$  τριγώνου καὶ  
 πολλαπλασιασθὲν ἐπὶ τὴν κάθετον. καὶ ἐστὶν ἡ κάθετος 30  
 δοθεῖσα. δεῖξαι ἄρα δεῖ, ὅτι δοθέν ἐστὶ καὶ τὸ  $\Xi A\Gamma$

der Körperinhalt des Pyramidenstumpfs sich zusammensetzt aus dem Prisma, das zur Basis das Parallelogramm  $AHN\Xi$  hat und zur Spitze die Gerade  $AE$ , und aus dem Prisma, dessen Basis das Parallelogramm  $MN\Theta\Gamma$  und dessen Spitze die Gerade  $EZ$  ist und einem anderen Prisma, dessen Basis das Dreieck  $MN\Xi$  und dessen Spitze  $AEZ$  ist, und weiter der Pyramide, deren Basis das Dreieck  $BH\Theta$  und deren Spitze der Punkt  $E$  ist, der Körperinhalt aber der Prismen, deren Basis die Parallelogramme  $AHN\Xi$  und  $MN\Theta\Gamma$  sind und deren Höhe dieselbe ist wie die der Pyramide, gleich ist dem Inhalt des Parallelogramms  $NM\Theta\Gamma$  multipliziert mit der Höhe, der Körperinhalt dagegen des Prismas, dessen Basis das Dreieck  $MN\Xi$  und dessen Spitze  $AEZ$  ist, gleich ist dem Inhalt des Dreiecks  $MN\Xi$  multipliziert mit der Höhe, der Körperinhalt der Pyramide aber, deren Basis das Dreieck  $BH\Theta$  und deren Spitze der Punkt  $E$  ist, gleich einem Drittel des Produkts aus dem Inhalt des Dreiecks  $BH\Theta$  und der Höhe ist, ein Drittel aber des Dreiecks  $BH\Theta = 1\frac{1}{3}$  von  $AN\Theta$  ist,  $\frac{1}{3}$  aber des Dreiecks  $AN\Theta = \frac{1}{12}BH\Theta$  ist — so daß der Körperinhalt des Pyramidenstumpfs gleich dem Inhalt des Dreiecks  $\Xi A\Gamma$  vermehrt um  $\frac{1}{12}$  des Dreiecks  $BH\Theta$ , und multipliziert mit der Höhe ist. Nun ist die Kathete gegeben. Es ist also die Aufgabe, zu zeigen, daß auch das Dreieck  $\Xi A\Gamma$  gegeben ist und der zwölfte Teil des Dreiecks  $BH\Theta$ . Da nun  $AB \perp AE$  gegeben ist und nachgewiesen ward, daß  $\Xi A$  die Hälfte davon ist, so ist auch  $\Xi A$  gegeben. Aus denselben Gründen ist auch  $A\Gamma$  und  $\Gamma\Xi$  gegeben. Daher ist das Dreieck  $\Xi A\Gamma$  gegeben. Auf der anderen Seite, da  $BA$  und  $AH$  gegeben sind, ist auch  $BH$  gegeben. Aus denselben Gründen auch  $B\Theta$ . Wiederum, da  $A\Gamma$  und  $M\Xi$  gegeben

1 supplevi 2  $\langle \tau\eta\varsigma \rangle$  addidi 8  $[\tau\eta\nu]$  deleui 12  $\langle \tau\delta \rangle$   
 addidi 13  $AE\Xi$ : corr. Nath 20 inter E et Z una littera  
 erasa 23  $\langle \tau\theta\upsilon \rangle$  addidi 25  $\tau\delta AN\Theta$ : corr. m. 2  $\langle \delta\iota\delta \rangle$   
 $\tau\delta$  add. m. 2

τρίγωνον καὶ <τὸ ιβ'> τοῦ ΒΗΘ· ἐπεὶ οὖν δοθεῖσά  
 ἐστὶ συναμφοτέρος ἢ ΑΒ Δ<Ε κ>αὶ ἐδείχθη αὐτῆς  
 fol. 91<sup>r</sup> ἡμίσεια ἢ ΞΑ, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἢ ΞΑ. διὰ τὰ αὐτὰ |  
 δὴ καὶ ἑκατέρα τῶν ΑΓ ΓΞ ἐστὶ δοθεῖσα· ὥστε δοθέν  
 ἐστὶ τὸ ΞΑΓ τρίγωνον. πάλιν ἐπεὶ δοθεῖσά ἐστίν 5  
 ἑκατέρα τῶν ΒΑ ΑΗ, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἢ ΒΗ. διὰ  
 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἢ ΒΘ. πάλιν ἐπεὶ δοθεῖσα ἑκατέρα  
 τῶν ΑΓ ΜΞ, καὶ λοιπὴ ἄρα συναμφοτέρος ἢ ΑΞ  
 ΜΓ δοθεῖσα, τουτέστιν ἢ ΗΘ. δοθέν ἄρα καὶ τὸ  
 ΗΘΒ τρίγωνον· ὥστε καὶ τὸ ιβ' αὐτοῦ δοθέν. συντε- 10  
 θήσεται δὲ οὕτως. σύνθες τὰ ιη καὶ τὰ ιβ' καὶ τῶν  
 γενομένων τὸ ἥμισυ γίνεταί ιε· καὶ τὰ κδ καὶ ις·  
 ὧν ἥμισυ γίνεταί κ. καὶ λς καὶ κδ· ὧν ἥμισυ γίνεταί  
 λ. καὶ μέτρησον τρίγωνον, οὗ πλευραὶ ιε, κ, λ· γίγ-  
 νεται, ὡς ἐμάθομεν, ἔγγιστα ρλα δ'. καὶ ἄφελε ἀπὸ 15  
 τῶν ιη τὰ ιβ' λοιπὰ ε. καὶ ἀπὸ τῶν κδ τὰ ις· λοιπὰ  
 η. καὶ ἀπὸ τῶν λς τὰ κδ· λοιπὰ ιβ. καὶ μέτρησον  
 τρίγωνον, οὗ πλευραὶ ε, η, ιβ· ἐστὶ ὁμοίως, ὡς  
 ἐμάθομεν, καὶ ἔγγιστα· τούτων τὸ ιβ' γίνεταί αλδ'.  
 πρόσθες ταῖς ρλα δ'· γίνονται ρλγ. ταῦτα ἐπὶ τὴν 20  
 κάθετον, καὶ τοσούτου ἐστὶ τὸ στερεὸν τῆς ΑΒΓΔΕΖ  
 κολούρου πυραμίδος.

ζ. Στερεὸν μετρήσαι περιεχόμενον ὑπὸ ἐπιπέδων  
 τριγώνους ἔχον βάσεις. ἔστω τὸ εἰρημένον στερεὸν,  
 οὗ βάσις μὲν τὸ ΑΒΓ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ ΔΕΖ, 25  
 παράλληλον <δὲ> τῷ ΑΒΓ τὸ [υ] ΔΕΖ. ἐπίπεδα δὲ ἔστω  
 τὰ ΑΒΔΕ ΒΓ<ΕΖ Α>ΓΔΖ. καὶ δοθεῖσα <...> ἑκάστη  
 fol. 91<sup>v</sup> τῶν Α <...> Α ΔΕ ΕΖ ΖΔ καὶ ἔτι ἢ ἀπὸ τοῦ ΔΕΖ

1 tres litterae foramine evanidae; supplevi 19 αεδ':  
 correxi 24 τριγωνών: correxi 26 <δὲ> add. et τοῦ in τὸ



sind, so ist auch  $AE + MF$  gegeben, d. h.  $H\Theta$ . Mithin ist Dreieck  $H\Theta B$  gegeben, daher auch  $\frac{1}{12}$  desselben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$\frac{18 + 12}{2} = 15$$

$$5 \quad \frac{24 + 16}{2} = 20$$

$$\frac{36 + 24}{2} = 30$$

Nun muß ein Dreieck, dessen Seiten = 15, 20 und 30 sind, berechnet werden. Es ist, wie wir lernten, annähernd =  $131\frac{1}{4}$ . Ferner

$$10 \quad 18 - 12 = 6$$

$$24 - 16 = 8$$

$$36 - 24 = 12.$$

Und miß ein Dreieck, dessen Seiten = 6, 8, 12 sind. Es wird ebenso, wie wir lernten, annähernd = 21 sein.

15 Hiervon  $\frac{1}{12} = 1\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$ . Addiere dies zu  $131\frac{1}{4}$ ; es ergibt 133. Dies multipliziere mit der Höhe, und so groß wird der Körperinhalt des Pyramidenstumpfs  $ABF\Delta EZ$  sein.

VII. Es sei ein Körper zu messen, der von Flächen umschlossen wird und dreieckige Basen hat. Es sei der  
20 gegebene Körper, dessen Basis das Dreieck  $ABF$ , dessen Spitze  $\Delta EZ$ , es sei aber  $\Delta EZ$  parallel  $ABF$ ; und die Flächen seien  $AB\Delta E$ ,  $BFEZ$ ,  $AF\Delta Z$ . Und es sei gegeben jede der Linien  $\Delta E$ ,  $EZ$ ,  $Z\Delta$  und außerdem die Höhe von der Ebene  $\Delta EZ$  auf die Ebene des Dreiecks  $ABF$ . Da nämlich  $BF$  parallel  $EZ$  ist und  $BF$   
25 größer, so werden  $BE$  und  $FZ$  in ihren Verlängerungen zusammentreffen. Sie sollen in  $H$  zusammentreffen. Ich behaupte nun, daß auch  $\Delta\Delta$  verlängert mit ihnen in  $H$  zusammentreffen wird. Daß nun jede der beiden Linien  
30  $BE$  und  $FZ$  mit  $\Delta\Delta$  zusammentrifft, ist klar, weil  $AB$  größer als  $\Delta E$ ,  $AF$  aber größer als  $\Delta Z$  ist. Ich be-

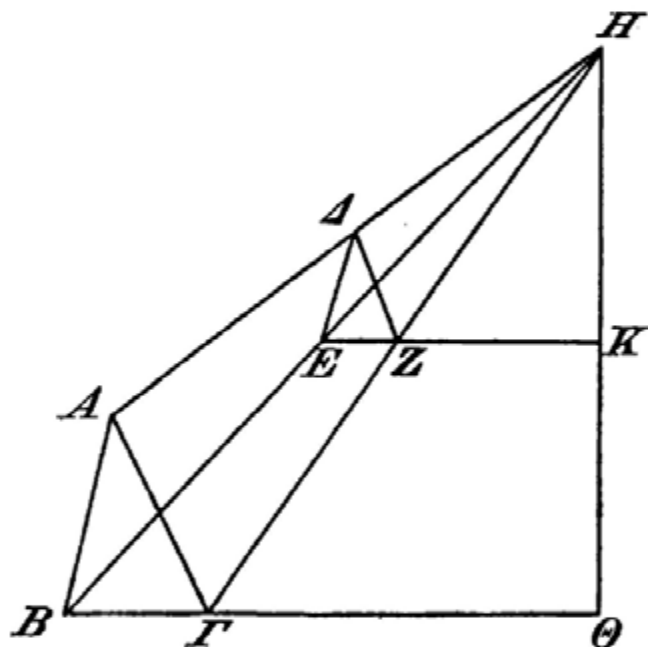
---

mut. m. 2      27 tres, dein quinque litt. evanidae; supplevi  
28 τῶν  $\Delta$ , dein tres litterae evanidae      f.  $\Delta[B, BF, F]\Delta$

ἐπιπέδου κάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὸ τοῦ  $AB\Gamma$  τριγώνου  
ἐπίπεδον. ἐπεὶ γὰρ παράλληλός ἐστιν ἡ  $ΑΓ$  τῇ  $EZ$   
καὶ μείζων ἡ  $B\Gamma$ , αἱ ἄρα  $BE$   $\Gamma Z$  ἐκβαλλόμεναι συμ-  
πεσοῦνται. συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ  $H$ . λέγω δὴ ὅτι  
καὶ ἡ  $ΑΔ$  ἐκβαλ(λ)ομένη συμπεσεῖται κατὰ τὸ  $H$ .<sup>5</sup>  
ὅτι μὲν οὖν ἑκατέρα τῶν  $BE$   $\Gamma Z$  συμπίπτει τῇ  $ΑΔ$ ,  
φανερὸν διὰ τὸ εἶναι τὴν μὲν  $AB$  μείζονα τῆς  $ΔE$ ,  
τὴν δὲ  $ΑΓ$  τῆς  $ΔZ$ . λέγω ὅτι κατὰ τὸ  $H$ . ἐπεὶ γὰρ  
 $ΑΔH$  σημεῖα ἐν τε τῷ διὰ τῶν  $AB$   $ΔE$  ἐστὶν ἐπι-  
πέδῳ καὶ ἐν τῷ διὰ τῶν  $ΑΓ$   $ΔZ$ , εὐθεία ἄρα ἐστὶν<sup>10</sup>  
ἡ  $ΑΔH$ . ἤχθω δὴ ἀπὸ τοῦ  $H$  κάθετος ἐπὶ τὸ  $AB\Gamma$   
ἐπίπεδον καὶ ἐμβαλλέτω κατὰ τὸ  $\Theta$ , τῷ δὲ  $ΔEZ$   
κατὰ τὸ  $K$ · καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ  $\Gamma\Theta$   $\langle ZK \rangle$ . παράλληλος  
ἄρα ἐστὶν ἡ  $\Gamma\Theta$  τῇ  $ZK$ · ἀλλὰ καὶ ἡ  $B\Gamma$  τῇ  $EZ$ .  
ἔσται ἄρα ὡς ἡ  $B\Gamma$  πρὸς  $EZ$ , οὕτως ἡ  $\Gamma H$  πρὸς<sup>15</sup>  
 $HZ$ , τουτέστιν ἡ  $\Theta H$  πρὸς  $HK$ . λόγος δὲ τῆς  $B\Gamma$   
πρὸς  $EZ$  δοθεὶς· δοθεῖσα γὰρ ἑκατέρα. λόγος ἄρα  
καὶ τῆς  $H\Theta$  πρὸς  $HK$  δοθεὶς. ὥστε καὶ τῆς  $\Theta K$  πρὸς  
 $KH$ . καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ  $\Theta K$ · ἡ γὰρ ἀπὸ τοῦ  $ΔEZ$   
ἐπιπέδου κάθετος ἐπὶ τὸ τοῦ  $AB\Gamma$  τριγώνου ἐπίπεδον<sup>20</sup>  
δοθεῖσά ἐστιν· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  $KH$ . ὥστε καὶ ἡ  
 $H\Theta$  δοθεῖσά ἐστιν. ἐπεὶ οὖν πυραμίδος, ἥς βάσις μὲν  
ἐστὶ τὸ  $AB\Gamma$  τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ  $H$  σημεῖον, δέ-  
δοται ἡ τε βάσις καὶ ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν  
κάθετος ἡ  $H\Theta$ , δοθέν ἄρα τὸ τῆς πυραμίδος στερεόν.<sup>25</sup>  
κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ τῆς πυραμίδος στερεόν, ἥς  
βάσις μὲν ἐστὶ τὸ  $ΔEZ$  τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ  $H$   
σημεῖον, δοθέν ἐστὶ. λοιπὸν ἄρα τὸ  $AB\Gamma\Delta EZ$   
στερεὸν δοθέν ἐστὶ. συντεθήσεται δὴ οὕτως. δεῖ τὴν

4 τῷ  $H$ : correxi    5 ἐκβαλομένη: correxi    12 τὸ δὲ:  
correxi    13  $\Gamma\Theta\langle ZK \rangle$ : explevi intercapedinem

haupte, daß es in  $H$  geschieht. Da nämlich die Punkte  $A, A', H$  sowohl in der Ebene, die durch  $AB$  und  $AE$  geht, als auch in der Ebene, die durch  $A\Gamma$  und  $AZ$  geht, liegen, so ist  $AA'H$  eine Gerade. Man fälle nun von  $H$  eine Senkrechte auf die Ebene  $AB\Gamma$  und sie treffe diese in dem Punkte  $\Theta$ , dagegen die Ebene  $AEZ$  in  $K$ . Nun ziehe man die Verbindungslinien  $\Gamma\Theta$  und  $\langle ZK \rangle$ . Also ist  $\Gamma\Theta$  parallel zu  $ZK$ , aber auch  $B\Gamma$  parallel  $EZ$ . Es



**Fig. 50.**

wird also  $BI':EZ = IH:HZ = OH:HK$  sein. Nun  
<sup>10</sup> ist aber das Verhältnis von  $BI':EZ$  gegeben, denn  
jede von beiden Linien ist gegeben. Also ist auch das  
Verhältnis von  $OH:HK$  gegeben, daher auch das von  
 $OK:KH$ . Nun ist  $OK$  gegeben, denn es ist die Senk-  
rechte von der Ebene  $\angle EZ$  auf die Ebene des Dreiecks  
<sup>15</sup>  $ABI'$  gegeben. Also ist auch  $KH$  gegeben, daher auch  
 $HO$ . Da nun von einer Pyramide, deren Basis das Dreieck  
 $ABI'$  und deren Spitze der Punkt  $H$  ist, sowohl die

ΘΚ ποιῆσαι ὡς τὴν ΒΓ πρὸς ΕΖ προστεθείσης τῆς ΚΗ τὴν ΘΗ πρὸς ΗΚ. καὶ εὐρόντα ἑκατέραν τῶν καθέτων τῶν ΗΘ ΗΚ καθ' ἑαυτὰς μετρήσαι ἑκατέραν πυραμίδα, ἥς τε βάσις τὸ ΑΒΓ τρίγων(ον) καὶ ἥς βάσις τὸ ΔΕΖ, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον, καὶ τὴν 5 ὑπεροχὴν αὐτῶν ἀποφαίνεσθαι ἴσην εἶναι τῷ ζητουμένῳ στερεῳ. | καὶ καθόλου δὲ πᾶσα πυραμὶς κόλουρος βάσιν ἔχουσα οἰανδήποτε ὡσαύτως μετρεῖται· ἐκ γὰρ τοῦ λόγου, οὗ ἔχει μία πλευρὰ τῆς βάσεως πρὸς τὴν ὁμόλογον ἐν τῇ κορυφῇ οὔσαν, λέγω δὲ τῇ ἐφέδρᾳ, 10 εὐρεθήσεται ἡ κορυφή τῆς πυραμίδος, ἥς τμήμα ἐστὶν ἡ κόλουρος, καὶ ἡ κάθετος ἐπὶ τὸ τῆς ἐφέδρας ἐπίπεδον. ἔχοντες οὖν καὶ τὴν ἐπὶ τὴν ἐφέδραν καὶ τὸ λοιπὸν ἔξομεν στερεὸν τῆς ἀποτεμνομένης πυραμίδος· ὥστε πάλιν τὴν ὅλην μετρήσαντες πυραμίδα ἀφελούμεν τὴν 15 ἀποτεμνομένην καὶ τὸ λοιπὸν ἀποφα[ι]νούμεθα στερεὸν τῆς κολούρου πυραμίδος.

η. Ἐστω δὲ στερεὸν μετρήσαι ὑπὸ εὐθυγράμμων περιεχόμενον ἐπιπέδων, οὗ βάσις ἔστω τὸ ΑΒΓΔ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή δὲ τὸ ΕΖΗΘ 20 παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον ἥτοι ὅμοιον τῷ ΑΒΓΔ ἢ μή. καὶ κείσθω τῇ μὲν ΕΖ ἴση ἡ ΑΚ, τῇ δὲ ΖΘ ἡ ΒΛ. καὶ τετμήσθωσαν αἱ ΒΚ ΓΛ δίχα τοῖς Φ, Χ καὶ παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ ΚΤ, ΦΜ, ΑΝ, ΧΤ. καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΖΚ ΗΡ ΑΗ ΗΝ ΘΝ. τὸ δὲ εἶρη- 25 μένον στερεὸν ἔσται κατατετμημένον εἰς τε στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις μὲν τὸ ΑΡ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή δὲ τὸ ΕΗ, καὶ πρίσμα, οὗ βάσις μὲν τὸ ΚΑ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον,

4 supplevi litt. evanidas 16 ἀποφαινόμεθα: correxi 21 οὖν post ἥτοι ins. m. 2 25 ΗΝ: Ν in ras. m. 2 28 ΕΝ: corr. m. 2

Basis als auch die Höhe  $H\Theta$  von der Spitze auf die Basis gegeben sind, so ist der Körperinhalt der Pyramide gegeben. In derselben Weise ist auch der Inhalt der Pyramide gegeben, deren Basis das Dreieck  $\Delta EZ$  und deren Spitze der Punkt  $H$  ist. Also ist der Körper  $AB\Gamma\Delta EZ$  gegeben. Berechnet wird er folgendermaßen. Man muß, indem man zu  $\Theta K$  hinzufügt  $KH$ , die Proportion aufstellen, daß  $B\Gamma : EZ = \Theta H : HK$  ist. Und wenn man jede der beiden Senkrechten  $H\Theta$  und  $HK$  für sich gefunden hat, dann jede der beiden Pyramiden messen, sowohl diejenige, deren Basis das Dreieck  $AB\Gamma$  ist, als auch diejenige, deren Basis das Dreieck  $\Delta EZ$  ist, und deren gemeinschaftliche Spitze der Punkt  $H$  ist, und ihre Differenz als den gesuchten Körper angeben.

Es wird aber auch ganz allgemein jeder Pyramidenstumpf, der eine wie immer gestaltete Basis hat, in derselben Weise gemessen. Denn aus dem Verhältnis, das eine Seite der Basis zu der entsprechenden an der Spitze, d. h. in der oberen Fläche hat, wird die Spitze der Pyramide gefunden werden, von der der Pyramidenstumpf ein Abschnitt ist, und die Höhe auf die Ebene der oberen Fläche. Wenn wir nun auch die Höhe auf die obere Fläche haben, so werden wir auch den Körperinhalt der Pyramide, die abgeschnitten wird, haben. Daher werden wir wieder die ganze Pyramide messen und die abgeschnittene davon abziehen und den Rest als Körperinhalt des Pyramidenstumpfs angeben.

VIII. Es sei ein von gradlinigen Flächen umgebener Körper zu messen, dessen Basis das Rechteck  $AB\Gamma\Delta$  sein soll und dessen Spitze das Rechteck  $EZH\Theta$ , das  $AB\Gamma\Delta$  entweder ähnlich sein soll oder nicht. Und es sei  $AK = EZ$ ,  $BA = ZH$ , und die Linien  $BK$  und  $\Gamma A$  sollen durch die Punkte  $\Phi$  und  $X$  halbiert werden, und man ziehe die Parallelen  $KT$ ,  $\Phi M$ ,  $\Delta N$ ,  $XT$  und die Verbindungslinien  $ZK$ ,  $HP$ ,  $\Delta H$ ,  $HN$ ,  $\Theta N$ . Es wird also der genannte Körper zerlegt sein in ein Parallelepipedon, dessen Basis das Rechteck  $AP$  und dessen Spitze  $EH$  ist, und in ein Prisma, dessen Basis das Rechteck  $KA$  und dessen Spitze

fol. 92<sup>v</sup> κορυφή δὲ ἡ  $ZH$  εὐθεΐα, καὶ | ἕτερον πρίσμα, οὗ βάσις  
 μὲν τὸ  $NT$  παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή  
 δε ἡ  $HΘ$  εὐθεΐα, καὶ πυραμίδα, ἥς ἡ βάσις μὲν τὸ  
 $PT$  παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή δὲ τὸ  $H$   
 σημεῖον. ἀλλὰ τὸ μὲν πρίσμα, οὗ βάσις τὸ  $KA$  παραλ- 5  
 ληλόγραμμον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ στερεῶ παραλληλ-  
 επιπέδῳ, οὗ βάσις τὸ  $KΠ$  παραλληλόγραμμον ὀρθο-  
 γώνιον καὶ ὕψος τὸ αὐτὸ τῷ στερεῶ, τὸ δὲ πρίσμα, οὗ  
 βάσις τὸ  $NT$  παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ  
 στερεῶ παραλληλεπιπέδῳ, οὗ βάσις μὲν τὸ παραλληλό- 10  
 γραμμον (ὀρθογώνιον), ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ, ἡ δὲ πυραμὶς,  
 ἥς βάσις τὸ  $PT$  παραλληλόγραμμον, ἴση ἐστὶ στερεῶ  
 παραλληλεπιπέδῳ, οὗ βάσις μὲν ἐν καὶ τὸ τρίτον τοῦ  
 $PΞ$  παραλληλογράμμου, ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ· ὥστε τὸ ἐξ  
 ἀρχῆς στερεὸν ἴσον εἶναι στερεῶ παραλληλεπιπέδῳ, οὗ 15  
 βάσις τὸ  $AΞ$  παραλληλόγραμμον καὶ τὸ τρίτον τοῦ  
 $PΞ$  παραλληλογράμμου, ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ τῷ ἐξ ἀρχῆς  
 στερεῶ· καὶ ἐστὶ δοθέν τὸ  $AΞ$  παραλληλόγραμμον καὶ  
 τὸ τρίτον τοῦ  $PΞ$ · ἐπεὶ γὰρ ἑκατέρω τῶν  $BA AK$   
 δοθεῖσά ἐστιν καὶ ἐστὶν αὐτῶν ἡμίσεια ἡ  $AΦ$ , δοθεῖσα 20  
 ἄρα ἡ  $AΦ$ . κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ  $BX$ , τουτέστιν ἡ  
 $ΦΞ$ · δοθέν ἄρα τὸ  $AΞ$  παραλληλόγραμμον. πάλιν  
 ἐπεὶ δοθεῖσα ἡ  $BK$ , δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  $KΦ$ , τουτέσ-  
 τιν ἡ  $PΠ$ . κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ  $ΠΞ$ . δοθέν ἄρα καὶ  
 τὸ  $ΞP$  παραλληλόγραμμον. ὥστε καὶ τὸ τρίτον αὐτοῦ 25  
 δοθέν ἐστὶν. ἐστὶ δὲ καὶ τὸ ὕψος τοῦ στερεοῦ δοθέν·  
 δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἐξ ἀρχῆς στερεόν. συντεθήσεται δὴ  
 οὕτως ἀκολούθως τῇ ἀναλύσει. ἔστω γὰρ ἡ μὲν  $AB$   
 μονάδων  $\kappa$ , ἡ δὲ  $BΓ$  μονάδων  $\iota\beta$ , ἡ δὲ  $EZ$  μονάδων

11 supplevi    12 ἴσον: correxi    13 sq. τὸ  $PΞ$  παραλληλό-  
 γραμμον: correxi

die Gerade  $ZH$  ist, sowie in ein anderes Prisma, dessen Basis das Rechteck  $NT$  und dessen Spitze die Gerade  $H\Theta$  ist, und eine Pyramide, deren Basis das Rechteck  $PT$  und deren Spitze der Punkt  $H$  ist. Nun ist aber  
 5 das Prisma, dessen Basis das Rechteck  $KA$  ist, gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis das Rechteck  $K\Pi$  und dessen Höhe dieselbe wie die des Körpers ist, das

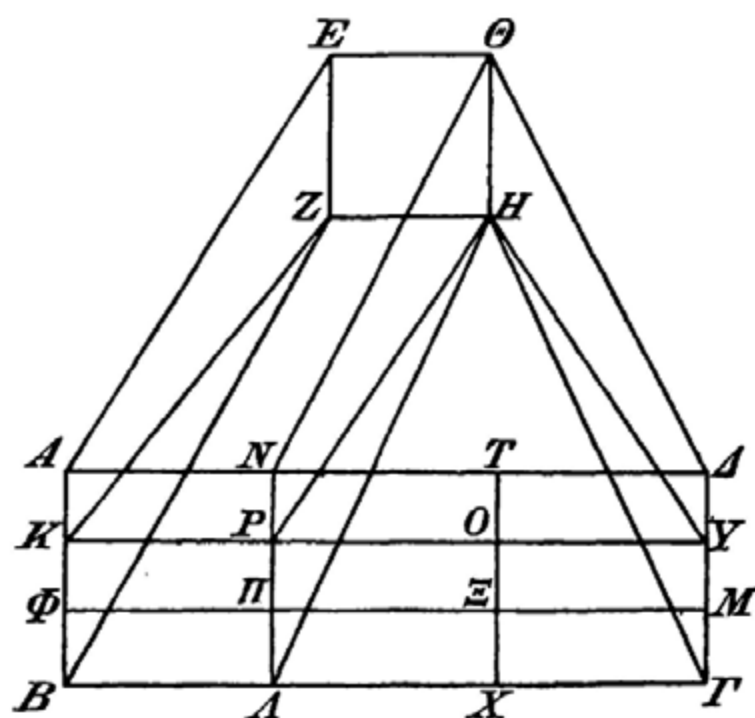


Fig. 51.

Prisma aber, dessen Basis das Rechteck  $NT$  ist, ist gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis das Rechteck  $NO$   
 10 und dessen Höhe dieselbe ist; die Pyramide aber, deren Basis das Rechteck  $PT$ , ist gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis  $\frac{1}{3}$  des Rechtecks  $P\Xi$  ist und dessen Höhe dieselbe ist. Daher ist der anfängliche Körper gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis das Rechteck  $A\Xi + \frac{1}{3}$

ις, ἡ δὲ  $ZH$  μονάδων γ, ἡ δὲ κάθετος τοῦ στερεοῦ,  
 τουτέστι τὸ ὕψος, μονάδων ι. σύνθες κ καὶ ις· ὧν  
 ἥμισυ γίνεταί ιη. καὶ ιβ καὶ γ· ὧν ἥμισυ γίνεταί  
 ξλ. ταῦτα ἐπὶ τὰ ιη· γίνεταί ρλε. καὶ ἀπὸ τῶν κ  
 ἄφελε τὰς ις· λοιπὰ δ. ὧν ἥμισυ γίνεταί β. καὶ ἀπὸ  
 101. 93<sup>r</sup> τῶν ιβ τὰς γ· καὶ τῶν λοιπῶν τὸ ἥμισυ γίνεταί  
 δλ. ταῦτα ἐπὶ τὰ β· γίνεταί θ. τούτων τὸ γ· γίνε-  
 ται γ. πρόσθες ταῖς ρλε· γίνεταί ρλη. ταῦτα ἐπὶ τὸ  
 ὕψος, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ι, γίνε-  
 ται ατπ. τοσοῦτον ἔσται τὸ  
 προκείμενον στερεόν.

θ. Ἐστω δὴ κώνον κόλου-  
 ρον μετρήσαι, οὗ ἡ μὲν διά-  
 μετρος ἡ  $AB$  ἔστω μονάδων κ,  
 τῆς δὲ κορυφῆς ἡ διάμετρος ἡ  
 $ΓΔ$  μονάδων ιβ, τὸ δὲ ὕψος  
 τὸ  $EZ$  μονάδων ι. νενοήσθω  
 ἡ τοῦ κώνου κορυφή ἡ  $H$  καὶ  
 περὶ τὴν βάσιν τοῦ κώνου  
 τετράγωνον περιγεγράφθω τὸ  
 $ΘΚΛΜ$ . καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ  
 $HΘ HK HL HM$ . ἔσται ἄρα  
 πυραμὶς, ἥς ἡ βάση μὲν τὸ  
 $ΘΚΛΜ$  τετράγωνον, κορυφή  
 δὲ τὸ  $H$ . ἐὰν οὖν αὕτη τμηθῇ  
 <ἐπιπέδῳ> παραλλήλῳ τῇ ἐφέ-  
 δρᾳ, ποιήσῃ τομὴν τὸ  $NΞΟΠ$   
 τετράγωνον. ὅν δὴ λόγον ἔχει τὸ  $ΘΛ$  τετράγωνον  
 πρὸς τὸν περὶ [τὴν] διάμετρον τὴν  $AB$  κύκλον, τοῦτον

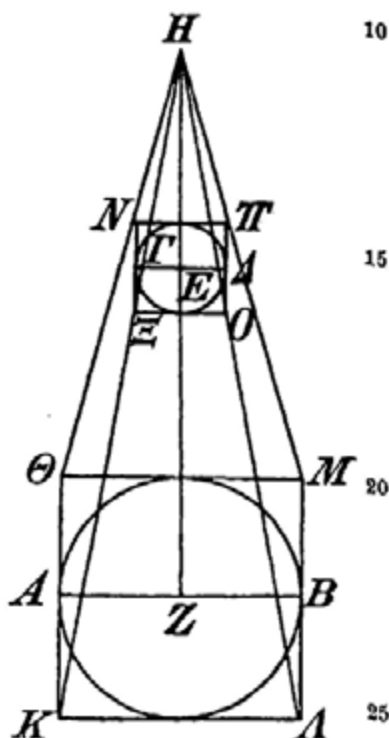


Fig. 52.



des Rechtecks  $P\Xi$  ist und dessen Höhe dieselbe ist wie die des anfänglichen Körpers. Nun ist Parallelogramm  $A\Xi$  gegeben und auch  $\frac{1}{3}$  von  $P\Xi$ . Denn da jede der beiden Linien  $BA$  und  $AK$  gegeben ist und die Hälfte davon  $A\Phi$  ist, so ist  $A\Phi$  gegeben. In derselben Weise auch  $BX$ , d. h.  $\Phi\Xi$ . Also ist das Parallelogramm  $A\Xi$  gegeben. Auf der andern Seite, da  $BK$  gegeben ist, so ist auch  $K\Phi$ , d. h.  $P\Pi$  gegeben; in derselben Weise auch  $\Pi\Xi$ . Also ist auch das Parallelogramm  $\Xi P$  gegeben, so daß auch  $\frac{1}{3}$  des selben gegeben ist. Es ist aber auch die Höhe des Körpers gegeben; also ist auch der anfängliche Körper gegeben. Berechnet wird er, der Analyse gemäß, folgendermaßen.

Es sei  $AB = 20$ ,  $BI = 12$ ,  $EZ = 16$ ,  $ZH = 3$  und die Senkrechte des Körpers, d. h. seine Höhe = 10.

$$\begin{array}{rcl}
 15 & \frac{20+16}{2} & = 18 \\
 & \frac{12+3}{2} & = 7\frac{1}{2} \\
 & 18 \times 7\frac{1}{2} & = 135 \\
 & 20 - 16 & = 4 \\
 & \frac{4}{2} & = 2 \\
 20 & \frac{12-3}{2} & = 4\frac{1}{2} \\
 & 2 \times 4\frac{1}{2} & = 9 \\
 & \frac{9}{3} & = 3 \\
 & 135 + 3 & = 138 \\
 & 138 \times 10 & = 1380.
 \end{array}$$

25 So groß wird der vorliegende Körper sein.

IX. Es sei ein abgestumpfter Kegel zu messen, dessen Durchmesser  $AB = 20$  sei, der Durchmesser der Spitze  $IA = 12$  und die Höhe  $EZ = 10$ . Man denke sich die Spitze des Kegels  $H$  und beschreibe um die Basis des Kegels das Viereck  $\Theta KAM$  und ziehe die Verbindungslinien  $H\Theta$ ,  $HK$ ,  $HA$  und  $HM$ . Es wird also eine Pyramide vorhanden sein, deren Basis das Viereck  $\Theta KAM$  und deren

τὸν λόγον ἔχει ἡ πυραμὶς, ἥς βάσις μὲν τὸ  $\Theta K A M$   
 παραλληλόγραμμον, κορυφή δὲ τὸ  $H$  σημεῖον, πρὸς  
 τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ διάμετρον τὴν  $AB$   
 κύκλος, κορυφή δὲ τὸ  $H$  σημεῖον, ἐπειδήπερ καὶ τὸ  
 στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις τὸ  $\Theta A$  παραλλη- 5  
 λόγραμμον, ὕψος δὲ τὸ [πρὸς τὸ]  $\langle Z \rangle H$ , πρὸς τὸν  
 κύλινδρον, οὗ βάσις ὁ περὶ διάμετρον τὴν  $AB$  κύκλος,  
 ὕψος δὲ τὸ αὐτό, τὸν αὐτὸν λόγον ἔχει. διὰ τὰ αὐτὰ  
 fol. 93<sup>v</sup> δὴ καὶ ἡ πυραμὶς, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ  $N \Xi O \Pi$  τετρά-  
 γωνον, κορυφή δὲ τὸ  $H$  σημεῖον, τὸν αὐτὸν λόγον 10  
 ἔχει πρὸς τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ διάμετρον  
 τὴν  $\Gamma A$  κύκλος, κορυφή δὲ τὸ  $H$  σημεῖον. καὶ λοιπὸν  
 ἄρα τὸ στερεὸν, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ τὸ  $\Theta A$ , κορυφή δὲ  
 τὸ  $NO$ , πρὸς τὸν κόλουρον κῶνον τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον.  
 δοθέν δὲ τὸ  $\Theta A N O$  στερεὸν, ὡς δέδεικται· δοθεὶς ἄρα 15  
 καὶ ὁ κόλουρος κῶνος. συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς  
 τῇ ἀναλύσει οὕτως. σύνθεσις  $\kappa$  καὶ  $\iota\beta$ · ὧν τὸ ἥμισυ  
 γίνεταί  $\iota\varsigma$ . ἐφ' ἑαυτὰ  $\sigma\nu\varsigma$ , ἐπεὶ ἐστὶ τετράγωνος. καὶ  
 ἀπὸ τῶν  $\kappa$  τὰ  $\iota\beta$ ·  $\langle$ λοιπὰ  $\eta\rangle$ · ὧν ἥμισυ γίνεταί  $\delta$ .  
 ἐφ' ἑαυτὰ  $\iota\varsigma$ · τούτων τὸ  $\gamma'$  γίνεταί  $\epsilon\gamma'$ . πρόσθεσις  $\sigma\nu\varsigma$ · 20  
 γίνεταί  $\sigma\zeta\alpha$   $\gamma'$ · τούτων τὸ  $\iota\alpha'$  γίνεταί  $\sigma\epsilon$   $\gamma'$ . ταῦτα  
 ἐπὶ τὸ ὕψος, τουτέστιν ἐπὶ τὰ  $\iota$ · γίνεταί  $\beta\nu\gamma$   $\gamma'$ .  
 τοσοῦτον ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ κολούρου κῶνου.

ι. "Ἐστὶ δὲ καὶ ἄλλως τὸν κόλουρον κῶνον μετρή-  
 σαι προδηλοτέρᾳ μὲν ἀποδείξει χρησάμενον, τῇ δὲ 25  
 περὶ τοὺς ἀριθμοὺς λήψει οὐκ εὐχερεστέραν τῆς προγε-  
 γραμμένης. ἔστιν κῶνος κόλουρος, οὗ κέντρα τῶν  
 βάσεων τὰ  $A, B$ , ἄξων δὲ ὁ  $AB$ . καὶ δοθεὶς ἔστω ὁ τε

6 correxi et supplevi 18 post  $\iota\varsigma$  inseruit  $\langle$ ταῦτα $\rangle$  m. 2  
 f. τετράγωνον 19 supplevit m. 2

Spitze  $H$  sein wird. Wenn diese nun durch eine der Grundfläche parallele Ebene geschnitten wird, so wird sie als Schnittfläche des Vierecks  $N\Xi O\Pi$  ergeben. Es verhält sich also wie Viereck  $\Theta A$  zu dem Kreise mit dem Durchmesser  $AB$ , so die Pyramide, deren Basis das Parallelogramm  $\Theta KAM$  und deren Spitze der Punkt  $H$  ist, zu dem Kegel, dessen Basis der Kreis mit dem Durchmesser  $AB$  und dessen Spitze der Punkt  $H$  ist, da ja auch das Parallelepipedon, dessen Basis das Parallelogramm  $\Theta A$  und dessen Höhe  $\langle ZH \rangle$  ist, zu dem Cylinder, dessen Basis der Kreis mit dem Durchmesser  $AB$  und dessen Höhe dieselbe ist, dasselbe Verhältniss hat. Aus denselben Gründen verhält sich ebenso auch die Pyramide, deren Basis das Viereck  $N\Xi O\Pi$  und deren Spitze der Punkt  $H$  ist, zu dem Kegel, dessen Basis der Kreis mit dem Durchmesser  $\Gamma A$  und dessen Spitze der Punkt  $H$  ist. Folglich hat auch der Körper, dessen Basis das Viereck  $\Theta A$  und dessen Spitze das Viereck  $NO$  ist, zu dem abgestumpften Kegel dasselbe Verhältniss. Nun ist, wie gezeigt ist, der Körper  $\Theta ANO$  gegeben; also ist auch der abgestumpfte Kegel gegeben. Berechnet wird er, der Analyse entsprechend, folgendermassen.

$$\begin{aligned}
 & \frac{20+12}{2} = 16 \\
 & 16^2 = 256 \text{ (da es ein Quadrat ist)} \\
 & \frac{20-12}{2} = 4 \\
 & 4^2 = 16 \\
 & \frac{16}{3} = 5 \frac{1}{3} \\
 & 256 + 5 \frac{1}{3} = 261 \frac{1}{3} \\
 & 261 \frac{1}{3} \times \frac{11}{14} = 205 \frac{1}{3} \\
 & 205 \frac{1}{3} \times 10 = 2053 \frac{1}{3}.
 \end{aligned}$$

So groß wird der Inhalt des abgestumpften Kegels sein.

1) Heron rechnet nämlich zunächst mit den den Grundkreisen umbeschriebenen Quadraten.

ἄξων καὶ αἱ διαμέτροι τῶν βάσεων. λέγω ὅτι καὶ τὸ  
 στερεὸν τοῦ κολούρου κώνου δοθέν ἐστίν. νενοήσθω  
 γὰρ ἡ τοῦ κώνου κορυφή τὸ  $\Gamma$ . ἐπ' εὐθείας ἄρα ἐστὶ  
 τοῖς  $A, B$ . καὶ ἐκβεβλήσθω διὰ τῆς  $AB$  ἐπίπεδον καὶ  
 ποιεῖται τομὴν ἐν μὲν τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ κολούρου 5  
fol. 94<sup>r</sup> κώνου τὸ  $\Gamma \Delta E$  τρίγωνον, | ἐν δὲ ταῖς βάσεσιν τὰς  
 $\Delta E, ZH$  διαμέτρους. λόγος ἄρα τῆς  $\Delta E$  πρὸς  $ZH$   
 δοθείς. ὥστε καὶ τῆς  $\Delta \Gamma$  πρὸς  $\Gamma Z$ , τουτέστι τῆς  
 $B\Gamma$  πρὸς  $\Gamma A$ . καὶ διελόντι τῆς  $BA$  πρὸς  $A\Gamma$ . καὶ  
 ἔστι δοθεῖσα ἡ  $AB$ . δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  $A\Gamma$ . ὥστε καὶ 10  
 ὅλη ἡ  $B\Gamma$  δοθεῖσά ἐστίν, τουτέστιν ὁ ἄξων τοῦ ὅλου  
 κώνου. δοθεῖσα δὲ καὶ ἡ  $\Delta E$  διάμετρος τῆς βάσεως.  
 δέδοται ἄρα καὶ ὁ κῶνος, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ τὸ  $B$   
 κέντρον κύκλος, κορυφή δὲ τὸ  $\Gamma$  σημεῖον. διὰ ταῦτά  
 δὴ καὶ ὁ κῶνος, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ τὸ  $A$  κέντρον 15  
 κύκλος· κορυφή δὲ τὸ  $\Gamma$  σημεῖον, δοθείς ἐστὶ καὶ  
 λοιπὸς ἄρα ὁ κόλουρος κῶνος δοθείς ἐστίν. δεήσει ἄρα  
 ποιῆσαι ὡς τὴν  $\Delta E$  διάμετρον πρὸς τὴν  $ZH$ , προσ-  
 τεθείσης τῇ  $AB$  τῆς  $A\Gamma$  τὴν  $B\Gamma$  πρὸς  $\Gamma A$ . καὶ  
 διελόντι ὡς ἡ τῶν  $\Delta E, ZH$  ὑπεροχὴ πρὸς τὴν  $ZH$ , ἡ 20  
 $BA$  πρὸς τὴν  $A\Gamma$ . δοθεῖσα δὲ ἡ  $BA$ . δοθεῖσα ἄρα  
 καὶ ἡ  $A\Gamma$ . καὶ μετρήσαι τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ  
 περὶ τὸ  $B$  κέντρον κύκλος, κορυφή δὲ τὸ  $\Gamma$  σημεῖον,  
 καὶ ἀπὸ τούτου ἀφελεῖν τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ  
 τὸ  $A$  κέντρον κύκλος, κορυφή δὲ τὸ  $\Gamma$  σημεῖον. καὶ 25  
 λοιπὸν ἀποφαίνεσθαι τὸ στερεὸν τοῦ κολούρου κώνου.

ια. Σφαίρας δοθείσης τῆς διαμέτρου μονάδων  $\iota$   
 εὑρεῖν τὸ στερεόν. Ἀρχιμήδης ἐν τῷ περὶ σφαίρας  
 καὶ κυλίνδρου (I c. 34 corroll. vol. I p. 146 Heib.)

16 τὸ τρίτον σημεῖον: suprascr.  $\Gamma$  m. 1    19  $BA$ : corr. Nath

X. Man kann aber den abgestumpften Kegel auch anders messen, wobei der Beweis zwar leichter verständlich, die Zahlenrechnung jedoch nicht leichter ist als die vorstehend beschriebene. Es sei ein abgestumpfter Kegel, dessen Basismittelpunkte  $A$  und  $B$  und dessen Achse  $AB$  sei, und es seien gegeben die Achse und die Durchmesser der Basen. Ich behaupte, daß auch der Körperinhalt des abgestumpften Kegels gegeben ist. Man stelle sich nämlich die Spitze des Kegels in  $\Gamma$  vor; dieses liegt

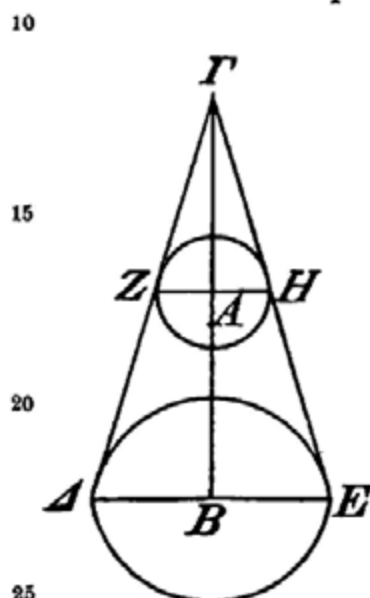


Fig. 68.

also mit  $A$  und  $B$  auf derselben Geraden. Nun lege man durch  $AB$  eine Ebene. Sie soll als Schnitt auf der Oberfläche des abgestumpften Kegels das Dreieck  $\Gamma AE$  ergeben, in den Basen aber die Durchmesser  $AE$  und  $ZH$ . Es ist also  $AE : ZH$  gegeben, also auch  $\Gamma E : \Gamma Z$ , d. h.  $B\Gamma : \Gamma A$ ; und mithin auch  $BA : A\Gamma$ . Nun ist  $AB$  gegeben, also auch  $A\Gamma$ , so daß auch ganz  $B\Gamma$  gegeben ist, d. h. die Achse des ganzen Kegels. Gegeben ist aber auch der Basisdurchmesser  $AE$ : also ist der Kegel gegeben, dessen Basis der Kreis um den Mittelpunkt  $B$  und dessen Spitze  $\Gamma$  ist. Aus denselben

Gründen ist nun auch der Kegel, dessen Basis der Kreis um  $A$ , und dessen Spitze der Punkt  $\Gamma$  ist, gegeben und es ist mithin auch der abgestumpfte Kegel gegeben. Man wird also, nachdem man zu  $BA$  zugesetzt hat  $A\Gamma$ , die Proportion aufstellen müssen  $AE : ZH = B\Gamma : \Gamma A$  und  $AE - ZH : ZH = BA : A\Gamma$ . Nun ist  $BA$  gegeben; also ist auch  $A\Gamma$  gegeben. Und nun muß man den Kegel messen, dessen Basis der Kreis um den Mittelpunkt  $B$  und dessen Spitze der Punkt  $\Gamma$  ist, und von diesem abziehen den Kegel, dessen Basis der Kreis um den Mittel-

δείκνυσιν, ὅτι ὁ κύλινδρος ὁ βάσιν μὲν ἔχων ἴσην τῷ  
 μεγίστῳ κύκλῳ τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ, ὕψος δὲ ἴσον τῇ  
 διαμέτρῳ τῆς σφαίρας ἡμιόλιός ἐστι τῆς σφαίρας.  
 fol 94<sup>v</sup> ὥστε κατὰ | τοῦτον τὸν λόγον δεήσει τὰ  $\iota$  ἐφ' ἑαυτὰ  
 ποιήσαντα λαβεῖν τῶν γενομένων τὸ  $\iota\alpha$ <sup>ιδ'</sup> καὶ ταῦτα ἐπὶ 5  
 τὸ ὕψος τοῦ κυλίνδρου πολλαπλασιάσαντα, τουτέστιν  
 ἐπὶ τὸν  $\iota$ , τῶν γενομένων λαβεῖν τὸ δίμοιρον, καὶ  
 ἀποφῆνασθαι τὸ τῆς σφαίρας στερεόν· εἰσὶ δὲ μονάδες  
 φκγ  $\iota\zeta$ .<sup>κα'</sup> κατὰ δὲ τὸν αὐτὸν λόγον δείκνυται, ὅτι  $\iota\alpha$   
 κύβοι οἱ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τῆς σφαίρας ἴσοι γίνον- 10  
 ται καὶ σφαίρα(ις). ὥστε δεήσει κυβίσαντα τὰ  $\iota$ · ἐστὶ  
 δὲ  $\alpha$ · τούτων λαβεῖν τὰ  $\iota\alpha$ <sup>κα'</sup>. εἰσὶ δὲ μονάδες φκγ  $\iota\zeta$ .<sup>κα'</sup>  
 καὶ τοσοῦτον ἀποφαίνεσθαι τὸ στερεὸν τῆς σφαίρας.

ιβ. Ἐστω δὴ τμήμα σφαίρας μετρησά, οὗ ἡ μὲν  
 διάμετρος τῆς βάσεως ἔστω μονάδων  $\iota\beta$ , ἡ δὲ κάθετος 15  
 μονάδων  $\beta$ . πάλιν οὖν ὁ αὐτὸς Ἀρχιμήδης δείκνυσιν  
 (de sph. et cyl. II, 2 coroll. vol. I p. 200 Heib.), ὅτι  
 πᾶν τμήμα σφαίρας πρὸς τὸν κῶνον τὸν τὴν αὐτὴν  
 βάσιν ἔχοντα αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον λόγον ἔχει, ὃν ἡ  
 τοῦ λοιποῦ τμήματος κάθετος μετὰ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου 20  
 τῆς σφαίρας πρὸς τὴν αὐτὴν κάθετον. ἔστω οὖν τμήμα  
 τὸ εἰρημένον τῆς σφαίρας τὸ κατὰ τὸ  $AB\Gamma$  τοῦ κύκλου,  
 οὗ κάθετος ἡ  $BA$ . καὶ ἔστω τὸ κέντρον τῆς σφαίρας  
 τὸ  $Z$ . ὥς ἄρα τὸ τμήμα τῆς σφαίρας πρὸς τὸν εἰρη-  
 μένον κῶνον, οὕτω συναμφοτέρως ἡ  $AE EZ$  πρὸς τὴν 25  
 $AE$  καὶ ἐπεὶ δοθεῖσά ἐστὶν ἡ  $AG$ , δοθεῖσα ἄρα καὶ  
 ἡ  $AD$ · δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ  $AD$ , τουτέστι τὸ ὑπὸ  
 $BA DE$ . καὶ ἐστὶ δοθεῖσα ἡ  $BD$ · δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  
 $DE$ · καὶ ὅλη ἄρα ἡ  $BE$  δοθεῖσά ἐστὶν. ὥστε καὶ ἡ  
 $EZ$ . καὶ συναμφοτέρως ἄρα ἡ  $AE EZ$  δοθεῖσά ἐστὶν. 30

punkt  $A$  und dessen Spitze der Punkt  $\Gamma$  ist, und so groß den Körperinhalt des abgestumpften Kegels angeben.

XI. Wenn der Durchmesser einer Kugel  $= 10$  gegeben ist, ihren Körperinhalt zu finden. Archimedes in der Schrift über Kugel und Cylinder zeigt, daß der Cylinder, der eine Basis hat, die gleich einem größten Kreise der

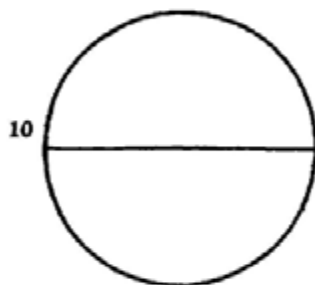


Fig. 54.

Kugel ist, und eine Höhe gleich dem Durchmesser der Kugel,  $1\frac{1}{2}$  mal so groß als die Kugel ist. Daher wird man nach diesem Satz  $10^3$  mit  $\frac{11}{14}$  multiplizieren, dies mit der Höhe des Cylinders, d. h. 10, multiplizieren und von dem Produkt  $\frac{2}{3}$  nehmen müssen, und so groß den Körperinhalt der Kugel angeben müssen. Er ist

$= 523\frac{17}{21}$ . Nach demselben Satze wird bewiesen, daß 11 mal die dritte Potenz des Durchmessers der Kugel  $= 21$  mal der Kugelinhalt ist. Also

$$10^3 = 1000$$

$$1000 \times \frac{11}{21} = 523\frac{17}{21}.$$

So groß hat man den Inhalt der Kugel anzugeben.

XII. Es sei ein Kugelsegment zu messen, dessen Basisdurchmesser  $= 12$ , dessen Höhe  $= 2$  ist. Wiederum zeigt derselbe Archimedes, daß jedes Kugelsegment zu dem Kegel, der mit ihm die gleiche Basis und gleiche Höhe hat, dasselbe Verhältnis hat, wie die Höhe des übrig bleibenden Segments vermehrt um den Radius zu eben dieser Höhe.<sup>1)</sup> Es sei nun das genannte Kugelsegment

1) D. h. zur Höhe des übrig bleibenden Segments.

1 ἴσον: correxi    3 ημιονος: sed λι suprascr. m. 1    5 τω  
ιδ: τὸ ἐνδεκάκις ιδ m. 2    11 σφαίρα: correxi    12 δὲ ἄ: correxi

ἀλλὰ καὶ ἡ  $\Delta E$  δοθεῖς (ἄ ἐστιν). λόγος ἄρα καὶ τοῦ  
 fol. 95<sup>r</sup> κώνου, οὗ βάσις μὲν ἐστὶν ὁ περὶ διάμετρον τὴν  $A\Gamma$   
 κύκλος, ὕψος δὲ ἡ  $B\Delta$ , πρὸς τὸ τμήμα τῆς σφαίρας  
 ἐστὶν δοθείς· καὶ ἔστι δοθεὶς ὁ κώνος· δοθέν ἄρα καὶ  
 τὸ τμήμα τῆς σφαίρας. δεήσει δὲ κατὰ τὴν αὐτὴν ἀνά- 5  
 λυσιν λαβεῖν τῶν  $\iota\beta$  τὸ ἥμισυ καὶ ἐφ' ἑαυτὸ ποιῆσαι·  
 ἔστι δὲ  $\lambda\varsigma$ · καὶ ταῦτα παραβαλεῖν παρὰ τὸν  $\beta$ · γίγ-  
 νεται  $\iota\eta$ . καὶ προσθεῖναι τὰ  $\beta$ · γίννεται  $\kappa$ . καὶ τού-  
 των τὸ ἥμισυ γίννεται  $\iota$ · ταῦτα μετὰ τῶν  $\iota\eta$  γίννεται

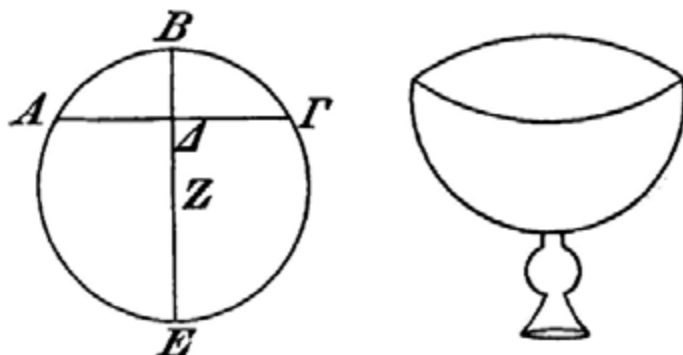


Fig. 55.

κη· καὶ τὴν κάθετον δις ποιῆσαι, τουτέστι τὰ  $\beta$ · 10  
 γίννεται  $\delta$ . ἐφ' ἑαυτὰ γίννεται  $\iota\varsigma$ · ταῦτα ἐπὶ τὰ κη·  
 γίννεται  $\nu\mu\eta$ · τούτων τὸ  $\langle\iota\alpha\rangle$ ·  $\langle\gammaίννεται\rangle$   $\tau\eta\eta$ ·  $\langle\tauούτων\rangle$   
 τὸ  $\gamma'$ · γίννεται  $\rho\iota\zeta$   $\gamma'$ . τοσούτου ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ  
 τμήματος. καὶ λουτήρα δὲ ἀκολουθῶς μετρήσομεν τῇ  
 τοῦ τμήματος μετρήσει· ἔστι γὰρ δύο τμημάτων ὑπεροχή. 15  
 ἀπὸ τοῦ μείζονος οὖν ἀφελόντες τὸ ἔλασσον ἀπο-  
 φα[ι]νούμεθα τὸ τοῦ λουτήρος στερεόν. καὶ κόγχην δὲ  
 ὁμοίως μετρήσομεν ὡς ἡμισφαιρίου ἢ τμήματος ἥμισυ

1 explevi; ἀλλὰ — δοθεὶς del. m. 2      3 κύκλον: corr. m. 2

5 f. ταύτην τὴν      7 παραλαβεῖν et τῶν: corr. m. 2      12 ἐν-  
 δεκάκις  $\iota\delta$  in ras. m. 2      τῶ  $\gamma'$ : corr. et suppl. m. 2



das durch  $AB\Gamma$  bestimmte, dessen Höhe  $BA$  ist; und der Mittelpunkt der Kugel sei  $Z$ . Also verhält sich das Kugelsegment zu dem erwähnten Kegel wie  $AE + EZ : AE$ . Und da  $A\Gamma$  gegeben ist, so ist auch  $AA$  gegeben, also auch  $AA^2$ ,  
 5 d. h.  $BA \times AE$ . Nun ist  $BA$  gegeben, also auch  $AE$ ; mithin ist ganz  $BE$  gegeben. Daher auch  $EZ$ , also ist auch  $AE + EZ$  gegeben. Es ist aber auch  $AE$  gegeben. Also ist das Verhältnis des Kegels, dessen Basis der Kreis mit dem Durchmesser  $A\Gamma$  und dessen Höhe  $BA$  ist, zu  
 10 dem Kugelsegment gegeben. Nun ist der Kegel gegeben; also ist auch das Kugelsegment gegeben. Die Rechnung wird nach der Analyse folgende sein:

$$\begin{array}{rcl}
 & \left(\frac{12}{2}\right)^2 & = 36 \\
 & 36 : 2 & = 18 \\
 15 & 18 + 2 & = 20 \\
 & \frac{20}{2} & = 10 \\
 & 18 + 10 & = 28 \\
 & 2 \times 2 & = 4 \\
 & 4^2 & = 16^1) \\
 20 & 16 \times 28 & = 448 \\
 & 448 \times 14 & = 352 \\
 & 352 : 3 & = 117 \frac{1}{3}.
 \end{array}$$

So groß wird der Körperinhalt des Segments sein.

Auch ein Badeschaff werden wir der Messung des  
 25 Segments entsprechend messen; denn es ist die Differenz zweier Segmente. Wenn wir nun von dem größeren das kleinere abgezogen haben, so werden wir den Körperinhalt des Badeschaffs angeben können. Auch eine Muschel werden wir ähnlich messen, als die Hälfte einer Halb-

---

1) Verständlicher wäre  $2^2 = 4$   
 $4 \times 4 = 16$ .

ὑπάρχουσαν. αἱ γὰρ ἐν αὐτῇ ξύσται ἐν ἀδιαφόρῳ παραλαμβάνονται εἰς τὰς μετρήσεις.

ιγ. Τῶν κωνικῶν καὶ κυλινδρικῶν καὶ σφαιρικῶν σχημάτων μεμετρημένων, ἐὰν δέη καὶ καμάρας ἐχούσας τὰ προειρημένα σχήματα μετρεῖν ἢ θόλους, ἀκολουθῶς 5 τῇ ἐπὶ τοῦ λουτήρος μετρήσει ποιήσομεν· τῆς γὰρ ἐν-τὸς ἐπιφανείας κοίλης οὐσης, τουτέστι κενῆς, πάλιν 10 ἔσται ἐκάστη αὐτῶν | δύο ὁμοίων τμημάτων ὑπεροχή. ἔστω δὲ σπείραν μετρησάμενον πρότερον ἐκθέμενον τὴν γένεσιν αὐτῆς. ἔστω γὰρ τις ἐν ἐπιπέδῳ εὐθείᾳ ἢ  $AB$  15 καὶ δύο τυχόντα ἐπ' αὐτῆς σημεία. εἰλήφθω ὁ  $BΓΔΕ$  <κύκλος> ὁρθὸς ὢν πρὸς τὸ ὑποκείμενον ἐπίπεδον, ἐν ᾧ ἔστιν ἡ  $AB$  εὐθεῖα, καὶ μένοντος τοῦ  $A$  σημείου περιφερέσθω κατὰ τὸ ἐπίπεδον ἢ  $AB$ , ἄχρι οὗ εἰς τὸ αὐτὸ ἀποκατασταθῇ συμπεριφερομένου καὶ τοῦ  $BΓ$  20  $ΔΕ$  κύκλου ὁρθοῦ διαμένοντος πρὸς τὸ ὑποκείμενον ἐπίπεδον. ἀπογεννήσει ἄρα τινὰ ἐπιφάνειαν ἢ  $BΓΔΕ$  περιφέρεια, ἣν δὴ σπειρικὴν καλοῦσιν· κἂν μὴ ἦ δὲ ὅλος ὁ κύκλος, ἀλλὰ τμήμα αὐτοῦ, πάλιν ἀπογεννήσει τὸ τοῦ κύκλου τμήμα σπειρικῆς ἐπιφανείας τμήμα, 25 καθάπερ εἰσὶ καὶ αἱ ταῖς κίουσιν ὑποκείμεναι σπείραι· τριῶν γὰρ οὐσῶν ἐπιφανειῶν ἐν τῷ καλουμένῳ ἀναγραφεῖ, ὅν δὴ τινες καὶ ἐμβολέα καλοῦσιν, δύο μὲν κοίλων τῶν ἄκρων, μιᾶς δὲ μέσης καὶ κυρτῆς, ἅμα περιφερόμεναι αἱ τρεῖς ἀπογεννῶσι τὸ εἶδος τῆς τοῖς 30 κίουσιν ὑποκειμένης σπείρας. δεόν οὖν ἔστω τὴν ἀπογεννηθεῖσαν σπείραν ὑπὸ τοῦ  $BΓΔΕ$  κύκλου μετρησάμεν. δεδόςθω ἡ μὲν  $AB$  μονάδων  $\kappa$ , ἡ δὲ  $BΓ$  διάμετρος μονάδων  $\iota\beta$ . εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ  $Z$ ,

12 supplevi 22 diversus ἀναγραφεύς a Philone Byz. mech. synt. IV p. 52, 43 sq. memoratus 25 περιφερομένων: correxi

kugel oder eines Segments. Denn die Rillen an derselben werden als für die Messung unwesentlich behandelt.

XIII. Nachdem nun die kegelförmigen, cylindrischen und kugelförmigen Gebilde gemessen sind, werden wir, wenn es gilt Gewölbe oder Kuppeln von der angegebenen Gestalt zu messen, es dem Meßverfahren beim Badeschaff entsprechend machen. Denn da die innere Oberfläche derselben hohl, d. h. leer ist, so wird wiederum jede von ihnen die Differenz zweier ähnlicher Segmente sein. Es sei nun eine Speira zu messen, nachdem vorher ihre Entstehung auseinandergesetzt ist.

Es sei in einer Ebene eine Gerade  $AB$  und auf ihr 2 beliebige Punkte. Nun nehme man den Kreis  $B\Gamma\Delta E$ ,

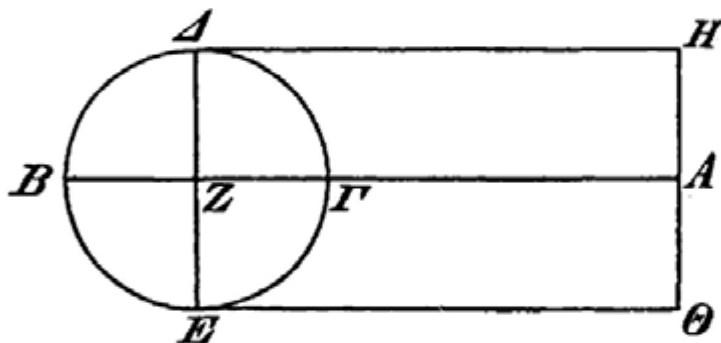


Fig. 56.

der rechtwinklig stehe zu der vorausgesetzten Ebene, in der die Gerade  $AB$  liegt, und während Punkt  $A$  festgelegt bleibt, drehe sich die Gerade  $AB$  in der Ebene, bis sie in ihre ursprüngliche Lage zurückkehrt, wobei sich der Kreis  $B\Gamma\Delta E$ , zu der vorausgesetzten Ebene rechtwinklig verbleibend, mitdrehen soll. Es wird also die Peripherie  $B\Gamma\Delta E$  eine Oberfläche erzeugen, welche man „speirisch“ nennt. Wenn es aber nicht ein vollständiger Kreis ist, sondern ein Kreisabschnitt, so wird wieder der Kreisabschnitt den Abschnitt einer speirischen Oberfläche erzeugen, wie es auch die Speiren, die als

καὶ ἀπὸ τῶν  $A, Z$  τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς  
 ἤχθωσαν αἱ  $\Delta ZE, AH\Theta$ . καὶ διὰ τῶν  $\Delta, E$  τῇ  $AB$   
 παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ  $\Delta HE\Theta$ . δέδεικται δὲ Διονυ-  
 σοδώρῳ ἐν τῷ περὶ τῆς σπείρας ἐπιγραφομένῳ, ὅτι ὁ  
 λόγον ἔχει ὁ  $B\Gamma\Delta E$  κύκλος πρὸς τὸ ἥμισυ τοῦ  $\Delta EH\Theta$  5  
 παραλληλογράμμου, τοῦτον ἔχει καὶ ἡ γεννηθεῖσα σπείρα  
 ὑπὸ τοῦ  $B\Gamma\Delta E$  κύκλου πρὸς τὸν κύλινδρον, οὗ ἄξων  
 μὲν ἐστὶν ὁ  $H\Theta$ , ἡ δὲ ἐκ τοῦ κέντρου τῆς βάσεως ἡ  
 $E\Theta$ . ἐπεὶ οὖν ἡ  $B\Gamma$  μονάδων  $\iota\beta$  ἐστίν, ἡ ἄρα  $Z\Gamma$   
 fol. 96<sup>r</sup> ἐστὶ | μονάδων  $\varsigma$ . ἐστὶ δὲ καὶ ἡ  $A\Gamma$  μονάδων  $\eta$ · ἐστὶ 10  
 ἄρα ἡ  $AZ$  μονάδων  $\iota\delta$ , τουτέστιν ἡ  $E\Theta$ , ἣτις ἐστὶν  
 ἐκ τοῦ κέντρου τῆς βάσεως τοῦ εἰρημένου κυλίνδρου·  
 δοθεὶς ἄρα ἐστὶν ὁ κύκλος· ἀλλὰ καὶ ὁ ἄξων δοθεὶς·  
 ἐστὶν γὰρ μονάδων  $\iota\beta$ , ἐπεὶ καὶ ἡ  $\Delta E$ . ὥστε δοθεὶς  
 καὶ ὁ εἰρημένος κύλινδρος· καὶ ἐστὶ τὸ  $\Delta\Theta$  παραλληλό- 15  
 γραμμον (δοθέν)· ὥστε καὶ τὸ ἥμισυ αὐτοῦ. ἀλλὰ καὶ  
 ὁ  $B\Gamma\Delta E$  κύκλος· δοθεῖσα γὰρ ἡ  $\Gamma B$  διάμετρος. λόγος  
 ἄρα τοῦ  $B\Gamma\Delta E$  κύκλου πρὸς τὸ  $\Delta\Theta$  παραλληλόγραμ-  
 μον δοθεὶς· ὥστε καὶ τῆς σπείρας πρὸς τὸν κύλινδρον  
 λόγος ἐστὶ δοθεὶς. καὶ ἐστὶ δοθεὶς ὁ κύλινδρος· δοθέν 20  
 ἄρα καὶ τὸ στερεὸν τῆς σπείρας. συντεθήσεται δὲ  
 ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως. ἄφειλε ἀπὸ τῶν  $\kappa$  τὰ  
 $\langle\iota\rangle\beta$ · λοιπὰ  $\eta$ . καὶ πρόσθετες τὰ  $\kappa$ · γίννεται  $\kappa\eta$ · καὶ  
 μέτρησον κύλινδρον, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεώς  
 ἐστὶ μονάδων  $\kappa\eta$ , τὸ δὲ ὕψος  $\iota\beta$ · καὶ γίννεται τὸ 25  
 στερεὸν αὐτοῦ  $\zeta\tau\epsilon\beta$ . καὶ μέτρησον κύκλον, οὗ διά-  
 μετρός ἐστὶ μονάδων  $\iota\beta$ · γίννεται τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ,  
 καθὼς ἐμάθομεν,  $\rho\iota\gamma\zeta$ · καὶ λαβὲ τῶν  $\kappa\eta$  τὸ ἥμισυ·  
 γίννεται  $\iota\delta$ . ἐπὶ τὸ ἥμισυ τῶν  $\iota\beta$ · γίννεται  $\pi\delta$ .

Säulenbasen dienen, sind. Denn da 3 Oberflächen an dem sog. ἀναγραφεύς sind, den manche auch ἐμβολεύς nennen, 2 äußere concave, und eine mittlere convexe, die sich gleichzeitig drehen, so erzeugen die drei die Gestalt der Speira, wie sie die Säulenunterlagen haben. Es sei nun die von dem Kreis  $BΓΔΕ$  erzeugte Speira zu messen. Gegeben sei  $AB = 20$ , der Durchmesser  $BΓ = 12$ . Man nehme den Mittelpunkt des Kreises  $Z$  und ziehe von  $A$  und  $Z$  im rechten Winkel zu der vorausgesetzten Ebene die Geraden  $ΔΖΕ$  und  $AΗΘ$ , und durch  $A$  und  $E$  zu  $AB$  die Parallelen  $AΗ$  und  $EΘ$ . Nun ist von Dionysodoros in der Schrift über die Speira nachgewiesen, daß dasselbe Verhältnis, das der Kreis  $BΓΔΕ$  zu der Hälfte des Parallelogramms  $ΔΕΗΘ$  hat, auch die von dem 15 Kreise  $BΓΔΕ$  erzeugte Speira zu dem Cylinder hat, dessen Axe  $HΘ$  und dessen Basisradius  $EΘ$  ist. Da nun  $BΓ = 12$  ist, so wird  $ZΓ = 6$  sein. Es ist aber  $AΓ = 8$ , also wird  $AZ = 14$  sein, also  $EΘ = 14$ , welches der Radius der Basis des bezeichneten Cylinders ist. Mithin 20 ist der Kreis gegeben. Aber auch die Axe ist gegeben; sie ist nämlich  $= 12$ , da so groß auch  $ΔΕ$  ist. Daher ist auch der genannte Cylinder gegeben. Auch ist das Parallelogramm  $ΔΘ$  gegeben, also auch seine Hälfte; aber auch der Kreis  $BΓΔΕ$ , denn sein Durchmesser  $ΓΒ$  ist 25 gegeben. Also ist das Verhältnis des Kreises  $BΓΔΕ$  zu dem Parallelogramm  $ΔΘ$  gegeben; mithin ist auch das Verhältnis der Speira zu dem Cylinder gegeben. Nun ist der Cylinder gegeben; also ist auch der Körperinhalt der Speira gegeben. Berechnet wird er, der Analyse 30 entsprechend, folgendermaßen

$$20 - 12 = 8$$

$$20 + 8 = 28.$$

Miß einen Cylinder, dessen Basisdurchmesser  $= 28$  und dessen Höhe  $= 12$  ist; sein Körperinhalt ist 7392. Miß 35 einen Kreis, dessen Durchmesser  $= 12$  ist; sein Inhalt ist, wie wir lernten,  $= 113\frac{1}{7}$ .

καὶ πολλαπλασιάσας τὰ  $[μ]$  ζτϑβ ἐπὶ τὰ ριγ ζ'. καὶ τὰ  
γενόμενα παράβαλε παρὰ τὸν πδ· γίνεται θ' Δνς δ.  
τοσούτου ἔσται τὸ στερεὸν τῆς σπείρας. δυνατὸν δέ ἐστι  
καὶ ἄλλως μετρῆσαι. ἐπεὶ γὰρ ἡ ΑΖ ἐστὶ μονάδων  
ιδ, καὶ ἔστιν ἐκ τοῦ κέντρου, ἡ ἄρα διάμετρος ἐστὶ 5  
μονάδων κη· ὥστε ἡ περιφέρεια τοῦ κύκλου γίνεται  
μονάδων πη· ἀπλωθεῖσα ἄρα ἡ σπείρα καὶ γενομένη  
ὡς κύλινδρος ἔξει τὸ μῆκος μονάδων πη· καὶ ἔστιν  
ἡ διάμετρος τῆς βάσεως τοῦ κυλίνδρου, τουτέστιν ἡ  
ΒΓ, μονάδων ιβ· ὥστε τὸ στερεὸν τοῦ κυλίνδρου, ὡς 10  
ἐμάθομεν, ἔσται μονάδων ζτϑβ. πάλιν θ' Δνς δ.

fol. 96<sup>v</sup> ιδ. | Ἐστω κυλίνδρου τμήμα μετρησά τετμημένου  
διὰ τοῦ κέντρου μιᾶς τῶν βάσεων· καὶ ἔστω ἡ μὲν  
διάμετρος τῆς βάσεως ἡ ΑΒ μονάδων ζ, τὸ δὲ ὕψος  
τοῦ τμήματος μονάδων κ· ἀποδέδειχεν Ἀρχιμήδης ἐν 15  
τῷ ἐφοδικῷ, ὅτι τὸ τοιοῦτον τμήμα ἕκτον μέρος ἐστὶ  
τοῦ στερεοῦ παραλληλεπίπεδον τοῦ βάσιν μὲν ἔχοντος  
τὸ περιγραφόμενον περὶ τὴν βάσιν τοῦ κυλίνδρου  
τετραγώνον, ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ τῷ τμήματι. δοθέν δὲ  
τὸ στερεὸν παραλληλεπίπεδον· δοθέν ἄρα καὶ τὸ τμήμα 20  
τοῦ κυλίνδρου· ὅθεν δεήσει τὰ ζ ἐφ' ἑαυτὰ ποιήσαντα  
πολλαπλασιάσαι ἐπὶ τὸ ὕψος, τουτέστιν ἐπὶ τὰ κ· γίγ-  
νεται Δπ· καὶ τούτων τὸ ἕκτον γίνεται ρξγ γ'.  
τοσούτου ἔσται τὸ τμήμα τοῦ κυλίνδρου.

ιε. Ὁ δ' αὐτὸς Ἀρχιμήδης ἐν τῷ αὐτῷ βιβλίῳ δείκ- 25  
νυσιν, ὅτι ἐὰν εἰς κύβον δύο κύλινδροι διωσθῶσιν  
τὰς βάσεις ἔχοντες ἐφαπτομένας τῶν πλευρῶν τοῦ  
κύβου, τὸ κοινὸν τμήμα τῶν κυλίνδρων δίμοιρον ἔσται

1 deleui; f. πολλαπλασιάσων 2 θ' Δνς δ' ε': correxi 8 ὡς  
supra lin. add. m. 1 11 ζτϑβ: correxi. θ' Δνς δ': correxi

$$\frac{28}{2} = 14$$

$$14 \times \frac{12}{2} = 84$$

$$(7392 \times 113\frac{1}{7}) : 84 = 9956\frac{4}{7}.$$

So groß wird der Inhalt der Speira sein.

- 5 Man kann sie aber auch anders messen. Da nämlich  $AZ = 14$  und ein Radius ist, so wird der Durchmesser  $= 28$  sein. Die Peripherie des Kreises ergibt sich daher  $= 88$ . Wenn also die Speira aufgerollt und gleichsam ein Cylinder wird, so wird sie die Länge 88 haben. Nun  
 10 ist der Durchmesser der Basis des Cylinders, d. h.  $BT = 12$ . Daher wird der Körperinhalt des Cylinders, wie wir lernten,  $= 7392$  sein. Wiederum ergibt sich  $9956\frac{4}{7}$ .

- XIV. Es sei ein Abschnitt eines Cylinders zu messen, der durch den Mittelpunkt einer der Basen geschnitten wird (ein sog. Cylinderhuf);  
 15 und es sei der Durchmesser der Basis,  $AB = 7$ , die Höhe des Abschnittes  $= 20$ . Archimedes hat in dem *ἐφοδικόν* nachgewiesen, daß ein solcher Abschnitt der sechste Teil des Parallelepipedons ist, das zur Basis das der Basis des Cylinders umgeschriebene Viereck und dieselbe Höhe wie der Abschnitt hat. Nun ist das Parallelepipedon gegeben; also ist auch der Abschnitt des  
 20 Cylinders gegeben. Also:

25

$$7^2 \times 20 = 980$$

$$\frac{980}{6} = 163\frac{1}{3}.$$

30

So groß wird der Abschnitt des Cylinders sein.

fol. 97<sup>r</sup> τοῦ κύβου. τοῦτο δὲ εὐχρηστον | τυγχάνει πρὸς τὰς  
οὕτως κατασκευαζομένας καμάρας, αἱ γίνονται ἐπὶ  
πλείστον ἐν τε ταῖς κρήναις καὶ βαλανείοις, ὅταν αἱ  
εἰσοδοὶ ἢ τὰ φῶτα ἐκ τῶν τεσσάρων μερῶν ὑπάρχῃ·  
καὶ ὅπου ξύλοις οὐκ εὐθεται στεγάζεσθαι τοὺς τόπους. 5

Ἀκόλουθον δὲ ἐστὶ καὶ τὰς τῶν πέντε σχημάτων  
τῶν Πλάτωνος καλουμένων, λέγω δὴ κύβου τε καὶ  
πυραμίδος καὶ ὀκτάεδρου, ἔτι δὲ καὶ δωδεκαέδρου καὶ  
εἰκοσαέδρου, τὰς μετρήσεις προσεντάξαι. ὁ μὲν οὖν  
κύβος φανεράν τὴν μέτρησιν ἔχει· δεῖ γὰρ κυβίσαι 10  
τὰς διδομένας τῆς πλευρᾶς αὐτοῦ μονάδας καὶ ἀπο-  
φαίνεσθαι αὐτοῦ τὸ στερεόν.

ις. Ἔστω δὲ πυραμίδα μετρησά, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ  
τὸ  $AB\Gamma$  <ἰσόπλευρον> τρίγωνον, κορυφή δὲ τὸ  $\Delta$   
σημεῖον. ἥς ἐκάστη[ς] πλευρὰ[ς] ἔστω μονάδων ιβ. 15  
εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ περὶ τὸ  $AB\Gamma$  τρίγωνον κύκλου  
τὸ  $E$ · καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $\Delta E$   $E\Gamma$ · τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς  
 $B\Gamma$ , τουτέστι τὸ ἀπὸ τοῦ  $\Gamma\Delta$ , τριπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ  
τῆς  $\Gamma E$ · ἡμιόλιον ἄρα ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς  $\Gamma\Delta$  τοῦ ἀπὸ  
τῆς  $\Delta E$ · καὶ ἔστι τὸ ἀπὸ  $\Gamma\Delta$  μονάδων ρμδ. τὸ ἄρα 20  
ἀπὸ  $\Delta E$  ἔσται μονάδων ςς· αὐτὴ δὲ ἡ  $\Delta E$  ὥς ἔγγιστα  
μονάδων θλγ'· ἐπεὶ οὖν ἐκάστη τῶν  $AB$   $B\Gamma$   $\Gamma\Delta$  δέδο-  
ται, <δέδοται> δὲ καὶ ἡ κάθετος ἡ  $\Delta E$ , δοθέν ἄρα καὶ  
τὸ στερεόν τῆς πυραμίδος. ὥστε δεήσει τὸ ἐμβαδὸν τοῦ  
 $AB\Gamma$  ἰσοπλεύρου τριγώνου ὡς ἐμάθομεν πολλαπλα- 25  
σιάσαι ἐπὶ τὰς θλγ'· καὶ τῶν γιγνομένων τὸ τρίτον  
λαβόντα ἀποφαίνεσθαι τὸ τῆς πυραμίδος στερεόν.

fol. 97<sup>v</sup> ις. | Ἔστω δὲ ὀκτάεδρον μετρησά, οὗ ἐκάστη πλευρὰ  
ἐστὶ μονάδων ζ. ἔστω τὸ εἰρημένον ὀκτάεδρον, οὗ

3 ἔνται ταῖς: correxi    5 f. εὐθεται    6 τὰς f. delendum  
23 <δέδοται> addidi; πρὸς add. m. 2



XV. Derselbe Archimedes weist in demselben Buche nach, daß, wenn in einen Würfel zwei sich durchdringende Cylinder eingesetzt werden, deren Basen die Seiten des Würfels berühren, der gemeinsame Abschnitt der Cylinder  
 5 gleich  $\frac{2}{3}$  des Würfels sein wird. Dieser Satz ist verwendbar für die in dieser Weise gebauten Gewölbe, welche meist an Quellen und Bädern vorkommen, wenn die Eingänge oder Fenster auf allen vier Seiten sind, und wo es nicht angängig ist, daß die Orte mit Balken gedeckt  
 10 werden.

Das Nächste ist, daß wir auch die Meßmethoden der sogenannten 5 Körper des Platon, ich meine des Würfels, der Pyramide und des Oktaeders, weiter aber auch des Dodekaeders und Ikosaeders einfügen. Wie nun der  
 15 Würfel zu messen ist, ist klar. Man muß nämlich die gegebenen Maßeinheiten seiner Seite in die dritte Potenz erheben und so groß seinen Körperinhalt angeben.

XVI. Es sei aber nun eine Pyramide zu messen, deren Basis das gleichseitige Dreieck  $AB\Gamma$  und deren Spitze  
 20 der Punkt  $\Delta$  ist; jede ihrer Seiten sei = 12. Man nehme den Mittelpunkt des dem Dreieck  $AB\Gamma$  umbeschriebenen Kreises,  $E$ , und ziehe die Verbindungslinien  $\Delta E$  und  $E\Gamma$ . Also ist  $B\Gamma^2 = \Gamma\Delta^2 = 3E\Gamma^2$ . Also ist  $\Gamma\Delta^2 = 1\frac{1}{2}\Delta E^2$ . Nun ist  $\Gamma\Delta^2 = 144$ . Also  $\Delta E^2 = 96$ ; und  $\Delta E$  selbst  
 25 annähernd  $= 9\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$ . Da nun jede der Geraden  $AB$ ,  $\Gamma B$ ,  $\Gamma A$  gegeben ist, aber auch die Kathete  $\Delta E$  gegeben ist, so ist auch der Körperinhalt der Pyramide gegeben. Man wird daher den Inhalt des gleichseitigen Dreiecks  $AB\Gamma$  multiplizieren müssen mit  $9\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$  und, nachdem  
 30 man von dem Produkt den dritten Teil genommen hat, so groß den Körperinhalt der Pyramide angeben müssen.

XVII. Es sei ein Oktaeder zu messen, von dem jede Seite = 7. Es sei das bezeichnete Oktaeder dasjenige, dessen Winkel an den Punkten  $A, B, \Gamma, \Delta, E, Z$  liegen  
 35 sollen. Dieses setzt sich zusammen aus zwei Pyramiden,

γωνίαι ἔστωσαν αἱ πρὸς τοῖς  $ABΓΔEZ$  σημείοις· τοῦτο δὲ σύγκειται ἐκ δύο πυραμίδων, ὧν βάσις κοινὴ τὸ  $ABΓΔ$  τετράγωνον, κορυφαὶ δὲ τὰ  $E, Z$  σημεῖα· ἑκατέρας ἄρα αὐτῶν τριπλάσιόν ἐστι τὸ στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ τὸ  $ABΓΔ$ , ὕψος δὲ τὸ ἥμισυ τῆς  $EZ$ · ὥστε ὅλου τοῦ ὀκταέδρου τριπλάσιόν ἐστι τὸ στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις μὲν τὸ  $ABΓΔ$  τετράγωνον, ὕψος δὲ ἡ  $EZ$  διάμετρος· ἐπεὶ οὖν ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς  $EA$  μονάδων  $\mu\theta$ , τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς  $EZ$  ἐστὶ  $\rho\eta$ · ἡ ἄρα  $EZ$  ὡς ἔγγιστα ἐστὶ 10 μονάδων  $\iota$ · ἐπεὶ οὖν ἡ  $AB$  ἐστὶ μονάδων  $\xi$ , τὸ ἄρα  $ABΓΔ$  τετράγωνον ἐστὶ μονάδων  $\mu\theta$ · καὶ ἐστὶν ἡ  $EZ$  ὕψος τοῦ στερεοῦ· τὸ ἄρα στερεὸν παραλληλεπίπεδον ἐστὶ μονάδων  $\nu\zeta$ · καὶ ἐστὶ τριπλάσιον τοῦ ὀκταέδρου· τὸ ἄρα ὀκταέδρον ἐστὶ  $\rho\zeta\gamma\gamma'$ · τοσούτου 15 ἐστὶ τὸ στερεόν.

ιη. Ἔστω εἰκοσάεδρον <μετρήσαι>, οὗ ἐκάστη τῶν πλευρῶν ἔστω μονάδων  $\iota$ · ἐπεὶ οὖν τὸ εἰκοσάεδρον ὑπὸ εἴκοσι τριγώνων ἰσοπλεύρων περιέχεται, νενοήσθωσαν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας ἐπιζευγμέναι 20 <εὐθεῖαι> ἐπὶ τὰς τῶν τριγώνων γωνίας· ἔλθονται ἄρα εἴκοσι πυραμίδες ἴσαι βάσεις μὲν ἔχουσαι τὰ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνα, κορυφαὶ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας· καὶ μία αὐτῶν <νε>νοήσθω, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ  $\Delta$  σημεῖον, καὶ εἰλήφθω 25 τὸ κέντρον τοῦ περὶ τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον κύκλου τὸ  $E$ · καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $\Delta E$ · ἐπεὶ οὖν ἡ τοῦ εἰκοσαέδρου πλευρὰ πρὸς τὴν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας κάθετον ἀγομένην ἐπὶ ἐν τῶν τοῦ εἰκοσαέδρου τριγώνων λόγον ἔχει, <ὄν> τὰ  $\rho\kappa\zeta$  πρὸς τὰ  $\rho\gamma$ , καὶ ἐστὶν ἡ 30 τοῦ εἰκοσαέδρου πλευρὰ μονάδων  $\nu$ , ἐστὶ ἄρα ἡ

deren gemeinschaftliche Basis das Quadrat  $AB\Gamma\Delta$ , und deren Spitzen die Punkte  $E$  und  $Z$  sind. Also ist dreimal so groß als jede dieser beiden das Parallelepipedon, dessen Basis  $AB\Gamma\Delta$  und dessen Höhe  $\frac{EZ}{2}$  ist.

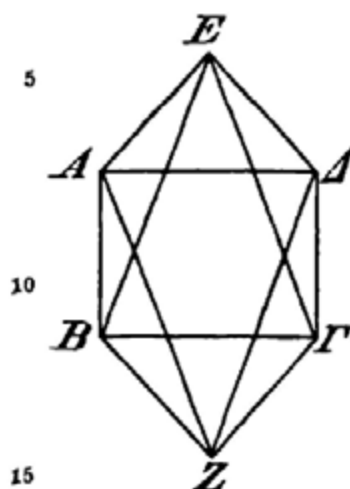


Fig. 58.

Daher ist dreimal so groß als das ganze Oktaeder das Parallelepipedon, dessen Basis das Quadrat  $AB\Gamma\Delta$  und dessen Höhe der Durchmesser  $EZ$  ist. Da nun  $EA^2 = 49$  ist, so wird  $EZ^2 = 98$  sein. Also wird  $EZ$  annähernd  $= 10$  sein. Da nun  $AB = 7$ , so wird das Quadrat  $AB\Gamma\Delta = 49$  sein. Nun ist  $EZ$  die Höhe des Körpers; das Parallelepipedon wird also  $= 490$  sein. Nun ist es dreimal so groß

als das Oktaeder; das Oktaeder wird also  $= 163\frac{1}{3}$  sein. So groß wird sein Körperinhalt sein.

- 20 XVIII. Es sei ein Ikosaeder zu messen, von dem jede Seite  $= 10$  sei. Da nun das Ikosaeder von 20 gleichseitigen Dreiecken umschlossen wird, denke man sich Verbindungslinien vom Mittelpunkt der Kugel zu den Dreieckswinkeln gezogen; es werden also 20 gleiche  
 25 Pyramiden entstehen, die zu Basen die Dreiecksflächen des Ikosaeders und zur Spitze den Mittelpunkt der Kugel haben. Nun denke man sich eine derselben, deren Basis das Dreieck  $AB\Gamma$  und deren Spitze der Punkt  $\Delta$  ist. Und man bestimme den Mittelpunkt des dem Dreieck  
 30  $AB\Gamma$  umgeschriebenen Kreises, und ziehe die Verbindungslinie  $\Delta E$ . Da nun die Seite des Ikosaeders zu der Höhe vom Mittelpunkt der Kugel auf eine der Dreiecksflächen des Ikosaeders  $= 127 : 93$  ist und die Seite des Ikosa-

3  $\kappa\omicron\sigma\upsilon\varphi\eta$ : correxī 6  $\tau\omicron\delta\ \pi\epsilon\delta\ \tau\omega\upsilon\ \epsilon\zeta$ : sustuli errorem  
 ex compendiorum similitudine ortum 17 supplevi 24 correxī  
 30 supplevi

$\Delta E$  κάθετος μονάδων ζ και  $\mu\alpha'$ . ἐπεὶ οὖν τοῦ  $AB\Gamma$  τριγώνου ἐκάστη πλευρὰ δοθεῖσά ἐστιν καὶ ἡ  $\Delta E$  δὲ κάθετος, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ πυραμὶς, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ  $AB\Gamma$  τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ  $\Delta$  σημεῖον. καὶ

ἐστὶν εἰκοστὸν μέρος τοῦ εἰκοσαέδρου· δοθέν ἄρα ἐστὶ καὶ τὸ εἰκοσαέδρον.

δεῖξει ἄρα τὰ  $\iota$  ἐπὶ τὰ  $\alpha\gamma$  ποιῆσαι καὶ τῶν γενομένων λαβεῖν τὸ  $\rho\kappa\zeta'$  καὶ ἔχειν τὴν τῆς πυραμίδος

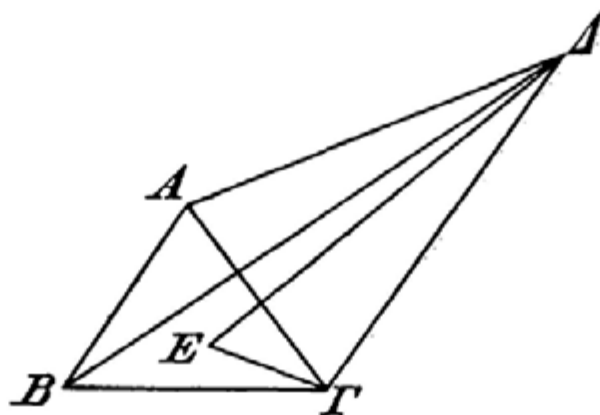


Fig. 59.

κάθετον· καὶ λαβόντα τὸ ἔμβαδὸν τοῦ  $AB\Gamma$  τριγώνου ἰσοπλεύρου καὶ εἰκοσάκι ποιήσαντα πολλαπλασιάσαι ἐπὶ τὴν εἰρημένην κάθετον· καὶ τῶν γενομένων τὸ τρίτον λαβόντα ἀποφαίνεσθαι τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου στερεόν.

101. 98<sup>v</sup> ιθ. Ἔστω δὴ δωδεκάεδρον μετρηῆσαι, οὗ ἐκάστη πλευρὰ ἐστὶ μονάδων  $\iota$ . πάλιν οὖν, ἐὰν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας νοήσωμεν ἐπιζευγμένας εὐθείας ἐπὶ τὰς τοῦ πενταγώνου γωνίας, ἔσονται  $\iota\beta$  πυραμίδες πενταγώνους βάσεις ἔχουσai, κορυφὰς δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας· λόγον δὲ ἔχει ἡ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ πρὸς τὴν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας κάθετον ἀγομένην ἐπὶ ἓν τῶν πενταγώνων, ὅν τὰ  $\eta$  πρὸς τὰ  $\theta$ · καὶ ἐστὶν ἡ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ μονάδων  $\iota$ · ἡ ἄρα

eders = 10 ist, so wird die Höhe  $\Delta E = 7 + \frac{41}{127}$ . Da nun jede Seite des Dreiecks  $ABF$  und auch die Höhe  $\Delta E$  gegeben ist, so ist auch die Pyramide gegeben, deren Basis das Dreieck  $ABF$  und deren Spitze der Punkt  $\Delta$  ist, und sie ist der zwanzigste Teil des Ikosaeders. Also ist auch das Ikosaeder gegeben. Man wird also  $10 \times 93$  ausrechnen und von dem Produkt  $\frac{1}{127}$  nehmen müssen und damit die Höhe der Pyramide haben. Dann wird man den Inhalt des gleichseitigen Dreiecks  $ABF$  bestimmen, 10 zwanzigmal nehmen und mit der genannten Höhe multiplizieren müssen, und nachdem man von dem Produkt den dritten Teil genommen hat, den Körperinhalt des Ikosaeders angeben können.

XIX. Es sei nun ein Dodekaeder zu messen, von dem 15 jede Seite = 10 ist. Wenn wir nun wieder vom Mittelpunkt der Kugel Verbindungslinien zu den Winkeln der

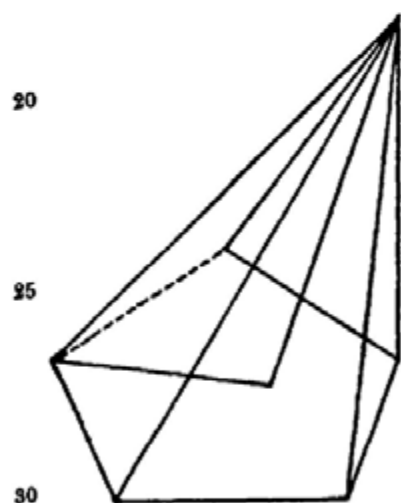


Fig. 60.

Fünfecke gezogen denken, so werden 12 Pyramiden entstehen, die fünfeckige Basen haben und zur Spitze den Mittelpunkt der Kugel. Es verhält sich aber die Seite des Fünfecks zu der Höhe vom Mittelpunkt der Kugel auf eines der Fünfecke = 8 : 9. Nun ist die Seite des Fünfecks = 10. Die genannte Höhe wird also =  $11\frac{1}{4}$  sein. Wenn wir nun wiederum den Inhalt des Fünfecks bestimmen und mit der Kathete multiplizieren und dann von dem Produkt  $\frac{1}{3}$  nehmen, so

werden wir den Körperinhalt einer Pyramide haben. Nehmen wir diesen zwölfmal, so werden wir den Körperinhalt des 35 Dodekaeders erhalten.

εἰρημένην κάθετος ἔσται μονάδων ια δ'. πάλιν οὖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ πενταγώνου λαβόντες καὶ πολλαπλασιάσαντες ἐπὶ τὴν κάθετον καὶ τῶν γενομένων τὸ τρίτον λαβόντες ἔξομεν μιᾶς πυραμίδος τὸ στερεόν· ὃ δωδεκάκι ποιήσαντες ἔξομεν τὸ τοῦ δωδεκαέδρου στερεόν. 5

κ. Τῶν δὲ ἐν τάξει στερεῶν σωμάτων μετρηθέντων εὐλογον ὑπολαμβάνομεν καὶ τὰ ἄτακτα, οἷον ριζώδη ἢ πετρώδη, παριστορεῖν τῇ μετρήσει, ὥς ἐνιοὶ ἱστοροῦσι τὸν Ἀρχιμήδην ἐπινενοηκέναι πρὸς τὰ τοιαῦτα μέθοδον. εἰ μὲν γὰρ εὐμετάφορον εἴη τὸ μέλλον μετρεῖσθαι, 10 δεήσει δεξαμενὴν<ν> πάντῃ ὀρθογωνίαν ποιήσαντα δυναμένην δέξασθαι, ὃ βουλόμεθα μετρηθῆναι, πληρῶσαι ὕδατος καὶ ἐμβαλεῖν τὸ ἄτακτον σῶμα. δῆλον δὲ οὖν, ὅτι ὑπερχυθήσεται τὸ ὕδωρ καὶ τοσοῦτόν γε, ὅσος ἔστιν ὁ τοῦ ἐμβληθέντος σώματος εἰς τὸ ὕδωρ ὄγκος, 15 ἔξαρθέντος τοῦ σώματος πάλιν ἐκ τῆς δεξαμενῆς ἑλλιπὲς ἔσται. μετρήσαντες οὖν τὸν ἐκκεκενωμένον τόπον 101. 99<sup>r</sup> ἀποφανόμεθα τοσοῦτον | εἶναι τὸ στερεὸν τοῦ ἐμβληθέντος σώματος. ἢ καὶ ἄλλως δυνατόν ἐστι τὸ αὐτὸ μετρηθῆναι· ἐὰν γὰρ προσπλασθῇ τὸ ἄτακτον σῶμα 20 κηρῷ ἢ πηλῷ, ὥστε γενέσθαι ἀποκρυβέν πάντῃ ὀρθογώνιον, καὶ τοῦτο μετρήσαντες ἀφέλωμεν τὸν πηλὸν καὶ ὀρθογώνιον πλάσαντες ἐκμετρήσωμεν καὶ ἀφέλωμεν ἀπὸ τοῦ πρότερον μετρηθέντος τὸ καταλειπόμενον, ἀποφανόμεθα τὸ τοῦ σώματος στερεόν· τῇ δὲ τοῦ 25 περιπλάσματος μεθόδῳ χρῆσθαι δεῖ ἐπὶ τῶν μὴ δυναμένων μετατίθεσθαι σωμάτων.

1 ια δ': correxi    11 δεξαμένη: correxi    15 οἷον: correxi  
 σώματος ex ὕδατος fec. m. 1    17 ἑλλιπὲς: correxi    20 f.  
 περιπλασθῇ    22 ἀφέλωμεν: correxi    27 Ἡρώνης Ἀλεξανδρέως  
 μέτρησις στερεῶν subscripsit m. 1

XX. Nachdem die bestimmten Körper gemessen sind, halten wir für angemessen auch die unbestimmten, wie z. B. Wurzeln oder Felsstücke, in der Vermessungskunde beiläufig zu erwähnen, da einige berichten, daß Archimedes für derartige eine Methode ausgedacht habe. Wenn nämlich der zu messende Körper leicht transportabel sein sollte, so wird man eine durchgängig rechtwinklige Wanne, die das, was wir gemessen zu haben wünschen, aufzunehmen vermag, herrichten und mit Wasser füllen und den unbestimmten Körper hineinwerfen müssen. Es ist nun klar, daß das Wasser überfließen wird und zwar wird soviel davon, als das Volumen des in das Wasser geworfenen Körpers beträgt, fehlen, wenn der Körper wieder aus der Wanne herausgenommen wird. Messen wir nun den leeren gewordenen Raum, so werden wir den Körperinhalt des hineingeworfenen Körpers so groß anzugeben haben. Oder man kann dieselbe Messung auch auf andere Weise vornehmen. Denn wenn der unbestimmte Körper mit Wachs oder Lehm bestrichen wird, sodaß er, wenn er eingehüllt ist, durchgängig rechtwinklig ist und wir ihn in dieser Gestalt messen, dann den Lehm abnehmen, in rechtwinklige Form kneten und ausmessen, und dann von dem zuerst gemessenen den Rest abziehen, so werden wir den Inhalt des Körpers angeben können. Diese Einhüllungsmethode muß man bei den nicht transportablen Körpern anwenden.

## ΗΡΩΝΟΣ ΜΕΤΡΙΚΩΝ Γ

### ΠΡΟΟΙΜΙΟΝ

fol. 99<sup>v</sup>

| Οὐ πολὺ ἀπάδειν νομίζομεν τὰς τῶν χωρίων  
διαίρεσεις τῶν γιγνομένων ἐν τοῖς χωρίοις μετρή-  
σεων· καὶ γὰρ τὸ ἀπονεῖμαι χωρίον τοῖς ἴσοις ἴσον 5  
καὶ τὸ πλεόν τοῖς ἀξίοις κατὰ τὴν ἀναλογίαν πάννυ  
εὐχρηστον καὶ ἀναγκαῖον θεωρεῖται. ἤδη γοῦν καὶ ἡ  
σύμπασα γῆ διήρηται κατ' ἀξίαν ὑπ' αὐτῆς τῆς φύ-  
σεως· νέμεται γὰρ κατ' αὐτὴν ἔθνη μέγιστα μεγάλην  
λελογχότα χώραν, ἔνια δὲ καὶ ὀλίγην μικρὰ καθ' 10  
αὐτὰ ὑπάρχοντα· οὐχ ἦττον δὲ καὶ κατὰ μίαν αἱ πό-  
λεις κατ' ἀξίαν διήρηνται· τοῖς μὲν ἡγεμόσι καὶ τοῖς  
ἄλλοις τοῖς ἄρχειν δυναμένοις μείζω καὶ κατὰ ἀνα-  
λογίαν, τοῖς δὲ μηδὲν τοιοῦτο δυναμένοις ὄραν μικροὶ  
κατελείφθησαν τόποι, κῶμαί τε τοῖς μικροψυχοτέροις 15  
καὶ ἐποίκια καὶ ὅσα τοιαῦτά ἐστιν· ἀλλὰ τὰ μὲν  
παχυμερεστέραν πως καὶ ἀργότεραν εἴληφε τὴν ἀνα-  
λογίαν· εἰ δέ τις βούλοιτο κατὰ τὸν δοθέντα λόγον  
διαμετεῖν τὰ χωρία, ὥστε μηδὲ ὡς εἰπεῖν κέγχρον μίαν  
τῆς ἀναλογίας ὑπερβάλλειν ἢ ἐλλείπειν τοῦ δοθέντος 20  
λόγου, μόνῃς προσδεήσεται γεωμετρίας· ἐν ἣ ἔφαρ-  
μογὴ μὲν ἴση, τῇ δὲ ἀναλογίᾳ δικαιοσύνη, ἡ δὲ περὶ

1 titulum supplēvi  
13 καὶ f. delendum

5 χωρίων: correxi  
17 παχυμερέστερον: correxi

12 f. μὲν <γὰρ>



# VERMESSUNGSLEHRE VON HERON VON ALEXANDRIA.

## DRITTES BUCH.

### TEILUNG VON FLÄCHEN UND KÖRPERN.

5 Die Teilungen von Raumgebilden unterscheiden sich Vorrede  
nach unserem Dafürhalten nicht erheblich von den Mes-  
sungen, die an den Raumgebilden vorgenommen werden.  
Denn das Geschäft, den Gleichberechtigten die gleiche  
Fläche Landes zuzuweisen und denen, die es wert sind,  
10 im Verhältnis mehr, wird als ein sehr nützliches und not-  
wendiges angesehen. Ist doch auch die gesamte Erde  
schon von der Natur selbst nach Verdienst eingeteilt  
worden. Denn es wohnen auf ihr sehr große Völker,  
denen ein großes Stück Land zugefallen ist; manchen da-  
15 gegen nur ein kleines, weil sie an sich nur klein sind.  
Ebenso sind auch die einzelnen Staatsgebiete nach Ver-  
dienst geteilt: den leitenden Männern und den übrigen,  
die zu regieren vermögen, wurden größere Stücke und  
zwar nach Verhältnis zu Teil; denen dagegen, die nichts  
20 der Art zu leisten vermochten, wurden nur kleine Plätze  
übrig gelassen und den Schwächeren Dörfer und einzelne  
Gehöfte und was es sonst von dieser Art giebt. Aber  
dies ist gewissermaßen nur im Groben und mühelos in  
ein Verhältnis gebracht. Wenn dagegen jemand Raum-  
25 gebilde nach einem gegebenen Verhältnis so teilen möchte,  
daß sozusagen auch nicht eine Kleinigkeit des Verhält-  
nisses überschießt über das gegebene Verhältnis oder  
dahinter zurückbleibt, so wird er dazu der Geometrie be-  
dürfen, in der gleichmäßige Anwendbarkeit vorhanden ist

τούτων ἀπόδειξις ἀναμφισβήτητος, ὅπερ τῶν ἄλλων τεχνῶν ἢ ἐπιστημῶν οὐδεμία ὑπισχνεῖται.

α. Χωρίον τρίγωνον διελεῖν εἰς τρίγωνα χωρία ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ τὴν αὐτὴν ἔχοντα κορυφήν. ἔστω τὸ δοθὲν τρίγωνον τὸ  $AB\Gamma$  ἔχον τὴν μὲν  $AB$  μονάδων  $\iota\gamma$ , τὴν δὲ  $B\Gamma$  μονάδων  $\iota\delta$ , τὴν δὲ  $A\Gamma$  μονάδων  $\iota\epsilon$ . καὶ δεῖον ἔστω διελεῖν αὐτὸ εἰς δύο χωρία τρίγωνα λόγον ἔχοντα πρὸς ἄλληλα, ὃν  $\epsilon$  πρὸς  $\gamma$ , κορυφήν δὲ τὸ  $A$ . γεγονέτω καὶ ἔστω ἡ διαιροῦσα εὐθεῖα ἡ  $AD$ .

λόγος ἄρα τοῦ  $AB\Delta$  τριγώνου πρὸς τὸ  $A\Delta\Gamma$  τρίγωνον,  $\langle\delta\nu\rangle$   $\epsilon$  πρὸς  $\gamma$ . καὶ συνθέντι λόγος ἄρα τοῦ  $AB\Gamma$  τριγώνου πρὸς τὸ  $A\Delta\Gamma$  τρί-

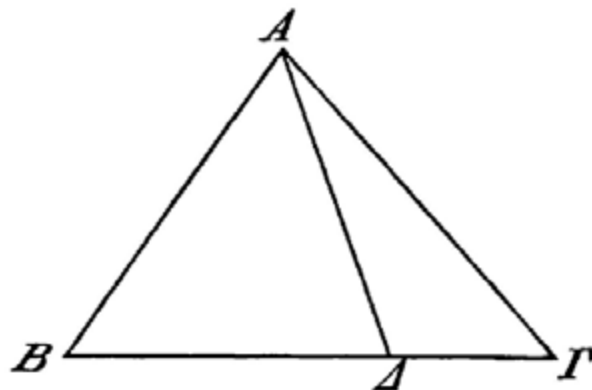


Fig. 61.

γωνον, ὃν  $\eta$  πρὸς  $\gamma$ . καὶ ἔστιν ἡ  $B\Gamma$  μονάδων  $\iota\delta$ . ἡ ἄρα  $\Gamma\Delta$  ἔσται μονάδων  $\epsilon\delta'$ . λοιπὴ ἄρα ἡ  $B\Delta$  μονάδων  $\eta\zeta\delta'$ . κἂν ἐπιζεύξωμεν τὴν  $AD$ , ἔσται γεγονὸς τὸ προκείμενον· τὸ μὲν γὰρ τοῦ  $AB\Delta$  τριγώνου ἐμβαδὸν εὐρήσομεν μονάδων  $\nu\beta\zeta$ , τὸ δὲ τοῦ  $A\Delta\Gamma$  τριγώνου μονάδων  $\lambda\alpha\zeta$ . ἔχει δὲ τὰ  $\nu\beta\zeta$  πρὸς τὰ  $\lambda\alpha\zeta$  λόγον, ὃν ἔχει τὰ  $\epsilon$  πρὸς τὰ  $\gamma$ .

β. Τὸ δοθὲν τρίγωνον εἰς τὸν δοθέντα λόγον διελεῖν εὐθεῖα τινὶ παραλλήλῳ τῇ βάσει. ἔστω τρίγωνον τὸ  $AB\Gamma$  ἔχον τὴν μὲν  $AB$  μονάδων  $\iota\gamma$ , τὴν δὲ  $B\Gamma$  μονάδων  $\iota\delta$ , τὴν δὲ  $A\Gamma$  μονάδων  $\iota\epsilon$ . καὶ

und durch die Durchführung eines Verhältnisses Gerechtigkeit geschaffen wird, der Beweis aber über diese Dinge unbestreitbar ist, was von den übrigen Künsten oder Fertigkeiten keine in Aussicht stellen kann.

- 6 I. Eine dreieckige Fläche in gegebenem Verhältnis in  
 dreieckige Flächen zu zerlegen, welche dieselbe Spitze  
 haben. Es sei  $AB\Gamma$  das gegebene Dreieck und  $AB = 13$ ,  
 $B\Gamma = 14$ ,  $A\Gamma = 15$ . Die Aufgabe sei, es in zwei dreieckige  
 10 Flächen zu zerlegen, die sich zu einander wie  $5 : 3$   
 verhalten und die Spitze  $A$  haben. Es sei geschehen und  
 die teilende Gerade sei  $AD$ . Also ist Dreieck  $ABD$  : Dreieck  
 $AD\Gamma = 5 : 3$ . Also Dreieck  $AB\Gamma$  : Dreieck  $AD\Gamma = 8 : 3$ .  
 Nun ist  $B\Gamma = 14$ ; also wird  $\Gamma D = 5\frac{1}{4}$  sein; also  
 $BD = 8\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$ , und wenn wir die Verbindungsline  $AD$   
 15 ziehen, so wird die Aufgabe gelöst. Denn als Inhalt des  
 Dreiecks  $ABD$  werden wir  $52\frac{1}{2}$ , als Inhalt des Dreiecks  
 $AD\Gamma$  aber  $31\frac{1}{2}$  erhalten. Es ist aber  $52\frac{1}{2} : 31\frac{1}{2} = 5 : 3$ .

II. Ein gegebenes Dreieck in einem gegebenen Verhältnis durch eine der Basis parallele Gerade zu teilen.

20

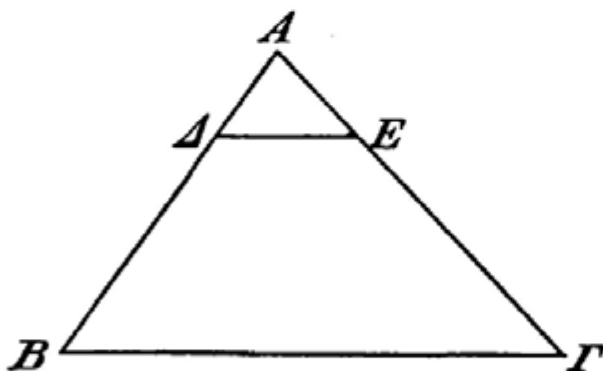
Das Dreieck sei  
 $AB\Gamma$ , in dem

$$AB = 13,$$

$$B\Gamma = 14,$$

$$A\Gamma = 15,$$

26



30

Fig. 62 a.

und die Aufgabe  
 sei, es so zu  
 teilen, daß das  
 Dreieck an der  
 Spitze 3mal so  
 groß ist als das  
 übrigbleibende

Trapez. Die teilende Gerade sei  $DE$ . Also ist Dreieck  
 $ADE$  dreimal so groß als das Trapez  $DE\Gamma B$ . Also

7  $\delta\epsilon\omicron\nu$   $\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota$ : corr. m. 2    8  $\delta$   $\mu\epsilon\nu$   $\epsilon$ : corr. m. 2    15  $\langle\delta\nu\rangle$   
 inserui

δέον ἔστω αὐτὸ διελεῖν, ὥστε τὸ πρὸς τῇ κορυφῇ  
 τρίγωνον τριπλάσιον εἶναι τοῦ λοιποῦ τραπεζίου.  
 ἔστω ἡ διαιροῦσα εὐθεῖα ἡ  $\Delta E$ · τριπλάσιον ἄρα  
 ἔστι τὸ  $\Delta \Delta E$  τρίγωνον τοῦ  $\Delta E \Gamma B$  τραπεζίου· τὸ  
 ἄρα  $AB \Gamma$  τρίγωνον [δν] πρὸς τὸ  $\Delta \Delta E$  τρίγωνον 5  
 λόγον ἔχει, δν δ πρὸς γ. ὥς δὲ τὸ  $AB \Gamma$  τρίγωνον  
 πρὸς τὸ  $\Delta \Delta E$  τρίγωνον, οὕτως τὸ ἀπὸ τῆς  $BA$   
 τετράγωνον [δν] πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς  $\Delta A$  διὰ τὸ ὅμοια  
 εἶναι τὰ τρίγωνα. καὶ ἔστι τὸ ἀπὸ τῆς  $BA$  τετρά-  
 γωνον μονάδων ρξ<θ· τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς  $\Delta \Delta$  τετρά- 10  
 γωνον μονάδων ρκ>ς<δ'. αὐτὴ ἄρα ἡ  $\Delta \Delta$  ἔσται ὥς  
 ἔγγιστα μονάδων ια δ'. ὥστε ἐὰν ἀπολάβωμεν τὴν  
 $\Delta \Delta$  μονάδων ια δ' καὶ παράλληλον ἀγάγωμεν τὴν  
 $\Delta E$ , ἔσται τὸ προκείμενον. ἵνα δὲ μὴ παράλληλον  
 ἄγωμεν, ἐπειδήπερ ἐν τοῖς χωρίοις δύσεργον ὑπάρχει 15  
 τὸ τοιοῦτον διὰ τὴν τῶν τόπων ἀνωμαλίαν, ἀποληψό-  
 μεθα καὶ τὴν  $AE$  μονάδων ὅσων ἂν ᾖ. ἔστιν δὲ,  
 ἐὰν ποιήσωμεν ὥς τὴν  $AB$  πρὸς  $AG$ , τουτέστιν ὥς  
 τὰ ιγ πρὸς ιε, οὕτως τὴν  $\Delta \Delta$ , τουτέστιν ια δ', πρὸς  
 ἄλλην τινὰ· τουτέστι τὴν  $AE$ . ἔσται μονάδων ιβ <να>. 20  
 fol. 100<sup>v</sup> | τοσούτου ἔσται ἡ  $AE$ . ἐπιζεύξαντες οὖν τὴν  $\Delta E$   
 ἔξομεν τὴν διαιροῦσαν τὸ χωρίον. ἡ δὲ μέθοδος ἔσται  
 τοιαύτη· ἐπεὶ ὁ λόγος, ἐν ᾧ διαιρεῖται, ἔστι γ πρὸς α,  
 σύνθετες γ καὶ α· γίγνεται δ. καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά·  
 γίγνεται ρξθ. ταῦτα ἐπὶ τὸν γ· γίγνεται φξ. παρά- 25  
 βαλε παρὰ τὸν δ· γίγνεται ρκς<δ'. τούτων πλευρὰ γί-  
 γνεται ὥς ἔγγιστα ια δ'. ταῦτα ἐπὶ τὸν ιε· γίγνε-  
 ται ρξη<δ'. ταῦτα παράβαλε παρὰ τὸν ιγ· γίγνεται ιβ  
 καὶ να. τοσούτου ἀπέλαβε τὴν  $AE$  καὶ ἐπίζευξον  
 τὴν  $\Delta E$ .

Dreieck  $AB\Gamma$ : Dreieck  $AAE = 4 : 3$ . Nun ist aber Dreieck  $AB\Gamma$ : Dreieck  $AAE = BA^2 : AA^2$ , weil die Dreiecke ähnlich sind. Und  $BA^2$  ist  $= 169$ , also  $AA^2 = 126\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$ . Also wird  $AA$  selbst annähernd  $= 11\frac{1}{4}$  sein. Wenn wir daher  $AA = 11\frac{1}{4}$  abtragen und die Parallele  $AE$  ziehen, so wird die Aufgabe gelöst sein. Um aber keine Parallele ziehen zu müssen, da dies im Terrain wegen der Ungleich-

mäßigkeit des Bodens schwierig ist, so werden wir auch  $AE$  so groß, als es ist, abtragen. Es ergibt sich aber, wenn wir folgende Berechnung machen:

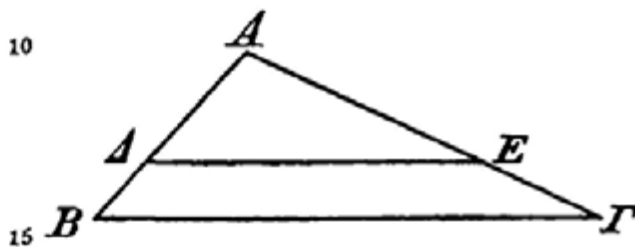


Fig. 62 b.

$AB : A\Gamma = 13 : 15 = AA : x = 11\frac{1}{4} : AE$ .  $AE = 12\frac{51}{52}$ . So groß wird  $AE$  sein. Ziehen wir nun die Verbindungslinie  $AE$ , so werden wir die Teilungslinie haben. Die Methode ist folgende: da das Verhältnis, in dem geteilt wird,  $3 : 1$  ist, so nimm  $3 + 1 = 4$

$$13^2 = 169$$

$$169 \times 3 = 507$$

$$\frac{507}{4} = 126\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$$

$$\sqrt{126\frac{1}{2} + \frac{1}{4}} \text{ annähernd} = 11\frac{1}{4}$$

$$11\frac{1}{4} \times 15 = 168\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$$

$$\frac{168\frac{1}{2} + \frac{1}{4}}{13} = 12\frac{51}{52}$$

So groß trage  $AE$  ab und ziehe die Verbindungslinie  $AE$ .

1 ελξ τε τὸ: corr. m. 2 5 [δν] delevi 8 [δν] delevi  
 10 ρξξ δ': lacunam explevi; θ supra scr. m. 2 13 αι δ':  
 correxi 18 πρδς AΓ: BΓ suprascr. m. 2 perperam 19 ιε:  
 ιδ suprascr. m. 2 perperam 20 ΔΕ: correxi ιβ νβ': correxi  
 27 ἐπλ τδν: correxi 29 νκ: correxi 29—30 ἐπλξενξον  
 τήν ΑΕ: correxi

γ. Ἐστω δὴ τὸ δοθέν τρίγωνον τὸ  $ABΓ$  ἔχον τὴν  
 μὲν  $AB$  μονάδων  $\iota\gamma$ , τὴν δὲ  $BΓ$  μονάδων  $\iota\delta$ , τὴν  
 δὲ  $ΓA$  μονάδων  $\iota\epsilon$ . καὶ ἀπειλήφθω ἡ  $AD$ , εἰ τύχοι,  
 μονάδων  $\iota\beta$ . καὶ θέον ἔστω ἀπὸ τοῦ  $A$  διαγαγεῖν  
 τὴν  $DE$  διαιροῦσαν τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον ἐν λόγῳ τῷ 5  
 δοθέντι. ἔστω δὴ ὁ λόγος, ὃν ἔχει τὰ  $\epsilon$  πρὸς τὰ  $\beta$ .  
 ἤχθωσαν ἀπὸ τῶν  $B, A$  ἐπὶ τὴν  $AD$  κάθετον αἱ  
 $BZ, AH$ . ἔσται δὴ ἡ  $BZ$  κάθετος, ὥς ἐμάθομεν, μο-  
 νάδων  $\iota\alpha \epsilon'$ . καὶ ἐπεὶ ἔστιν ὥς ἡ  $BA$  πρὸς  $AD$ ,  
 τουτέστιν ὥς  $\iota\gamma$  πρὸς  $\iota\beta$ , οὕτως ἡ  $BZ$  πρὸς  $AH$ , 10  
 καὶ ἔστιν ἡ  $BZ$   $\iota\alpha \epsilon'$ , ἡ ἄρα  $AH$  ἔσται μονάδων  $\iota$   
 καὶ  $\xi\epsilon'$ . καὶ ἐπεὶ τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $ADE$   
 λόγον ἔχει, ὃν  $\epsilon$  πρὸς  $\gamma$ , καὶ ἔστι τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον  
 μονάδων  $\pi\delta$ , τὸ ἄρα  $ADE$  τρίγωνον ἔσται μονάδων  
 $\nu$  καὶ  $\beta$ . τοῦ δὲ  $ADE$  τριγώνου διπλάσιόν ἐστι τὸ 15  
 ὑπὸ τῶν  $AE, AH$ . τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν  $AE, AH$  ἔσται  
 μονάδων  $\rho$  καὶ  $\delta$ . καὶ ἔστιν ἡ  $AH$  μονάδων  $\iota$  καὶ  
 $\xi\epsilon'$ . καὶ ἡ ἄρα  $AE$  ἔσται μονάδων  $\theta\zeta\delta'$ . καὶ ἐπιζεύξωμεν  
 τὴν  $DE$ , ἔσται τὸ προκείμενον. ἔστι δὲ ἡ μέθοδος  
 τοιαύτη· ἐπεὶ ἡ  $BZ$  κάθετός ἐστιν,  $\iota\alpha \epsilon'$  ἐπὶ τὰ  $\iota\beta$ . 20  
 fol. 101<sup>r</sup> | καὶ τὰ γενόμενα μέρισον εἰς τὸν  $\iota(\gamma' \gamma\iota\upsilon\omicron)$ νται μονά-  
 $\xi\epsilon'$   
 δες  $\iota$  καὶ  $\kappa\beta$ . καὶ ἐπεὶ λόγος, ἐν ᾧ διαιρεῖται, ὁ τῶν  
 $\gamma$  (πρὸς) τὰ  $\beta$ , σύνθες  $\gamma$  καὶ  $\beta$ · γίνεταί  $\epsilon$ · καὶ πολλα-  
 πλασίασον τὸν  $\gamma$  ἐπὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου, τουτ-  
 ἐστιν ἐπὶ τὰ  $\pi\delta$ · γίνεταί  $\sigma\nu\beta$ . ταῦτα μέρισον εἰς 25  
 τὸν  $\epsilon$ · γίνεταί  $\nu\beta \epsilon'$ . ταῦτα δῖς· γίνεταί  $\rho$  καὶ  $\delta$ .  
 $\xi\epsilon'$   
 μέρισον ταῦτα παρὰ τὸν  $\iota$  καὶ  $\kappa\beta$ · γίνονται μονάδες

III. Das gegebene Dreieck sei  $AB\Gamma$ , in dem  $AB = 13$ ,  $B\Gamma = 14$ ,  $\Gamma A = 15$  seien. Es werde  $AA$  beispielsweise  $= 12$  abgetragen und die Aufgabe sei, von  $A$  die

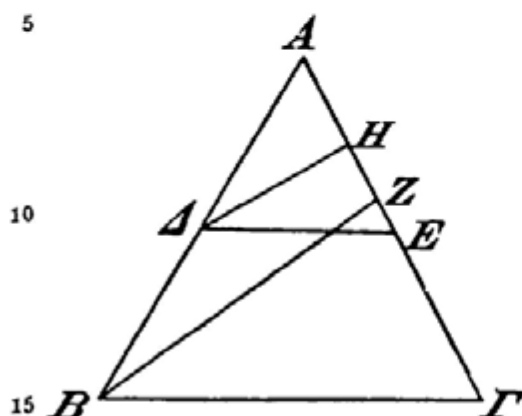


Fig. 68.

Gerade  $AE$  zu konstruieren, die das Dreieck  $AB\Gamma$  in einem gegebenen Verhältnis teilt. Das Verhältnis sei  $3 : 2$ . Man ziehe von den Punkten  $B$  und  $A$  auf  $A\Gamma$  die Senkrechten  $BZ$  und  $AH$ . Es wird nun die Höhe  $BZ$ , wie wir lernten,  $= 11\frac{1}{5}$  sein. Und da  $BA : AA = 13 : 12 = BZ : AH$

ist und  $BZ = 11\frac{1}{5}$  ist, so wird  $AH = 10\frac{22}{65}$  sein. Und da Dreieck  $AB\Gamma : \text{Dreieck } AA E = 5 : 3$  und Dreieck  $AB\Gamma = 84$  ist, so wird Dreieck  $AA E = 50\frac{2}{5}$  sein. Es ist aber  $2 \times \text{Dreieck } AA E = AE \times AH$ ; also  $AE \times AH = 100\frac{4}{5}$ . Nun ist  $AH = 10\frac{22}{65}$ ; also wird  $AE = 9\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$  sein. Und wenn wir die Verbindungslinie  $AE$  ziehen, so wird die Aufgabe gelöst sein. Die Methode ist folgende:

$$\frac{11\frac{1}{5} \times 12}{13} = 10\frac{22}{65}.$$

Und, da das Verhältnis, in dem geteilt wird,  $3 : 2$  ist:

$$\begin{aligned} 3 + 2 &= 5 \\ 3 \times 84 &= 252 \\ \frac{252}{5} &= 50\frac{2}{5} \\ 2 \times 50\frac{2}{5} &= 100\frac{4}{5} \\ 100\frac{4}{5} : 10\frac{22}{65} &= 9\frac{1}{2} + \frac{1}{4}. \end{aligned}$$

21 post 4 litterae evanidae: supplevi  
4 litterae evanidae: supplevi

23 post γ

θ[δ']. τοσούτου ἀπολαβὼν τὴν  $AE$  ἐπίζευξον τὴν  $ΔE$ · καὶ ἔσται τὸ προκείμενον.

δ. Τριγώνου δοθέντος τοῦ  $ABΓ$  ἀφελεῖν ἀπ' αὐτοῦ τρίγωνον τὸ  $ΔEZ$  δοθὲν τῷ μεγέθει, ὥστε τὰ καταλειπόμενα τρίγωνα τὰ  $ΑΔE$   $BΔZ$   $ΓEZ$  ἴσα εἶναι 5 ἀλλήλοις. ἔαν δὴ τμηθῶσιν  $\langle αὐτὰ AB, BΓ, ΓA \text{ τοῖς } Δ, Z, E \rangle$ , ὥστε εἶναι ὡς τὴν  $ΑΔ$  πρὸς τὴν  $ΔB$ , οὕτως τὴν  $BZ$  πρὸς  $ZΓ$  καὶ τὴν  $ΓE$  πρὸς  $EA$ , ἔσται τὰ  $ΑΔE$   $BΔZ$   $ZΓE$  τρίγωνα ἴσα ἀλλήλοις. ἐπεξεύχθω οὖν ἡ  $AZ$ · καὶ ἐπεὶ ἔστιν ὡς ἡ  $BZ$  πρὸς 10  $ZΓ$ , ἡ  $ΓE$  πρὸς τὴν  $EA$ , καὶ συνθέντι ἄρα ὡς ἡ  $BΓ$  πρὸς  $ΓZ$ , ἡ  $ΓA$  πρὸς  $AE$ · καὶ ὡς ἄρα τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $AZΓ$ , οὕτως τὸ  $AZΓ$  πρὸς τὸ  $AZE$ · καὶ ἀναστρέψαντι ὡς τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $ABZ$ , οὕτω τὸ  $AZΓ$  πρὸς τὸ  $EΓZ$ , ὃ ἔστι δοθέν. 15 δοθὲν δὲ καὶ τὸ  $ABΓ$ · δοθὲν ἄρα τὸ ἔμβαδὸν τοῦ  $ABΓ$  ἐπὶ τὸ ἔμβαδὸν τοῦ  $ZEΓ$ , ὃ ἔστι δοθέν. καὶ ἴσον ἐστὶ τῷ ἔμβαδῷ τοῦ  $ABZ$  τριγώνου ἐπὶ τὸ ἔμβαδὸν τοῦ  $AZΓ$ · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ἔμβαδὸν τοῦ  $ABZ$  ἐπὶ τὸ ἔμβαδὸν τοῦ  $AZΓ$ · ἀλλὰ τοῦ μὲν ἔμ- 20 βαδοῦ τοῦ  $ABZ$  καθέτου ἀχθείσης τῆς  $AH$  διπλάσιόν ἐστι τὸ ὑπὸ  $EB AH$ , τοῦ δὲ ἔμβαδοῦ τοῦ  $AZΓ$  διπλάσιόν ἐστι τὸ ὑπὸ  $ZΓ AH$ · δοθὲν ἄρα τὸ ὑπὸ  $ZB AH$  ἐπὶ τὸ ὑπὸ  $AH ZΓ$ , τοντέστι τὸ ἀπὸ  $AH$  ἐπὶ τὸ ὑπὸ  $BZΓ$ · καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ  $[X]BΓ$ · δοθὲν 25 ἄρα τὸ  $Z$ · λόγος ἄρα τῆς  $BΓ$  πρὸς τὴν  $ΓZ$   $\langle \text{δοθείς} \rangle$ · ὥστε καὶ τῆς  $ΓA$  πρὸς  $AE$ . καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ  $ΓA$ · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ  $E$ . κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ  $Δ$  δοθέν ἐστι· θέσει ἄρα αὐτὰ  $ΔE$   $EZ$   $ZΔ$ . συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἔστω γὰρ 30 ἡ μὲν  $AB$  μονάδων  $ιγ$ , ἡ δὲ  $BΓ$  μονάδων  $ιδ$ , ἡ δὲ



So groß trage  $AE$  ab und ziehe die Verbindungslinie  $AE$ , und die Aufgabe wird gelöst sein.

IV. Wenn das Dreieck  $AB\Gamma$  gegeben ist, von ihm Dreieck  $AEZ$ , das seiner Größe nach gegeben ist, so abzuteilen, daß die übrigbleibenden Dreiecke  $A\Delta E$ ,  $B\Delta Z$ ,  $\Gamma ZE$  einander gleich sind. Werden nun die Seiten  $AB$ ,  $B\Gamma$ ,  $\Gamma A$  durch  $\Delta$ ,  $E$ ,  $Z$  geteilt, so daß  $A\Delta : \Delta B = BZ : Z\Gamma = \Gamma E : EA$  ist, so werden die Dreiecke  $A\Delta E$ ,  $B\Delta Z$  und  $Z\Gamma E$  einander gleich sein.

10 Man ziehe die Verbindungslinie  $AZ$ . Da nun  $BZ : Z\Gamma$

$= \Gamma E : EA$  ist, so ist auch  $B\Gamma : \Gamma Z = \Gamma A : AE$  und Dreieck  $AB\Gamma : AZ\Gamma = AZ\Gamma : AZE$  und Dreieck  $AB\Gamma : ABZ = AZ\Gamma : EZ\Gamma$ , welches letztere gegeben ist. Aber auch  $AB\Gamma$  ist gegeben. Also ist auch  $AB\Gamma \times Z\Gamma$  gegeben, und dies ist gleich  $ABZ \times AZ\Gamma$ . Also ist auch  $ABZ \times AZ\Gamma$  gegeben. Es

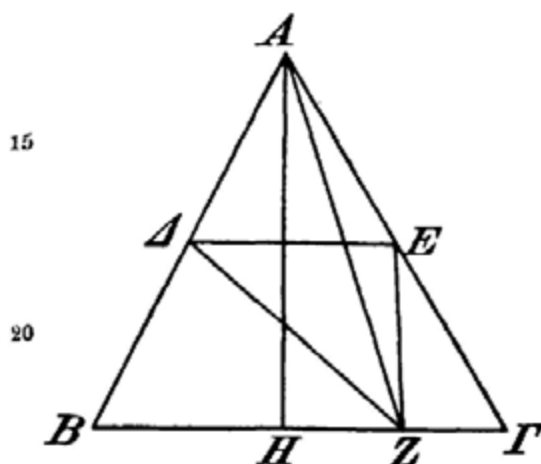


Fig. 64.

25 ist aber, da  $AH$  als Höhe gezeichnet ist,  $ABZ = \frac{1}{2} ZB \times AH$  und  $AZ\Gamma = \frac{1}{2} Z\Gamma \times AH$ . Also ist auch  $ZB \times AH \times AH \times Z\Gamma$  d. h.  $AH^2 \times ZB \times Z\Gamma$  gegeben. Nun ist  $B\Gamma$  gegeben, also ist  $Z$  gegeben. Mithin  $B\Gamma : \Gamma Z = \Gamma A : AE$ .  
 30 Nun ist  $\Gamma A$  gegeben, also ist auch  $E$  gegeben. Demgemäß ist auch  $\Delta$  seiner Lage nach gegeben. Mithin sind  $\Delta E$ ,  $EZ$  und  $Z\Delta$  gegeben. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Es sei  $AB = 13$ ,  $B\Gamma = 14$ ,

4 δοθέντων: v del. m. 2 6—7 τμηθῶσιν  $A$  ὥστε: lacunam explevi 25  $BZ\Gamma$ : alterum  $Z$  suprascr. m. 2 ἢ  $\times B\Gamma$  (sic) 26 supplevi 29 post  $\theta\acute{\epsilon}\sigma\epsilon\iota$  suprascr. m. 2  $\delta\acute{\epsilon}\delta\omicron\upsilon\tau\alpha\iota$  31  $\alpha$ : correxit Nath

ΓΑ μονάδων ιε. ἔστω δὲ καὶ τὸ ΔΕΖ τρίγωνον μονάδων πδ. λοιπὰ ἄρα τὰ ΑΔΕ ΔΒΖ ΕΖΓ τρίγωνα ἔσται ἀνὰ μονάδων κ. πολλαπλασιάσον τὰ πδ ἐπὶ τὰ κ· γίνεται ,αχπ· ταῦτα τετράκι· γίνεται ,ςψκ. καὶ ἐπεὶ ἡ ΑΗ κάθετός ἐστι μονάδων ιβ· ἐφ' 5 ἑαυτὰ γίνεται ρμδ· μέρισον τὰ ,ςψκ παρὰ τὸν ρμδ· γίνεται μς· καὶ ἔστιν ἡ ΒΓ μονάδων ιδ· ἔσται ἄρα καὶ ἡ μὲν ΒΖ ὡς ἔγγιστα μονάδων η καὶ ἡ ΖΓ μονάδων ελ. καὶ ποιήσον ὡς τὰ ιδ πρὸς [τὸ] τὰ ελ, οὕτω τὰ ιε πρὸς ἄλλον τινὰ· γίνεται μονά- 10 δων ε<sup>κη'</sup>. πάλιν ὡς τὰ ιδ πρὸς τὰ ελ, οὕτω τὰ ιγ πρὸς ἄλλον τινὰ· γίνεται πρὸς μονάδας ε καὶ γ<sup>κη'</sup>. γίνεται ἡ ΒΔ μονάδων ε καὶ γ<sup>κη'</sup>.

ε. Τετραπλεύρου δοθέντος τοῦ ΑΒΓΔ καὶ παραλλήλου οὔσης τῆς ΑΔ τῇ ΒΓ διελεῖν τὸ ΑΒΓΔ 15 τετράπλευρον τῇ ΕΖ εὐθείᾳ, ὥστε λόγον τοῦ ΑΒΕΖ πρὸς τὸ ΕΖΓΔ <δοθέντι ἴσον εἶναι> δοθεισῶν τῶν ΕΖ ΓΔ καὶ εἰς τὸ αὐτὸ νενουσῶν σημεῖον τὸ Η· διὰ δὴ τοῦτο ἔσται ὡς τὸ ΑΒΕΖ πρὸς τὸ ΕΖΓΔ, οὕτως ἡ ΒΖ πρὸς τὴν ΖΓ. ὥστε λόγος καὶ τῆς ΒΖ 20 πρὸς ΖΓ δοθείς· καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ ΒΓ· δοθὲν ἄρα τοῦ Ζ· κατὰ τὰ αὐτὰ | δὴ καὶ τὸ Ε· θέσει ἄρα ἡ ΕΖ. συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἔστω δοθεὶς λόγος, ὃν ἔχει τὰ β πρὸς τὰ γ· καὶ ἔστω ἡ μὲν ΒΓ μονάδων κε, ἡ δὲ ΑΓ μονάδων κ, αἱ δὲ 25 ΑΒ ΓΔ οἰαιδηποτοῦν. σύνθετες τὰ β καὶ τὰ γ· γίνε-

2 μ<sup>ο</sup> κδ: correxi 3 possis etiam μονάδας 9 [τὸ] del. m. 2 16 post λόγον add. εἶναι et post ΕΖΓΔ add. δοθέντα m. 2; f. <θέσει> δοθεισῶν 17 post τῶν unam litteram del. m. 2 (?) 22 τὸ ΕΖ: corr. m. 2 24 ὁ λόγος: sed ὁ del. m. 1

$\Gamma A = 15$  und Dreieck  $\triangle EZ$  sei  $= 24$ . Die übrigbleibenden Dreiecke  $\triangle A\Gamma E$ ,  $\triangle ABZ$ ,  $\triangle EZ\Gamma$  werden also jedes  $= 20$  sein.

$$84 \times 20 = 1680$$

$$1680 \times 4 = 6720.$$

Die Höhe  $AH$  ist  $= 12$ .

$$12^2 = 144$$

$$\frac{6720}{144} = 46.$$

Nun ist  $B\Gamma = 14$ . Es wird also  $BZ$  annähernd  $= 8$  und  $Z\Gamma$  annähernd  $= 5\frac{1}{2}$  sein. Nun stelle man folgende Gleichung auf:  $14 : 5\frac{1}{2} = 15 : x = 15 : 5\frac{25}{28}$ , ferner

$$14 : 5\frac{1}{2} = 13 : x$$

$$x = 5\frac{3}{28}$$

$$B\Delta = 5\frac{3}{28}.$$

V. Wenn ein Viereck  $AB\Gamma\Delta$  gegeben ist und  $A\Delta$  parallel  $B\Gamma$  ist, das Viereck  $AB\Gamma\Delta$  durch die Gerade  $EZ$

so zu teilen, daß das Verhältnis von  $ABEZ : EZ\Gamma\Delta$  das der gegebenen Geraden  $EZ$  und  $\Gamma\Delta$  ist, die nach dem Punkt  $H$  zusammenlaufen. Es wird daher  $ABEZ : EZ\Gamma\Delta = BZ : Z\Gamma$  sein, daher auch  $BZ : Z\Gamma$  gegeben sein. Nun ist  $B\Gamma$  gegeben. Also ist  $Z$  gegeben; aus denselben Gründen

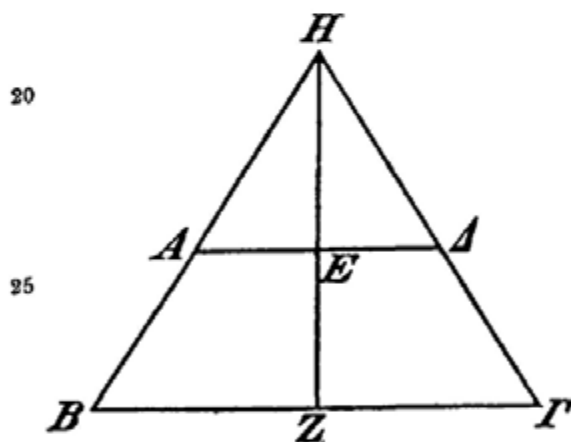


Fig. 65.

auch  $E$ ; also ist  $EZ$  gegeben. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Das gegebene Verhältnis sei  $2 : 3$ , und es sei  $B\Gamma = 25$ ,  $A\Delta = 20$ ,  $AB$  und  $\Gamma\Delta$  aber beliebig groß.

ται ε' καὶ τὰ κε ἐπὶ τὸν β' γίννεται ν' ταῦτα παρά-  
βαλε παρὰ τὸν ε' γίννεται ι' τοσούτων ἀπειλήφθω  
μονάδων ἢ BZ. πάλιν τὰ κ ἐπὶ τὰ β' γίννεται μ'  
ταῦτα παράβαλε παρὰ τὸν ε' γίννεται η'. τοσούτων  
ἀπόλαβε τὴν AE. καὶ ἐὰν ἐπιζευχθῇ ἢ EZ, ποιήσει 5  
τὸ προκείμενον.

ζ. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων ἀπειλήφθω ἢ AH  
μονάδων ε καὶ ἐπιτετάχθω ἀπὸ τοῦ H διαγαγεῖν τὴν  
HΘ διαιροῦσαν τὸ τετράπλευρον ἐν λόγῳ τῷ δοθέντι.  
διήχθω οὖν, ὥς ἐμάθομεν, ἢ EZ διαιροῦσα τὸ χωρίον 10  
ἐν τῷ αὐτῷ, λόγῳ καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ HZ EΘ.  
ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ AB <EZ> τῷ ABΘH ὥστε καὶ  
λοιπὸν τὸ EZH τρίγωνον τῷ HΘZ τριγώνῳ ἴσον  
ἐστίν· παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἢ HZ τῇ EΘ· ἀλλὰ καὶ  
ἢ HE τῇ ZΘ· ἴση ἄρα ἐστὶν ἢ HE τῇ ZΘ· δοθεῖσα 15  
δὲ ἢ HE· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἢ ZΘ· καὶ ἐστὶ δοθὲν τὸ  
Z· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ Θ· θέσει ἄρα ἢ HΘ. συντεθή-  
σεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἀπειλήφθω  
ἢ BZ μονάδων ι' τοσούτου γὰρ ἀπεδείχθη· καὶ ἐπεὶ  
ἢ AE ἐστὶ μονάδων η', ἢ δὲ AH μονάδων ε, λοιπὴ 20  
ἄρα ἢ HE μονάδων γ. καὶ ἐστὶν ἴση τῇ ZΘ· ἀπει-  
λήφθω οὖν ἢ ZΘ μονάδων γ. ὥστε ὅλη ἢ BΘ ἐστὶ  
μονάδων ιγ' ἐπιζευχθείσης οὖν τῆς HΘ ἐστὶ τὸ  
προκείμενον.

fol. 102<sup>v</sup>

ζ. | Πάλιν δὲ τετραπλεύρου δοθέντος τοῦ ABΓΔ 25  
καὶ παραλλήλου οὔσης τῆς AB τῇ ΓΔ ἀγαγεῖν αὐ-  
ταῖς παραλλήλων τὴν EZ διαιροῦσαν τὸ τετράπλευρον  
ἐν λόγῳ τῷ δοθέντι. γερονέτω καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αἱ

3 ἢ BΓ: correxit m. 2    12 AB τῷ: supplevi    24 ἐξῆς  
ἢ καταγραφῇ in mg. inf. m. 1    26 AE: corr. m. 2

$$\begin{aligned} 2 + 3 &= 5 \\ 25 \times 2 &= 50 \\ \frac{50}{5} &= 10. \end{aligned}$$

So groß trage man  $BZ$  ab.

$$\begin{aligned} 20 \times 2 &= 40 \\ \frac{40}{5} &= 8. \end{aligned}$$

So groß trage man  $AE$  ab. Wenn nun die Verbindungslinie  $EZ$  gezogen wird, so wird sie die Aufgabe lösen.

VI. Wenn dieselben Voraussetzungen gemacht sind, trage man  $AH = 5$  ab, und es werde die Aufgabe gestellt, von  $H$  aus die Linie  $H\Theta$  zu ziehen, die das Viereck

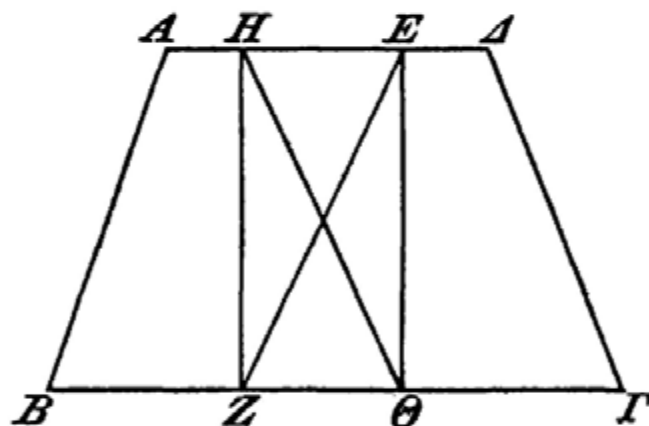


Fig. 66.

in dem gegebenen Verhältnis teilen soll. Man ziehe nun, wie wir gelernt haben, die Linie  $EZ$ , die die Figur in demselben Verhältnis teilt, und die Verbindungslinien  $HZ$  und  $E\Theta$ . Also ist  $ABEZ = AB\Theta H$ , daher ist auch das übrigbleibende Dreieck  $EZH = \text{Dreieck } H\Theta Z$ . Mithin ist  $HZ$  parallel  $E\Theta$ , aber auch  $HE$  parallel  $Z\Theta$ ; also ist  $HE = Z\Theta$ . Nun ist  $HE$  gegeben, also auch  $Z\Theta$ . Nun ist  $Z$  gegeben, also auch  $\Theta$ ; mithin seiner Lage nach  $H\Theta$ . Berechnet wird es, der Analyse entsprechend,

ΓΑ ΔΒ ἐπὶ τὸ Η. ἐπεὶ οὖν λόγος ἐστὶν τοῦ ΑΕΒΖ  
πρὸς τὸ ΕΓΖΔ, λόγος ἄρα ἐστὶν καὶ τοῦ ΑΒΓΔ  
πρὸς τὸ ΑΕΖΒ. καὶ ἐστὶν τὸ ΑΓΒΔ δοθέν· δοθέν  
ἄρα καὶ τὸ ΑΕΖΒ. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ ΓΔ πρὸς  
τὴν ΑΒ, ἡ ΓΗ πρὸς τὴν ΗΑ, λόγος δὲ τῆς ΓΔ πρὸς  
τὴν ΒΑ, λόγος ἄρα καὶ τῆς ΓΗ πρὸς τὴν ΗΑ· καὶ  
διελόντι τῆς ΓΑ πρὸς ΑΗ. καὶ δοθεῖσα ἡ ΓΑ· δο-  
θεῖσα ἄρα καὶ ἡ ΑΗ· κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ ΒΗ· δοθέν  
ἄρα τὸ ΑΗΒ τρίγωνον. ἀλλὰ καὶ τὸ ΑΕΖΒ τετρά-  
πλευρον δοθέν ἐστὶν.

10

καὶ ὅλον ἄρα τὸ ΕΗΖ  
τρίγωνον δοθέν ἐστὶν.  
ἀλλὰ καὶ τὸ ΑΗΒ·  
ὥστε καὶ τοῦ ἀπὸ ΕΗ  
πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΗ. καὶ  
ἐστὶ δοθέν τὸ ἀπὸ ΑΗ.  
δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ  
ΕΗ· δοθέν ἄρα τὸ Ε.  
κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ τὸ Ζ.

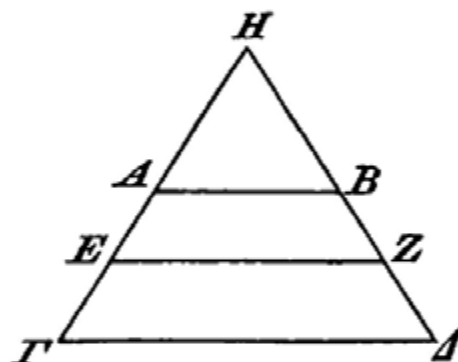


Fig. 67 a.

15

θέσει ἄρα ἡ ΕΖ. συν-  
τεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως. ἔστω ἡ  
μὲν ΑΓ μονάδων ιγ, ἡ δὲ ΒΔ μονάδων ιε, ἡ δὲ ΑΒ  
μονάδων ς, ἡ δὲ ΓΔ μονάδων κ. τὸ ἄρα ἐμβαδὸν  
τοῦ ΑΒΓΔ, ὡς ἐπάνω ἐμάθομεν, ἐστὶ μονάδων ρνς.  
ἔστω δὲ ὁ δοθεὶς λόγος, ὃν ἔχει τὰ γ πρὸς τὰ ε·  
σύνθετες οὖν γ καὶ ε· γίνονται η. καὶ τὰ ρνς ἐπὶ τὰ γ·  
γίνονται υξη. ταῦτα μέρισον εἰς τὸν η. γίνονται νηλ.  
τοσοῦτον ἐστὶ τὸ ΑΕΒΖ. καὶ ἄφελε ἀπὸ τῶν κ  
τὰ ς· λοιπὰ ιδ. καὶ τὰ ιγ ἐπὶ τὰ ς· γίνονται οη.

20

6 τῆς ΓΔ: correxi    8 ἡ ΑΗ: corr. m. 2    25 ἔστω: ω  
ex ai fec. m. 1    29 τὰ η ἐπὶ: correxi

folgendermaßen. Man trage  $BZ = 10$  ab, denn als so groß wird es nachgewiesen. Und da  $AE = 8$ ,  $AH = 5$ , ist, so ist  $HE = 3$ . Nun ist  $HE = Z\Theta$ . Man trage nun  $Z\Theta = 3$  ab. Ganz  $B\Theta$  wird daher  $= 13$  sein. Zieht  
 5 man nunmehr die Verbindungslinie  $H\Theta$ , so wird die Aufgabe gelöst sein.

VII. Wenn wiederum ein Vierseit  $AB\Gamma A$  gegeben und  $AB$  parallel  $\Gamma A$  ist, zu diesen eine Parallele  $EZ$  zu ziehen, die das Vierseit in einem gegebenen Verhältnis teilt. Es  
 10 sei geschehen und  $\Gamma A$  und  $AB$  seien bis  $H$  verlängert. Da nun das Verhältnis  $AEZB : E\Gamma ZA$  gegeben ist, so

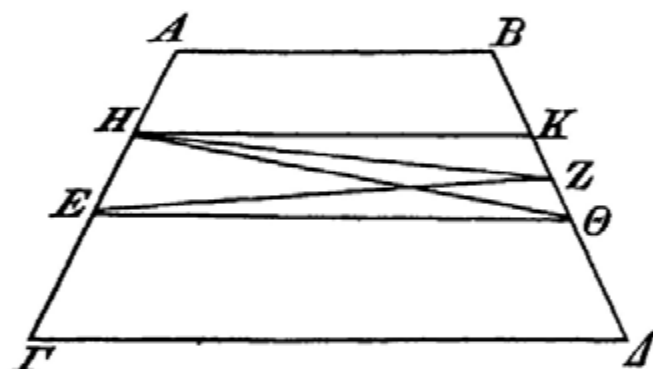


Fig. 67b.

ist auch  $AB\Gamma A : AEZB$  gegeben. Nun ist  $A\Gamma B A$  gegeben; also ist auch  $AEZB$  gegeben. Und da  $\Gamma A : AB = \Gamma H : HA$  ist,  $\Gamma A : BA$  aber in einem gegebenen Verhältnis steht, so ist auch das Verhältnis  $\Gamma H : HA$  und  $\Gamma A : AH$  gegeben. Nun ist  $\Gamma A$  gegeben, also ist auch  $AH$  gegeben. Aus denselben Gründen auch  $BH$ ; also ist das Dreieck  $AHB$  gegeben. Aber auch das Vierseit  $AEZB$  ist gegeben, mithin ist auch das ganze Dreieck  $EHZ$   
 15 gegeben. Aber auch  $AHB$ ; daher auch  $EH^2 : AH^2$ . Nun ist  $AH^2$  gegeben; also ist auch  $EH^2$  gegeben; mithin ist  $E$  und aus denselben Gründen  $Z$  gegeben. Also der Lage nach auch  $EZ$ . Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Es sei  $A\Gamma = 13$ ,  $BA = 15$ ,

τολ. 108<sup>ε</sup> παράβαλε παρὰ τὸν ιδ' | γίνεται ε καὶ δ'. ἔσται ἡ ΑΗ  
 μονάδων ε καὶ δ'. <sup>ξ'</sup> πάλιν τὰς ιε ἐπὶ τὸν ς' γίνεται  
 ρ. παράβαλε παρὰ τὸν ιδ' <sup>ξ'</sup> γίνεται ς <γ>. καὶ ἔσ-  
 ται ἡ ΒΗ μονάδων ς καὶ γ'. ἀλλὰ καὶ ἡ ΑΒ μονά-  
 δων ς' τὸ ἄρα ἔμβαδὸν τοῦ ΑΗΒ τριγώνου ἔσται 5  
 μονάδων ιε καὶ γ'. τοῦ δὲ ΑΕΖΒ τραπεζίου τὸ  
 ἔμβαδὸν νηλ. ὅλου ἄρα τοῦ ΕΖΗ τριγώνου τὸ ἔμ-  
 βαδὸν ἔσται μονάδων ογ' <sup>ιδ'</sup> ιγ'. καὶ πολλαπλασίασον μο-  
 νάδας ε καὶ δ' ἐφ' ἑαυτά· γίνεται λα καὶ β'. <sup>μθ'</sup> ἐπὶ τὰ  
 ογ' <sup>ιδ'</sup> ιγ', καὶ τὰ γενόμενα παράβαλε παρὰ τὸν ιε καὶ 10  
 γ', καὶ τῶν γενομένων πλευρὰν λαβέ· γίνεται ιβ καὶ  
 ιδ' ὡς ἔγγιστα· καὶ ἀπὸ τῆς εὐρεθείσης πλευρᾶς ἄφελε  
 τὰ ε καὶ δ' <sup>ξ'</sup> ἔσονται λοιπαὶ μονάδες ςλ. ἀπόλαβε οὖν  
 τὴν ΑΕ μονάδων ςλ καὶ ποιήσον ὡς ιγ πρὸς ιε, οὕ-  
 τως ςλ πρὸς τί· ἔσται δὲ πρὸς μονάδας ζλ. ἀπόλαβε 15  
 τὴν ΒΖ μονάδων ζλ. ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΕΖ ποιήσει τὸ  
 προκείμενον.

η. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων ἀπειλήφθω ἡ ΑΗ μονά-  
 δων β' καὶ δέον ἔστω διαγαγεῖν τὴν ΗΘ ἐν τῷ αὐτῷ  
 λόγῳ διαιροῦσαν τὸ τετράπλευρον. διήχθωσαν οὖν αἱ 20  
 ΗΘ, ΕΖ τῷ αὐτῷ λόγῳ διαιροῦσαι τὸ τετράπλευρον,  
 καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΗΖ, ΕΘ· ἔσται δὴ ὁμοίως ἔσον  
 τὸ ΑΗΒΘ τῷ ΑΕΖΒ. ὥστε καὶ τὸ ΗΕΖ τρίγωνον

3 supplevi 4 ἡ ΑΗ: correxi 8 et 10 οδ'ιδ': correxi  
 dubitanter; f. <sup>μ</sup> τεσσαρεσκαιδεκάτου δεουσῶν οδ 9 <sup>μ</sup> κ καὶ δ  
 correxi λα καὶ β': correxi 11—12 ιβ καὶ γ': correxi  
 15 πρὸς <sup>μ</sup> ζι: sed ζ ex ι fec. m. 1



$AB = 6$ ,  $IA = 20$ . Der Inhalt von  $ABIA$  wird also, wie wir oben lernten,  $= 156$  sein. Das gegebene Verhältniß sei  $= 3 : 5$ .

$$3 + 5 = 8$$

$$5 \quad 156 \times 3 = 468$$

$$468 : 8 = 58\frac{1}{2}. \text{ So groß wird } AEBZ \text{ sein.}$$

$$20 - 6 = 14$$

$$13 \times 6 = 78$$

$$\frac{78}{14} = 5\frac{4}{7}. \text{ } AH \text{ wird } = 5\frac{4}{7} \text{ sein.}$$

$$10 \quad 15 \times 6 = 90$$

$$\frac{90}{14} = 6\frac{3}{7}. \text{ } BH \text{ wird } = 6\frac{3}{7} \text{ sein.}$$

Nun ist  $AB = 6$ ; also der Inhalt des Dreiecks  $AHB$  wird  $= 15\frac{3}{7}$  sein. Der Inhalt des Trapezes  $AEBZ$  nun ist  $= 58\frac{1}{2}$ . Also wird der Inhalt des vollständigen Dreiecks  $EZH = 73\frac{13}{14}$  sein.

$$(5\frac{4}{7})^2 = 31\frac{2}{49}$$

$$\sqrt{\frac{31\frac{2}{49} \times 73\frac{13}{14}}{15\frac{3}{7}}} \text{ annähernd } = 12\frac{1}{14}$$

$$12\frac{1}{14} - 5\frac{4}{7} = 6\frac{1}{2}.$$

Trage nun  $AE = 6\frac{1}{2}$  ab und stelle die Gleichung auf:  
 20  $13 : 15 = 6\frac{1}{2} : x = 6\frac{1}{2} : 7\frac{1}{2}$ . Trage nun  $BZ = 7\frac{1}{2}$  ab.  
 Wird jetzt die Verbindungslinie  $EZ$  gezogen, so wird sie die Aufgabe lösen.

VIII. Unter denselben Voraussetzungen trage man  $AH = 2$  ab, und es sei die Aufgabe, die Gerade  $H\Theta$   
 25 zu ziehen, die das Viereck in demselben Verhältniß teilt.  
 Es seien  $H\Theta$  und  $EZ$  gezogen, die das Viereck in demselben Verhältniß teilen, und es seien die Verbindungslinien  $HZ$  und  $E\Theta$  gezogen. Es wird daher  $AHB\Theta = AEBZ$  sein, daher ist auch Dreieck  $HEZ = H\Theta Z$ .  
 30 Also ist  $HZ$  parallel  $E\Theta$ . Man ziehe nun auch zu  $AB$  die Parallele  $HK$ . Also ist Dreieck  $HKZ$  ähnlich  $EZ\Theta$ .

ἴσον ἐστὶν τῷ  $HΘZ$  τριγώνῳ. παράλληλος ἄρα ἡ  $HZ$  τῇ  $EΘ$ . ἤχθω δὲ καὶ τῇ  $AB$  παράλληλος ἡ  $HK$ . ὅμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ  $HKZ$  τρίγωνον τῷ  $EZΘ$ . ὥς ἄρα ἡ  $EZ$  πρὸς τὴν  $HK$ , οὕτως ἡ  $ZΘ$  πρὸς  $ZK$ . καὶ ἐστὶ δοθεῖσα ἡ  $ZK$ . δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  $ZΘ$ .

fol. 103<sup>v</sup> δοθέν | ἄρα τὸ  $Θ$ . ἀλλὰ καὶ τὸ  $H$ . θέσει ἄρα ἡ  $HΘ$ .

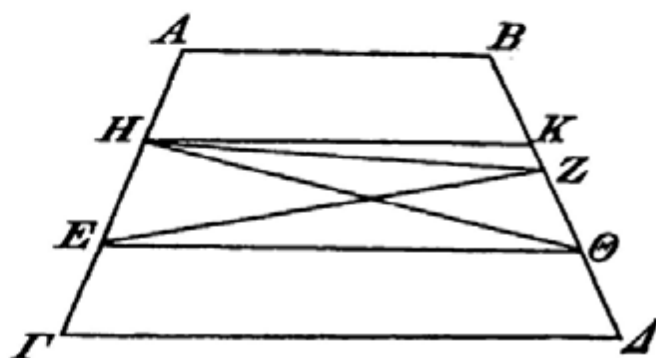


Fig. 68.

συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως. ποίησον ὥς τὰ  $ιγ$  πρὸς τὰ  $ιε$ , οὕτως τὰ  $β$  πρὸς τί· γίννεται  $β$  καὶ  $δ$ . ὅλη δὲ ἡ  $BZ$  ἦν  $ξλ$ . λοιπὴ ἄρα ἡ  $KZ$  ἐστὶ μονάδων  $ε$  καὶ  $ε$ . ἡ δὲ  $AH$   $ε$  καὶ  $δ$  καὶ ὁμοίως  $10$  σύνθετες τὰς  $ελ$  καὶ μονάδας  $ε$  καὶ  $δ$  γίννεται  $ιβ$   $ιδ'$ . ταῦτα πολλαπλασιάσον ἐπὶ μονάδας  $ε$  καὶ  $ε$  καὶ τὰ γενόμενα μέρισον εἰς μονάδας  $ε$  καὶ  $δ$  γίννονται μονάδες  $η$   $δ'$ . τοσούτου ἀπόλαβε τὴν  $ZΘ$ . καὶ ἐπι-  
 ξευχθεῖσα ἡ  $HΘ$  ποιήσει τὸ προκείμενον.

15

Θ. Κύκλον δοθέντος, οὗ διάμετρος ἡ  $AB$ , γράψαι ἕτερον περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον αὐτῷ, οὗ διάμετρος ἡ  $ΓΔ$ , διαιροῦντα τὸν ἐξ ἀρχῆς κύκλον ἐν λόγῳ τῷ δο-

Mithin  $EZ : HK = Z\Theta : ZK$ . Nun ist  $ZK$  gegeben, also auch  $Z\Theta$ ; also ist  $\Theta$  gegeben, aber auch  $H$ ; also ist seiner Lage nach  $H\Theta$  gegeben. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen.

$$13 : 15 = 2 : x$$

$$x = 2\frac{4}{13}.$$

Nun war die ganze Strecke  $BZ = 7\frac{1}{2}$ , also wird  $KZ = 5\frac{5}{26}$ . Es ist aber  $AH = 5\frac{4}{7}$ .

$$\text{Ebenso } 6\frac{1}{2} + 5\frac{4}{7} = 12\frac{1}{14}$$

$$\frac{12\frac{1}{14} \times 5\frac{5}{26}}{7\frac{4}{7}} = 8\frac{1}{4} \text{ (genau } 8\frac{58}{912}\text{)}$$

So groß trage  $Z\Theta$  ab. Wird nun die Verbindungslinie  $H\Theta$  gezogen, so wird sie die Aufgabe lösen.

IX. Wenn ein Kreis, dessen Durchmesser  $AB$  ist, gegeben ist, einen anderen um denselben Mittelpunkt mit

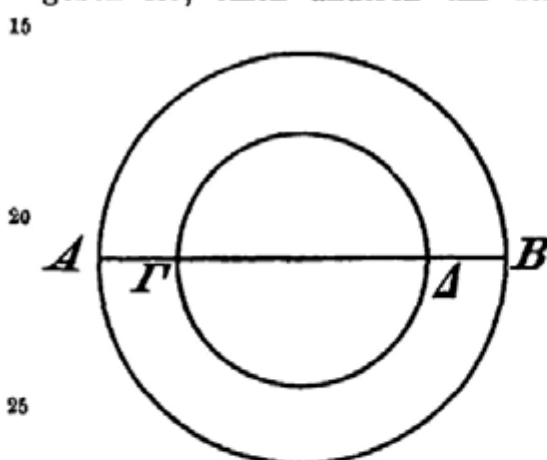


Fig. 69.

ihm zu beschreiben, dessen Durchmesser  $\Gamma\Delta$  sein soll, der den anfänglich gegebenen Kreis in einem gegebenen Verhältnis teilt. Da nun das Verhältnis des concentrischen Kreisringes  $AB\Gamma\Delta$  zu dem Kreis mit dem Durchmesser  $\Gamma\Delta$  gegeben, so ist auch das Verhältnis der

Kreise mit den Durchmessern  $AB$  und  $\Gamma\Delta$  gegeben. Es verhalten sich aber die Quadrate der Durchmesser zu einander

4  $\pi\rho\delta\varsigma \Theta K$ : correxi    10  $AH \xi \kappa\alpha\lambda$ : correxi    11  $\eta\beta \iota\delta$ : correxi

θέντι. ἐπεὶ οὖν λόγος ἐστὶν τῆς  $AB \Gamma \Delta$  ἵκνους πρὸς τὸν περὶ διάμετρον τὴν  $\Gamma \Delta$  κύκλον δοθείς, λόγος ἄρα καὶ τοῦ περὶ διάμετρον τὴν  $AB \Gamma \Delta$  κύκλου δοθείς. ὥς δὲ οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους, οὕτω τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα· λόγος ἄρα καὶ τοῦ ἀπὸ  $AB$  5 πρὸς τὸ ἀπὸ  $\Gamma \Delta$  δοθείς· καὶ ἔστι δοθὲν τὸ ἀπὸ  $AB$ · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ  $\Gamma \Delta$ . συντεθήσεται δὴ οὕτως· ἔστω ἡ μὲν  $AB$  διάμετρος μονάδων  $\kappa$ , ὁ δὲ δοθείς λόγος, ὃν ἔχει τὰ  $\gamma$  πρὸς τὰ  $\epsilon$ . σύνθες τὰ  $\gamma$  καὶ τὰ  $\epsilon$ · γίγνεται  $\eta$ · καὶ τὰ  $\kappa$  ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται  $\nu$ · ἐπὶ τὸν  $\epsilon$  10 γίγνεται  $\beta$ . ταῦτα μέρισον παρὰ τὸν  $\eta$ · γίγνεται  $\sigma\nu$ · τούτων πλευρὰν λαβὲ ὥς ἔγγιστα· γίγνεται  $\iota\epsilon$  <sup>(15)</sup>  $\iota\gamma$ · τοσούτου ἔσται ἡ  $\Gamma \Delta$  διάμετρος.

fol. 104<sup>r</sup> ι. | Ὅσα μὲν οὖν τῶν ἐπιπέδων δυνατὸν ἦν ἀριθμοῖς διαιρεῖσθαι, προγέγραπται· ὅσα δὲ διαιρεῖσθαι 15 μὲν ἀναγκαῖόν ἐστι, δι' ἀριθμῶν δὲ οὐ δύναται, ταῦτα γεωμετρικῶς ἐκθησόμεθα.

Ἔστω τριγώνου δοθέντος τοῦ  $AB \Gamma$  καὶ ἐκβληθείσης αὐτοῦ μιᾶς πλευρᾶς τῆς  $B \Gamma$  ἀπὸ δοθέντος τοῦ  $\Delta$  διαγαγεῖν τὴν  $\Delta E$  διαιροῦσαν τὸ  $AB \Gamma$  τρίγωνον 20 ἐν λόγῳ δοθέντι. γερονέτω· ἐπεὶ οὖν λόγος ἐστὶ τοῦ  $AEZ$  τριγώνου πρὸς τὸ  $ZEB \Gamma$  τετράπλευρον, συνθέντι λόγος ἄρα τοῦ  $AB \Gamma$  τριγώνου πρὸς τὸ  $AZE$ . καὶ ἔστι δοθὲν τὸ  $AB \Gamma$ · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ  $AZE$ · [δοθὲν ἄρα καὶ τὸ  $ZAE$ ]. καὶ ἔστι δοθὲν τὸ  $\Delta$ . εἰς 25 δύο ἄρα θέσεις τὰς  $AB$ ,  $A \Gamma$  πεπερασμένας κατὰ τὸ αὐτὸ τὸ  $A$  ἀπὸ δοθέντος τοῦ  $\Delta$  διῆκται τις εὐθεῖα

2 τὸν  $\Gamma \Delta$ : correxi    3 κύκλον: correxi    10 τὸ  $\nu \epsilon$ : correxi  
 12  $\iota \epsilon$   $\iota \gamma$ : correxi    13 ἐξῆς ἡ καταγραφή in mg. inf. m. 1  
 25 del. m. 2    26 θέσεις: θέσει δεδομένης m. 2     $AB$ ,  $AE$ :  
 corr. Nath.

wie die Kreise. Also ist auch  $AB^2 : \Gamma A^2$  gegeben. Nun ist  $AB^2$  gegeben, also ist auch  $\Gamma A^2$  gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen. Es sei der Durchmesser  $AB = 20$ , das gegebene Verhältnis  $= \frac{3}{5}$ .

$$\begin{array}{rcl}
 3 + 5 & = & 8 \\
 20^2 & = & 400 \\
 400 \times 5 & = & 2000 \\
 \frac{2000}{8} & = & 250. \\
 \sqrt{250} \text{ annähernd} & = & 15\frac{13}{16}.
 \end{array}$$

10 So groß wird der Durchmesser  $\Gamma A$  sein.

X. Alle Flächen nun, die durch Zahlenrechnung geteilt werden konnten, sind im Vorstehenden angeführt. Diejenigen aber, die zwar geteilt werden müssen, durch Zahlenrechnung aber nicht geteilt werden können, diese  
15 werden wir auf geometrische Methode behandeln.

Die Aufgabe sei, wenn ein Dreieck  $AB\Gamma$  gegeben und eine Seite desselben,  $B\Gamma$ , verlängert ist, von dem gegebenen Punkte  $A$  die Gerade  $AE$  zu konstruieren, welche

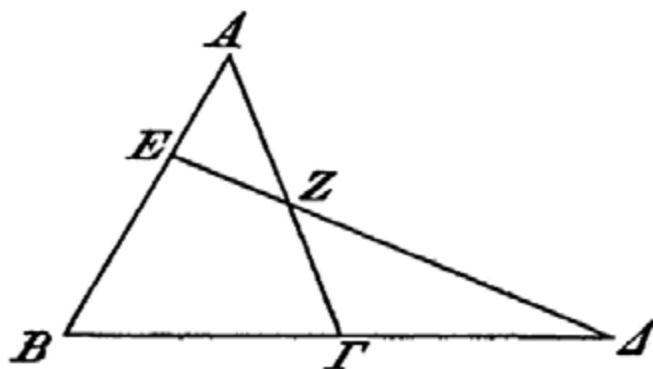


Fig. 70.

das Dreieck  $AB\Gamma$  in einem gegebenen Verhältnis teilen  
20 soll. Es sei geschehen. Da nun das Verhältnis des Dreiecks  $AEZ$  zum Viereck  $ZEB\Gamma$  bekannt ist, so ist auch das Verhältnis des Dreiecks  $AB\Gamma$  zu Dreieck  $AZE$  be-

χωρίον ἀποτέμνουσα δοθέν· δοθέντα ἄρα τὰ  $E, Z$  σημεία. τοῦτο δὲ ἐν τῷ β' τῆς τοῦ χωρίου ἀποτομῆς δέδεικται. δέδεικται ἄρα τὸ προκείμενον. καὶ τὸ  $\Delta$  σημείον μὴ ἢ ἐπὶ τῆς  $B\Gamma$ , ἀλλ' ὡς ἔτυχεν, οὐδὲν διοίσει.

5

ια. Τετραπλεύρου δοθέντος τοῦ  $AB\Gamma\Delta$  καὶ τμηθείσης τῆς  $A\Delta$  κατὰ τὸ  $E$  διαγαγεῖν τὴν  $EZ$  τέμνουσαν τὸ  $AB\Gamma\Delta$  τετράπλευρον ἐν τῷ τῆς  $AE$  πρὸς τὴν  $\Delta E$  λόγῳ. γερονέτω· καὶ <ἡχθῶ> τῇ μὲν  $A\Delta$  παράλληλος ἡ  $\Gamma H$ , τῇ δὲ  $EB$  ἐπιζευχθείσῃ παράλληλος ἡ  $H\Theta$ .<sup>10</sup> καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ  $\Gamma E, E\Theta, EH$ . ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ  $BHE$  τρίγωνον τῷ  $EB\Theta$ , κοινὸν προσκείσθω τὸ  $ABE$ .  
 fol. 104<sup>v</sup> τὸ | ἄρα  $AHE$  τρίγωνον ἴσον ἐστὶ τῷ  $AB\Theta E$  τετραπλεύρῳ· ὥς ἄρα τὸ  $AHE$  τρίγωνον, τουτέστιν ὥς ἡ  $AE$  πρὸς τὴν  $E\Delta$ , οὕτως τὸ  $AB\Theta E$  τετράπλευρον<sup>15</sup> πρὸς τὸ  $E\Gamma\Delta$  τρίγωνον. τετμήσθω δὴ καὶ ἡ  $\Gamma\Theta$  κατὰ τὸ  $Z$ , ὥστε εἶναι ὥς τὴν  $AE$  πρὸς τὴν  $E\Delta$ , τὴν  $\Theta Z$  πρὸς  $Z\Gamma$ , τουτέστι τὸ  $E\Theta Z$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $E\Gamma Z$ · καὶ ὅλον ἄρα τὸ  $ABZE$  τετράπλευρον πρὸς τὸ  $EZ\Delta\Gamma$  τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον τῷ τῆς  $AE$  πρὸς<sup>20</sup> τὴν  $E\Delta$ . ἐπεὶ οὖν δοθέν τὸ  $\Gamma$ , θέσει ἄρα καὶ ἡ  $\Gamma H$ . θέσει δὲ καὶ ἡ  $ABH$ · δοθέν ἄρα τὸ  $H$ . καὶ ἔστι παρὰ θέσει τὴν  $BE$  ἡ  $H\Theta$ . δοθέν ἄρα τὸ  $\Theta$ · δοθεῖσα ἄρα ἡ  $\Gamma\Theta$ · καὶ τέμνεται ἐν δοθέντι λόγῳ κατὰ τὸ  $Z$ · δοθέν ἄρα τὸ  $Z$ · θέσει ἄρα ἡ  $EZ$ . δεήσει ἄρα εἰς<sup>25</sup> τὴν σύνθεσιν ἐπιζεῦξαι τὴν  $BE$  καὶ τῇ μὲν  $\Delta E$  παράλληλον ἀγαγεῖν τὴν  $\Gamma H$ , τῇ δὲ  $BE$  τὴν  $H\Theta$ , καὶ τεμεῖν τὴν  $\Theta\Gamma$  κατὰ τὸ  $Z$ , ὥστε εἶναι ὥς τὴν  $AE$

3 δέδεικται: ab Apollonio Pergaeo 4  $BE$ : correxi 8 τῆς: correxi 9 supplevi 12 τὸ  $EB\Theta$ : correxi 22—23 παρὰ θέσει: correxi dubitanter 27 τῇ  $\Delta E$   $BE$ : correxi

kannt. Nun ist  $AB\Gamma$  gegeben, also ist auch  $AZE$  gegeben. Nun ist  $\Delta$  gegeben. Es ist also nach 2 ihrer Lage nach bestimmten Graden  $AB$  und  $A\Gamma$ , die in demselben Punkt  $A$  begrenzt sind, von dem gegebenen Punkte  $A$  aus eine Gerade konstruiert, die eine gegebene Figur abschneidet. Also sind die Punkte  $E$  und  $Z$  gegeben. Dies ist in dem zweiten Buche des „Raumschnitts“ gezeigt. Also ist der verlangte Beweis geliefert. Und wenn der Punkt  $A$  nicht auf  $BE$ , sondern beliebig liegt, so wird dies keinen Unterschied machen.

XI. Wenn ein Viereck  $AB\Gamma\Delta$  gegeben und  $A\Delta$  in  $E$  geschnitten ist, die Gerade  $EZ$  zu konstruieren, die das Viereck  $AB\Gamma\Delta$  in dem Verhältnis von  $AE : E\Delta$  teilen

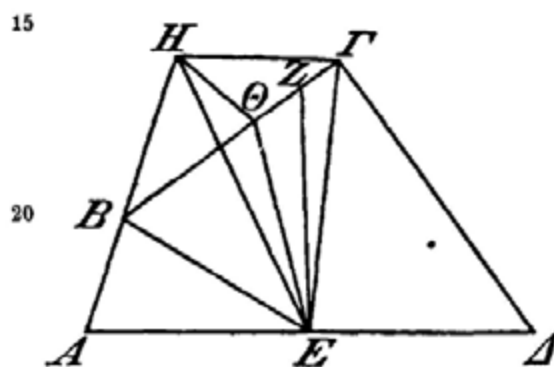


Fig. 71.

soll. Es sei geschehen, und man ziehe zu  $A\Delta$  die Parallele  $\Gamma H$  und zu der Verbindungslinie  $EB$  die Parallele  $H\Theta$ , und ziehe die Verbindungslinien  $\Gamma E$ ,  $E\Theta$  und  $EH$ . Da Dreieck  $BHE = EB\Theta$ , so werde zu beiden  $ABE$  addiert. Mit-

hin ist Dreieck  $AHE =$  Viereck  $AB\Theta E$ . Also ist  $AHE : E\Gamma\Delta$ , d. h.  $AE : E\Delta =$  Viereck  $AB\Theta E : \text{Dreieck } E\Gamma\Delta$ . Es soll nun auch  $\Gamma\Theta$  in  $Z$  geschnitten werden, so daß  $AE : E\Delta = \Theta Z : Z\Gamma = \text{Dreieck } E\Theta Z : E\Gamma Z$ . Also verhält sich auch das vollständige Viereck  $ABZE : EZ\Delta\Gamma = AE : E\Delta$ . Da nun  $\Gamma$  gegeben ist, so ist seiner Lage nach auch  $\Gamma H$  gegeben; ebenso auch  $ABH$ . Also ist  $H$  gegeben. Nun ist der Lage nach parallel zu  $BE$  die Gerade  $H\Theta$ . Also ist  $\Theta$  gegeben; mithin ist  $\Gamma\Theta$  gegeben. Nun ist dies in  $Z$  nach einem gegebenen Verhältnis geschnitten. Also ist  $Z$  gegeben, also seiner Lage

πρὸς  $EA$ , οὕτω τὴν  $\Theta Z$  πρὸς  $Z\Gamma$ . καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ  $EZ$  ποιήσει τὸ προκείμενον.

ιβ. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων δεδοσθω τι τυχὸν σημεῖον τὸ  $E$  καὶ δέον ἔστω διαγαγεῖν τὴν  $EZ$  διαιροῦσαν τὸ τετράπλευρον ἐν λόγῳ τῷ δοθέντι. γεγο- 5  
νέτω· καὶ διηρήσθω ἡ  $AA$  ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ κατὰ τὸ  $H$ · καὶ διήχθω ἡ  $\Theta E$  τῷ αὐτῷ λόγῳ τέμνουσα τὸ τετράπλευρον. δοθέντα ἄρα τὰ  $H$ ,  $\Theta$ . δοθὲν δὲ καὶ

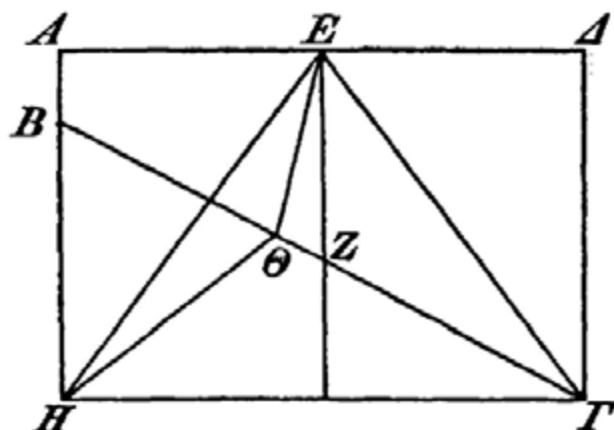


Fig. 72.

fol. 105<sup>r</sup> τὸ  $E$ · θέσει | ἄρα ἡ  $EZ$ . συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· διηρήσθω ἡ  $AA$  ἐν τῷ δοθέντι 10  
λόγῳ κατὰ τὸ  $H$ , καὶ διήχθω ἡ  $H\Theta$  τέμνουσα τὸ τετράπλευρον ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ· καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $E\Theta$  καὶ ταύτην παράλληλος ἡ  $HZ$ · καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $ZE$ . ἔσται δὴ αὕτη ἡ ποιοῦσα τὸ πρόβλημα.

ιγ. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων τὸ διδόμενον σημεῖον 15  
ἐπὶ μηδεμιᾶς ἔστω πλευρᾶς τοῦ τετραπλεύρου. καὶ ἔστω τὸ μὲν δοθὲν τετράπλευρον τὸ  $AB\Gamma\Delta$ , τὸ δὲ δοθὲν σημεῖον τὸ  $E$ · καὶ ἔστω διαγαγεῖν τὴν  $EZ$



nach  $EZ$ . Man wird daher behufs Konstruktion die Verbindungslinie  $BE$  und zu  $AE$  die Parallele  $\Gamma H$ , zu  $BE$  die Parallele  $H\Theta$  ziehen müssen und  $\Theta\Gamma$  in  $Z$  so schneiden müssen, daß  $\Theta Z : Z\Gamma = AE : E\Delta$  ist. Wird  
 5 nun die Verbindungslinie  $EZ$  gezogen, so wird sie die Aufgabe lösen.

XII. Unter denselben Voraussetzungen sei irgend ein beliebiger Punkt  $E$  gegeben und die Aufgabe sei, die Gerade  $EZ$  zu konstruieren, die das Viereck in einem  
 10 gegebenen Verhältnis teilt. Es sei geschehen, und  $A\Delta$  sei in dem gegebenen Verhältnis in  $H$  geteilt, und es sei die Gerade  $\Theta H$  gezogen, die das Viereck in demselben Verhältnis teilt. Also sind  $H$  und  $\Theta$  gegeben, es ist aber auch  $E$  gegeben, also seiner Lage nach  $EZ$ . Konstruiert  
 15 wird nun, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Man teile  $A\Delta$  in dem gegebenen Verhältnis in  $H$ , ziehe die Gerade  $H\Theta$ , die das Viereck in demselben Verhältnisse teile, ziehe die Verbindungslinie  $E\Theta$  und zu dieser die Parallele  $HZ$  und die Verbindungslinie  $ZE$ . Diese also  
 20 wird es sein, welche die Aufgabe löst.

XIII. Unter denselben Voraussetzungen soll der ge-

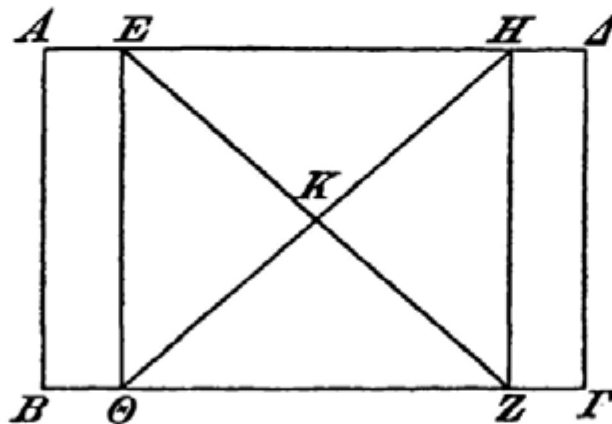


Fig. 73.

gebene Punkt auf keiner Seite des Vierecks liegen. Und es sei  $AB\Gamma\Delta$  das gegebene Viereck, und  $E$  der gegebene

ποιοῦσαν λόγον τοῦ  $ABZH$  πρὸς τὸ  $ZHΓΔ$  δοθέντα·  
 καὶ ἀνάπαλιν καὶ συνθέντι λόγος ἄρα τοῦ  $ABΓΔ$   
 πρὸς τὸ  $ABZH$  δοθείς. δοθέν δὲ τὸ  $ABΓΔ$  τετρά-  
 πλευρον· δοθέν ἄρα καὶ τὸ  $ABZH$ . καὶ εἰ μὲν πα-  
 ράλληλός ἐστιν ἡ  $ΑΔ$  τῇ  $ΒΓ$ , ἔσται τὸ  $ABZH$  ἴσον 5  
 τῷ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  $ΑΗ ΒΖ$  καὶ τῆς ἡμισείας  
 τῆς ἀπὸ τοῦ  $Α$  καθέτου ἀγομένης ἐπὶ τὴν  $ΒΓ$ . καὶ  
 ἔστι δοθεῖσα ἡ καθέτος· δοθεῖσα ἄρα καὶ συναμφοτέ-  
 ρος ἡ  $AB ZH$ . θέσει ἄρα ἡ  $ZE$ . τοῦτο γὰρ ἔξῃς.  
 εἰ δὲ μὴ εἰσι παράλληλοι, συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ  $Θ$ . 10  
 δοθέν ἄρα τὸ  $ABZH$  τετράπλευρον. καὶ ὅλον ἄρα  
 fol. 105<sup>v</sup> τὸ  $HZΘ$  τρίγωνον δοθέν ἐστίν. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ  $| Θ$   
 γωνία· δοθέν ἄρα τὸ ὑπὸ  $ΘΗΖ$ . ἀπῆκται ἄρα εἰς τὴν  
 τοῦ χωρίου ἀποτομήν· θέσει ἄρα ἡ  $EZ$ .

ιδ. Ἐξῃς δὲ δείξομεν, ὥς δεῖ πολυπλεύρου εὐθύ- 15  
 γράμμου δοθέντος καὶ σημείου ἐπὶ μιᾷς αὐτοῦ πλευρᾷς  
 διαγαγεῖν ἀπὸ τοῦ σημείου εὐθείαν διαιροῦσαν τὸ  
 χωρίον ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ· ἔστω τὸ δοθέν χω-  
 ρίον τὸ  $ABΓΔEZ$ , τὸ δὲ δοθέν σημεῖον ἐπὶ μιᾷς  
 αὐτοῦ πλευρᾷς ἔστω τὸ  $Η$ · καὶ διήχθω ἡ  $HΘ$  διαι- 20  
 ροῦσα τὸ  $ABΓΔEZ$  ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ· ἐπεὶ οὖν  
 λόγος ἐστὶν τοῦ  $ABΘΗΖ$  χωρίου πρὸς τὸ  $HΘΓΔΕ$   
 δοθείς, καὶ συνθέντι ἄρα λόγος ἐστὶν τοῦ  $ABΓΔEZ$   
 πρὸς τὸ  $HΘΓΔΕ$  δοθείς· δοθέν δὲ τὸ  $ABΓΔEZ$ .  
 δοθέν ἄρα καὶ τὸ  $HΘΓΔΕ$ . ὦν τὸ  $HΓΔΕ$  δοθέν 25  
 ἐστίν· λοιπὸν ἄρα τὸ  $HΘΓ$  τρίγωνον δοθέν ἐστίν. καὶ  
 ἔστιν αὐτοῦ διπλάσιον, καθέτου ἀχθείσης τῆς  $ΗΚ$  ἐπὶ  
 τὴν  $ΓΒ$ , τὸ ὑπὸ  $ΓΘ ΗΚ$ . καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ  $ΗΚ$ .  
 δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  $ΓΘ$ . δοθέν ἄρα τὸ  $Θ$ · θέσει ἄρα

1 δοθείς: corr. Nath

Punkt. Nun sei die Aufgabe, die Gerade  $EZ$  zu konstruieren, die das Verhältniss von  $ABZH:ZHTA$  zu einem gegebenen macht. Also ist  $ABTA:ABZH$  gegeben. Nun ist  $ABTA$  gegeben, also ist auch  $ABZH$   
 5 gegeben. Und wenn  $AA$  parallel  $BT$  ist, so wird  $ABZH = (AH + BZ)$  multipliziert mit der Hälfte der Höhe von  $A$  auf  $BT$  sein. Nun ist die Höhe gegeben. Also ist auch  $AH + BZ$  gegeben. Mithin auch seiner Lage nach  $ZE$ . Denn davon im Folgenden.

10 Sind sie aber nicht parallel, so sollen sie in  $\Theta$  zusammentreffen. Gegeben ist also das Viereck  $ABZH$ , also ist auch das vollständige Dreieck  $HZ\Theta$  gegeben. Nun ist der Winkel bei  $\Theta$  gegeben, also ist auch  $\Theta HZ$  gegeben.<sup>1)</sup> Das Problem ist also auf den Raumschnitt  
 15 zurückgeführt. Es ist also  $EZ$  seiner Lage nach gegeben.

XIV. Im Folgenden werden wir zeigen, wie man, wenn ein gradliniges Vieleck und ein Punkt auf einer der Seiten desselben gegeben ist, von dem Punkt aus eine

Gerade konstruieren muß, die die Figur in einem gegebenen Verhältniss teilt. Die gegebene Figur sei  $ABTAEZ$  und der gegebene Punkt auf einer Seite derselben sei  $H$ ; und es sei die Gerade  $H\Theta$  gezogen, die  $ABTAEZ$  in dem gegebenen Verhältniss teilt. Da

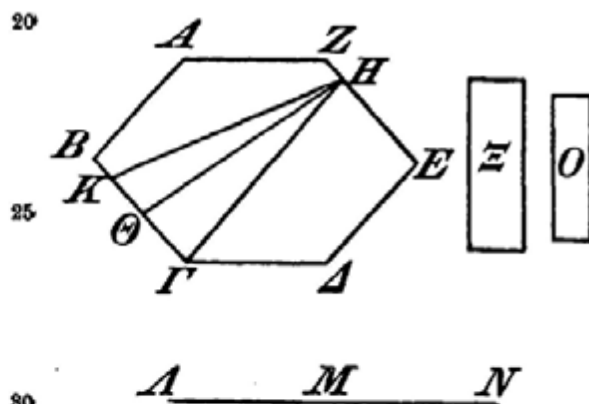


Fig. 74.

20 nun das Verhältniss von  $AB\Theta HZ:H\Theta TAE$  gegeben ist, so auch  $ABTAEZ:H\Theta TAE$  gegeben. Nun ist  $ABTAEZ$   
 25 gegeben; also ist auch  $H\Theta TAE$  gegeben. Hiervon ist

1) D. h. der Gestalt, nicht nur dem Inhalt nach.

ἡ  $\Theta H$ . συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἔστω δοθεὶς λόγος τῆς  $AM$  πρὸς τὴν  $MN$ · καὶ πεποιθήσθω ὥς ἡ  $AM$  πρὸς  $MN$ , οὕτως τὸ  $ABΓΔEZ$  πρὸς ἄλλο τι χωρίον τὸ  $\Xi$ · καὶ ἀπὸ τοῦ  $\Xi$  ἀφηγήσθω ἴσον τῷ  $HΓΔE$ · καὶ ἔστω λοιπὸν τὸ  $O$ . καὶ κάθετος 5 ἐπὶ τὴν  $BΓ$  ἤχθω ἡ  $HK$ · καὶ παραβεβλήσθω τὸ  $O$  παρὰ τὴν  $HK$ · καὶ ποιείτω πλάτος τὴν ἡμίσειαν τῆς  $ΓΘ$ · καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $HΘ$ · ἔσται δὴ ἡ  $HΘ$  ποιοῦσα τὸ πρόβλημα.

sol. 106<sup>r</sup> ιε. | Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων ἔστω τὸ δοθέν ση- 10 μείον ἐπὶ μηδεμιᾶς πλευρᾶς, καὶ ἔστω τὸ  $H$ · καὶ δι- ἤχθω ἡ  $HΘ$ , ὥστε ἐν δοθέντι λόγῳ διαιρεῖν τὸ χωρίον·

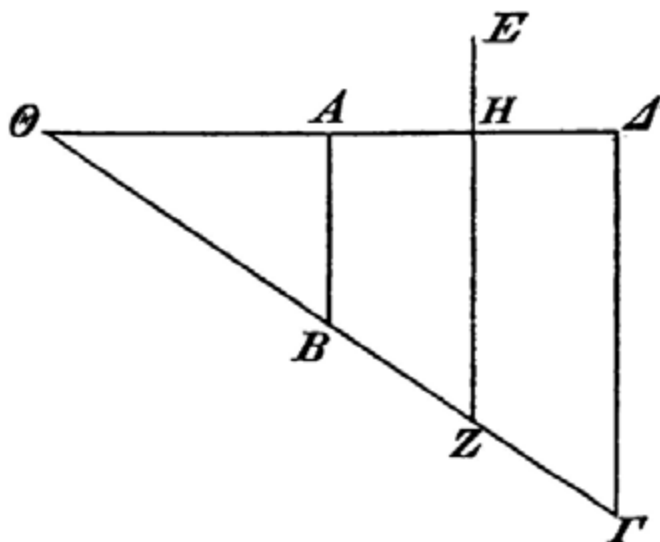


Fig. 75.

δοθέν ἄρα ἔσται τὸ  $KΘΓΔE$ . καὶ εἰ μὲν παράλληλός ἐστι ἡ  $BΓ$  τῇ  $EZ$ , ἐπεζεύχθω ἡ  $ΓE$ · ἔσται λοιπὸν τὸ  $ΘΓEK$ · ὥστε θέσει ἐστὶν ἡ  $HΘ$ . εἰ δὲ οὐκ εἰσι 15 παράλληλοι, συμπιπτεύωσαν κατὰ τὸ  $A$ · δοθέν ἄρα τὸ  $ΓΔEΔ$ · καὶ ὅλον ἄρα τὸ  $ΘΚA$  τρίγωνον δοθέν

$H\Gamma\Delta E$  gegeben; mithin ist auch Dreieck  $H\Theta\Gamma$  gegeben. Und wenn die Höhe  $HK$  auf  $\Gamma B$  gefällt wird, so ist  $H\Theta\Gamma = \frac{1}{2}\Gamma\Theta HK$ . Nun ist  $HK$  gegeben, also auch  $\Gamma\Theta$ . Mithin ist  $\Theta$  gegeben, also seiner Lage nach auch  $\Theta H$ .  
 5 Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Es sei gegeben das Verhältnis von  $AM$  zu  $MN$ . Nun mache man wie  $AM : MN$ , so  $AB\Gamma\Delta EZ$  zu einer anderen Figur  $\Xi$ . Und nehme von  $\Xi$  eben so viel fort als  $H\Gamma\Delta E$  beträgt. Es bleibe übrig  $O$ . Nun fälle man auf  $B\Gamma$  die  
 10 Höhe  $HK$  und dividiere  $O$  durch  $HK$ . Nun mache man die Hälfte von  $\Gamma\Theta$  gleich der Breite von  $O$  und ziehe die Verbindungslinie  $H\Theta$ . Nun wird  $H\Theta$  die Gerade sein, die die Aufgabe löst.

XV. Wenn dieselben Voraussetzungen gemacht sind,  
 15 soll der gegebene Punkt auf keiner Seite liegen und  $H$  heißen, und es soll die Gerade  $H\Theta$  so gezogen werden, daß sie die Figur in einem gegebenen Verhältnis teilt. Es wird also  $K\Theta\Gamma\Delta E$  gegeben sein. Wenn nun  $B\Gamma$  parallel  $EZ$  ist, so ziehe man die Verbindungslinie  $\Gamma E$ .  
 20 Es wird  $\Theta\Gamma EK$  übrig bleiben, so daß seiner Lage nach  $H\Theta$  gegeben ist. Wenn aber diese Linien nicht parallel sind, so sollen sie in  $A$  zusammentreffen. Also ist  $\Gamma\Delta EA$  gegeben, also ist auch das ganze Dreieck  $\Theta KA$  gegeben. Nun ist Winkel bei  $A$  gegeben; also ist auch  
 25  $KA\Theta$  gegeben. Das Problem ist also auf den Raumschnitt zurückgeführt. Also ist  $H\Theta$  seiner Lage nach bestimmt.

XVI. Wenn 2 gerade Linien  $AB$  und  $\Gamma A$  ihrer Lage nach parallel sind und Punkt  $E$  gegeben ist, die Gerade  
 30  $EB\Delta$  zu ziehen, welche die Summe von  $AB$  und  $\Gamma A$  zu einer gegebenen Strecke macht. Es sei geschehen, und es sei  $\Delta Z = AB$ , also ist  $\Gamma\Delta Z$  gegeben, mithin  $Z$ . Man ziehe die Verbindungslinie  $AZ$ ; also ist  $AZ$  seiner Lage nach gegeben, nun ist diese Linie in  $H$  halbiert, denn  
 35  $AB = \Delta Z$ . Also ist  $H$  gegeben; aber auch  $E$ , also seiner

έστιν. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ  $[H]A$  γωνία· δοθέν ἄρα τὸ ὑπὸ  $KAΘ$ · ἀπῆκται ἄρα πρὸς τὴν τοῦ χωρίου ἀποτομήν· θέσει ἄρα ἡ  $HΘ$ .

ις. Δύο θέσει παραλλήλων οὐσῶν τῶν  $AB$ ,  $ΓΔ$  καὶ δοθέντος τοῦ  $E$  διαγαγεῖν τὴν  $EBΔ$  ποιούσαν 5 συναμφοτέρων τὴν  $AB$ ,  $ΓΔ$  δοθεῖσαν. γερονέτω· καὶ τῇ  $AB$  ἴση ἡ  $ΔΖ$ . δοθεῖσα ἄρα ἡ  $ΓΔΖ$ · δοθέν ἄρα τὸ  $Z$ . ἐπεξεύχθω ἡ  $AZ$ · θέσει ἄρα ἡ  $AZ$ . καὶ δίχα τέμνεται κατὰ τὸ  $H$ · ἴσαι γάρ εἰσιν αἱ  $AB$ ,  $ΔΖ$ · δοθέν ἄρα τὸ  $H$ . ἀλλὰ καὶ τὸ  $E$ · θέσει ἄρα ἡ  $EH$ . 10 δεήσει ἄρα εἰς τὴν σύνθεσιν θεῖναι τῇ δοθείσῃ ἴσην τὴν  $ΓΖ$  καὶ ἐπιεῦξαι τὴν  $AZ$  καὶ δίχα τεμεῖν κατὰ τὸ  $H$ , καὶ ἐπιεῦξαντα τὴν  $EH$  ἐκβαλεῖν ἐφ' ἐκάτερα· καὶ ἔσται ἡ ποιούσα τὸ πρόβλημα.

fol. 106<sup>v</sup> ις. | Σφαίρας δοθείσης καὶ λόγου τεμεῖν τὴν ἐπι- 15 φάνειαν τῆς σφαίρας ἐπιπέδῳ τινι, ὥστε τὰς ἐπιφανείας τῶν τμημάτων πρὸς ἀλλήλας λόγον ἔχειν τὸν αὐτὸν τῷ δοθέντι. ἔστω γὰρ ὁ δοθεὶς λόγος  $\langle \delta \rangle$  τῆς  $A$  πρὸς τὴν  $B$ . καὶ ἐκκείσθω ὁ μέγιστος κύκλος τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ, οὗ διάμετρος ἡ  $ΓΔ$ . καὶ τετιμήσθω ἡ 20  $ΓΔ$  κατὰ τὸ  $E$ , ὥστε εἶναι ὡς τὴν  $A$  πρὸς τὴν  $B$ , οὕτως τὴν  $ΓΕ$  πρὸς τὴν  $ΕΔ$ . καὶ ἀπὸ τοῦ  $E$  τῇ  $ΓΔ$  πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἡ  $EZ$ . καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $ZΓ$ ,  $ZΔ$ · καὶ εἰλήφθω τι τυχὸν σημεῖον ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας τὸ  $Θ$ · καὶ πόλῳ τῷ  $E$ , διαστήματι 25 δὲ ἴσῳ τῷ  $ΓΖ$  κύκλος γεγράφθω ὁ  $KA$  ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς σφαίρας. ἔσται δὲ τὰ ἀπειλημμένα τμήματα ἐν τῇ σφαίρᾳ ὑπὸ τοῦ  $KA$  κύκλου τὰς ἐπιφανείας ἔχοντα λόγον ἐχούσας πρὸς ἀλλήλας τὸν αὐτὸν τῷ τῆς

1 ἡ  $HA$ : correxi      14 ἐξῆς ἡ καταγραφὴ in mg. inf.  
16—17 τὰς ἐπὶ τῶν: correxi      18  $\langle \delta \rangle$  addidi

Lage nach  $EH$ . Man wird also behufs Konstruktion  $\Gamma Z =$  der gegebenen Geraden machen, die Verbindungs-

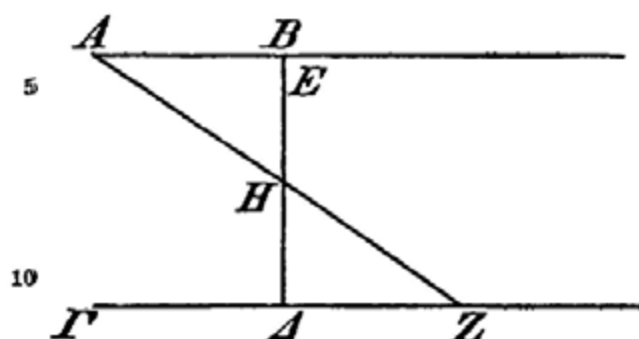


Fig. 76.

linie  $AZ$  ziehen und in  $H$  halbieren müssen, dann die Verbindungs-  
linie  $EH$  ziehen und nach beiden  
Richtungen ver-  
längern müssen.  
Und sie wird es  
sein, die die Auf-  
gabe löst.

XVII. Wenn eine Kugel und ein Verhältnis gegeben  
15 sind, die Oberfläche der Kugel durch eine Ebene so zu  
schneiden, daß die Oberflächen der Segmente zu einander

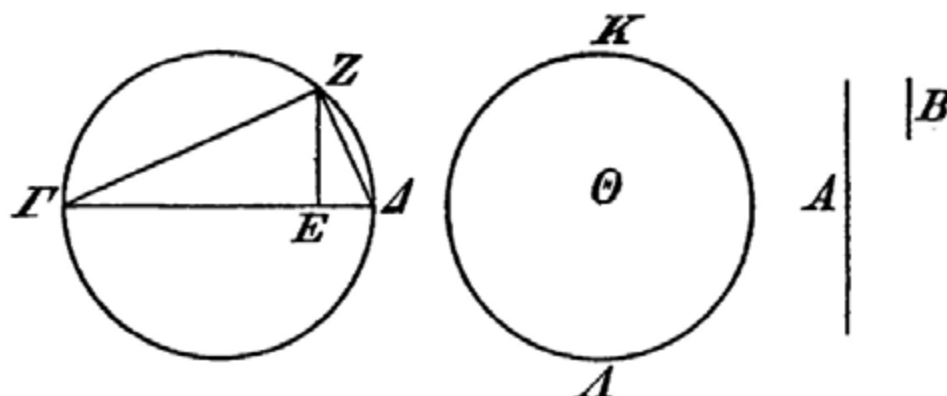


Fig. 77.

in dem gegebenen Verhältnis stehen. Das gegebene Ver-  
hältnis sei das von  $A$  zu  $B$ , und es liege einer der größten  
Kreise der Kugel vor, dessen Durchmesser  $\Gamma\Delta$  sei.  $\Gamma\Delta$   
20 werde in  $E$  so geteilt, daß  $\Gamma E : E\Delta = A : B$  sei. Nun er-  
richte man auf  $\Gamma\Delta$  in  $E$  die Senkrechte  $EZ$  und ziehe die  
Verbindungs-  
linien  $Z\Gamma$  und  $Z\Delta$ . Nun nehme man einen  
beliebigen Punkt  $\Theta$  auf der Oberfläche der Kugel und be-  
schreibe mit  $E$  als Pol und einem Abstände, der  $\Gamma Z$  gleich

$A$  πρὸς τὴν  $B$ . ἡ μὲν γὰρ πρὸς τῷ  $\Theta$  πόλῳ ἐπιφάνεια τοῦ τμήματος ἴση ἐστὶ κύκλῳ, οὗ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶν τῇ  $\Gamma Z$ , ἡ δὲ τοῦ λοιποῦ τμήματος ἐπιφάνεια ἴση ἐστὶ κύκλῳ, οὗ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶν τῇ  $\Delta Z$ . οἱ δὲ εἰρημένοι κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὥς τὰ ἀπὸ τῶν  $\Gamma Z$   $Z\Delta$  τετράγωνα πρὸς ἀλλήλα· ὥς δὲ <τὸ ἀπὸ τῆς  $\Gamma Z$  πρὸς> τὸ ἀπὸ τῆς  $\Delta Z$ , οὕτως ἡ  $\Gamma E$  πρὸς τὴν  $E\Delta$ , τουτέστιν ἡ  $A$  πρὸς τὴν  $B$ . αἱ ἄρα εἰρημέναι ἐπιφάνειαι λόγον ἔχουσι πρὸς ἀλλήλας τὸν τῆς  $A$  πρὸς τὴν  $B$ . ταῦτα γὰρ 10 ἐν τῷ β' περὶ σφαίρας Ἀρχιμήδει δέδεικται (c. 3 t. I p. 207 Heib.).

fol. 107<sup>r</sup> ιη. | Τὸν δοθέντα κύκλον διελεῖν εἰς τρία ἴσα δι-  
 σὺν εὐθείαις. τὸ μὲν οὖν πρόβλημα ὅτι οὐ ῥητόν  
 ἐστὶ, δῆλον, τῆς εὐχρηστίας δὲ ἔνεκεν διελοῦμεν αὐτὸν 15  
 ὥς ἔγγιστα οὕτω. ἔστω ὁ δοθεὶς κύκλος, οὗ κέντρον  
 τὸ  $A$ , καὶ ἐνηρμόσθω εἰς αὐτὸν τρίγωνον ἰσοπλευρον,  
 οὗ πλευρὰ ἡ  $B\Gamma$ , καὶ παράλληλος αὐτῇ ἡχθῶ ἡ  $\Delta AE$   
 καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $B\Delta$   $\Delta\Gamma$ . λέγω ὅτι τὸ  $\Delta B\Gamma$   
 τμήμα τρίτον ἔγγιστά ἐστὶ μέρος τοῦ ὅλου κύκλου. 20  
 ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ  $BA$   $AG$ . ὁ ἄρα  $AB\Gamma ZB$  το-  
 μεὺς τρίτον ἐστὶ μέρος τοῦ ὅλου κύκλου. καὶ ἔστιν  
 ἴσον τὸ  $AB\Gamma$  τρίγωνον τῷ  $B\Gamma\Delta$  τριγώνῳ· τὸ ἄρα  
 $B\Delta[Z]\Gamma Z$  σχῆμα τρίτον μέρος ἐστὶ τοῦ ὅλου κύκλου,  
 ὃ δὴ μεῖ(ξ)όν ἐστὶν αὐτοῦ τὸ  $\Delta B\Gamma$  τμήμα ἀνεπαισ- 25  
 θήτου ὄντος ὥς πρὸς τὸν ὅλον κύκλον. ὁμοίως δὲ  
 καὶ ἑτέραν πλευρὰν ἰσοπλεύρου τριγώνου ἐγγράψαν-  
 τες ἀφελοῦμεν ἕτερον τρίτον μέρος· ὥστε καὶ τὸ

6  $ZH$ : correxi    7 inserui    16 τῷ  $A$ : correxi    21—22 τό-  
 μους: corr. m. 2    24  $B\Delta Z\Gamma Z$ : correxi    25 μεῖον: correxi



sei, einen Kreis  $K\mathcal{A}$  auf der Oberfläche der Kugel. Es werden nun die in der Kugel von dem Kreise  $K\mathcal{A}$  abgeschnittenen Segmente Oberflächen haben, die sich zu einander verhalten wie  $A:B$ . Denn die Oberfläche des Segments bei dem Pole  $\Theta$  ist gleich einem Kreise, dessen Radius  $= \Gamma Z$  ist, die Oberfläche des übrigbleibenden Segments, dessen Radius  $= \mathcal{A}Z$  ist. Die genannten Kreise verhalten sich aber zu einander wie  $\Gamma Z^2 : \mathcal{A}Z^2$ . Es verhält sich aber  $\Gamma Z^2 : \mathcal{A}Z^2 = \Gamma E : E\mathcal{A} = A:B$ ; also haben die genannten Oberflächen zu einander das Verhältniß von  $A$  zu  $B$ . Denn dies ist von Archimedes in dem 2. Buch über die Kugel nachgewiesen.

XVIII. Einen gegebenen Kreis durch 2 Gerade in drei gleiche Teile zu zerlegen. Dafs das Problem nicht rationell ist, ist klar; des praktischen Gebrauchs wegen werden wir

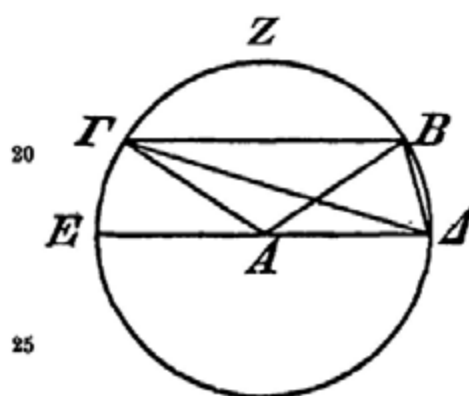


Fig. 78.

aber eine annähernde Zerlegung folgendermaßen bewerkstelligen. Es sei ein Kreis gegeben, dessen Mittelpunkt  $\mathcal{A}$  ist, und es werde in ihn ein gleichseitiges Dreieck eingeschrieben, dessen Seite  $BF$  sei, und dazu die Parallele  $\mathcal{A}AE$  gezogen, und die Verbindungslinien  $B\mathcal{A}$  und  $\mathcal{A}\Gamma$  gezogen. Ich behaupte, dafs das Segment  $\mathcal{A}BF$  an-

nähernd der dritte Teil des ganzen Kreises ist. Man ziehe nämlich die Verbindungslinien  $B\mathcal{A}$  und  $\mathcal{A}\Gamma$ . Es ist also der Kreissektor  $\mathcal{A}BFZB$  der dritte Teil des ganzen Kreises. Nun ist Dreieck  $\mathcal{A}BF = B\Gamma\mathcal{A}$ . Die Figur  $B\mathcal{A}\Gamma Z$  ist also der dritte Teil des ganzen Kreises, da das Stück, um das das Segment  $\mathcal{A}BF$  größer ist als sie, im Verhältniß zu dem ganzen Kreise nicht in Betracht kommt. In gleicher Weise werden wir auch eine andere Seite eines gleichseitigen Dreiecks in den Kreis eintragen und ein zweites Drittel

καταλ(ε)ιπόμενον τρίτον μέρος ἔσται [μέρος] τοῦ ὅλου κύκλου.

(ιθ.) Τριγώνου δοθέντος τοῦ  $AB\Gamma$  λαβεῖν τι σημεῖον τὸ  $\Delta$ , ὥστε ἐπιζευχθεῖσων εὐθειῶν τῶν  $\Delta A$   
 fol. 107<sup>v</sup>  $\Delta B$  |  $\Delta \Gamma$  τὰ  $AB\Delta$   $\Delta B\Gamma$   $\Gamma A\Delta$  τρίγωνα ἴσα εἶναι. 5  
 γεγονέντω· καὶ τῇ  $B\Gamma$  παράλληλος ἦχθω ἡ  $\Delta E$  καὶ  
 ἐπεζεύχθω ἡ  $E\Gamma$ . τὸ ἄρα  $AB\Gamma$  τρίγωνον τρίτον μέ-  
 ρος ἐστὶ τοῦ  $AB\Gamma$ . καὶ ἔστιν ἴσον τῷ  $EB\Gamma$ · τριπλά-  
 σιον ἄρα ἐστὶ τὸ  $AB\Gamma$  τρίγωνον τοῦ  $EB\Gamma$  τριγώνου.  
 ὥστε καὶ ἡ  $AB$  τῆς  $BE$  ἐστὶ τριπλῇ. καὶ ἔστι δο- 10  
 θεῖσα ἡ  $AB$ . δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  $BE$ . καὶ δοθέν τὸ  
 $B$ . δοθέν ἄρα καὶ τὸ  $E$ . καὶ παρὰ τὴν  $B\Gamma$  [καὶ] ἡ  
 $E\Delta$ . θέσει ἄρα ἡ  $E\Delta$ . πάλιν δὲ τῇ  $AB$  παράλληλος  
 ἦχθω ἡ  $\Delta Z$  καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $ZB$ . ὁμοίως δὲ δεῖξομεν,  
 ὅτι καὶ ἡ  $\Gamma A$  τριπλασία ἐστὶ τῆς  $ZA$ . δοθέν ἄρα τὸ 15  
 $Z$ . θέσει ἄρα ἡ  $Z\Delta$ . θέσει δὲ καὶ ἡ  $\Delta E$ . δοθέν ἄρα  
 τὸ  $\Delta$ . συντεθήσεται δὲ οὕτως. εἰλήφθω τῆς μὲν  
 $AB$  τρίτον μέρος ἡ  $BE$ , τῆς δὲ  $A\Gamma$  ἡ  $AZ$ , καὶ τῇ  
 μὲν  $B\Gamma$  παράλληλος ἡ  $E\Delta$ , τῇ δὲ  $AB$  ἡ  $Z\Delta$ . ἐπι-  
 ζευχθεῖσαι οὖν αἱ  $\Delta A$ ,  $\Delta B$ ,  $\Delta \Gamma$  ποιήσουσι τὰ  $AB\Delta$ , 20  
 $\Delta B\Gamma$ ,  $\Gamma A\Delta$  τρίγωνα ἴσα.

Αἱ μὲν οὖν τῶν εἰρημένων ἐπιπέδων χωρίων διαι-  
 ρεσεις αὐτάρκως εἰρηνται, ἐξῆς δὲ ἐπὶ τὰ στερεὰ χω-  
 ρήσομεν. ὅσα μὲν οὖν ἰσοπαχῇ τυγχάνει στερεὰ, οἷον  
 κύλινδροι καὶ παραλληλεπίπεδα καὶ ὅσα ἀπλῶς τὰς 25  
 βάσεις ταῖς κορυφαῖς τὰς αὐτὰς ἔχει, εὐκόπως διαι-  
 ρεῖται εἰς τοὺς δοθέντας λόγους. ὃν γὰρ ἔχει λόγον  
 τὸ μῆκος, τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον καὶ τὸ στερεόν. τῶν

1 καταλιπόμενον: correxi μέρος delevi 3 numerum  
 capitis addidi 3—4 τὸ σημείον: correxi 8 τὸ  $EB\Gamma$ : corr.  
 m. 2 12 [καὶ] del. m. 2

davon abteilen. Daher wird dann auch der Rest ein ganzes Drittel des ganzen Kreises sein.

XIX. Wenn ein Dreieck  $AB\Gamma$  gegeben ist, einen Punkt  $\Delta$  so zu bestimmen, daß wenn die Verbindungslinien  $\Delta A$ ,  $\Delta B$  und  $\Delta \Gamma$  gezogen werden, die Dreiecke  $AB\Gamma$ ,  $\Delta B\Gamma$ ,  $\Gamma\Delta A$  einander gleich sind. Es sei geschehen, und man ziehe zu  $B\Gamma$  die Parallele  $\Delta E$ , und die Verbindungslinie  $E\Gamma$ . Also ist Dreieck  $\Delta B\Gamma = \frac{1}{3} AB\Gamma$  und dieses ist  $= E\Gamma\Gamma$ . Also ist  $AB\Gamma = 3 E\Gamma\Gamma$ . Daher ist auch  $AB = 3 BE$ . Nun ist  $AB$  gegeben, also auch  $BE$ , und  $B$  gegeben, also auch  $E$  und parallel  $B\Gamma$  ist  $E\Delta$ ; also ist seiner Lage nach  $E\Delta$  gegeben. Wiederum ziehe

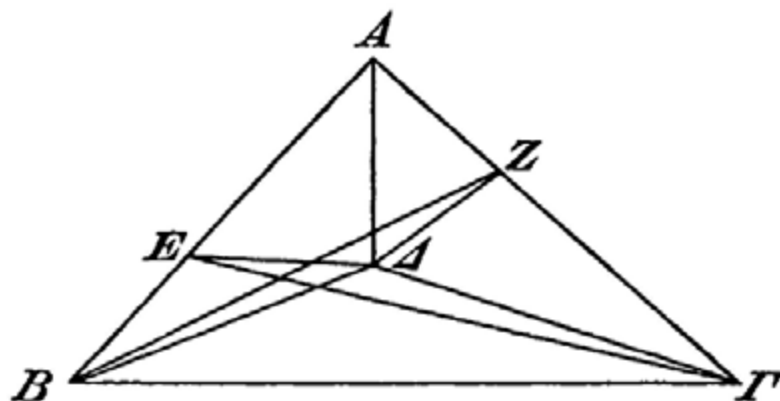


Fig. 79.

man zu  $AB$  die Parallele  $\Delta Z$  und die Verbindungslinie  $ZB$ . Wir werden also in ähnlicher Weise nachweisen, daß  $\Gamma\Delta = 3 Z\Delta$  ist. Also ist  $Z$  gegeben, mithin seiner Lage nach  $Z\Delta$ , aber es ist auch seiner Lage nach  $\Delta E$  gegeben. Also ist  $\Delta$  gegeben. Konstruiert wird es folgendermaßen. Man nehme den dritten Teil von  $AB = BE$  und den dritten Teil von  $A\Gamma = AZ$  und ziehe zu  $B\Gamma$  die Parallele  $E\Delta$ , zu  $AB$  die Parallele  $Z\Delta$ . Zieht man nun die Verbindungslinien  $\Delta A$ ,  $\Delta B$  und  $\Delta \Gamma$ , so werden sie die gleichen Dreiecke  $AB\Delta$ ,  $\Delta B\Gamma$  und  $\Gamma\Delta A$  bilden.

Die Teilungsmethoden nun der genannten ebenen Figuren sind ausreichend behandelt. Im folgenden werden

δὲ μειούρων αἱ διαιρέσεις οὐχ οὕτως, οἷον πυραμί-  
 fol. 108<sup>r</sup> δων | καὶ κώνων καὶ τῶν τοιούτων· διὸ περὶ αὐτῶν  
 γράψομεν.

κ. Ἐστω γὰρ πυραμὶς βάσιν μὲν ἔχουσα οἰανδη-  
 ποτοῦν τὴν  $AB\Gamma\Delta$ , κορυφὴν δὲ τὸ  $E$  σημεῖον· καὶ 5  
 δεδόσθω αὐτῆς μία πλευρὰ ἢ  $AE$  μονάδων  $\epsilon$ . καὶ  
 δεῖν ἔστω τεμεῖν αὐτὴν ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει,  
 ὥστε τὴν ἀποτεμνομένην πρὸς τῇ κορυφῇ πυραμίδα  
 τοῦ καταλειπομένου στερεοῦ εἶναι, εἰ τύχοι, τετρα-  
 πλῆν. τεμνέσθω καὶ ποιείτω τομὴν τὸ  $ZH\Theta K$ . <ἢ 10  
 ἄρα  $AZ$ > πλευρὰ ἐστὶ τοῦ  $AB\Gamma\Delta ZH\Theta K$  στερεοῦ·  
 ἢ ἄρα  $AB\Gamma\Delta E$  πυραμὶς πρὸς τὴν  $Z\Theta HKE$  πυρα-  
 μίδα λόγον ἔχει, ὅν τὰ  $\epsilon$  πρὸς τὰ  $\delta$ . ὥς δὲ αἱ πυρα-  
 μίδες πρὸς ἀλλήλας, οὕτως οἱ ἀπὸ τῶν ὁμολόγων  
 πλευρῶν κύβοι· ὁ ἄρα ἀπὸ τῆς  $AE$  κύβος πρὸς τὸν 15  
 ἀπὸ τῆς  $EZ$  κύβον λόγον ἔχει, ὅν τὰ  $\epsilon$  πρὸς τὰ  $\delta$ · καὶ  
 ἔστιν <ὁ> ἀπὸ τῆς  $AE$  κύβος μονάδων ρκε· ὁ ἄρα  
 ἀπὸ τῆς  $EZ$  κύβος ἔσται μονάδων ρ. δεήσει ἄρα τῶν  
 ρ μονάδων λαβεῖν κυβικὴν πλευρὰν ὥς ἐγγιστα· ἔστι  
 δὲ μονάδων  $\delta$  καὶ  $\theta$ , ὥς ἐξῆς δείξομεν. ὥστε ἐὰν 20  
 ἀποληφθῇ ἢ  $EZ$  μονάδων  $\delta$  καὶ  $\theta$  καὶ διὰ τοῦ  $Z$   
 σημείου τμηθῇ ἢ πυραμὶς ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βά-  
 σει, ἔσται τὸ προκείμενον. συντεθήσεται δὲ οὕτως·  
 κύβισον τὰ  $\epsilon$ · γίννεται ρκε. καὶ ἐπεὶ λόγος ἐστὶν,  
 ἐν ᾧ διαιρεῖται ἢ πυραμὶς, ὅν  $\delta$  πρὸς  $\alpha$ , σύνθετες  $\delta$  25  
 καὶ  $\epsilon$ · γίννεται  $\epsilon$ . καὶ τὰ ρκε ἐπὶ τὸν  $\delta$ · γίννε-  
 ται  $\varphi$ . παρὰβαλε παρὰ τὸν  $\epsilon$ · γίννεται ρ· καὶ τού-

1 μειούρων αἱ διαιρέσεις litteris paene evanidis 10—11  
 supplevi 17 <ὁ> addidi

wir uns den Körpern zuwenden. Alle Körper nun von gleichmäßiger Dicke wie Cylinder und Parallelepipeda und alle, in denen schlechthin die unteren Abschlußflächen gleich den oberen sind, werden leicht nach gegebenen Verhältnissen zerlegt. Denn die Körper verhalten sich wie die Höhen. Mit der Teilung von Körpern, die sich verjüngen, z. B. Pyramiden, Kegeln und ähnlichen, verhält es sich dagegen anders, daher werden wir über sie handeln.

XX. Es sei eine Pyramide, die eine Basis  $AB\Gamma A$  von beliebiger Form hat und zur Spitze den Punkt  $E$ . Es sei gegeben eine Seite derselben  $AE = 5$  und die Auf-

gabe sei, sie mit einer der Basis parallelen Ebene so zu schneiden, daß die an der Spitze abgeschnittene Pyramide beispielsweise viermal so groß sei als der übrigbleibende Körper. Man mache den Schnitt, er ergebe die Schnittfläche  $ZH\Theta K$ , so daß also  $AZ$  eine Seite des Körpers  $AB\Gamma A ZH\Theta K$  ist. Also verhält sich die Pyramide  $AB\Gamma A E$  zu der Pyramide  $Z\Theta H K E$   $= 5 : 4$ . Es verhalten sich aber die dritten Potenzen entsprechender Seiten wie die Pyramiden zu einander. Also

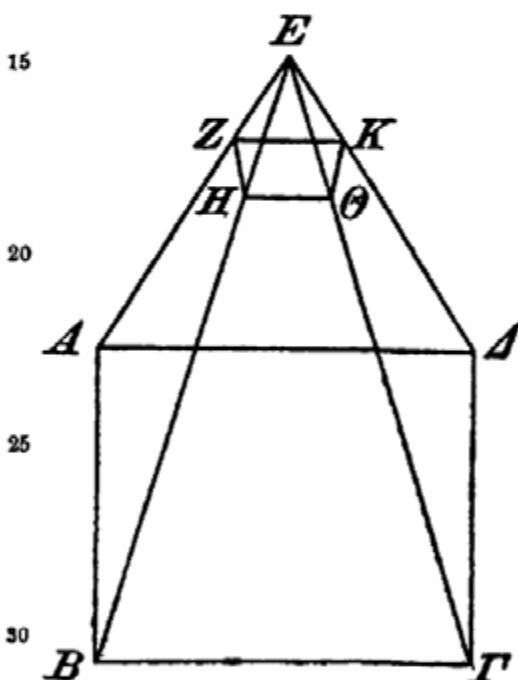


Fig. 80.

ist  $AE^3 : EZ^3 = 5 : 4$ . Nun ist  $AE^3 = 125$ ; also  
 35  $EZ^3 = 100$ . Man wird daher  $\sqrt[3]{100}$  annähernd bestimmen müssen; sie ist  $= 4\frac{9}{14}$ , wie wir im folgenden zeigen werden. Wenn daher  $EZ = 4\frac{9}{14}$  abgetragen und im Punkte  $Z$  die

των κυβικῆν πλευρὰν· γίνεται δ καὶ  $\overset{\text{δ}'}{\theta}$ . τοσούτου ἔσται ἡ  $EZ$ .

Ὡς δὲ δεῖ λαβεῖν τῶν  $\rho$  μονάδων κυβικῆν πλευρὰν, νῦν ἐροῦμεν.

Λαβὲ τὸν ἔγγιστα κύβον τοῦ  $\rho$  τὸν τε ὑπερβάλλοντα 5 καὶ τὸν ἐλλείποντα· ἔστι δὲ ὁ  $\rho\kappa\epsilon$  καὶ ὁ  $\xi\delta$ . καὶ ὅσα μὲν ὑπερβάλλει, μονάδες  $\kappa\epsilon$ , ὅσα δὲ ἐλλείπει, fol. 108<sup>v</sup> μονάδες  $\lambda\varsigma$ . | καὶ ποιήσον τὰ  $\epsilon$  ἐπὶ τὰ  $\lambda\varsigma$ · γίνεται  $\rho\pi$ · καὶ τὰ  $\rho$ · γίνεται  $\sigma\pi$ . <καὶ παράβαλε τὰ  $\rho\pi$  παρὰ τὰ  $\sigma\pi$ >· γίνεται  $\overset{\text{δ}'}{\theta}$ . πρόσβαλε τῇ [κατὰ] τοῦ ἐλάσσονος κύβου πλευρᾷ, τουτέστι τῷ  $\delta$ · γίνε- 10  
ται μονάδες  $\delta$  καὶ  $\overset{\text{δ}'}{\theta}$ . τοσού- 15  
των ἔσται ἡ τῶν  $\rho$  μονάδων 20  
κυβικῆν πλευρὰ ὡς ἔγγιστα.

κα. Τὸν δοθέντα κῶνον διελεῖν ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ. ἔστω ὁ δοθεὶς κῶνος, οὗ βάσις μὲν ἔστιν ὁ  $AB$  κύκλος, κορυφή δὲ τὸ  $\Gamma$ . καὶ ἔστω αὐτοῦ ἡ πλευρὰ μονάδων  $\epsilon$ . καὶ ἐπιτετάχθω διελεῖν, ὡς εἴρηται, ὥστε τὸν ἀποτεμνόμενον πρὸς τῇ κορυφῇ κῶνον τετραπλασίονα εἶναι τοῦ 25  
καταλειπομένου κολούρου κῶνου. ἀκολουθῶς οὖν τοῖς ἐπὶ τῆς πυραμίδος εἰρημένοις ἔξει ὁ ἀπὸ τῆς  $A\Gamma$  κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς  $\Gamma\Delta$  κύβον λόγον, ὃν ἔχει τὰ  $\epsilon$  πρὸς τὰ  $\delta$ · ὁ ἄρα ἀπὸ τῆς  $\Gamma\Delta$  κύβος ἔσται μονά-

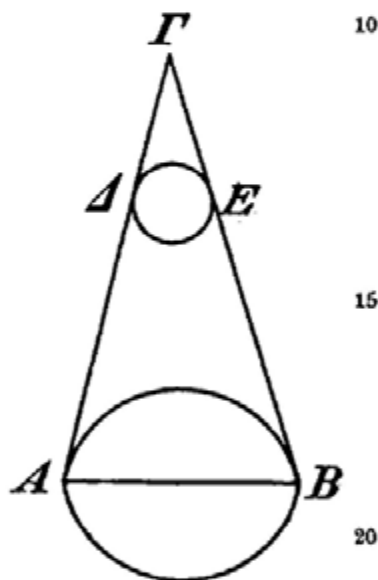


Fig. 81.

Pyramide durch eine der Basis parallele Ebene geschnitten wird, so wird die Aufgabe gelöst sein. Berechnet wird es folgendermaßen.  $5^3 = 125$ . Und da das Verhältnis, in dem geteilt wird,  $= 4 : 1$  ist:

$$\begin{array}{rcl} 5 & 4 + 1 & = 5 \\ & 125 \times 4 & = 500 \\ & 500 : 5 & = 100 \\ & \sqrt[3]{100} & = 4\frac{9}{14}. \end{array}$$

So groß wird  $EZ$  sein.

10 Wie man  $\sqrt[3]{100}$  zu bestimmen hat, werden wir nunmehr angeben.

Nimm die 100 nächstkommende Kubikzahl, sowohl die nächstgrößere als die nächstkleinere. Es sind 125 und 64.

$$\begin{array}{rcl} & 125 - 100 & = 25 \\ 15 & 100 - 64 & = 36 \\ & 5 \times 36 & = 180 \\ & 180 + 100 & = 280 \\ & \frac{180}{280} & = \frac{9}{14} \\ & 4 + \frac{9}{14} & = 4\frac{9}{14}. \end{array}$$

20 So groß wird annähernd  $\sqrt[3]{100}$  sein.

XXI. Einen gegebenen Kegel durch eine der Basis parallele Ebene in einem gegebenen Verhältnis zu teilen. Es sei der gegebene Kegel der, dessen Basis der Kreis  $AB$  und dessen Spitze  $\Gamma$  ist, und seine Seite sei  $= 5$ . Die  
25 Aufgabe sei, ihn in der angegebenen Weise zu teilen, so daß der an der Spitze abgeschnittene Kegel viermal so groß ist, als der übrigbleibende Kegelstumpf. Es wird sich nun, entsprechend dem bei der Pyramide Bemerkten,  $\Gamma A^3 : \Gamma \Delta^3 = 5 : 4$  verhalten. Also wird  $\Gamma \Delta^3 = 100$ ,  
30 mithin  $\Gamma \Delta = 4\frac{9}{14}$  sein. Man trage nun  $\Gamma \Delta$  so groß ab und

3 sq. cf. M. Curtze Zeitschrift f. Math. u. Physik, hist.-litt. Abt. 1897 p. 118 sq. 3 τὸν ρ: correxi 10-11 καὶ παρὰ βεβλήσθω ταῦτα παρὰ τὰ ρπ man. 2 in mg. perperam; supplevi 12 [κατὰ] delevi 13 τὸ δ: correxi

δων ρ· αὐτὴ ἄρα ἡ  $\Gamma\Delta$  ἔσται μονάδων δ καὶ <sup>δ'</sup> ἔγγιστα. ἀπειλήφθω οὖν ἡ  $\Gamma\Delta$  τοσούτων. καὶ διὰ τοῦ  $\Delta$  ἐπίπεδον ἐκβεβλήσθω παράλληλον τῇ βάσει καὶ ποιείτω τομὴν τὸν  $\Delta E$  κύκλον, ὃς ποιήσῃ τὸ προ-  
κειμένον.

5

fol. 109<sup>v</sup> κβ. | Ἐ(στ)ω δὴ [ὁ] δοθεὶς <κόλουρος> κῶνος, ὃν δεῖ διελεῖν ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ. ἔστω βάσις μὲν ὁ  $AB$  κύκλος, κορυφὴ δὲ ὁ  $\Delta E$ . καὶ ἐπιτετάχθω διελεῖν αὐτὸν ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει, ὥστε τὸ πρὸς τῇ <κορυφῇ> τμήμα τετραπλάσιον εἶναι τοῦ καταλειπο- 10 μένου· δεδόσθω δ' ἡ μὲν τοῦ  $AB$  κύκλου διάμετρος μονάδων κη, ἡ δὲ τοῦ  $AE$  μονάδων κα, τὸ δὲ ὕψος μονάδων ιβ· καὶ διηγήσθω, ὡς εἴρηται, τῷ  $ZH$  κύκλῳ, ὥστε τὸν  $\Delta EZH$  κῶνον κόλουρον τετραπλασίονα εἶναι τοῦ  $ZHAB$  κολούρου κώνου· ὁ ἄρα  $AB\Delta E$  15 κωνοκόλουρος πρὸς τὸν  $\Delta EZH$  λόγον ἔχει, ὃν ε πρὸς δ. καὶ ἔστιν ὁ  $AB\Delta E$  κωνοκόλουρος δοθεὶς· αἱ γὰρ διάμετροι τῶν βάσεων αὐτοῦ δοθεῖσαι εἰσιν καὶ ἔτι τὸ ὕψος δοθέν· δοθεὶς ἄρα καὶ ὁ  $\Delta EZH$  κωνοκόλουρος. ἤχθω δὴ κάθετος ἡ  $\Delta\Theta$  καὶ προσηυξή- 20 σθω ὁ κῶνος. καὶ ἔστω αὐτοῦ κορυφὴ τὸ  $\Gamma$ , ἄξων δὲ ὁ  $\Gamma\Delta$ . ἐπεὶ ἡ  $\Delta E$  ἔστι δοθεῖσα, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  $\Delta A$ , τουτέστιν ἡ  $K\Theta$ . ἀλλὰ καὶ ἡ  $\Delta K$  δοθεῖσά ἐστιν· καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ  $A\Theta$  δοθεῖσά ἐστιν· λόγος ἄρα τῆς  $K\Delta$  πρὸς  $A\Theta$  δοθεὶς· ὥστε καὶ τῆς  $\Gamma K$  πρὸς 25  $\Delta\Theta$ · καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ  $\Delta\Theta$ · δοθεῖσα ἄρα ἡ  $\Gamma K$ · ὣν ἡ  $K\Delta$  δοθεῖσά ἐστιν· ἴση γάρ ἐστι τῇ  $\Delta\Theta$ . καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ  $\Gamma\Delta$  δοθεῖσά ἐστιν· δοθεὶς ἄρα ἐστὶν ὁ  $\Gamma\Delta E$  κῶνος κα[ὶ ἡ]  $ZH$ · καὶ ἔτι ὁ  $\Gamma B A$ · λόγος ἄρα  
fol. 109<sup>v</sup> τῶν  $\Gamma AB$ ,  $\Delta E\Gamma$  κώνων πρὸς τὸν  $\Gamma H Z$  κῶνον. | ὡς 30 δὲ οἱ κῶνοι πρὸς ἀλλήλους, οὕτω καὶ ο(ἰ ἀπὸ τῷ)ν



lege durch  $\Delta$  eine der Basis parallele Ebene. Diese gebe als Schnittfläche den Kreis  $\Delta E$ , der die Aufgabe lösen wird.

XXII. Es sei ein Kegelstumpf gegeben, den man in einem gegebenen Verhältnis teilen soll. Seine Basis sei  
 5 der Kreis  $AB$ , seine obere Abschlussfläche der Kreis  $\Delta E$  und die Aufgabe sei, ihn durch eine der Basis parallele Ebene so zu teilen, daß der Abschnitt an der oberen Abschlussfläche viermal so groß ist als der übrig bleibende. Es sei nun der Durchmesser des Kreises  $AB = 28$ , der  
 10 Durchmesser des Kreises  $\Delta E = 21$  und die Höhe  $= 12$  gegeben. Geteilt sei, wie gesagt, durch den Kreis  $ZH$ , so daß der Kegelstumpf  $\Delta EZH$  viermal so groß ist als der Kegelstumpf  $ZHAB$ . Es verhält sich also Kegelstumpf  $AB\Delta E : \Delta EZH = 5 : 4$ . Nun ist der Kegel-  
 15 stumpf  $AB\Delta E$  gegeben; denn die Durchmesser seiner Basen sind gegeben und außerdem seine Höhe. Also ist auch der Kegelstumpf  $\Delta EZH$  gegeben. Man ziehe nun die Senkrechte  $\Delta\Theta$  und vervollständige den Kegel; seine Spitze sei  $\Gamma$ , seine Axe  $\Gamma A$ . Da  $\Delta E$  gegeben ist, ist  
 20 auch  $\Delta A^1$ ), d. h.  $K\Theta$  gegeben. Aber auch  $\Delta K$  ist gegeben, mithin ist  $\Delta\Theta$  gegeben. Also ist  $K\Delta : \Delta\Theta$  gegeben, daher auch  $\Gamma K : \Delta\Theta$ . Nun ist  $\Delta\Theta$  gegeben, also ist  $\Gamma K$  gegeben. Nun ist  $K\Delta$  gegeben, denn sie ist  
 25  $= \Delta\Theta$ . Also ist  $\Gamma A$  gegeben. Mithin ist der Kegel  $\Gamma\Delta E$  und  $ZH$  gegeben und außerdem der Kegel  $\Gamma AB$ , mithin das Verhältnis der Kegel  $\Gamma AB + \Delta E\Gamma$  zu dem Kegel  $\Gamma HZ$ . Es verhalten sich aber  $\Gamma A^3 + \Gamma K^3 : \Gamma M^3$  wie die Kegel zu einander. Nun ist aber  $\Gamma A^3 + \Gamma K^3$  gegeben, also ist auch  $\Gamma M^3$  gegeben. Also ist  $\Gamma M$  ge-  
 30 geben, daher auch  $AM$ ; also ist  $K\Delta : AM$ , d. h.  $\Delta A : AZ$

1) Man sollte erwarten „ $\Delta\Theta$  d. h.  $K\Delta$ “, was jedoch auch schwer verständlich wäre, da  $\Delta\Theta$  als Höhe gegeben ist.

6 supplevi [δ] delevi supplevi 9—10 προς τι τμήμα:  
 correxi et supplevi 11 δὴ correxi 13 διηγήσασθω m. 1  
 17—18 διότι: distinxi 23 AK: correxi; sequuntur men-  
 dosa 25 KA: correxi 29 supplevi 31 supplevi

ΓΚΑ κύβοι πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ ΓΜ κύβον. δ<οθέν-  
 τες> δὲ οἱ ἀπὸ τῶν ΚΓΑ κύβοι· δοθεὶς ἄρα καὶ ὁ  
 ἀπὸ τῆς ΓΜ κύβος· δοθεὶς<α> ἄρα ἡ ΓΜ· ὥστε καὶ  
 ἡ ΑΜ· λόγος ἄρα τῆς ΚΑ πρὸς τὴν ΑΜ, τουτέστι  
 τῆς ΑΔ πρὸς ΑΖ δοθείς· καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ ΑΔ, <sup>5</sup>  
 ἐπεὶ καὶ ἑκατέρα τῶν ΔΘ ΘΑ· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  
 ΑΖ· δοθέν ἄρα τὸ Ζ· ὥστε καὶ ἡ <δι> αὐτοῦ τομῇ,  
 τουτέστιν ὁ ΖΗ κύκλος. συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς  
 τῇ ἀναλύσει οὕτως· λαβὲ τὸ στερεὸν τοῦ κολουροκώ-  
 νου, ὡς ἐμάθομεν. γίνεται <εχρη>. ταῦτα ἐπὶ τὸν δ· <sup>10</sup>  
 γίνεται <sup>β</sup>μ,βψ εβ. παράβαλε παρὰ τὸν ε· γίνεται  
 <ε>  
 ,δφνη β· τοσοῦτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ΔΕΖΗ κο-  
 λουροκώνου. καὶ ἀπὸ τῶν κη ἄφελε κα· λοιπὰ ζ· τού-  
 των τὸ ἥμισυ· γίνεται γλ· καὶ τῶν κη τὸ ἥμισυ·  
 γίνεται ιδ· καὶ ποιήσον ὡς τὰ γλ πρὸς τὰ ιδ, οὕτως <sup>15</sup>  
 τὸ ὕψος, τουτέστι τὰ ιβ, πρὸς ἄλλον τινά· ἔστι δὲ πρὸς  
 μη· ἄφελε τὰ ιβ· λοιπὰ λς· ἔσται ὁ ἄξων τοῦ ΓΔΕ  
 κώνου μονάδων λς. καὶ ἔστιν ἡ ΔΕ διάμετρος μονά-  
 δων κα· τὸ ἄρα στερεὸν τοῦ κώνου, ὡς ἐμάθομεν,  
 ἔσται ,δρνη· πρόσθετες ταῦτα ἑκατέρῳ τῷ τε ,εχρη καὶ <sup>20</sup>  
 τῷ ,δφνη β· γίνεται ,θωνς· καὶ τὰ ,δρνη· γίνεται  
<sup>α</sup>μ,διδ· <σύνθετες τὰ ,δφνη β καὶ τὰ ,δρνη· γίνεται  
<sup>α</sup>μ,διδ>. καὶ κύβισον τὸν μη· καὶ ἔτι τὸν λς· καὶ σύνθετες  
 τοὺς β κύβους· γίνονται <sup>α</sup>μ ξσμη. ποιήσον οὖν ὡς τὰ

1—2 supplevi      3 δοθείς: correxi      5 ΔΖ: correxi  
 6 ΔΘ ΘΑ: correxi      7 ΔΖ: correxi      10 ex-  
 plevi intercapedinem      12 ,δφνηβ': correxi      13 \*β, sed β in  
 η mutavit m. 1      19 \*δ: correxi      21 ,δφνε: correxi      22 sup-  
 plevi 23 μδ: correxi

gegeben. Nun ist  $AA$  gegeben, da  $AO$  und  $OA$  gegeben sind. Also ist auch  $AZ$  gegeben, mithin  $Z$ . Also ist auch der Schnitt durch  $Z$ , d. h. der Kreis  $ZH$  gegeben. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Bestimme den Körperinhalt des Kegelstumpfs, wie wir es lernten; er ist  $= 5698$ .

$$4 \times 5698 = 22792$$

$$\frac{22792}{5} = 4558\frac{2}{5}.$$

So groß wird der Inhalt des Kegelstumpfs  $AZHZ$  sein,

$$28 - 21 = 7$$

$$\frac{7}{2} = 3\frac{1}{2}$$

$$\frac{28}{2} = 14$$

$$\frac{3\frac{1}{2}}{14} = \frac{12}{x}$$

$$x = 48$$

$$48 - 12 = 36.$$

Die Axe des Kegels  $FAE$  wird  $= 36$  sein. Nun ist der Durchmesser  $AE = 21$ ; der Körperinhalt des Kegels wird daher, wie wir lernten,  $= 4158$  sein. Addiere dies sowohl zu 5698 als auch zu 4158. Es ergibt 9856. Dazu 4158, ergibt 14014.

$$4558\frac{2}{5} + 4158 = 8716\frac{2}{5}$$

$$48^3 + 36^3 = 17248$$

Nun ist

$$\frac{14014}{8716\frac{2}{5}} = \frac{17248}{x}$$

$$x = 97050$$

$$\sqrt{97050} \text{ annähernd} = 46$$

$$46 - 36 = 10$$

$$12^2 = 144$$

$$(3\frac{1}{2})^2 = 12\frac{1}{4}$$

$$144 + 12\frac{1}{4} = 156\frac{1}{4}$$

$$\sqrt{156\frac{1}{4}} = 12\frac{1}{2}.$$

Die Seite  $AA$  des Kegelstumpfs wird  $= 12\frac{1}{2}$  sein.

$\mu$ , διδ<sup>α</sup> πρὸς τὸ [ἀπὸ] ηψις β, οὕτως  $\mu$  ζσμη πρὸς τι·  
 ἔστι δὲ πρὸς  $\mu$  ζν. τούτων λαβὲ κυβικὴν πλευρὰν  
 ὡς ἔγγιστα· γίνονται μς. ἄφελε τὰς λς· λοιπαὶ μο-  
 νάδες ι· καὶ τὰ ιβ τοῦ ὕψους ἐφ' ἑαυτά· γίνεται ρμδ·  
 καὶ τὰ γλ ἐφ' ἑαυτά· γίνεται ιβ δ'. σύνθες· γίνονται 5  
 ρνς δ'. ὧν πλευρὰ γίνεται ιβλ· ἡ τρυ κωνο[υ]κο-  
 λούρου πλευρὰ ἡ ΔΑ ιβλ· καὶ ποιήσον ὡς τὰ ιβ τοῦ  
 col. 110<sup>r</sup> ὕψους πρὸς τὰ ι, οὕτως τὰ ιβλ πρὸς τί· | ἔστι δὲ πρὸς  
 ι  $\epsilon'$ · καὶ διὰ τοῦ Ζ σημείου τετμήσθω ὁ κῶνος, ὡς  
 εἴρηται. καὶ ἔσται τὸ προκείμενον. 10

κγ. Τὴν δοθεῖσαν σφαῖραν ἐπιπέδῳ τεμεῖν, ὥστε  
 τὰ τμήματα τῆς σφαίρας πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχειν τὸν  
 ἐπιταχθέντα. ἔστω δὴ ὁ δοθεὶς λόγος τῆς Α πρὸς  
 τὴν Β· καὶ ἐκκείσθω κύκλος ἐν ἐπιπέδῳ εἰς τῶν με-  
 γίστων τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ, οὗ κέντρον μὲν τὸ Γ, 15  
 διάμετρος δὲ ἡ ΔΕ· καὶ τῇ ΓΕ ἴση κείσθω ἡ ΕΖ καὶ  
 τετμήσθω κατὰ τὸ Η, ὥστε εἶναι ὡς τὴν ΖΗ πρὸς  
 τὴν ΗΕ, τὴν Α πρὸς τὴν Β· ἡ δὲ ΔΕ τετμήσθω  
 κατὰ τὸ Θ, ὥστε εἶναι ὡς τὴν ΕΖ πρὸς ΖΗ, οὕτως  
 τὸ ἀπὸ ΕΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΘ· καὶ τῇ ΔΕ πρὸς ὁρθὰς 20  
 ἡ ΘΚΑ· καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΚΔ· καὶ εἰλήφθω τυχὸν  
 σημεῖον ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας καὶ πόλῳ τῷ  
 Μ, διαστήματι <δὲ> [τῷ] ἴσῳ τῇ ΚΔ κύκλος γεγράφθω  
 ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς σφαίρας ὁ ΝΞ. λέγω ὅτι τὰ  
 ἀπολαμβανόμενα τμήματα ὑπὸ τοῦ γραφέντος κύκλου 25  
 col. 110<sup>v</sup> ὁμοίως | Ἀρχιμήδει δέδεικται ἐν τῷ β' περὶ σφαίρας  
 (c. 4 t. 1 p. 210 Heib.).

1 [ἀπὸ] delevi     $\mu$ : correxi    2  $\mu$  ζν: correxi    6—7 κῶνον  
 κολούρου: correxi    8—9 πρὸς ι' γ' ι' β': correxi    23 [τῷ]  
 delevi, <δὲ> addidi

Nun ist

$$\frac{12}{10} = \frac{12\frac{1}{2}}{x}$$

$$x = 10\frac{5}{12}$$

Nun schneide man durch den Punkt  $Z$  den Kegel, wie  
5 angegeben, und die Aufgabe wird gelöst sein.

XXIII. Eine gegebene Kugel durch eine Ebene so zu  
schneiden, daß die Kugelsegmente ein gegebenes Verhältnis  
haben. Das gegebene Verhältnis sei das von  $A$  zu  $B$  und  
es sei ein größter Kreis der Kugel in einer Ebene gegeben,  
10 dessen Mittelpunkt  $\Gamma$  und dessen Durchmesser  $AE$  sein

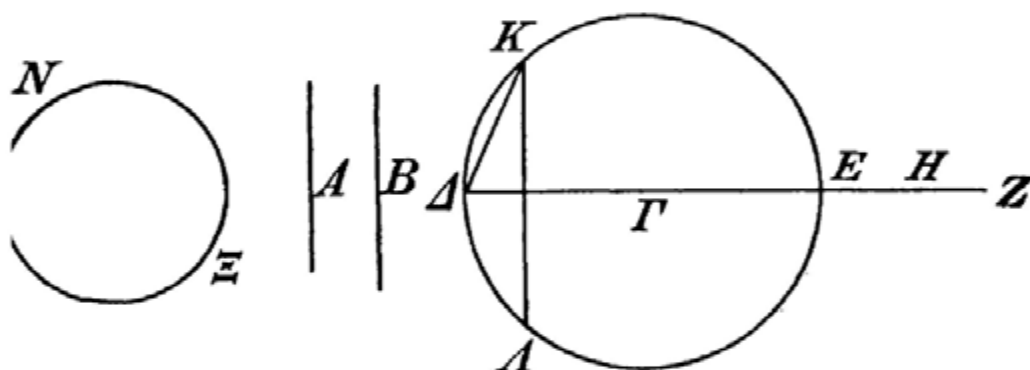


Fig. 82.

soll. Nun werde  $EZ = \Gamma E$  gemacht und in  $H$  so ge-  
schnitten, daß  $ZH : HE = A : B$ . Und  $AE$  werde in  $\Theta$   
so geschnitten, daß  $EZ : ZH = EA^2 : A\Theta^2$ . Man ziehe  
dann im rechten Winkel zu  $AE$  die Linie  $\Theta KA$ , und die  
15 Verbindungslinie  $KA$ , nehme einen beliebigen Punkt auf  
der Oberfläche der Kugel und beschreibe mit  $M$  als Pol  
und einem Abstand, der gleich  $KA$  sei, auf der Ober-  
fläche der Kugel den Kreis  $N\Xi$ . Ich behaupte, daß die  
von dem beschriebenen Kreise getrennten Kugelsegmente  
20 sich wie  $A : B$  zu einander verhalten. Denn dies hat  
Archimedes ebenfalls in seinem 2. Buche über die Kugel  
nachgewiesen.



ΗΡΩΝΟΣ ΑΛΕΞΑΝΔΡΕΩΣ  
ΠΕΡΙ ΔΙΟΠΤΡΑΣ

## ΗΡΩΝΟΣ ΑΛΕΞΑΝΔΡΕΩΣ ΠΕΡΙ ΔΙΟΠΤΡΑΣ

cod. Paris. suppl. gr. 607 fol. 62<sup>r</sup> pag. 174 Vi α. Τῆς διοπτρικῆς πραγματείας πολλὰς καὶ ἀναγ-  
καίᾳ παρεχομένης χρείας καὶ πολλῶν περὶ αὐτῆς  
λελεχότων ἀναγκαῖον εἶναι νομίζω τὰ τε ὑπὸ τῶν πρὸ 5  
ἐμοῦ παραλειφθέντα καὶ, ὥς προεῖρηται, χρεῖαν παρέ-  
χοντα γραφῆς ἀξιῶσαι, τὰ δὲ δυσχερῶς εἰρημένα εἰς  
εὐχέρειαν μεταγαγεῖν, τὰ δὲ ψευδῶς εἰρημένα εἰς  
διόρθωσιν προάξει. οὐχ ἡγοῦμαι δὲ ἀναγκαῖον εἶναι  
τὰ τε ἡμαρτημένως καὶ δυσχερῶς ἐκτεθειμένα ἢ καὶ 10  
διημαρτημένα ὑπὸ τῶν πρὸ ἡμῶν νῦν εἰς μέσον  
φέρειν· ἐξέσται γὰρ τοῖς βουλομένοις ἐντυγχάνουσιν  
κρίνειν τὴν διαφορὰν. ἔτι δὲ καὶ ὅσοι ἀναγραφὴν  
πεποιήνται περὶ τῆς πραγματείας, οὐ [διὰ] μιᾶς ἢ τῆς  
αὐτῇ διόπτρας κέχρηται πρὸς τὴν ἐνέργειαν; πολλὰς 15  
δὲ καὶ διαφοροῖς, καὶ ὀλίγας δι' αὐτῶν προτάσεις ἐπι-  
τελέσαντες. ἡμεῖς μὲν οὖν καὶ τοῦτο αὐτὸ πεφιλοτιμή-  
μεθα, ὥστε διὰ τῆς αὐτῆς τὰς προκειμένας ἡμῖν προ-  
τάσεις ἐνεργεῖσθαι. οὐ μὴν ἀλλὰ καὶ ἂν ἑτέρας τις  
ἐπινοήσῃ, οὐκ ἀμοιρήσει ἢ κατασκευασθεῖσα ὑφ' ἡμῶν 20  
διόπτρα, ὥστε καὶ ταύτας ἐνεργεῖν.

1—2 Tituli folio resecto exiguae supersunt reliquiae: Ἡρώ-  
νος περὶ διόπτρας 5 λελεχότων: cf. Galenus XVI 249, 4 K.



## ÜBER EINE DIOPTRA VON HERON VON ALEXANDRIA.

I. Da die Lehre von der Dioptra viele und unentbehrliche praktische Anwendungen bietet und Viele über sie  
5 gehandelt haben, so halte ich für nötig, das von meinen  
Vorgängern Übergangene, das, wie gesagt, eine praktische  
Anwendung gestattet, der Darstellung zu würdigen, das  
schwierig Dargestellte in eine leichtfaßliche Form zu  
bringen und das falsch Dargestellte zu verbessern. Ich  
10 glaube jedoch nicht, daß es nötig ist, das von meinen  
Vorgängern in fehlerhafter und schwerverständlicher Form  
Vorgetragene oder auch sachlich Verfehlte hier zu be-  
handeln. Denn wem daran liegt, der kann sich durch  
eigene Lektüre ein Urteil über den Unterschied bilden.  
15 Ferner haben auch diejenigen, welche über den Gegen-  
stand geschrieben haben, sich zur Ausführung der Ope-  
rationen nicht eines und desselben Instrumentes, sondern  
vieler und immer wieder verschiedener bedient, und doch  
haben sie vermittelst derselben nur wenige Aufgaben ge-  
20 löst. Wir nun haben gerade auf diesen Punkt besonderen  
Wert gelegt, so daß durch ein und dasselbe Instrument  
die uns vorliegenden Aufgaben gelöst werden. Jedoch  
wird auch, wenn sich jemand noch andere Aufgaben  
ausdenkt, die von uns konstruierte Dioptra dabei nicht  
25 versagen, so daß sie auch diese auszuführen vermag.

---

10 ἡμαρτημένα καί: correxi 14—15 διὰ μίας ἢ τῆς αὐτῆς  
διόπτρας: correxi dittographia sublata 19 ἑτέραν: corr. R. Schoene

p. 176 β. Ὅτι δὲ πολλὰς παρέχεται τῷ βίῳ χρείας ἡ  
 πραγματεία, δι' ὀλίγων ἐστὶν ἐμφανίσαι. πρὸς τε γὰρ  
 ὑδάτων ἀγωγὰς καὶ τειχῶν κατασκευὰς καὶ λιμένων  
 καὶ παντὸς οἰκοδομήματος εὐχρηστος τυγχάνει, πολλὰ  
 δὲ ὦνησεν καὶ τὴν περὶ τὰ οὐράνια θεωρίαν, ἀναμε- 5  
 τροῦσα τὰ [τε] μεταξὺ τῶν ἀστέρων διαστήματα, καὶ  
 τὰ περὶ μεγεθῶν καὶ ἀποστημάτων καὶ ἐκλείψεων  
 ἡλίου καὶ σελήνης· πρὸς τε τὴν τῶν γεωγραφου-  
 μένων πραγματείαν, νήσους τε καὶ πελάγη καὶ καθόλου  
 πᾶν διάστημα ἐξ ἀποστήματος <...>. πολλάκις γὰρ 10  
 ἐμποδῶν ἴσταται τι εἶργον ἡμᾶς τῆς προθέσεως, ἥτοι  
 διὰ πολεμίων προκατάληψιν ἢ διὰ τὸ ἀπρόσιτον καὶ  
 ἄβητον εἶναι τὸν τόπον παρεπομένου τινὸς ἰδιώματος  
 φυσικοῦ ἢ ῥεύματος ὁξέα ὑποσύροντος. πολλοὶ γοῦν  
 πολιορκεῖν ἐπιχειροῦντες κλίμακας ἢ μηχανήματα κατα- 15  
 σκευασάμενοι ἐλάσσονα ὦν χρή καὶ προσα(γα)γόμενοι  
 τοῖς τείχεσιν ὑποχειρίους ἐαυτοὺς παρέσχον τοῖς ἀντιπά-  
 λοις παραλογισθέντες τῇ ἀναμετρήσει τῶν τειχῶν διὰ τὸ  
 ἀπείρους εἶναι τῆς διοπτρικῆς πραγματείας. αἰεὶ γὰρ  
 ἐκτὸς ὄντας βέλους ἀναμετρεῖν δεῖ τὰ προειρημένα 20  
 fol. 62<sup>v</sup> διαστήματα.

Πρότερον οὖν ἐκθέμενοι τὴν τῆς διόπτρας κατα-  
 σκευὴν ἐξῆς καὶ τὰς χρείας προστάξομεν.

γ. Ἡ τοίνυν τῆς εἰρημένης διόπτρας κατασκευὴ  
 p. 178 ἐστὶν τοιαύτη. παγεὺς γίνεται καθάπερ στυλίσκος, 25  
 ἔχων ἐκ τοῦ ἄνω μέρους τόρμον στρογγύλον· περὶ δὲ  
 τὸν τόρμον τυμπάνιον περιτίθεται χάλκεον περὶ τὸ  
 αὐτὸ κέντρον τῷ τόρμῳ. περιτίθεται δὲ καὶ χοινικὴς  
 χαλκῇ περὶ τὸν τόρμον εὐλύτως δυναμένη περὶ αὐτὸ(ν)  
 π(ο)λεῖσθαι, ἔχουσα ἐκ μὲν τοῦ κάτω μέρους τυμπά- 30  
 νιον ὠδοντωμένον συμφυὲς αὐτῇ, ἐλάσσον τοῦ προει-

II. Dafs diese Disciplin dem praktischen Leben vielfachen Nutzen gewährt, kann man mit wenigen Worten zeigen. Denn sowohl für die Anlage von Wasserleitungen als auch für den Bau von Mauern und Häfen und jeder  
 5 Art von Gebäuden ist sie nützlich, und auch der Himmelskunde hat sie durch Ausmessung der Abstände zwischen den Sternen vielfachen Nutzen gebracht, sowie auch den Untersuchungen über die Gröfse, die Abstände und die Verfinsterungen von Sonne und Mond; ferner ist sie für die  
 10 Geographie nützlich gewesen, indem sie Inseln und Meere und allgemein jede Entfernung aus Abstand messen lehrte. Denn oft steht ein Hindernis im Wege, das uns an der Ausführung unserer Absicht hindert, weil entweder Feinde die Örtlichkeit vorher besetzt haben, oder weil das Terrain  
 15 unzugänglich und unwegsam ist, wenn es irgend eine physische Eigentümlichkeit hat, oder ein reissender Strom im Wege ist (?). Beispielsweise haben Viele bei Einleitung einer Belagerung Leitern oder Belagerungstürme in kleineren Dimensionen als nötig war konstruiert und sich  
 20 dann, wenn sie diese an die Mauern heranzuführen, dem Gegner ausgeliefert, da sie sich aus Unkenntnis der Handhabung der Dioptra in der Messung der Mauerhöhen getäuscht hatten. Denn diese Gröfsen mufs man stets aufser Schufsweite messen. Wir werden nun zuerst die Konstruktion  
 25 der Dioptra auseinandersetzen und sodann auch eine Übersicht der Fälle ihrer praktischen Verwendung beifügen.

III. Die Konstruktion dieser Dioptra ist folgende. Es wird ein Ständer in Form einer kleinen Säule angefertigt, der oben einen runden Zapfen hat. Um den Zapfen wird  
 30 eine kleine Bronzescheibe herumgelegt, die mit dem Zapfen denselben Mittelpunkt hat. Ferner wird um den Zapfen ein Bronzecylinder herumgelegt, der sich bequem darum zu drehen vermag; er hat an seinem unteren Teile ein

6 [τε] delevi      10 hiatu <ἀναμετροῦσα> sim. haustum  
 16 προσηγόμενοι: correxi. f. χρῆν      17 ἐαντοῖς: corr. Vi  
 26 ἀνωτέρου τόμον: corr. R. Schoene      29—30 αὐτὸ πλεῖσθαι:  
 correxi; εἰλεῖσθαι Vi      31 et p. 194 l. 8 ὀδονταμενον: corr. Vi

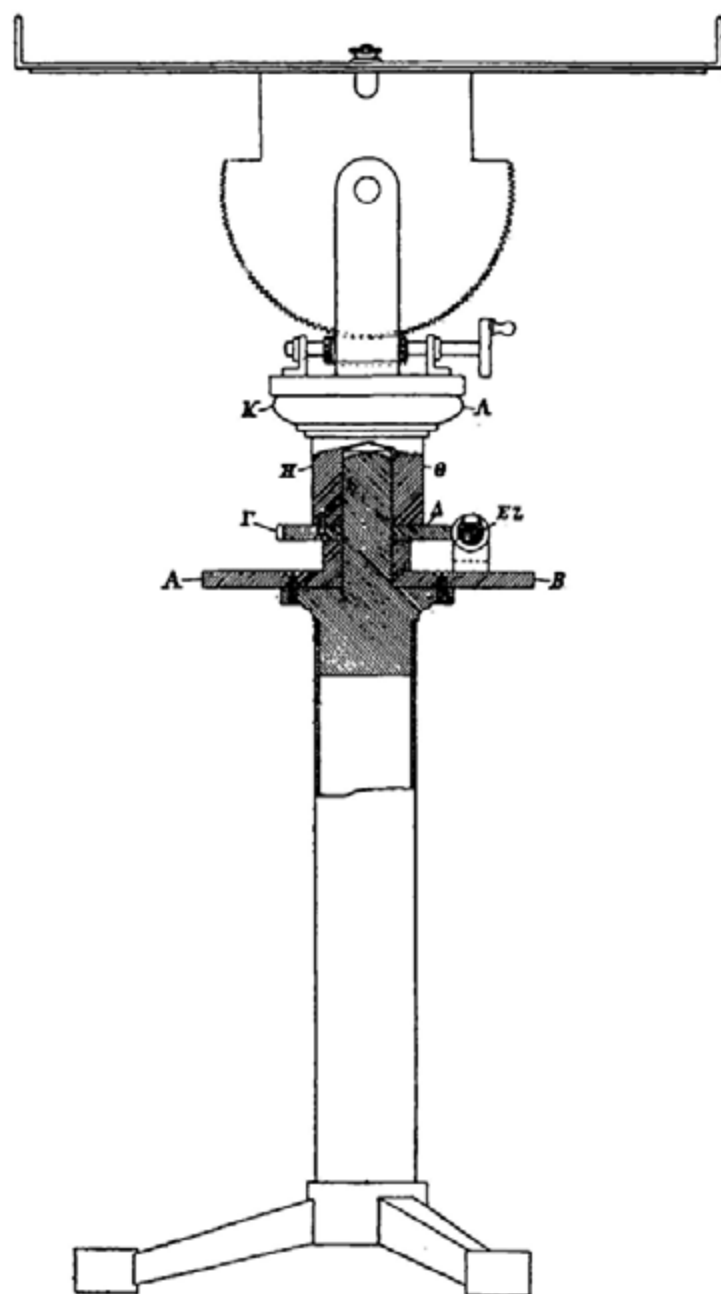


Fig. 83 a. Dioptra (Durchschnitt).

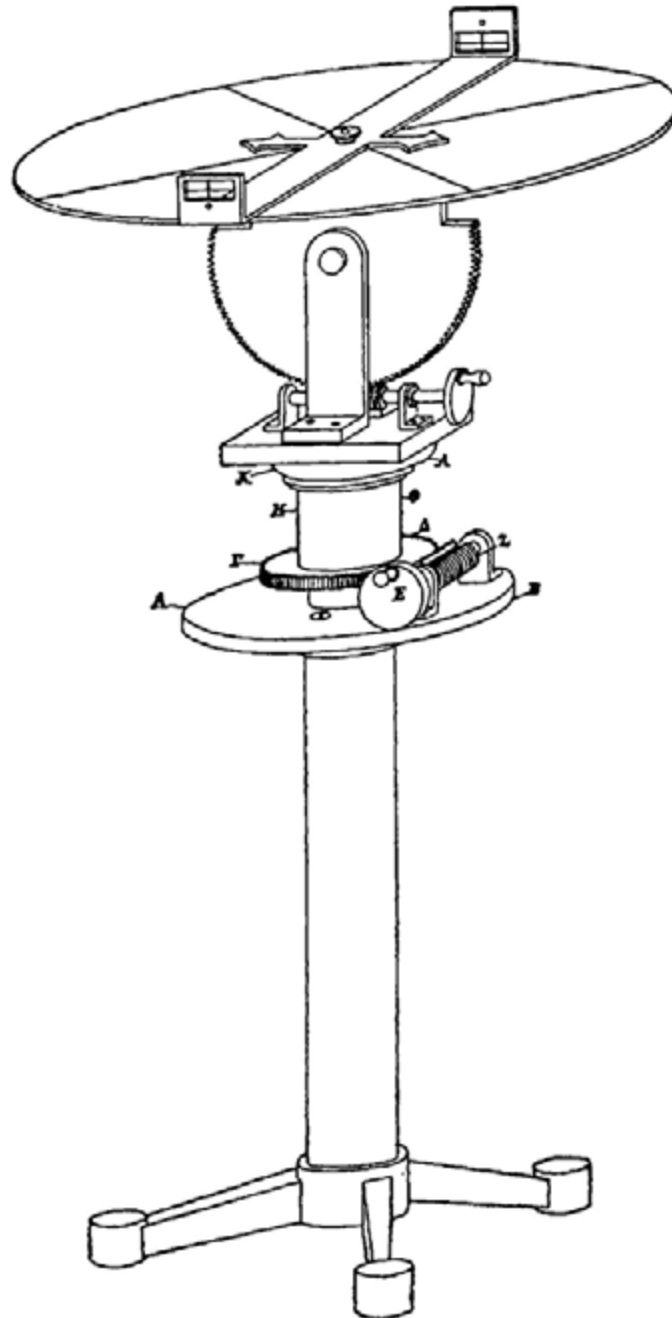


Fig. 88b. Dioptra (Seitenansicht).

ρημένον τυμπανίου καὶ ἐπικαθήμενον αὐτῷ, ἐκ δὲ τοῦ  
 ἄνω μέρους πλίνθον καθάπερ Δωρικοῦ κιονίου κεφά-  
 λιον εὐπρεπείας ἕνεκα. τῷ δ' εἰρημένῳ ὀδοντωτῷ  
 τυμπανίῳ παρατίθεται κοχλίδιον ἔχον τὴν ἑλικά ἀρμο-  
 στήν τοῖς ὀδοῦσι τοῦ τυμπανίου. τὰ δὲ στημάτια τοῦ  
 5 κοχλιδίου συμφυῇ γίνεται τῷ μείζονι τυμπανίῳ. ἐὰν  
 ἄρα ἐπιστρέψωμεν τὸ εἰρημένον κοχλίδιον, ἐπιστρέψο-  
 μεν καὶ τὸ ὀδοντωμένον τυμπάνιον καὶ τὴν συμφυῇ  
 αὐτῷ χοινικίδα. γίνεται δὲ συμφυῆς αὐτῷ τόρμων  
 τριῶν ἀφιεμένων ἐκ τῆς ἑδρας τῆς χοινικίδος καὶ  
 10 συγκοινομένων αὐτῷ τῷ τυμπανίῳ. λαμβάνει δὲ ὁ  
 κοχλίας κατὰ μῆκος σωλῆνα πάχος ἔχοντα ὅσον ἐστὶν  
 τὸ τῆς ἑλίκος αὐτοῦ βάθος· οὐκοῦν ἐὰν ἐπιστρέψωμεν  
 τὸν κοχλίαν, ἄχρισ ὁ εἰρημένος ἐν αὐτῷ σωλῆν κατὰ  
 τοὺς ὀδόντας τοῦ τυ(μ)πανίου γένηται, ἰδίᾳ στραφήσεται  
 15 τὸ τυμπάνιον. καταστήσαντες οὖν αὐτὸ ὥς ἂν ἡ χρεῖα  
 ἀπαιτῇ, ἐπιστρέψωμεν τὸν κοχλίαν βραχύ, ὥστε ἐμπλα-  
 κῆναι τὴν ἑλικά τοῖς ὀδοῦσιν, καὶ οὕτως μενεῖ ἀκίνη-  
 τον τὸ τυμπάνιον.

p. 180 Ἔστω οὖν τὸ μὲν περὶ τὸν τόρμον τυμπάνιον καὶ  
 20 συμφυῆς τῷ παγεῖ τὸ AB, τὸ δὲ συμφυῆς τῇ χοινικίδι  
 τὸ ΓΔ, ὁ δὲ παρακείμενος τούτῳ κοχλίας ὁ EZ, ἡ  
 δὲ συμφυῆς χοινικὶς τῷ ΓΔ τυμπανίῳ ἡ ΗΘ, ἔχουσα  
 ἐπικείμενον, ὡς εἴρηται, Δωρικὸν κεφάλιον τὸ ΚΑ.  
 ἐπὶ δὲ τῆς πλίνθου ἐφεστάτω δύο χαλκᾶ στημάτια  
 25 καθάπερ κανόνια, ἀπέχοντα ἀπ' ἀλλήλων τοσοῦτον,  
 ὥστε εἰς τὸν μεταξὺ τόπον αὐτῶν πάχος τυμπανίου  
 δύνασθαι ἐναρμοσθῆναι. ἐπὶ δὲ τῆς πλίνθου μεταξὺ

2 κιωνίου 4—5 ἀρμοστήν: η ex ei fecit. m. 1 7—8 ἐπι-  
 στρέψωμεν 15 τυμπανίου γένηται ἢ διαστραφήσεται: correxi  
 17 ἐπιστρέψωμεν

mit ihm fest verbundenes Zahnrad, das noch kleiner ist als die vorgenannte Bronzescheibe und auf dieser aufliegt, und an seinem oberen Teile um des guten Aussehens willen eine Plinthe in der Form des Kapitellchens einer kleinen dorischen Säule. An dieses Zahnrad wird eine kleine Schnecke (Schraube ohne Ende) angeschoben, deren Windung zu den Zähnen des Rades paßt; die kleinen Lagerböcke dieser Schraube werden mit der größeren Bronzescheibe fest verbunden. Wir werden daher, wenn wir diese Schnecke drehen, zugleich das Zahnrad und den mit diesem fest verbundenen Cylinder drehen; fest verbunden wird er dadurch, daß drei Zapfen von dem Boden des Cylinders ausgehen und mit dem Zahnrade selbst vernietet werden. Die Schnecke erhält in ihrer Längenrichtung eine Vertiefung, die so breit als ihre Windung tief ist. Mithin wird, wenn wir

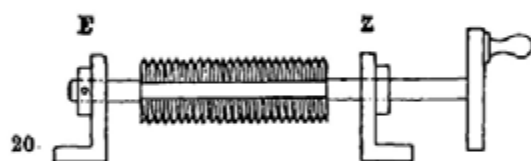


Fig. 83 c. Schnecke mit Gräbchen  
(Seitenansicht).

die Schnecke so drehen, daß diese an ihr angebrachte Vertiefung den Zähnen des Rades gegenüber zu stehen kommt, das Zahnrad sich selbstständig bewegen lassen.

Wenn wir dieses nun so eingestellt haben, wie es das Bedürfnis des vorliegenden Falles verlangt, so werden wir die Schraube nur noch ein wenig drehen, so daß ihre Windung in die Zähne eingreift, dann wird das Zahnrad unbeweglich in seiner Stellung verbleiben.

Es sei nun  $AB$  die Metallscheibe, die um den Zapfen herumgeht und mit dem Ständer verbunden ist;  $\Gamma A$  das Zahnrad, das mit dem Cylinder verbunden ist;  $EZ$  die an dieses angeschobene Schnecke,  $H\Theta$  der mit dem Zahnrade  $\Gamma A$  verbundene Cylinder, auf dem, wie gesagt, ein kleines dorisches Kapitell  $KA$  aufliegen soll. Auf dessen Plinthe sollen zwei aus Bronze gefertigte Lagerböcke in Form von Linealen stehen, die soweit von einander entfernt sein müssen, daß sich in den freien Raum zwischen ihnen die Dicke eines Zahnrades einpassen läßt, und auf der

- p. 182 τῶν κανονίων κοχλίας ἔστω στρεφόμενος, οὗ τὰ  
fol. 63<sup>r</sup> στη<μάτια . . . . .> | ἄρμοστὰ τῷ εἰρημένῳ τόρμῳ· οἱ  
δὲ μακροὶ καὶ οἱ ὄντες τῷ τόρμῳ παρυπεραίρουσιν εἰς  
τὸ ἄνω μέρος ὅσον δακτύλους δ. ἐν δὲ τῇ μεταξὺ τῶν  
ὑπεροχῶν χώρα ἐναρμόζεται κανὼν πλάγιος, μῆκος μὲν 5  
ἔχων ὡς πῆχεις τέσσαρας, πλάτος δὲ καὶ πάχος ὥστε  
ἄρμόζειν εἰς τὴν εἰρημένην χώραν· καὶ διατεμνέσθω  
ὑπ' αὐτῆς κατὰ μῆκος.
- p. 184 δ. Ἐν δὲ τῇ ἄνω ἐπιφανείᾳ τοῦ κανόνος σωλὴν  
ἐγκέκοπται ἥτοι στρογγύλος ἢ τετράγωνος, τῷ μήκει 10  
τηλικούτος, ὥστε δέξασθαι σωλῆνα χαλκοῦν μῆκος  
ἔχοντα ἔλασσον τοῦ κανόνος ὡς δακτύλους δώδεκα.  
τῷ δὲ χαλκῷ σωλῆνι πρόσκεινται ἕτεροι σωλῆνες ὀρθοὶ  
ἐκ τῶν ἄκρων, ὥστε δοκεῖν ἀνακεκάμφθαι τὸν σωλῆνα·  
τῆς δ' ἀνακαμπῆς τὸ ὕψος οὐ πλεῖον γίνεται δακτύ- 15  
λων δύο. εἴτα μετὰ τοῦτο ἐπιπωμάζεται ὁ χαλκοῦς
- p. 186 σωλὴν κανόνι ἐπιμήκει ἄρμόζοντι εἰς τὸν σωλῆνα,  
ὥστε συνέχειν τὸν τε χαλκοῦν σωλῆνα καὶ εὐπρεπε-  
στέραν τὴν ὕψιν παρέχειν. ἐν δὲ ταῖς εἰρημέναις  
ἀνακαμπαῖς τοῦ σωλῆνος ἐναρμόζεται ἐν ἑκατέρῃ 20  
ὑάλινον κυλίνδριον πάχος μὲν ἔχον ἄρμοστὸν τῷ  
σωλῆνι, ὕψος δὲ ὡς δακτύλων δώδεκα· εἴτα περιστεγ-  
νοῦται εἰς τὰς ἀνακαμπὰς τὰ ὑάλινα κυλίνδρια κηρῷ  
ἢ ἄλλῳ τινὶ στεγνώματι, πρὸς τὸ ὕδατος ἐμβληθέντος  
δι' ἐνὸς τῶν κυλινδρίων μηδαμόθεν διαρρεῖν. 25

Περίκειται δὲ τῷ πλαγίῳ κανόνι πηγμάτια δύο  
κατὰ τοὺς τόπους, ἐν οἷς ἔστιν τὰ ὑάλινα κυλίνδρια,  
ὥστε δι' αὐτῶν διελθόντα τὰ ὑάλινα συνέχεσθαι. ἐν

2 post στη hiat disputatio, desunt 4 folia, cf. proleg. p. XIV;  
f. στη<μάτια συμφυῇ γίνεται τῇ πλύνθῳ . . . . .> 3 μακροὶ καὶ  
οἱ ὄντες: f. καὶ οἱ (i. e. παράλληλοι) ὄντες (sc. κανόνες) 7 δια-



Plinthe soll sich zwischen den beiden großen Pfosten eine Schnecke drehen, deren kleine Lagerböcke (in die Plinthe eingelassen sein müssen. . . . .) an den genannten Zapfen passend. Die beiden  
 5 langen und dem Zapfen parallel laufenden Pfosten ragen nach oben etwa 4 Daktylen über ihn hinaus. In das Lager zwischen den überragenden Teilen wird ein Lineal quer eingesetzt, das 4 Ellen lang und so breit und dick ist, daß es in dieses Lager hineinpafst, und zwar soll es  
 10 von diesem seiner Länge nach in zwei gleiche Hälften geteilt werden.

IV. In die obere Fläche des Visierlineals ist eine Vertiefung von halbrundem oder quadratischem Querschnitt eingeschnitten, die so lang ist, daß sie eine Bronze-  
 15 röhre, die um etwa 12 Daktylen kürzer ist als das Visierlineal, aufzunehmen vermag. An die Bronzeröhre schliessen sich an ihren Enden zwei andere, senkrecht stehende Röhren an, so daß es aussieht, als sei die große Röhre nach oben aufgebogen. Die Höhe dieser aufgebogenen  
 20 Stücke bemisst man auf nicht mehr als 2 Daktylen. Hierauf wird die Bronzeröhre mit einem langen Lineal, das auf die Vertiefung pafst, oben dergestalt zugedeckt, daß dieses sowohl die Bronzeröhre festhält als auch das Aussehen des Apparats wohlgefälliger macht. In die ge-  
 25 nannten Aufbiegungen der Röhre wird je ein kleiner Glaszylinder eingepafst, der eine zu der Röhre passende Dicke und eine Höhe von etwa 12 Daktylen hat. Sodann werden die Glaszylinder in die Aufbiegungen mit Wachs oder einem andern Bindemittel hineingekittet, da-  
 30 mit, wenn durch einen der Cylinder Wasser eingegossen wird, es nirgends durchlaufen kann.

Das querliegende Lineal wird an den Stellen, wo sich die Glaszylinder befinden, von zwei kleinen Gehäusen umgeben, so daß die Glasgefäße durch diese hindurchgehen und

τεμνέσθω: ν supra lin. supplevit m. 1      20 ἐκατέρω: correxi  
 21 ὑέλιων: correxi hic et 23. 27. 28. p. 200, 3 coll. p. 200, 9

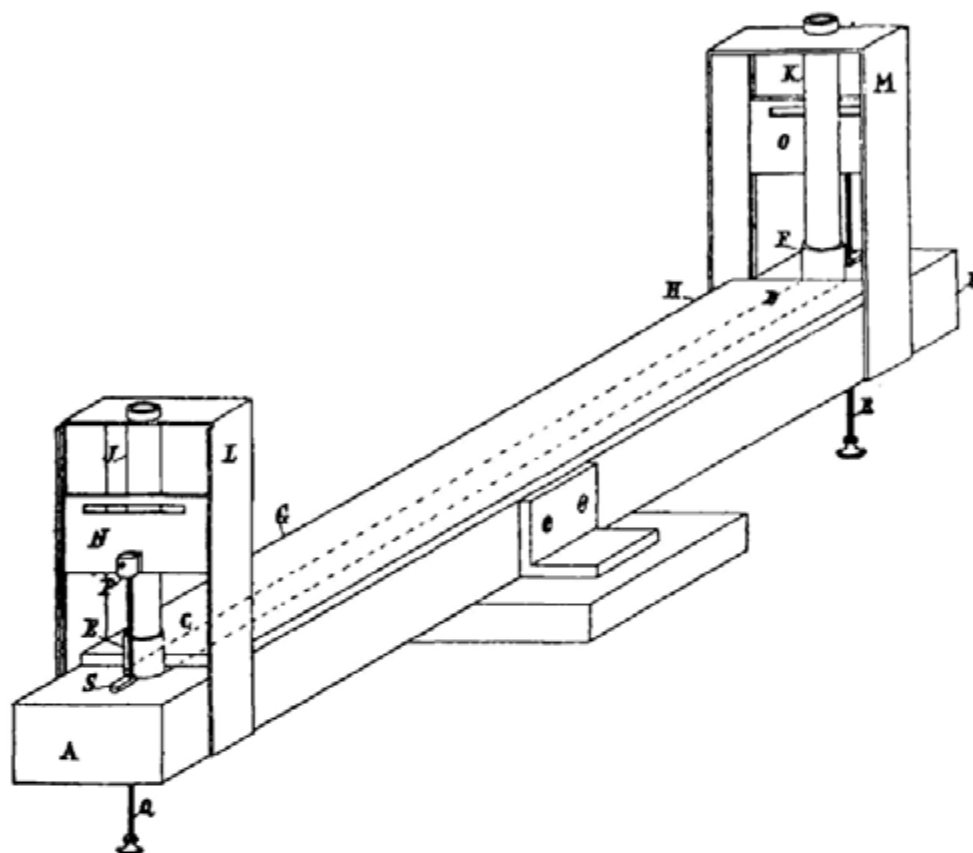


Fig. 84a. Nivellierlineal (Seitenansicht).

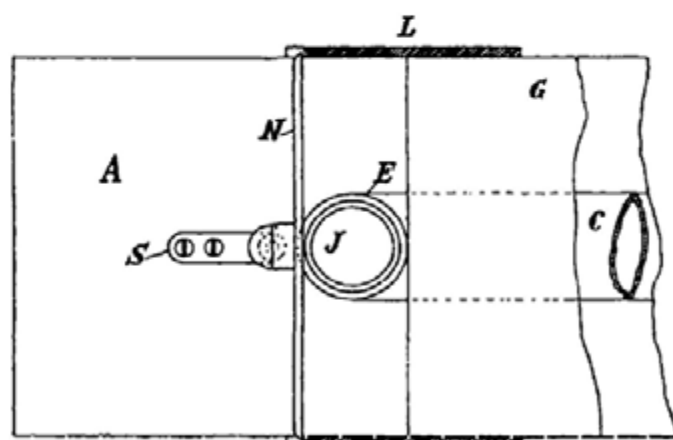


Fig. 84b. Nivellierlineal (Grundriss).

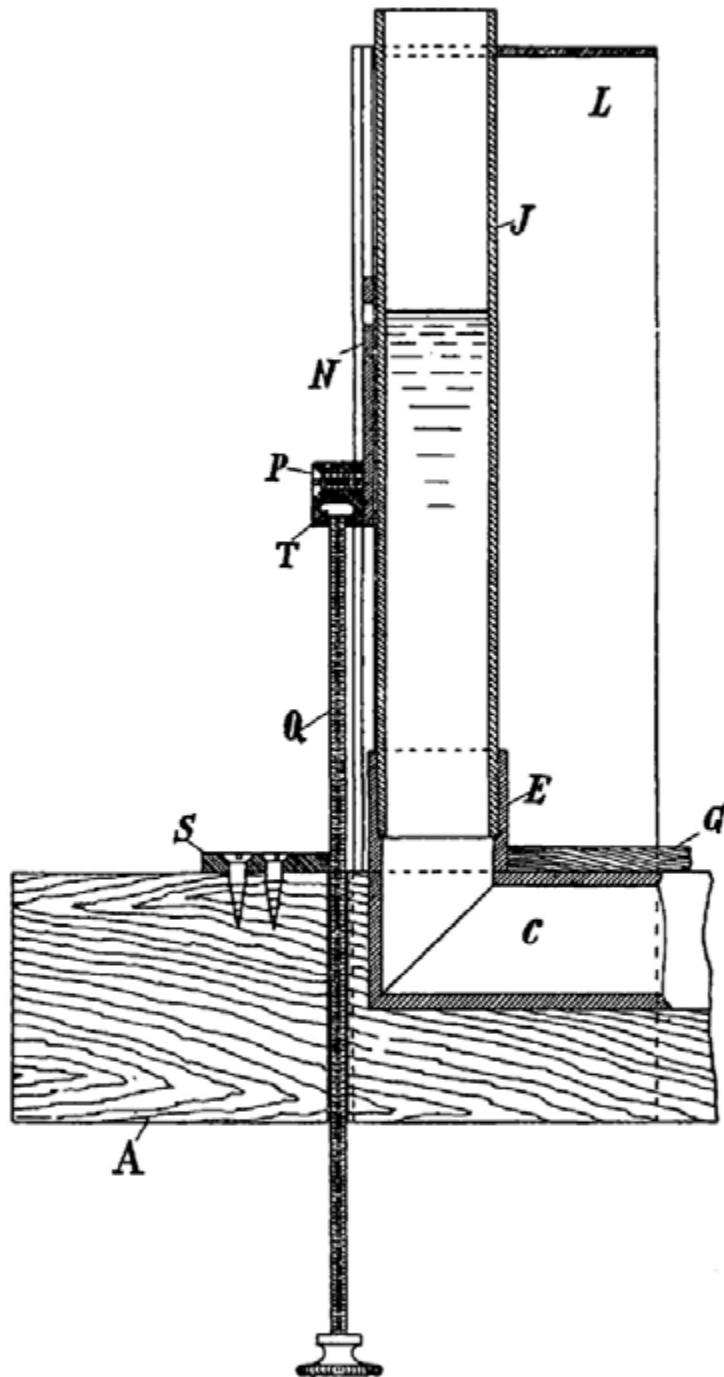


Fig. 84 c. Nivellierlineal (Durchschnitt).

δὲ τοῖς εἰρημένοις πηγματίοις λεπίδια χαλκᾶ ἐναρ-  
 μόζεται, διατρέχειν μὲν δυνάμενα ἐν σωλῆσι διὰ τῶν  
 τοίχων τῶν πηγματίων ψαύοντα τῶν ὑαλίνων κυλιν-  
 δρίων, μέσας ἔχοντα ἀνατομὰς, δι' ὧν δυνατὸν ἔσται  
 διοπτεύειν. τοῖς δὲ εἰρημένοις λεπιδίοις συμφυῇ 5  
 γίνεται ἐκ τῶν κάτω μερῶν χοινικίδια, ὕψος ἔχοντα  
 ὡς ἡμιδακτυλ(ι)ου, καὶ τούτοις ἀρμοστὰ γίνεται ἀξόνια  
 χαλκᾶ, μῆκος μὲν ἔχοντα ὅσον ἐστὶν τὸ ὕψος τοῦ  
 πηγματος τοῦ πρὸς ἐνὶ τῶν ὑαλίνων κυλινδρίων, ἃ  
 διὰ τρήματος ἀνέρχεται ἐν τῷ κανόνι τῷ τὸν σωλῆνα 10  
 101. 63<sup>v</sup> ἔχοντι. ἐν δὲ τοῖς ἀξονίοις ἑλικες ἐντέμνονται, | εἰς ἃς  
 τυλάρια ἀρμοστὰ γίνεται συμφυῇ ὄντα τῷ κανόνι. ἐὰν  
 ἄρα τὰς τῶν ἀξον(ι)ων ὑπεροχὰς τὰς εἰς τὸ κάτω  
 μέρος ἐπιστρέφῃ τις, κινήσει τὰ λεπίδια τὰ τὰς ἀνατο-  
 μὰς ἔχοντα ἐκ τε τοῦ ἄνω καὶ κάτω μέρους· ἔξει γὰρ 15  
 τὸ πρὸς τῇ λεπίδι ἄκρον τοῦ ἀξονίου τυλάριον ἐμβαί-  
 νον εἰς σωλῆνα ἐνόντα ἐν τῷ χοινικιδίῳ.

p. 188 ε. Καὶ ἡ μὲν τῆς διόπτρας κατασκευὴ εἴρηται, τὴν  
 δὲ τῶν παρατιθεμένων αὐτῇ κανόνων καὶ ἀσπίδων νῦν  
 ἐροῦμεν. δύο γίνονται κανόνες μῆκος μὲν ὡς πηγῶν 20  
 ι, πλάτος δὲ ὡς δακτύλων ε, πάχος δὲ ὡς δακτύλων  
 τριῶν. ἐν δὲ τῷ μέσῳ πλάτει ἑκατέρων αὐτῶν πελε-  
 κῖνος γίνεται θῆλος τὰ στενὰ εἰς τὸ ἔξω μέρος ἔχων,  
 ἰσομήκης τῷ κανόνι. τούτῳ δὲ ἀρμοστὸν γίνεται χελω-  
 νάριον εὐλύτως διατρέχειν εἰς αὐτὸν δυνάμενον καὶ 25  
 μὴ ἐκπίπτειν. τούτῳ δὲ τῷ χελωναρίῳ προσηλοῦται  
 ἀσπιδίσκη τὴν διάμετρον ἔχουσα ὡς δακτύλων δέκα ἢ  
 δώδεκα· καὶ διὰ τοῦ κύκλου εὐθείας βληθείσης πρὸς

4f. <δ'> ἔχοντα 7 ἡμιδακτύλου: correxi ἀξόνια 9 τῷ πρὸς:  
 correxi γαλήνων: correxi 9—10 δ διὰ: corr. Vi 11 ἀξωνίοις  
 ἐντεμονται 13 ἀξόνων 16 ἀξωνίου 18—19 εἴρηται. τῶν

darin festgehalten werden. In diese Gehäuse werden Metallplättchen hineinverpafst, welche in Führungen an den Wänden der Gehäuse auf und nieder laufen können; sie berühren dabei die Glascylinder und haben in der  
 5 Mitte Ausschnitte zum Visieren. An diesen Metallplättchen sind an ihrem unteren Ende kleine Cylinder, die die Höhe von etwa  $\frac{1}{2}$  Daktylos haben, befestigt und in diese pafst man drehbare Stifte aus Bronze ein, die so lang sind als das Gehäuse bei einem der Glascylinder; sie gehen durch  
 10 ein Loch in dem mit der Vertiefung versehenen Lineal. In die Stifte werden Schraubenwindungen eingeschnitten, in welche kleine Zapfen, die mit dem Lineal festverbunden sind, eingreifen. Dreht man nun an den nach unten überstehenden Teilen der Stifte, so wird man dadurch die  
 15 mit Ausschnitten versehenen Metallplättchen nach oben und unten bewegen. Denn das dem Metallplättchen benachbarte Ende des Stiftes wird mit einem kleinen Wulst versehen sein, der in eine an der Innenfläche des kleinen Cylinders angebrachte Vertiefung eingreift.

20 V. Die Konstruktion der Dioptra ist hiermit dargelegt; nunmehr werden wir die der neben ihr gebrauchten Schiebelatten und Zielscheiben angeben. Es werden zwei (parallelepipedische) Latten hergestellt, die eine Länge von etwa 10 Ellen, eine Breite von etwa 5 Daktylen und eine  
 25 Dicke von etwa 3 Daktylen haben. In der Mitte einer Breitseite jeder der beiden Latten wird in deren ganzer Länge eine sogenannte weibliche Nuth von schwalbenschwanzförmigem Durchschnitt angebracht, deren engerer Teil nach außen liegt. In diese wird ein kleiner Schlitten  
 30 eingepafst, der bequem darin laufen kann, ohne doch herauszufallen. An diesen Schlitten wird eine Zielscheibe angenagelt, die einen Durchmesser von 10—12 Daktylen hat. Durch ihre kreisförmige Fläche wird eine Gerade im rechten Winkel zu der Längenrichtung der Latte ge-

δὲ παρατιθεμένων: corr. Vi 19 ἀσπίδων: ἀσπίδισκων Vi  
 20 μήκους: correxi 22f. ἐκατέρου 24 τοῦτο

ὁρθὰς τῷ μήκει τοῦ κανόνος τὸ μὲν τῶν ἡμικυκλίων λευκῷ χρίεται χρώματι, τὸ δ' ἕτερον μέλανι. ἐκ δὲ τοῦ χελωναρίου σπάρτος ἐκδεθεῖσα διὰ τροχίλου εἰς τὸ ἄνω τοῦ κανόνος κειμένον ἀποδίδεται εἰς τὸ ἕτερον τοῦ κανόνος μέρος, ὅπου οὐκ ἔστιν ἡ ἀσπιδίσκη. ἐὰν ἄρα τις τὸν κανόνα ὁρθὸν ἐάσῃ ἐπὶ τοῦ ἐδάφους, καὶ ἐπισπάσῃται ἐκ τῶν ὀπισθεν μερῶν τὴν σπάρτον, μετεωρίσει τὴν ἀσπιδίσκην· ἐὰν δὲ ἀφῇ, κατενεχθήσεται εἰς τὸ κάτω μέρος τῷ ἰδίῳ βάρει· ἔξει γὰρ ἐκ τῶν ὀπισθεν μερῶν ἡ ἀσπιδίσκη μολιβοῦν πλάτυσμα προσηλωμένον, ὥστε αὐτομάτως

8 τροχήλου 15 ἐάσῃ:  
f. στήσῃ 19 μετεωρίσῃ  
24—25 ὀπισθε

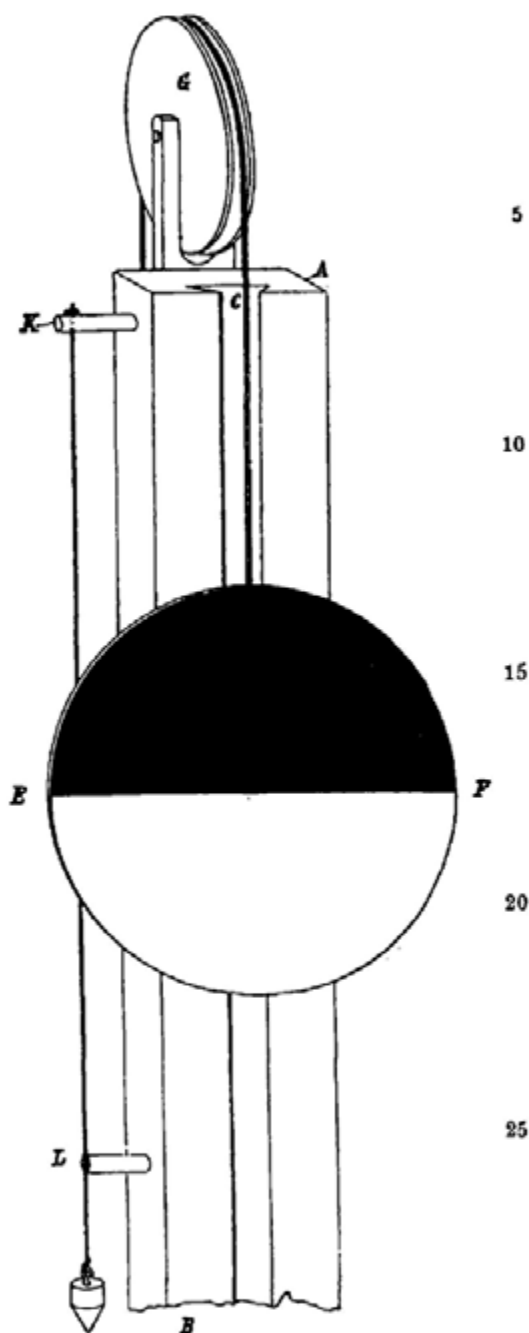


Fig. 85 a.  
Schiebelatte (Vorderansicht).

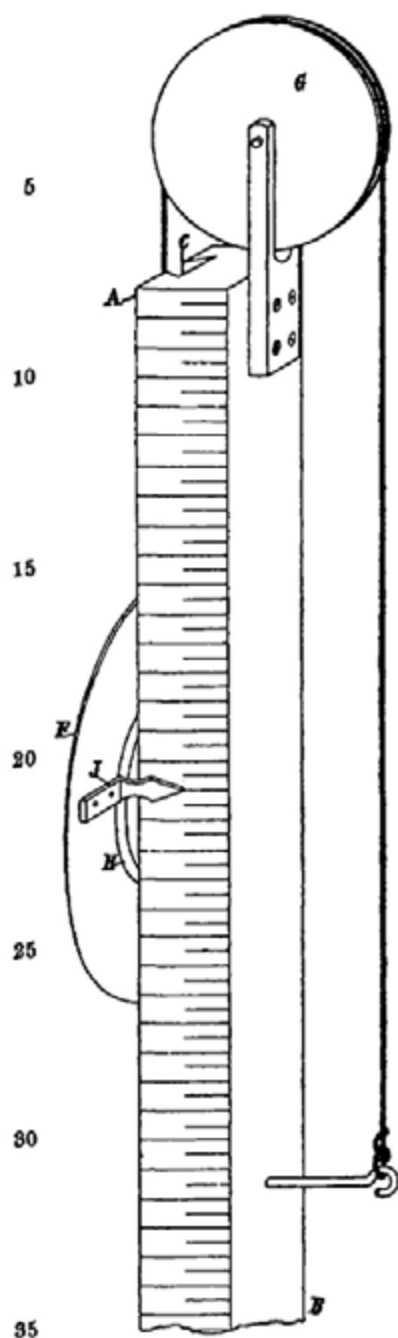


Fig. 85 b.  
Schiebelatte (Seitenansicht).

legt und dann der eine der beiden Halbkreise mit weißer, der andere mit schwarzer Farbe angestrichen. An dem Schlitten wird eine Schnur befestigt und über ein am oberen Ende der Latte sitzendes Rad nach der anderen Seite der Latte, wo die Zielscheibe nicht sitzt, geführt. Wenn man nun die Latte senkrecht auf den Boden aufsetzt und von der Hinterseite aus die Schnur anzieht, so wird man die Zielscheibe nach oben bewegen; läßt man dagegen die Schnur nach, so wird die Scheibe durch ihr eigenes Gewicht nach unten gleiten. Die Zielscheibe wird nämlich an ihrer Rückseite eine aufgenagelte Bleiplatte tragen, so daß sie von selbst hinabgleitet. Wenn wir zu dem Ende die Schnur nachlassen, so wird die Zielscheibe an jeder gewünschten Stelle der Latte festgestellt werden können.

Die Latte wird weiter von ihrer unteren Spitze an sorgfältig in so viel Ellen, Palaesten und Daktylen eingeteilt, als ihre Länge faßt, und an den Teilpunkten werden die Linien der Lattenteile rechts von der Zielscheibe eingegraben. Die Zielscheibe soll aber auch an ihrer Rückseite einen Zeiger haben,

καταφέρεισθαι· πρὸς δ' ἂν τὴν σπάρτον ἀνιῶμεν, κατα-  
σταθήσεται καὶ ἡ ἀσπιδίσκη καθ' ὃν ἂν βουλώμεθα  
τοῦ κανόνος τόπον χαλωμένης<.....>.

Διηγήσθω δὲ καὶ ὁ κανὼν ἀπὸ τῆς κάτω κουρᾶς  
ἀκριβῶς εἰς πῆχεις καὶ παλαιστάς καὶ δακτύλους, ὅσους 5  
τολ. 64<sup>τ</sup> ἂν ἐπιδέχεται | τὸ μῆκος· καὶ κα<τὰ> τὰς διαιρέσεις  
αἱ γραμμαὶ ἐγκεχαράχθωσαν <τῶν> τοῦ κανόνος μερῶν  
[τῶν] ἐπὶ τὰ δεξιὰ τῆς ἀσπιδίσκης· ἔξει δὲ καὶ ἡ  
ἀσπιδίσκη ἐκ τῶν ὀπισθεν μερῶν γνωμόνιον ἀπὸ τῆς  
εἰρημένης ἐν αὐτῇ διαμέτρου παραπίπτον παρὰ τὰς 10  
εἰρημένας ἐν τῷ πλαγίῳ μέρει τοῦ κανόνος γραμμάς.

Οἱ δὲ κανόνες ὀρθοὶ σταθήσονται ἐπὶ τοῦ ἐδάφους  
ἀκριβῶς οὕτως· ἐκ πλαγίων τῶν κανόνων, ὅπου οὐκ  
εἰσιν αἱ τῶν μερῶν γραμμαὶ, τύλος ἐμπήγνυται μῆκος  
ἔχων ὡς δακτύλους τρεῖς, οὗ παρὰ τὴν κουρὰν τρῆμα 15  
γίνεται ἀπὸ τῶν ἄνω μερῶν εἰς τὸ κάτω, δυνάμενον  
σπάρτον δέξασθαι βάρος ἔχουσιν κρεμάμενον. ὡς δὲ τὸ  
κάτω μέρος [σ]τύλος ἐγκείμενος γίνεται τοσοῦτος, ὅσον  
καὶ τὸ εἰρημένον τρύπημα ἀφέστηκεν ἀπὸ τοῦ εἰρημένου  
κανόνος. ἐν δὲ τῇ [εἰρημένῃ] κουρᾷ τῇ κάτω τοῦ 20  
τύλου μέση καὶ ὀρθὴ γραμμὴ γίνεται, ἣ ἐφαρμόσασα  
ἡ εἰρημένη σπάρτος τὸν κανόνα ὀρθὸν καταστήσει.

Τῆς οὖν κατασκευῆς πάσης εἰρημένης νῦν καὶ τὴν  
χρήσιν ἐκθησόμεθα, ὡς δυνατόν ἐστι.

5. Δύο σημείων δοθέντων ἐν ἀποστήματι τυχόντι 25  
ἐπισκέψασθαι, ὁποτέρου αὐτῶν μετεωρότερόν ἐστιν ἢ  
ταπεινότερον, καὶ πόσῳ, ἢ καὶ ἀμφοτέρω ἐξ ἴσου κεῖται,  
τουτέστιν ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι.

3 χαλωμένης: χαλωμένη Vi; hiatum indicavi 6—7 καὶ  
κατὰς διαιρέσεις: corr. Vi 8 [τῶν] transposui; ἐκ τοῦ καν.  
Vi 9 ὀπισθε 13 πλαγίων τε: correxi 16 f. τὰ κάτω



der, in der Höhe jenes Durchmessers angebracht, die bezeichneten Linien, die sich auf der Flanke der Latte befinden, bestreicht. Genau senkrecht werden die Latten auf dem Erdboden folgendermassen aufgestellt. Auf derjenigen  
 5 Flanke der Latten, wo die Teilungslinien nicht angebracht sind, wird ein Stift befestigt, der eine Länge von ungefähr 3 Daktylen hat. An seinem äusseren Ende wird von oben nach unten ein Loch gebohrt, das eine Schnur, an

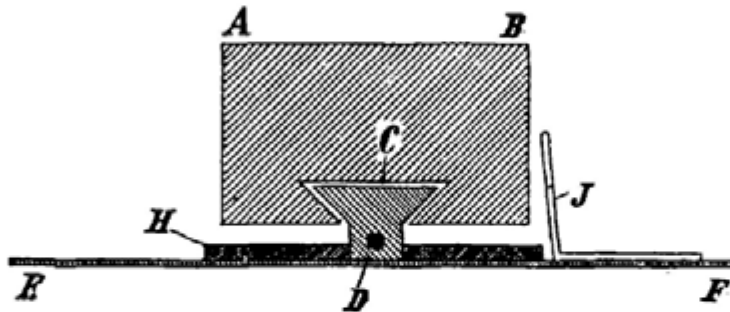


Fig. 85c. Schiebelatte (Querschnitt).

welcher ein Gewicht hängt, aufzunehmen vermag. Weiter  
 10 nach unten wird ein zweiter Stift angebracht, der so weit vorspringt, als das erwähnte Loch von der Latte absteht. An dem äusseren Ende des unteren Pflockes wird in der Mitte eine senkrechte Linie angebracht. Spielt die Schnur auf diese ein, so wird sie dadurch die Latte senkrecht stellen.  
 15 Nachdem wir die Konstruktion vollständig dargelegt haben, werden wir nun auch die Anwendung des Instruments, soweit es möglich sein wird, auseinandersetzen.

VI. Wenn zwei Punkte in beliebigem Abstände von einander gegeben sind, zu untersuchen, welcher von beiden der  
 20 höhere oder tiefere, und wie gross die Höhendifferenz ist, oder auch ob sie beide in gleicher Höhe, d. h. in einer dem Horizonte parallelen Ebene liegen. Ferner wollen wir auch noch die in dem Zwischenraum zwischen den bei den Punkten gegebenen

18 στόλος: corr. Vi τοσοῦτον 20 [ἐλεγχμένη] delevi; f. κορυφή  
 τῇ τοῦ κάτω τύλου 26 ὁπότερον 27 expectaveris ἢ <εἰ> καὶ

οὐ μὴν ἀλλὰ καὶ τοὺς δοθέντας τόπους ἐν τῷ μεταξὺ  
 διαστήματι τῶν σημείων ἐπισκεψώμεθα, πῶς ἔχουσι  
 πρὸς ἀλλήλους καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς δοθέντα σημεία. ἔστω-  
 σαν οἱ δοθέντες τόποι, τουτέστι τὰ σημεία, τὰ  $A$ ,  $B$ .  
 δεῖ δὲ ἐπισκέψασθαι, ὁποῖον αὐτῶν μετεωρότερόν ἐστιν 5  
 ἢ ταπεινότερον· καὶ τὸ μὲν  $B$  σημεῖον ἔστω (τόπος), ἐν  
 [αὐτῷ] τὸ ὕδωρ ἐστίν, τὸ δὲ  $A$ , εἰς ὃν μέλλει φέρεσθαι.  
 ἔνα οὖν τῶν εἰρημένων κανόνων ἴστημι πρὸς τῷ  $A$ ,  
 καὶ ἔστω ὁ  $ΑΓ$ . εἴτα ἀποστήσας τὴν διόπτραν ἀπὸ  
 τοῦ  $A$  τοσοῦτον, ἐφ' ὅσον δυνάμεθα ὁρᾶν τὸν  $ΑΓ$  10  
 κανόνα, ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τῷ  $B$ , ἐπιστρέφω τὸν ἐπ'  
 ἄκρῳ τῷ στυλίσκῳ, ἐν ᾧ ἐστὶ τὰ ὑάλινα κυλίνδρια,  
 ἄχρις ἂν ἐπ' εὐθείας γένηται ὁ πλάγιος κανὼν τῷ  
 $ΑΓ$ . εἴτα ἐπιστρέψας τὰ κοιλίδια ἐν τῷ κανόνι |  
 fol. 64<sup>v</sup> ἀνάγω τὰς λεπίδας, ἄχρις ἂν αἱ ἐν αὐταῖς ἀνατομαί 15  
 γένωνται κατὰ τὰς ἐν τοῖς ὑαλίνοις γραμμάς, ἃς ποιεῖ  
 ἡ τοῦ ὕδατος ἐν αὐτοῖς ἐπιφάνεια· καὶ κατασταθέντων  
 οὕτως τῶν λεπιδίων διὰ τῶν ἐν αὐτοῖς ἀνατομῶν  
 διοπτρεύω θεωρῶν τὸν  $ΑΓ$  κανόνα, τῆς ἀσπιδίσκης  
 p. 196 μετεωριζομένης ἢ ταπεινουμένης, ἄχρις ἂν φανῇ ἡ μέση 20  
 τοῦ λευκοῦ καὶ μέλανος χρώματος γραμμῇ. καὶ με-  
 νούσης τῆς διόπτρας ἀκινήτου μεταβὰς ἐκ τοῦ ἑτέρου  
 μέρους διοπτρεύω διὰ τῶν ἀνατομῶν, ἀποστήσας ἀπὸ  
 τῆς διόπτρας τὸν ἕτερον κανόνα τοσοῦτον ὥστε βλέ-  
 πεσθαι· καὶ πάλιν χαλωμένης τῆς ἑτέρας ἀσπιδίσκης 25  
 θεωρῶ τὴν ἐν αὐτῇ μέσῃ τῶν χρωμάτων γραμμῇ.  
 ἔστω οὖν ὁ δεύτερος κανὼν ὁ  $ΔΕ$ , διόπτρα δὲ ἡ  $Z$ ,

6 <τόπος> R. Schoene dubitanter 6—7 ἐν αὐτῷ: corr. Vi  
 7 εἰς δν: εἰς δ Vi 11 τοῦ B: correxi 11—12 τὸν ἐπ'  
 ἄκρῳ τῷ στυλίσκῳ: sc. κανόνα 12 ὑέλινα: correxi, cf. adn.  
 p. 196, 21 18 αὐταῖς: correxi 27 ἡ  $\bar{Z}$  ' τὰ δὲ (sic): correxi

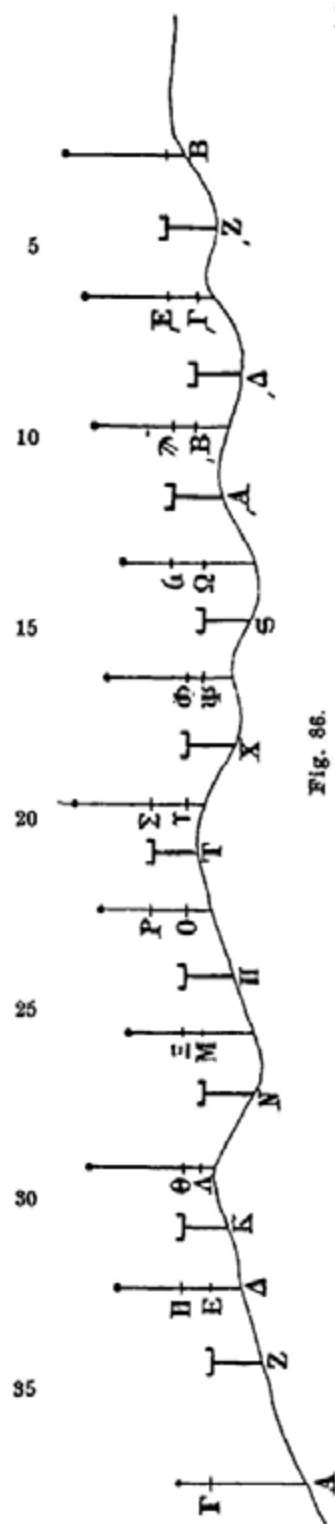


Fig. 86.

Orte darauf untersuchen, wie sie sich zu einander und zu den ursprünglich gegebenen Punkten verhalten.

Die gegebenen Orte, d. h. die Punkte, seien  $A$  und  $B$ . Die Aufgabe ist, zu untersuchen, welcher von beiden höher oder tiefer liegt. Nun sei  $B$  der Punkt, an welchem das Wasser ist,  $A$  der Punkt, nach welchem es geleitet werden soll. Ich stelle nun eine der erwähnten Schiebelatten bei  $A$  auf; sie sei  $AT$ . Dann stelle ich die Dioptra in der Richtung auf  $B$  zu soweit von  $A$  entfernt auf, als man die Schiebelatte  $AT$  noch zu sehen vermag, und drehe das oben auf dem Ständer liegende Visierlineal, an dem sich die Glaszylinder befinden, so lange, bis das querliegende<sup>1)</sup> Lineal in einer auf  $AT$  zulaufenden Graden liegt. Sodann hebe ich durch Drehung der in das Lineal eingelassenen Schrauben die Metallplättchen so lange, bis die daran angebrachten Ausschnitte in Höhe der innerhalb der Glasgefäße erscheinenden Linien zu stehen kommen, die die Oberfläche des in ihnen befindlichen Wassers markiert. Sind die Metallplättchen auf diese Weise eingestellt, so visiere ich durch die darin befindlichen Einschnitte, indem ich die Schiebelatte  $AT$  ins

1) Die technische Bedeutung des Wortes  $\piλάγιος$  ist unsicher.

τὰ δὲ εἰλημμένα σημεία διὰ τῆς διόπτρας τὰ Γ, Ε·  
καθ' ὃ δὲ ἐπίκειται ὁ ΔΕ κανὼν τῷ ἐδάφει, ἔστω τὸ  
Δ. ἐμέτρησα οὖν ἑκατέραν τῶν ΑΓ, ΔΕ· καὶ ἔστω  
ἡ μὲν ΑΓ ἡϋρημένη πηχῶν 5, ἡ δὲ ΔΕ πηχῶν β.  
ἀπεγραψάμην οὖν δύο στίχους, ἐν μὲν τῷ ἐνὶ ἐπι- 5  
γράψας καταβάσεως, <ἐν δὲ τῷ ἐτέρῳ ἀναβάσεως>, ὡς  
ὑπογέγραπται· καὶ τοὺς μὲν ἕξ πήχεις ἐν τῷ τῆς κατα-  
βάσεως στίχῳ σημειοῦμαι, τοὺς δὲ δύο ἐν τῷ τῆς ἀνα-  
βάσεως. καὶ μένοντος τοῦ ΔΕ κανόνος μετατίθῃμι  
τὴν διόπτραν· καὶ ἔστω πρὸς τῷ Κ· καὶ ἐπιστρέφω 10  
τὸν [ΔΕ] κανόνα, ἄχρις ἂν πάλιν ἴδω διὰ τοῦ πλα-  
γίου κανόνος τὸν ΔΕ κανόνα. καὶ καταστήσας τὰ [τε]  
λεπίδια τίθῃμι τὸν ΑΓ κανόνα ἔμπροσθεν τῆς διό-  
πτρας, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ἕτερα μέρη τοῦ ΔΕ κανόνος.  
καὶ πάλιν ἀκινήτου τῆς διόπτρας οὔσης καθίστημι 15  
τὴν ἀσπιδίσκην ἐπ' εὐθείας ταῖς ἀνατομαῖς, καὶ ἔστω  
τὰ πρὸς ταῖς ἀσπιδίσκαις σημεία ἐπὶ τῶν κανόνων τὰ  
Η, Θ. πάλιν οὖν τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ Η διάστημα ἄχρι  
τοῦ ἐδάφους σημειοῦμαι εἰς τὸν τῆς καταβάσεως στί-  
χον, τὸ δὲ ἀπὸ τοῦ Θ εἰς τὸν τῆς ἀναβάσεως· καὶ 20  
ἔστωσαν μὲν καταβάσεως πήχεις τέσσαρες, ἀναβάσεως  
δὲ πήχεις δύο. καὶ πάλιν μένοντος τοῦ πρὸς τῷ Θ  
κανόνος μετατίθῃμι τὴν διόπτραν καὶ τὸν ἕτερον κα-  
νόνα <καὶ> καταστήσας, ὡς προείρηται, ἐπ' εὐθείας τὰς  
τε ἀσπιδίσκας καὶ τὰς ἀνατομὰς λαμβάνω [καὶ] ἐπὶ 25  
fol. 65<sup>r</sup> τῶν κανόνων σημεία τὰ Α, Μ. | καὶ πάλιν τὸ μὲν

4 ἡϋραμένη: corr. Vi      5 ἀπεγραψάμην: ἀπ... ex ἐπ...  
fec. videtur man. 1      6 supplevit Vi      8 σημειοῦνται: corr. Vi  
9 μένοντος: corr. Vi      10 πρὸς τὸ: correxi      11 [ΔΕ] deleui  
ἴδω καὶ τοῦ: correxi      12 [τε] deleui      15 οὔσης: f. μενούσης  
22 πρὸς τὸ: correxi      24 <καὶ> addidi      ἐπενθείασι (sic)  
25 [καὶ] deleui

Auge fasse, deren Zielscheibe so lange gehoben oder gesenkt  
 wird, bis die Grenzlinie der weissen und der schwarzen  
 Farben sichtbar wird. Indem nun die Dioptra unverrückt  
 bleibt, trete ich auf die andere Seite und visiere von da  
 5 aus durch die Ausschnitte, nachdem ich die andere Schiebelatte  
 soweit von der Dioptra entfernt aufgestellt habe,  
 daß sie gerade noch sichtbar ist. Und indem nun wieder  
 die andere Zielscheibe in Bewegung gesetzt (und verschoben)  
 wird, blicke ich nach der Grenzlinie der Farbenflächen  
 10 auf ihr. Die zweite Schiebelatte nun soll  $AE$  sein und  
 $Z$  die Dioptra, die Punkte aber, die mit der Dioptra ein-  
 visiert sind,  $I$  und  $E$ , und wo die Schiebelatte  $AE$  auf  
 dem Erdboden aufsteht, da soll der Punkt  $A$  sein. Ich  
 messe nun die beiden Geraden  $AI$  und  $AE$ , und es sei  
 15 für  $AI$  eine Länge von 6 Ellen, für  $AE$  von 2 Ellen  
 ermittelt. Nun lege ich mir zwei Kolumnen an, und  
 schreibe über die erste „Abstieg“, über die zweite „Auf-  
 stieg“, wie es unten gemacht ist. Und die 6 Ellen notiere  
 ich in der Abstiegskolumne, die 2 dagegen in der Aufstieg-  
 20 kolumne. Während nun die Schiebelatte  $AE$  stehen bleibt,  
 setze ich die Dioptra um — und zwar soll sie bei  $K$   
 stehen — und drehe das Visierlineal so lange, bis ich  
 wiederum durch das querliegende Lineal die Schiebelatte  
 $AE$  erblicke. Und nachdem ich die Metallplättchen ein-  
 25 gestellt habe, stelle ich die Schiebelatte  $AI$  vor die Dioptra,  
 d. h. nach der entgegengesetzten Seite als die Latte  $AE$ ,  
 auf. Und während die Dioptra wieder unverrückt bleibt,  
 stelle ich die Zielscheibe auf eine Gerade mit den Aus-  
 schnitten ein; und es seien die Lattenpunkte an den Ziel-  
 30 scheiben die Punkte  $H$  und  $\Theta$ . Ich notiere nun wieder  
 den Abstand von  $H$  bis zum Erdboden in der Abstieg-  
 kolumne und den Abstand von  $\Theta$  in der Aufstiegskolumne.  
 Es seien im Abstieg 4 Ellen, im Aufstieg 2 Ellen.

Indem nun wieder die Schiebelatte bei  $\Theta$  stehen  
 35 bleibt, stelle ich die Dioptra und die andere Schiebelatte  
 um, und nachdem ich, wie vorher beschrieben, die Ziel-  
 scheiben und die Ausschnitte auf eine Gerade eingestellt

πρὸς τῷ  $A$  μέτρον καταβάσεως ἔσται, τὸ δὲ πρὸς τῷ  $M$  ἀναβάσεως· ἔστω οὖν καταβάσεως πῆχυς εἷς, ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. πάλιν οὖν μένοντος τοῦ πρὸς τῷ  $M$  κανόνος μετακείσθω ἢ τε διόπτρα καὶ ὁ ἕτερος κανών. ἢ δὲ διὰ τῆς διόπτρας ἔστω εὐθεῖα ἢ  $\Xi O$ , καὶ πρὸς μὲν τῷ  $\Xi$  καταβάσεως ἔστωσαν πῆχεις τέσσαρες, πρὸς δὲ τῷ  $O$  ἀναβάσεως πῆχεις δύο. εἴθ' ἐξῆς τὰ αὐτὰ γινέσθω, ἄχρισ ἂν ἐπὶ τὸ  $B$  παραγενώμεθα· καὶ ἔστω διόπτρα μὲν ἢ  $T$ , ἢ δὲ διὰ τῶν ἀνατομῶν εὐθεῖα ἢ  $P\Sigma$ · καὶ καταβάσεως μὲν πῆχεις 10  $\epsilon$ , ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. εἴτα διόπτρα μὲν ἢ  $X$ , εὐθεῖα δὲ ἢ  $T\Phi$ · καὶ καταβάσεως πῆχυς εἷς, ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. εἴτα διόπτρα μὲν ἢ  $\varsigma$ , εὐθεῖα δὲ ἢ  $\Psi\Omega$ · καὶ καταβάσεως πῆχεις δύο, ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. πάλιν διόπτρα μὲν ἢ  $A$ , εὐθεῖα δὲ ἢ 15  $\gamma\mathcal{D}$ · καὶ καταβάσεως μὲν πῆχεις  $\epsilon$ , ἀναβάσεως <δὲ> πῆχεις  $\gamma$ . εἴτα διόπτρα μὲν ἔστω ἢ  $A$ , εὐθεῖα δὲ ἢ

καταβάσεως	ἀναβάσεως	
$\varsigma$	$\beta$	
$\delta$	$\beta$	20
$\alpha$	$\gamma$	
$\delta$	$\beta$	
$\epsilon$	$\gamma$	
$\alpha$	$\gamma$	
$\beta$	$\gamma$	25
$\epsilon$	$\gamma$	
$\beta$	$\alpha$	
$\gamma$	$\alpha$	
<hr/>	<hr/>	
$\lambda\gamma$	$\kappa\gamma$	

habe, bestimme ich auf den Latten die Punkte  $A$  und  $M$ .  
Wiederum wird das Maß bei  $A$  zum Abstieg, das bei  $M$   
zum Aufstieg gehören. Es seien im Abstieg 1 Elle, im  
Aufstieg 3 Ellen.

- 5 Während nun wieder die Latte bei  $M$  stehen bleibt,  
sollen die Dioptra und die andere Latte umgesetzt werden.  
Die durch die Dioptra gehende Gerade soll  $EO$  sein und  
sich bei  $E$  im Abstieg 4 Ellen, bei  $O$  im Aufstieg 2 Ellen  
ergeben. Sodann soll der Reihe nach immer wieder das-  
10 selbe geschehen, bis wir bei  $B$  angekommen sind. Und  
zwar seien  $T$  die Dioptra,  $PΣ$  die durch die Ausschnitte  
gehende Gerade, und im Abstieg 5 Ellen, im Aufstieg  
3 Ellen. Dann seien  $X$  die Dioptra, und  $TΦ$  die Gerade,  
und im Abstieg 1 Elle, im Aufstieg 3 Ellen. Sodann  
15 seien  $ς$  die Dioptra,  $ΨΩ$  die Gerade, und im Abstieg  
2 Ellen, im Aufstieg 3 Ellen. Wiederum seien  $A$  die  
Dioptra,  $ϷΔ$  die Gerade, und im Abstieg 2 Ellen, im Auf-  
stieg 3 Ellen. Sodann seien  $A$  die Dioptra,  $BΓ$  die  
Gerade, und im Abstieg 2 Ellen, im Aufstieg 1 Elle. Und  
20 wiederum  $Z$  die Dioptra,  $EB$  die Gerade, und im Abstieg  
3 Ellen, im Aufstieg 1 Elle. Die letzte Schiebelatte aber  
soll bei der Oberfläche des Wassers selbst aufgestellt sein.

	Abstieg	Aufstieg
	6	2
25	4	2
	1	3
	4	2
	5	3
	1	3
30	2	3
	5	3
	2	1
	3	1
	<hr/> 33	<hr/> 23

6 τὸ ξ: corr. Vi    12 πῆχυς μία: corr. Vi    16—17 μὲν  
πῆχυς ρ: corr. et <δὲ> add. Vi    18—29 laterculum supplēvi

ΒΓ. καὶ καταβάσεως μὲν πήχεις β, ἀναβάσεως δὲ πῆχυς εἰς. καὶ πάλιν διόπτρα μὲν ἡ Ζ, εὐθεῖα δὲ ἡ ΕΒ· καὶ καταβάσεως μὲν πήχεις τρεῖς, ἀναβάσεως δὲ πῆχυς α. ὁ δὲ τελευταῖος κανὼν κείσθω πρὸς αὐτῇ τῇ τοῦ ὕδατος ἐπιφανείᾳ. 5

Τῶν οὖν ἀριθμῶν σεσημειωμένων ἐν τοῖς εἰρημέ-  
νοῖς στίχοις συντίθημι πάντας τοὺς τῆς καταβάσεως  
ἀριθμούς· εἰσὶ δὲ λγ· ὁμοίως καὶ τοὺς τῆς ἀναβάσεως·  
εἰσὶ δὲ κγ· ὥστε ὑπεροχὴ πῆχεις ι. ἐπεὶ οὖν ὁ τῆς  
r. 200 καταβάσεως ἀριθμός, τουτέστιν ὁ ἐπὶ τὰ μέρη τοῦ 10  
τόπου, εἰς ὃν θέλομεν ἄγειν τὸ ὕδωρ, μείζων ἐστίν,  
κατενεχθήσεται τὸ ὑγρόν· καὶ ἔσται μετεωρότερον  
τοῦ πρὸς τῷ Α πῆχεις δέκα. εἰ δ' ἴσοι γεγόνασιν  
ἀριθμοί, ἰσοῦσθ' ὑπῆρχε τὰ Α, Β σημεία, τουτέστιν  
ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι· καὶ οὕτως 15  
δὲ δυνατόν κατάγεσθαι τὸ ὕδωρ. εἰ δ' ἐλάττων ἦν  
ὁ τῆς καταβάσεως ἀριθμός, ἀδύνατον αὐτοματίσαι τὸ  
ὕδωρ· ἀντλήματος ἄρα προσδεόμεθα. ἡ δ' ἀντλησις  
γίνεται, εἰ μὲν πολὺ ταπεινότερος ἦν ὁ τόπος, διὰ  
πολυκαδίας ἢ τῆς καλουμένης ἀλύσεως· εἰ δ' ὀλίγον, 20  
ἦτοι διὰ κοχλιῶν ἢ διὰ τῶν παραλλήλων τυμπανίων.  
fol. 65<sup>v</sup> καὶ τοὺς μέσους δὲ τόπους, δι' ὧν | ἀνεκρίναμεν ἄγειν  
τὸ ὕδωρ, ἐπισκεψόμεθα, πῶς πρὸς ἀλλήλους τε καὶ τοὺς  
ἐξ ἀρχῆς τόπους ἔχουσι διὰ τῆς αὐτῆς μεθόδου, ὑπο-  
λαβόντες τοὺς εἰρημένους μέσους τόπους εἶναι τοὺς ἐξ 25  
ἀρχῆς δοθέντας· κατ' οὐδὲν γὰρ διοίσει. δεῖ δὲ καὶ  
ἐκλογισάμενον πᾶν τὸ μῆκος ἐπισκέψασθαι ἐν τῷ  
σταδίῳ, πόσον κλίμα γενήσεται τοῦ παντὸς κλίματος·  
καὶ οὕτως εἰς τοὺς μέσους τόπους σημεία καὶ ὄρους

3 ἡ ες (sic): correxi

εἰς δὲ Vi

11 θέλωμεν

10—11 τοῦ πόθου ἐν ᾧ: τοῦ τόπου

μείζον

14 ἴσωνση (sic) τὸ ΑΒ



Nachdem nun die Zahlen in den genannten Kolumnen notiert sind, addiere ich sämtliche Zahlen des Abstiegs: ihre Summe ist 33; ebenso auch die des Aufstiegs: ihre Summe ist 23; so daß sich ein Überschufs von 10 ergibt.

5 Da nun die Summe des Abstiegs, d. h. die der Höhenzahlen nach dem Orte zu, nach dem wir das Wasser führen wollen, gröfser ist, so wird das Wasser Gefäll haben und zwar wird es (bei B) um 10 Ellen höher stehen als bei A. Sind aber gleiche Summen herausgekommen,

10 so waren A und B gleich hohe Punkte, d. h. sie lagen in derselben dem Horizonte parallelen Ebene. Auch in diesem Fall aber ist es möglich das Wasser hinzuleiten. Wenn aber die Summe des Abstiegs kleiner war, dann ist es unmöglich, daß das Wasser von selbst fließt; wir be-

15 dürfen daher in diesem Falle einer Schöpfvorrichtung. Das Schöpfen geschieht, falls der Ort sehr viel tiefer lag, vermittelt eines Systems von Eimern oder der sogenannten Kette; lag er nur wenig tiefer, entweder vermittelt Schrauben oder durch die parallelen Räder.

20 Auch die Punkte in der Mitte, durch die wir das Wasser durchzuleiten projiziert haben, werden wir vermittelt derselben Methode darauf untersuchen, wie sie sich zu einander und zu den ursprünglich gegebenen Örtern verhalten, indem wir annehmen, die genannten

25 Punkte in der Mitte seien die ursprünglich gegebenen; denn dies wird durchaus keinen Unterschied machen. Man muß aber noch, nachdem man die ganze Länge ausgerechnet hat, untersuchen, welche Quote des gesamten Gefälls an jedem Punkte erreicht sein muß, und darauf-

30 hin an den Stellen in der Mitte Zeichen und Grenzsteine mit Inschriften aufschütten oder aufbauen, damit die Arbeiter sich in keinem Punkte irren können.

---

σημείον: corr. Vi    16 ἐλαττον    18 ἐγίνετο: correxi. de  
 organis ad hauriendam aquam inventis Vitruvius exponit X, 9sq.  
 27 ἐν ex αν fec. m. 1    27—28 ἐν τῷ σταδίῳ: non extricavi  
 28 κλίματος corruptum: f. ῥεύματος

[καὶ] ἐπιγραφὰς ἔχοντας συγχωνύειν ἢ προσανοικοδομεῖν πρὸς τὸ τοὺς ἐργαζομένους ἐν μηδενὶ πλανᾶσθαι. ἀχθή-  
σεται δὲ τὸ ὑγρὸν οὐ διὰ τῆς αὐτῆς ὁδοῦ, δι' ἧς καὶ  
τὸ κλίμα ἐπέγνωμεν, ἀλλὰ δι' ἑτέρας εὐθετούσης πρὸς  
τὸ ὑδραγώγιον. πολλάκις γὰρ ἐμποδὼν ἴσταται τι, ἢ  
ὄρος σκληρότερον ἢ μετεωρότερον ἢ χαῦνοι τόποι ἢ  
θειώδεις ἢ τοιοῦτοί τινες τόποι βλάπτοντες τὸ ὕδωρ.

p. 202 τοιοῦτοις ὅταν περιτύχωμεν, ἐκνεύσομεν, ὥστε κατὰ  
μηδὲν βλάπτεσθαι τὴν τοῦ ὕδατος ἀγωγὴν. ἔνεκα δὲ  
καὶ τοῦ μὴ μακροτέραν ὁδὸν φερόμενον τὸ ὕδωρ εἰς  
μείζονα δαπάνην ἐκπίπτειν δεῖξομεν ἐξῆς, ὥς δυνατόν  
ἔσται τὴν ἐπὶ τὰ δύο σημεία ἐπιξευγνυμένην εὐθεΐαν  
εὐρίσκειν· αὕτη γὰρ ἐλαχίστη ἐστὶν πασῶν τῶν τὰ  
αὐτὰ πέρατα ἔχουσιν γραμμῶν (Archimed. de sph. et  
cyl. I post. 1 t. I p. 8, 23 Heib.). εἴτα ὅταν ἐν ταύτῃ  
τῇ ὁρισθείσῃ ἐμπέσῃ <τι> τῶν εἰρημένων ἀτόπων, τότε  
ἐκεῖνο ἐκνεύσομεν.

ξ. Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου ἐπὶ τὸ δοθὲν σημεῖον,  
p. 204 ἀθεώρητον ὑπάρχον, εὐθεΐαν ἐπιξεύξαι διὰ διόπτρας,  
ἡλίκον ἂν ἦ τὸ μεταξὺ τῶν σημείων διάστημα. ἔστω  
γὰρ δοθέντα δύο σημεία τὰ  $A$ ,  $B$ , καὶ κατεσκευάσθω  
ἡ διόπτρα ἢ δυναμένη ἐπίπεδα πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλοις  
διοπτρεύειν, καὶ κείσθω πρὸς τῷ  $A$ · καὶ εἰλήφθω διὰ  
τῆς διόπτρας ἐν τῷ ἐπιπέδῳ εὐθεΐα ἡ  $ΑΓ$ , ἡλίκην ἂν  
βουλώμεθα τῷ μεγέθει. καὶ μετακείσθω ἡ διόπτρα  
<πρὸς τῷ  $Γ$ , καὶ τῇ  $ΑΓ$  πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἡ  $ΓΔ$ , ἡλίκην  
ἂν ἦ τῷ μεγέθει. καὶ ὁμοίως μετακείσθω ἡ διόπτρα>  
fol. 66r πρὸς τῷ  $Δ$ , καὶ τῇ  $ΓΔ$  πρὸς ὀρθὰς | ἡ  $ΔΕ$ ,  
ἡλίκην ἂν ἦ τῷ μεγέθει. καὶ πάλιν μετακείσθω ἡ

1 [καὶ] del. Vi    3 αὐτῆς οὐδὲ δι' ἧς: corr. Vi    7 θειοει-  
δεῖς: corr. Vi    τόποι f. delendum    8 τοιούτους: correxi    ἐκνεύ-

Das Wasser wird jedoch nicht denselben Weg entlang geleitet werden, auf dem wir die Neigung ermittelt haben, sondern auf einem andern, der zur Wasserleitung geeignet ist. Denn oft steht irgend etwas im Wege, ein  
 5 Berg, der entweder aus recht hartem Stein besteht oder recht hoch ist, oder Stellen, die locker oder schwefelhaltig sind oder irgend eine ähnliche Eigenschaft haben und das Wasser verderben. Wenn wir auf solche treffen, so werden wir vor ihnen ausbiegen, so daß die Wasserleitung  
 10 durch nichts beeinträchtigt wird.

Damit nun aber das Wasser, wenn es einen längeren Weg fließt, nicht allzu große Verluste erleidet, so wollen wir im folgenden zeigen, wie es möglich sein wird die Gerade, welche die beiden Punkte verbindet, zu finden.  
 15 Denn diese ist die kürzeste von allen Linien, die dieselben Endpunkte haben. Wenn dann auf diese von uns bestimmte Linie eines der angegebenen Hindernisse fällt, so werden wir diesem ausbiegen.

VII. Von einem gegebenen Punkt auf einen anderen, nicht sichtbaren Punkt, bei beliebigem Abstand der beiden Punkte vermittels der Dioptra eine Gerade zu ziehen.

Es seien 2 Punkte  $A$  und  $B$  gegeben und es sei diejenige Dioptra, welche Ebenen im rechten Winkel durchzuvisieren vermag, hergerichtet, und sie stehe bei  $A$ .  
 25 Nun sei mittels der Dioptra in der Ebene die Gerade  $AI$  von beliebiger Größe bestimmt. Und die Dioptra werde nach  $I$  umgestellt und zu  $AI$  die Senkrechte  $IA$  von beliebiger Größe gezogen. Ebenso werde die Dioptra nach  $A$  umgestellt und zu  $IA$  die Senkrechte  $AE$  von  
 30 beliebiger Größe gezogen. Wiederum werde die Dioptra nach  $E$  umgestellt und die Senkrechte  $EZ$  gefällt und in ähnlicher Weise ein beliebiger Punkt  $Z$  bestimmt, und zu  $ZE$  die Senkrechte  $ZH$  gezogen und ein beliebiger

σωμεν 16 <τι> add. Vi ἀτόπων: f. ἀπόρων 21 κατασκευάσθω:  
 corr. Vi 23 πρὸς το  $A$ : corr. Vi 26—27 supplevit Vi, nisi  
 quod εἴη pro ἡ posuit 29 εἴ ἡ: sed εἰ delevit iam man. 1

διόπτρα πρὸς τῷ  $E$ , καὶ πρὸς ὀρθὰς ἢ  $EZ$ · καὶ ὁμοίως  
 τυχὸν εἰλήφθω τὸ  $Z$ . καὶ τῇ  $ZE$  πρὸς ὀρθὰς ἢ  $ZH$ ,  
 καὶ τυχὸν τὸ  $H$ · καὶ τῇ  $ZH$  πρὸς ὀρθὰς ἢ  $HΘ$ , καὶ  
 τυχὸν τὸ  $Θ$ · καὶ τῇ  $HΘ$  πρὸς ὀρθὰς ἢ  $ΘK$ , καὶ τυχὸν  
 τὸ  $K$ · καὶ τῇ  $ΘK$  πρὸς ὀρθὰς ἢ  $KA$ · καὶ τοῦτο γινέ- 5  
 σθω, ἄχρις ἂν ὀφθῇ τὸ  $B$  σημεῖον. γεγονέτω, καὶ  
 παραγέ[γενή]σθω ἢ διόπτρα ἐπὶ τῆς  $KA$ , ἕως οὗ διὰ  
 τῆς ἐτέρας ἐ<ν> αὐτῇ εὐθείας φανῇ τὸ  $B$ . πεφηνέτω  
 οὕσης τῆς διόπτρας κατὰ τὸ  $A$ . ἅμα δὲ διοπτεύοντες  
 γράψομεν ἐν χάρτῃ ἢ δέλτῳ τό τε σχῆμα τοῦ διοπ- 10  
 τρισμοῦ, τουτέστιν τὰς κλάσεις τῶν εὐθειῶν, καὶ ἔτι  
 τὰ μεγέθη ἐκάστης αὐτῶν ἐπιγράψομεν. ἔστω οὖν ἡ  
 μὲν  $ΑΓ$  πηγῶν εὐρημένη λόγου χάριν κ· ἡ δὲ  $ΓΔ$   
 πηγῶν κβ· ἡ δὲ  $ΔΕ$  πηγῶν ις· ἡ δὲ  $EZ$  πηγῶν λ·  
 ἡ δὲ  $ZH$  πηγῶν ιδ· ἡ δὲ  $HΘ$  πηγῶν ιβ· ἡ δὲ  $ΘK$  15  
 πηγῶν ξ· ἡ δὲ  $KA$  πηγῶν η· ἡ δὲ  $AB$  πηγῶν ν.  
 τούτων δὲ οὕτως ἐχόντων νενοήσθω τῇ  $ΑΓ$  πρὸς  
 p. 206 ὀρθὰς ἡγμένη ἢ  $AM$  καὶ ἐκβεβλημέναι αἱ  $AB$ ,  $KΘ$ ,  
 $ZH$ ,  $ΕΔ$  ἐπὶ τὰ <M>,  $N$ ,  $Ξ$ ,  $O$ · αἱ δὲ  $EZ$ ,  $HΘ$ ,  
 $ΓΔ$  ἐπὶ τὰ  $\Pi$ ,  $P$ ,  $\Sigma$ . ἔσται ἄρα διὰ τοὺς ἐπικειμένους 20  
 ἀριθμοὺς ἡ μὲν  $AO$  πηγῶν κβ, ἐπεὶ καὶ ἡ  $ΓΔ$ · ἡ δὲ  
 $OΞ$  λ, ἐκεῖ καὶ ἡ  $EZ$ · ἡ δὲ  $ΞN$  ιβ, ἐπεὶ καὶ ἡ  $HΘ$ ·  
 ἡ δὲ  $MN$  η, ἐπεὶ καὶ ἡ  $KA$ · ὥστε ὅλη ἡ  $AM$  ἔσται  
 πηγῶν οβ. πάλιν δὲ ἔσται ἡ μὲν  $MΣ$  πηγῶν κ, ἐπεὶ  
 καὶ ἡ  $ΑΓ$ · ἡ δὲ  $\Pi\Sigma$  πηγῶν ις, ἐπεὶ καὶ ἡ  $ΔΕ$ · ἡ δὲ 25  
 $\Pi P$  πηγῶν ιδ, ἐπεὶ καὶ ἡ  $ZH$ . λοιπὴ ἄρα ἡ  $PΣ$   
 ἔσται πηγῶν β· ὅλη ἄρα ἡ  $PM$  ἔσται πηγῶν κβ.  
 πάλιν δὲ ἔσται ἡ  $PA$  πηγῶν ξ, ἐπεὶ καὶ ἡ  $KΘ$ · ὧν

7 παραγεγενήσθω: correxi

8 ἐτέρας ἐαυτῇ: correxi

16 ἡ δὲ  $AE$ : corr. Vi 22 ante πάλιν verba ἐπεὶ καὶ ἡ  
 $HΘ$  delevit m. 1

Punkt  $H$  genommen, und zu  $ZH$  die Senkrechte  $H\Theta$  gezogen und ein beliebiger Punkt  $\Theta$  genommen, und zu  $H\Theta$  die Senkrechte  $\Theta K$  gezogen und ein beliebiger Punkt  $K$  genommen, und zu  $\Theta K$  die Senkrechte  $K\mathcal{A}$  gezogen.  
 5 Und dies werde so lange fortgesetzt, bis der Punkt  $B$  sichtbar wird. Es sei geschehen, und die Dioptra werde

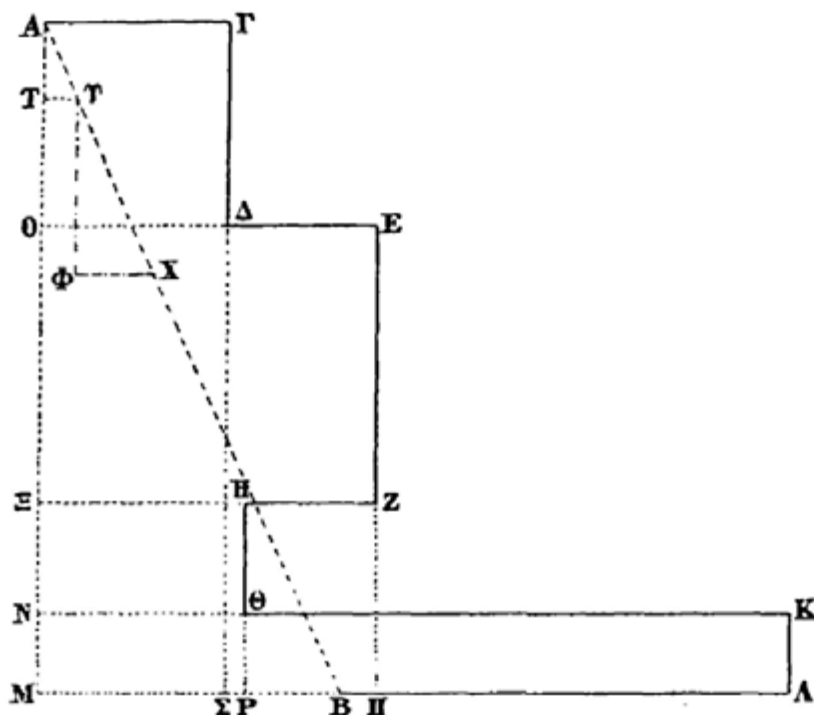


Fig. 87.

auf der Linie  $K\mathcal{A}$  hingetragen, bis durch die andere der auf ihr befindlichen Geraden<sup>1)</sup> der Punkt  $B$  gesehen wird. Wir nehmen an, er sei gesehen worden, und zwar in dem  
 10 Augenblick, wo die Dioptra bei  $\mathcal{A}$  steht.

Während des Visiergeschäfts nun werden wir auf ein Papier oder Täfelchen die Gestalt der Visieraufgabe d. h.

1) Gemeint ist eine der zwei aufeinander senkrecht stehenden Linien, welche in die große obere Kreisplatte des Instrumentes eingegraben sind (Fig. 83 b).

ἡ  $ΠΡ$  πηχῶν ιδ· λοιπὴ ἄρα ἡ  $ΑΠ$  πηχῶν μς· ὅλη δὲ  
 ἡ  $ΑΒ$  πηχῶν ν· λοιπὴ οὖν ἡ  $ΠΒ$  πηχῶν δ· λοιπὴ  
 ἄρα ἡ  $ΒΡ$  πηχῶν ι. ἀλλὰ ἡ  $ΡΜ$  πηχῶν κβ· ὅλη ἄρα  
 ἡ  $ΜΒ$  ἔσται πηχῶν λβ. ἀλλὰ καὶ ἡ  $ΑΜ$  πηχῶν οβ·  
 λόγος ἄρα τῆς  $ΑΜ$  <πρὸς τὴν  $ΜΒ$ >, ὃν ἔχει τὰ οβ 5  
 πρὸς λβ. τούτου δὲ εὐρεθέντος ἀπειλήφθω <ἐπὶ τῆς  
 $ΑΜ$ > ἡ  $ΑΤ$  πηχῶν, εἰ τύχοι, θ, καὶ ταύτῃ πρὸς  
 ὀρθὰς ἡ  $ΤΤ$ · καὶ πεποιήσθω ὡς τὰ οβ πρὸς λβ, ἡ  
 $ΑΤ$ , τουτέστιν οἱ θ πήχεις, πρὸς ἄλλον τινά· γίνεται  
 δὲ πηχῶν δ· <ἀπειλήφθω οὖν ἡ  $ΤΤ$  πηχῶν δ.> ἔσται 10  
 οὖν τὸ  $Τ$  ἐπὶ τῆς ζευγνυούσης τὰ  $Α$ ,  $Β$  σημεία. πάλιν  
 δὲ τῇ  $ΤΤ$  πρὸς ὀρθὰς ἡ  $ΤΦ$ , καὶ ἀπειλήφθω, εἰ τύχοι,  
 πηχῶν ιη· καὶ ταύτῃ πρὸς ὀρθὰς ἡ  $ΦΧ$ · καὶ πεποιήσθω |  
 col. 66<sup>v</sup> ὡς τὰ οβ πρὸς λβ, οὕτως οἱ ιη πήχεις πρὸς ἄλλον τινά·  
 [καὶ] γίνεται δὲ πρὸς η. ἀπειλήφθω οὖν ἡ  $ΦΧ$  πηχῶν 15  
 η· καὶ ἔσται τὸ  $Χ$  ἐπὶ τῆς ζευγνυούσης τὰ  $Α$ ,  $Β$   
 σημεία. ὡσαύτως οὖν διὰ τῆς διόπτρας <πρὸς ὀρθὰς>  
 ἄγοντες καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ποιοῦντες ἔξομεν συνεχῇ  
 σημεία ἐπὶ τῆς ζητουμένης εὐθείας τῆς  $ΑΒ$ .  
 p. 208 η. Δύο σημείων δοθέντων, οὗ μὲν πρὸς ἡμᾶς, οὗ δὲ 20  
 πόρρω, τὸ μεταξὺ αὐτῶν διάστημα λαβεῖν τὸ πρὸς δια-  
 βήτην, μὴ προσεγγίσαντα τῷ πόρρω σημείῳ. ἔστω τὰ  
 δοθέντα δύο σημεία τὰ  $Α$ ,  $Β$ · καὶ τὸ μὲν  $Α$  πρὸς ἡμᾶς,  
 τὸ δὲ  $Β$  πόρρω κείσθω· ἡ δὲ διόπτρα ἡ τὸ ἡμικύκλιον  
 ἔχουσα πρὸς τῷ  $Α$ · καὶ ἐπεστράφθω ὁ κανὼν ὁ ἐπὶ τῷ 25  
 τυμπάνῳ, ἄχρις ἃν φανῇ τὸ  $Β$ . εἴτα ἀντιπεριστὰς ἐπὶ  
 τὸ ἕτερον μέρος τοῦ κανόνος ἀνανεύω τὸ ἡμικύκλιον,

5 et 6 suppl. Vi 6—7 supplevi 7 η τύχοι 10 add.  
 R. Schoene 13 πήχεις ιη: correxi 14 πρὸς ἄλλον τινά 5  
 καὶ: τινά Vi, καὶ deleui 17 supplevi 21 πρὸς διαβήτην:  
 cf. Buecheler *Litteraturzeitung* 1874, 609; Hero *Spiritualia* p. 146, 4  
 Schmidt 26 τυμπανῷ: τυμπανίῳ Vi perperam

die Brechungen der Geraden aufzeichnen und weiter noch die Größe jeder derselben dazubemerken. Es sei nun beispielsweise  $AI = 20$  Ellen gefunden,  $IA = 22$ ,  $AE = 16$ ,  $EZ = 30$ ,  $ZH = 14$ ,  $H\Theta = 12$ ,  $\Theta K = 60$ ,  
 5  $KA = 8$ ,  $AB = 50$ .

Unter diesen Umständen denke man zu  $AI$  die Senkrechte  $AM$  gezogen und die Linien  $AB$ ,  $K\Theta$ ,  $ZH$ ,  $EA$  nach  $M$ ,  $N$ ,  $\Xi$ ,  $O$  verlängert, die Linien  $EZ$ ,  $H\Theta$ ,  $IA$  nach  $\Pi$ ,  $P$  und  $\Sigma$  verlängert. Es wird also  
 10 wegen der beigesetzten Zahlen  $AO = 22$  Ellen sein, da auch  $IA = 22$  Ellen;  $O\Xi = 30$ , da auch  $EZ = 30$ ;  $\Xi N = 12$ , da auch  $H\Theta = 12$ ;  $MN = 8$ , da auch  $KA = 8$ . Die ganze Strecke  $AM$  wird daher  $= 72$ .  
 Wiederum aber wird  $M\Sigma = 20$  Ellen sein, da auch  
 15  $AI = 20$  Ellen;  $\Pi\Sigma = 16$  Ellen, da auch  $AE = 16$  Ellen;  $\Pi P = 14$  Ellen, da auch  $ZH = 14$  Ellen. Es wird also der Rest  $P\Sigma = 2$  Ellen, die ganze Strecke  $PM$  also  $= 22$  Ellen. Wiederum wird  $PA = 60$  Ellen sein, da auch  $K\Theta = 66$  Ellen, wovon  $\Pi P = 14$  Ellen.  
 20 Der Rest  $\Pi\Pi$  wird daher  $= 46$  Ellen sein, die ganze Strecke  $AB$  also  $= 50$  Ellen. Der Rest  $\Pi B$  wird nun  $= 4$  Ellen, der Rest  $BP$  also  $= 10$  Ellen sein. Es ist aber  $PM = 22$  Ellen, die ganze Strecke  $MB$  wird also  $= 32$  Ellen sein. Nun ist aber  $AM = 72$  Ellen. Also  
 25  $AM : MB = 72 : 32$ .

Nachdem dies gefunden, werde auf  $AM$  die Strecke  $AT$  beispielsweise  $= 9$  Ellen abgetragen und im rechten Winkel dazu  $TT$  gezogen. Und es sei

$$72 : 32 = AT : x = 9 : x$$

30

$$x = 4$$

$T$  wird nun auf der die Punkte  $A$  und  $B$  verbindenden Geraden liegen. Wiederum ziehe man im rechten Winkel zu  $TT$  die Geraden  $T\Phi$  und trage beispielsweise 18 Ellen ab und ziehe dazu im rechten Winkel  $\Phi X$ . Dann ist

35

$$72 : 32 = 18 : x$$

$$x = 8.$$

τῶν ἄλλων ἀκινήτων μενόντων, καὶ λαμβάνω σημεῖον ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσι τὸ  $\Gamma$  ἐπ' εὐθείας τοῖς  $A$ ,  $B$  κείμενον. εἴτα τῇ  $B\Gamma$  ἀπὸ τοῦ  $A$  πρὸς ὀρθὰς ἄγω διὰ τῆς διόπτρας τὴν  $A\Delta$ , καὶ ἑτέραν ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  διὰ τῆς διόπτρας τὴν  $\Gamma E$ , καὶ ἔλαβον ἐπ' αὐτῆς τυχὸν τὸ  $E$ . καὶ μεταθεὶς τὴν διόπτραν πρὸς τὸ  $E$  κατέστησα τὸν κανόνα, ὥστε δι' αὐτοῦ φανῆναι τὸ  $B$  σημεῖον, καὶ ἕτερον ἐπὶ τῆς  $A\Delta$  τὸ  $\Delta$  ἐπ' εὐθείας τοῖς  $B$ ,  $E$ . γίνεται δὴ τρίγωνον τὸ  $B\Gamma E$  παράλληλον ἔχον τὴν  $A\Delta$  τῇ  $\Gamma E$ . ἔστιν ἄρα ὡς ἡ  $\Gamma E$  πρὸς  $A\Delta$ , οὕτως ἡ

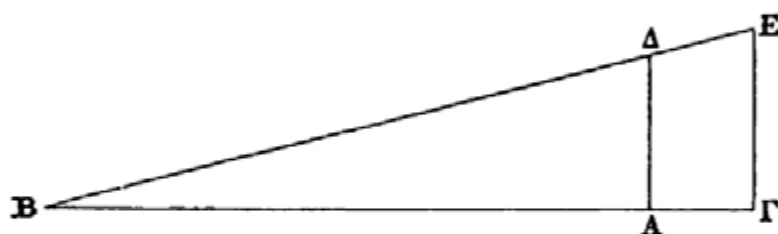


Fig. 88.

$\Gamma B$  πρὸς  $BA$ . ἐχ[έτ]ω δὲ τὸν τῆς  $\Gamma E$  πρὸς  $A\Delta$  λόγον ἐπιγινῶναι ἑκατέραν αὐτῶν μετρήσας πρὸς διαβήτην, ὡς προδέδεικται. ἔστω οὖν, εἰ τύχοι, εὐρημένη πενταπλῇ ἡ  $\Gamma E$  τῆς  $A\Delta$ . ἔσται ἄρα ἡ  $B\Gamma$  τῆς  $BA$  πενταπλῇ· ἡ ἄρα  $\Gamma A$  τῆς  $AB$  τετραπλῇ. ἔχω δὲ μετρήσαι τὴν  $A\Gamma$  πρὸς διαβήτην· ὥστε δυνατόν εὐρεθῆναι καὶ τὴν  $AB$  πρὸς διαβήτην, ἡλίκη ἐστίν.

p. 210 θ. Ποταμοῦ πλάτος τὸ ἐλάχιστον λαβεῖν, πρὸς τῇ μιᾷ ὄχθῃ ὄντας. ἔστωσαν αἱ τοῦ ποταμοῦ ὄχθαι αἱ

2 τῆς  $AB$ : correxi      6 πρὸς τῷ: correxi      11 ἐχέτω: correxi  
13—14 εἰ τύχη ευραμενη: corr. Vi      18 τι (ex τη rasura factum) ἐλάχιστον λαβεῖν καὶ τη: correxi; πλάτος τῇ διόπτρᾳ λαβεῖν Vi compendio deceptus      19 οντος: corr. Vi



Nun trage man  $\Phi X = 8$  ab, und der Punkt  $X$  wird auf der die Punkte  $A$  und  $B$  verbindenden Geraden liegen. Indem wir nun in derselben Weise mittelst der Dioptra Senkrechte ziehen und in dasselbe Verhältniß bringen, werden wir eine Reihe von Punkten, die auf der gesuchten Geraden  $AB$  liegen, erhalten.

VIII. Wenn zwei Punkte, der eine bei unserm Standort, der andere in der Ferne, gegeben sind, ihren Abstand in horizontaler Ebene zu finden, ohne sich dem Punkte in der Ferne zu nähern.

Es seien  $A$  und  $B$  die gegebenen Punkte, und zwar liege  $A$  bei unserm Standort,  $B$  in der Ferne, die Dioptra aber mit dem Halbkreise bei  $A$ . Man drehe nun das Visierlineal auf der großen Kreisschneide so lange, bis  $B$  sichtbar wird. Ich trete sodann nach dem andern Theile des Visierlineals herum, drehe den Halbkreis, während die übrigen Theile des Instrumentes unbeweglich bleiben, und bestimme nach unserer Seite zu den Punkt  $\Gamma$ , der mit  $AB$  auf einer und derselben Geraden liegt. Dann ziehe ich zu  $B\Gamma$  von  $A$  aus mittelst der Dioptra die Gerade  $AA$  und von  $\Gamma$  aus mittelst der Dioptra eine andere Gerade  $\Gamma E$  und nehme auf ihr einen beliebigen Punkt  $E$ . Ich setze darauf die Dioptra nach  $E$  um und stelle das Visierlineal so, daß der Punkt  $B$  durch dasselbe sichtbar ist, und nehme auf  $AA$  einen andern Punkt  $A$  an, der auf der Geraden  $BE$  liegt. Es entsteht also ein Dreieck  $B\Gamma E$ , in welchem  $AA$  parallel  $\Gamma E$  ist. Er verhält sich also:  $\Gamma E : AA = \Gamma B : BA$ . Ich kann nun aber das Verhältniß  $\Gamma E : AA$  ermitteln, wenn ich jede der beiden Geraden in horizontaler Ebene, wie vorher gezeigt ist, messe. Es sei nun beispielsweise gefunden, daß  $\Gamma E = 5 AA$  ist. Also wird  $B\Gamma = 5 BA$  sein, also  $\Gamma A = 4 AB$ . Ich vermag aber  $A\Gamma$  in horizontaler Ebene zu messen. Es ist daher möglich, auch die Größe von  $AB$  in horizontaler Ebene zu ermitteln.

IX. Die geringste Breite eines Flusses zu ermitteln, wenn man sich auf dem einen Ufer desselben befindet.

fol. 67<sup>r</sup>  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$ . στήσας οὖν τὴν διόπτραν πρὸς | τῇ  $\Gamma\Delta$   
 ὄχθῃ, ὥς ἐπὶ τὸ  $E$ , ἐπέστρεψα τὸν κανόνα, ἄχρις ἂν  
 φανῇ δι' αὐτοῦ σημεῖον ἐπὶ τῆς  $\Gamma\Delta$  ὄχθης τὸ  $\Delta$ . καὶ  
 τῇ  $E\Delta$  διὰ τῆς διόπτρας πρὸς ὀρθὰς ἤγαγον τὴν  $EZ$   
 ἐπιστρέψας τὸν κανόνα. εἶτα ἐγκλίνω τὸ ἡμικύκλιον, 5  
 ἄχρις ἂν ἐπὶ  
 τῆς  $AB$  ὄχθης  
 φανῇ τι σημεῖον  
 διὰ τοῦ κανό-  
 νος. πεφηνέτω  
 τὸ  $Z$ . ἔσται δὲ  
 τὸ ἐλάχιστον



Fig. 89.

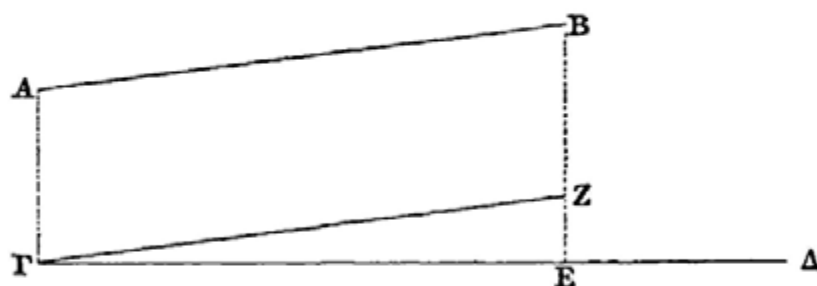
- πλάτος τοῦ ποταμοῦ τὸ  $EZ$ . ἡ γὰρ  $EZ$  ὥσανεὶ κάθε-  
 p. 212 τὸς ἐστὶν ἐπ' ἀμφοτέρων τὰς ὄχθας, εἴπερ παραλλή-  
 λους αὐτὰς ἐννοοῖμεθα. ὥς οὖν ἐμάθομεν ἐπάνω, 15  
 εἰλήφθω τὸ ἀπὸ τοῦ  $E$  διάστημα ἐπὶ τὸ  $Z$  τὸ πρὸς  
 διαβήτην, ὃ καὶ ἀποφανούμεθα ἐλάχιστον εἶναι τοῦ  
 ποταμοῦ πλάτος.  
 p. 214 ι. Δύο δοθέντων σημείων πόρρω ὁρωμένων εὐρεῖν  
 τὸ μεταξὺ διάστημα αὐτῶν τὸ πρὸς διαβήτην καὶ ἔτι 20  
 τὴν θέσιν. ἔστω τὰ δοθέντα δύο σημεία τὰ  $A$ ,  $B$ . καὶ  
 καθεστὰςθω ἡ διόπτρα ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσιν  
 p. 216 πρὸς τῷ  $\Gamma$  καὶ ἐπεστράφθω ὁ κανὼν, ἄχρις ἂν δι'  
 αὐτοῦ φανῇ τὸ  $A$  σημεῖον· εὐθεῖα ἄρα ἐστὶν ἡ διὰ τοῦ  
 κανόνος ἡ  $A\Gamma$ . ταύτῃ πρὸς ὀρθὰς ἤγαγον διὰ τῆς 25  
 διόπτρας τὴν  $\Gamma\Delta$ , καὶ παράγω ἐπ' αὐτῆς τὴν διόπτραν,  
 ἄχρις ἂν διὰ <τῆς πρὸς ὀρθὰς θέσεως> τοῦ κανόνος  
 φανῇ τὸ  $B$  σημεῖον. τετυχέτω οὖν ἡ διόπτρα πρὸς

2 ἐπὶ τὸ: f. ἐπὶ τοῦ 4 τῆς  $E\Delta$ : corr. Vi 8 τὸ σημεῖον:  
 correxi 15 f. ἐννοούμεθα 17 ἐλάχιστον: ζητούμενον Vi  
 23 τὸ  $\Gamma$ : correxi 27 hiatum explevi

Die Ufer des Flusses seien  $AB$  und  $\Gamma A$ . Ich stelle nun die Dioptra auf dem Ufer  $\Gamma A$ , beispielsweise in  $E$ , auf und drehe das Visierlineal so lange, bis durch das selbe ein Punkt  $A$  auf dem Ufer  $\Gamma A$  sichtbar wird. So dann ziehe ich mittelst der Dioptra im rechten Winkel zu  $EA$  die Gerade  $EZ$ , nachdem ich das Visierlineal (um  $90^\circ$ ) gedreht habe. Ich neige sodann den Halbkreis, bis auf dem Ufer  $AB$  irgend ein Punkt durch das Visierlineal hindurch sichtbar wird. Es erscheine  $Z$ . Die geringste Breite des Flusses wird daher  $= EZ$  sein, denn  $EZ$  ist sozusagen eine Senkrechte auf beiden Uferlinien, wenn wir sie uns als parallel vorstellen. Es werde nun, wie wir es oben gelernt haben, der Abstand von  $E$  nach  $Z$  in horizontaler Ebene bestimmt, den wir dann auch als die geringste Breite des Flusses angeben werden.

X. Wenn zwei in der Ferne sichtbare Punkte gegeben sind, den Zwischenraum zwischen ihnen in horizontaler Ebene und ferner noch ihre Lage zu finden.

Die beiden gegebenen Punkte seien  $A$  und  $B$ , und die  
20 Dioptra werde bei unserem Standorte bei  $T$  aufgestellt,  
und ihr Visierlineal so lange gedreht, bis der Punkt  $A$



**Fig. 90 a.**

durch dasselbe sichtbar wird. Die durch das Visierlineal gehende Linie  $AF$  ist also eine Gerade. Zu dieser ziehe ich mittelst der Dioptra im rechten Winkel die Gerade  $25$   $FA$  und führe auf ihr die Dioptra hin, bis durch Drehung des Lineals um einen rechten Winkel der Punkt  $B$  sicht-

τὸ  $E$ · ἡ ἄρα  $BE$  τῇ  $\Gamma A$  πρὸς ὀρθάς ἐστιν· παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ  $AG$  τῇ  $BE$ . μετρῶ οὖν τὸ ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  διάστημα ἐπὶ τὸ  $A$ , ὡς ἐμάθομεν ἐπάνω, καὶ πάλιν τὸ ἀπὸ τοῦ  $E$  ἐπὶ τὸ  $B$ . καὶ εἰ μὲν ἴσον ἐστὶν τὸ  $\Gamma A$  διάστημα τῷ  $BE$ , ἀποφανοῦμαι καὶ τὸ  $\Gamma E$  5 διάστημα ἴσον τῷ  $AB$ . δυνάμεθα δὲ τὸ  $\Gamma E$  μετρήσαι, ἐν γὰρ τοῖς πρὸς ἡμᾶς ἐστὶ μέρεσι. μὴ ἔστω δὲ ἴσον, ἀλλ' ἔστω ἑλάσσον τὸ  $BE$  διάστημα τοῦ  $\Gamma A$ , εἰ τύχοι, πῆχεσι  $\kappa$ . ἀπέλαβον οὖν ἀπὸ τοῦ  $E$  ἐπὶ τῆς  $BE$  ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς πῆχεσι  $\kappa$  τὴν  $EZ$ . ἔσται δὲ ἴση ἡ  $AG$  10 τῇ  $BZ$  τῷ μεγέθει· ἐστὶν δὲ καὶ παράλληλος αὐτῇ· ὥστε καὶ ἡ  $AB$  τῇ  $\Gamma Z$  ἴση τέ ἐστι καὶ παράλληλος. δυνάμεθα δὲ μετρήσαι τὴν  $\Gamma Z$ , ὥστε καὶ τὴν  $AB$ · καὶ φανερόν, ὅτι καὶ τὴν θέσιν, τὴν γὰρ παράλληλον αὐτῆς, εὗραμεν. 15

Δυνατὸν δὲ ἐστὶ καὶ ἄλλως λαβεῖν τὸ μεταξὺ τῶν  $A$ ,  $B$  διάστημα. ἔστησα τὴν διόπτραν ἐφ' οὗ βούλομαι σημείου· ἔστω δὲ τοῦ  $\Gamma$ . καὶ ἔλαβον διὰ τῆς διόπτρας τὴν  $\Gamma A$ , καὶ ὁμοίως ἑτέραν τὴν  $\Gamma B$ , καὶ ἐμέτρησα ἑκατέραν τῶν  $\Gamma A$ ,  $\Gamma B$  καὶ ἔλαβον ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  μέρος 20 fol. 67<sup>v</sup>  $\tau\iota$  τῆς  $\Gamma A$ , οἷον εἰ | δέκατον, τὴν  $\Delta\Gamma$ , καὶ τὸ αὐτὸ μέρος τῆς  $\Gamma B$ , τὴν  $\Gamma E$ . ἔσται δὲ καὶ ἡ  $\langle\tau\alpha\rangle \Delta$ ,  $E$  ἐπιζευγνύουσα μέρος  $\langle\deltaέκατον\rangle$  τῆς  $AB$  καὶ παράλληλος αὐτῇ. δύνάμει  $\langle\deltaέ\rangle$  μετρήσαι τὴν  $\Delta E$  ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσιν οὕσαν· ἔχω ἄρα καὶ τῆς  $AB$  καὶ τὴν 25 θέσιν καὶ τὸ μέγεθος.

Δυνατὸν δὲ ἐστὶν καὶ ἄλλως τὸ  $AB$  διάστημα λαβεῖν.

9 τοῖς  $BE$ : corr. Vi    10 f. ἡμᾶς  $\langle\muέρεσι\rangle$     13 τῇ  $\Gamma\Delta$ :  
corr. Vi    14 f. θέσιν  $\langle\epsilonχομεν\rangle$     14 f. αὐτῇ    15 εὗραμεν:  
εὗρομεν Vi    18 δι'  $\alpha\nu$ : sed  $\nu$  del. m. 1    22 τῆς  $\Gamma E$  τὴν  $\Gamma E$ :  
corr. Vi    suppl. Vi    23 supplevi    24 supplevi

bar wird. Die Dioptra befinde sich gerade bei  $E$ , also bildet  $BE$  mit  $\Gamma A$  einen rechten Winkel; also ist  $\Gamma A$  parallel  $BE$ . Ich messe nun den Abstand von  $\Gamma$  bis  $A$ , wie wir es oben gelernt haben, und wiederum den Abstand  
 5 von  $E$  bis  $B$ . Wenn nun der Abstand  $\Gamma A$  gleich dem Abstand  $BE$  ist, so werde ich auch  $\Gamma A$  für gleich groß mit  $AB$  erklären. Wir können aber  $\Gamma E$  messen, denn es liegt nach unsrer Seite zu. Der Abstand sei jedoch nicht gleich, sondern der Abstand  $BE$  sei beispielsweise um  
 10 20 Ellen kleiner als  $\Gamma A$ . Ich trage nun von  $E$  aus auf der Geraden  $BE$  auf unserer Seite 20 Ellen  $= EZ$  ab. Es wird daher die Gerade  $\Gamma A$  an Größe gleich  $BZ$  sein; sie ist ihr aber auch parallel. Daher wird auch  $AB$  gleich und parallel  $\Gamma Z$  sein. Wir vermögen aber  $\Gamma Z$ ,  
 15 daher auch  $AB$ , zu messen, und es ist klar, daß wir auch ihre Lage kennen, denn wir fanden ja eine Parallele dazu.

Es ist aber möglich, den Abstand der Punkte  $A$  und  $B$  auch noch auf andere Weise zu finden.

20 Ich stelle die Dioptra, auf welchem Punkt ich will, — es sei  $\Gamma$  — auf. Nun ziehe ich mittelst der Dioptra die Gerade  $\Gamma A$  und in ähnlicher Weise die Gerade  $\Gamma B$

und messe jede der beiden Linien  $\Gamma A$  und  $\Gamma B$ . Sodann bestimme ich von  $\Gamma$  aus einen gewissen Teil, beispielsweise den zehnten, von  $\Gamma A$ , nämlich  $\Gamma \Delta$ , und denselben Teil von  $\Gamma B$ , näm-

lich  $\Gamma E$ . Es wird also auch die die Punkte  $\Delta$  und  $E$  verbindende Gerade der zehnte Teil von  $AB$  und dieser  
 35 Linie parallel sein. Ich vermag nun  $\Delta E$  zu messen, da es auf unserer Seite liegt. Ich habe also auch von  $AB$  sowohl die Lage als auch die Größe.

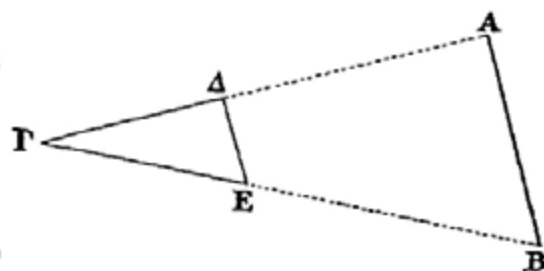


Fig. 90b.

- p. 218 ἔστω τὴν διόπτραν πρὸς τῷ  $\Gamma$  καὶ ἔλαβον τῆς  $ΑΓ$  μέρος  $\langle \tauι \rangle$ , τὴν δὲ  $\GammaΔ$ , ἐπ' εὐθείας τῇ  $ΑΓ$  καὶ ὁμοίως τῆς  $ΒΓ$  τὸ αὐτὸ μέρος τὴν  $\GammaΕ$ , ἐπ' εὐθείας τῇ  $ΒΓ$ .

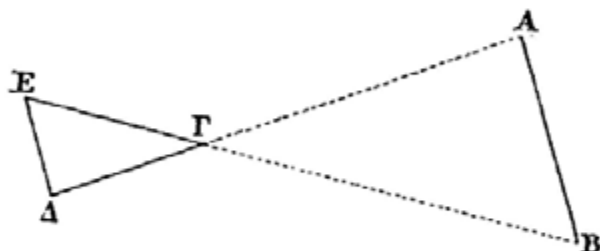


Fig. 90c.

ἔσται δὲ καὶ ἡ  $ΕΔ$  τὸ αὐτὸ μέρος τῆς  $ΑΒ$  καὶ παράλληλος αὐτῇ. δυνατόν δὲ μετρεῖσθαι τὴν  $ΔΕ$ . ὥστε 5 εὐρεται τῆς  $ΑΒ$  ἡ θέσις καὶ τὸ μέγεθος.

- ια. Τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ πρὸς ὀρθὰς ἀγαγεῖν ἀπὸ τοῦ πέρατος αὐτῆς, μὴ προσεγγίσαντα μήτε τῇ εὐθείᾳ μήτε τῷ πέρατι. ἔστω ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ ἐπὶ τὰ  $Α$ ,  $Β$  σημεία ἐπιζευγνυμένη· ἀφ' οὗ δὲ δεῖ τὴν πρὸς ὀρθὰς 10 ἀγομένην εὐρεῖν, ἔστω τὸ  $Α$ . εὐρήσθω ἡ θέσις τῆς  $ΑΒ$  ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς τόποις, ὡς ἐμάθομεν· καὶ ἔστω ἡ  $\GammaΔ$  εὐθεῖα. παράγω οὖν τὴν διόπτραν ἐπὶ τῆς  $\GammaΔ$  εὐθείας διατηρῶν τὸν κανόνα ἀεὶ ἀποβλέποντα σημείῳ τινὶ τῶν ἐπὶ τῆς  $\GammaΔ$ , ἄχρις ἂν ἐπιστραφῇς ἐπὶ τὴν 15 πρὸς ὀρθὰς θέσιν ἰδῇ τὸ  $Α$  σημεῖον. τετυχέτω οὖν ἡ διόπτρα πρὸς τὸ  $Ε$  σημεῖον· ἔσται δὲ πρὸς ὀρθὰς εἶναι τὴν  $ΑΕ$ .

ιβ. Σημεῖον ὁρωμένου εὐρεῖν τὴν ἀπ' αὐτοῦ κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον 20

1 post μέρος spatium 2 litterarum 1—2 τὴν δὲ  $\GammaΔ$  ἐπ' εὐθείας: correxi 7 f.  $\langle \alpha\lambda\lambda\eta\nu \rangle$  πρὸς 18 ἡ  $\GammaΔ$ : corr. Vi 13—14 τὴν  $\GammaΔ$  εὐθεῖαν: correxi 16 εἰδη: corr. Vi 17 πρὸς τω: corr. Vi

Es ist möglich, den Abstand  $AB$  noch auf eine andere Art und Weise zu bestimmen.

Ich stelle die Dioptra bei  $\Gamma$  auf und bestimme einen beliebigen Teil von  $A\Gamma$ , nämlich  $\Gamma\Delta$ , auf einer und derselben Geraden mit  $A\Gamma$ , und in ähnlicher Weise denselben Teil von  $B\Gamma$ , nämlich  $\Gamma E$ , auf einer und derselben Geraden mit  $B\Gamma$ . Also wird auch die Gerade  $E\Delta$  ebenderselbe Teil von  $AB$  und ihr parallel sein. Nun ist es möglich  $\Delta E$  zu messen, so daß die Lage und die Gröfse von  $AB$  gefunden ist.

XI. Zu einer gegebenen Geraden von ihrem Endpunkte aus eine andere im rechten Winkel zu ziehen, ohne daß man sich der Geraden und dem Endpunkte nähert.

Die gegebene Gerade sei die Verbindungslinie der Punkte  $A$  und  $B$ . Der Punkt aber, von dem aus man die im rechten Winkel geführte Gerade finden soll, sei  $\Delta$ .

Es sei die Lage von  $AB$  in dem in unserer Nähe liegenden Terrain in der Weise gefunden, wie wir es gelernt haben, und zwar sei es die Gerade  $\Gamma A$ . Ich führe



Fig. 91.

nun die Dioptra auf der Geraden  $\Gamma\Delta$  hin, indem ich das Visierlineal stets nach einem Punkte auf  $\Gamma\Delta$  blicken lasse, bis dasselbe, wenn es in die zur Anfangsstellung rechtwinklige Lage gedreht wird, nach dem Punkte  $\Delta$  sieht. Die Dioptra sei dann gerade bei  $E$  angekommen. Dann wird also die Forderung erfüllt sein, daß  $\Delta E$  einen rechten Winkel (mit  $AB$ ) bildet.

XII. Wenn ein Punkt sichtbar ist, die Senkrechte zu finden, welche von ihm aus auf die durch uns gelegte

παράλληλον τῷ ὀρίζοντι, μὴ προσεγγίσαντα τῷ ὀρω-  
 μένῳ σημείῳ. ἔστω τὸ δοθὲν σημεῖον μετέωρον τὸ  $A$ ,  
 τὸ δὲ δι' ἡμῶν ἐπίπεδον διὰ τοῦ  $B$ . κείσθω οὖν ἡ  
 διόπτρα πρὸς τῷ  $B$ · καὶ στυλίσκος μὲν νοείσθω ὁ  
 $BΓ$ , ὁ δὲ κινούμενος κανὼν δι' οὗ διοπτεύομεν ὁ  
 $ΔΓΕ$ . καὶ κινείσθω, ἄχρις ἂν φανῇ δι' αὐτοῦ τὸ  $A$ .  
 καὶ μένοντος αὐτοῦ ἀκινήτου, μεταξὺ τῆς διόπτρας  
 καὶ τοῦ  $A$  σημείου ἕτεροι δύο κανόνες ἐγκείσθωσαν  
 οἱ  $ZH$ ,  $ΘΚ$  ὀρθοὶ, ἀνισοῦψεῖς, ὧν ὁ μὲν μείζων ἔστω  
 ἐπὶ τὰ πρὸς τὸ  $A$  μέρη. τὸ δὲ ἕδαφος νοείσθω κατὰ  
 τῆς  $BZΘΑ$  γραμμῆς ὡς ἔτυχεν ὑπάρχον· τὸ δὲ δι'  
 ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι  
 νοείσθω τὸ κατὰ τῆς  $ΒΑ$  εὐθείας. παραγέσθωσαν οὖν  
 fol. 68<sup>r</sup> οἱ  $ZH$ ,  $ΘΚ$  κανόνες, ἄχρις ἂν ἐπ' εὐθείας φανῶσι  
 p. 222 τῷ  $A$  σημείῳ, μένοντος ἀκινήτου τοῦ  $ΔΓΕ$  κανόνος. 15  
 τεθεωρήσθω οὖν ἐπὶ μὲν τοῦ  $ZH$  κανόνος τὸ  $H$  ση-  
 μεῖον, ἐπὶ δὲ τοῦ  $ΘΚ$  τὸ  $K$ . καὶ νενοήσθωσαν ἐκβε-  
 βλημέναι αἱ  $ZH$ ,  $ΘΚ$  ἐπὶ τὰ  $M$ ,  $N$ · καὶ τῷ  $ΒΑ$   
 παράλληλοι ἡγμέναι αἱ  $HΞ$ ,  $KΘ$ . δυνατὸν δέ ἐστιν  
 ἐπισκέψασθαι τίνι ἐστὶ μετεωρ(ότερ)ον τὸ  $Z$  τοῦ  $B$  20  
 χωροβατήσαν(τα)· ἐκάτερον γὰρ τῶν  $B$ ,  $Z$  σημείων  
 πρὸς ἡμᾶς· ὥστε δυνατὸν εὐρεῖν τὴν  $ZM$ · ὁμοίως καὶ  
 τὴν  $NΘ$ . ἔχω δὲ καὶ ἐκατέραν τῶν  $HZ$ ,  $KΘ$ , ὥστε  
 φανερόν ἐστιν τῶν  $HM$ ,  $KN$ , ἡλίκη ἐστὶν (ἐκατέρα),  
 ὥστε καὶ ἡ ὑπεροχὴ αὐτῶν ἡ  $KΞ$  ἡλίκη ἐστίν. ἐπιστά- 25  
 μεθα δὲ καὶ ἡλίκη ἐστὶν ἡ  $HΞ$ · τὸ γὰρ μεταξὺ τῶν

8 f. ἐκκείσθωσαν R. Schoene 10 πρὸς τῷ: correxi 11  $BZOΔ$ :  
 corr. Vi ὑπάρχων: corr. Vi 15 σημείον: corr. Vi 16 τεθεω-  
 ρείσθω: corr. Vi 17 νενοήσθωσαί (sic): correxi 18—19 καὶ τὸ  
 $ΒΑ$  παράλληλον: correxi 19 αἱ  $NΞ$   $KΘ$ : corr. Vi 20 μετεω-  
 ρον: corr. Vi 21 χωροβατήσαν: corr. Vi 22 τῇ  $ZM$ : corr. Vi  
 23 τῇ  $NΘ$ : corr. Vi 24 supplevi 26 ἡ  $NΞ$ : corr. Vi



horizontale Ebene gefällt wird, ohne sich dem sichtbaren Punkte genähert zu haben.

Der gegebene hohe Punkt sei  $A$ , die durch uns gelegte Ebene die Ebene durch  $B$ . Nun sei die Dioptra bei  $B$  aufgestellt und zwar werde  $BF$  als der Ständer,  $\triangle FGE$  dagegen als das bewegliche Lineal gedacht, durch welches wir hindurchvisieren, und dieses werde so lange in seiner Lage verändert, bis  $A$  durch dasselbe sichtbar wird. Während nun das Lineal unbeweglich in seiner Stellung verbleibt, sollen zwischen der Dioptra und dem Punkte  $A$  zwei andere senkrechte Richtlatten, von

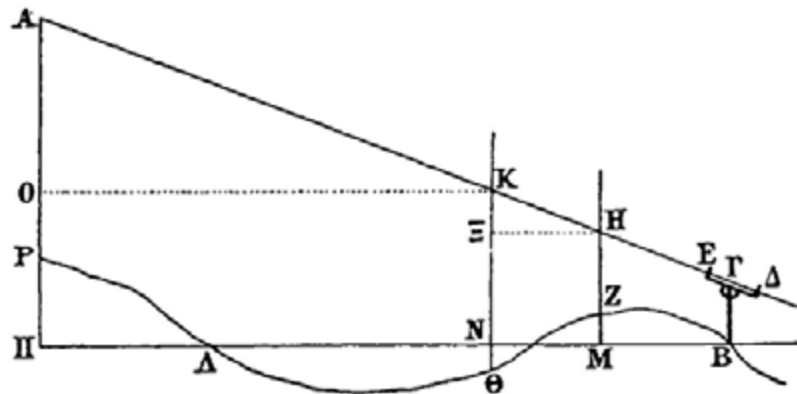


Fig. 92.

ungleicher Höhe  $ZH$  und  $\Theta K$ , aufgestellt werden, von denen die grössere nach der Seite von  $A$  zu steht. Den Boden aber denke man sich an der Linie  $BZ\Theta A$  entlang beliebig gestaltet; die durch uns gelegte horizontale Ebene dagegen denke man sich an der Geraden  $BA$  entlang. Nun sollen die beiden Richtlatten  $ZH$  und  $\Theta K$  so lange hin und hergetragen werden, bis sie mit dem Punkte  $A$  auf einer und derselben Geraden erscheinen, während das Visierlineal  $\triangle FGE$  unbewegt in seiner Stellung verbleibt.

Es sei nun auf der Richtlatte  $ZH$  der Punkt  $H$ , auf der Richtlatte  $\Theta K$  der Punkt  $K$  einvisiert worden, und man denke sich die Geraden  $ZH$  und  $\Theta K$  bis  $M$  und  $N$



verlängert und zu  $BA$  die Parallelen  $HZ$  und  $KO$  gezogen. Nun ist es möglich durch Nivellieren zu untersuchen, um wieviel  $Z$  höher liegt als  $B$ . Denn jeder der beiden Punkte  $B$  und  $Z$  liegt nach unserer Seite zu; daher ist es möglich  $ZM$  zu finden, und ebenso  $N\Theta$ . Ich habe aber auch jede der beiden Geraden  $HZ$  und  $K\Theta$ , so daß es klar ist, wie groß jede der beiden Geraden  $HM$  und  $KN$  ist und deshalb auch, wie groß ihre Differenz  $KZ$  ist. Wir wissen nun aber, wie groß  $HZ$  ist; denn es ist der Abstand zwischen den Punkten  $Z$  und  $\Theta$  in horizontaler Ebene. Ich werde daher das Verhältnis  $HZ:EK$  haben. Es sei nun beispielsweise  $HZ = 5 EK$  gefunden, und es werde von  $A$  aus auf die durch uns gehende Ebene, d. h. auf  $BA$ , die Senkrechte  $AOPH$  gefällt. Dann wird auch  $KO = 5 OA$  sein. Und da wir wissen, wie groß  $KO$  ist — es ist nämlich der Abstand zwischen den Punkten  $\Theta$  und  $P$  in horizontaler Ebene — so werde ich auch die Größe von  $AO$  haben. Ich habe aber auch  $OH$ , dann  $OH = KN$ ; daher werde ich auch die Länge der ganzen Geraden  $AH$  haben, welche die auf die durch uns gehende Ebene gefällte Höhe ist.

XIII. Wenn zwei Punkte sichtbar sind, die Höhe, die von dem einen derselben auf die durch den anderen gelegte horizontale Ebene gefällt wird, zu finden, ohne sich den genannten beiden Punkten,  $A$  und  $B$ , zu nähern.

Man kann, wie oben gezeigt ist, die Höhe finden, die von  $A$  auf die durch uns gelegte horizontale Ebene gefällt wird. Man denke sie sich in der Richtung  $GA$ . In gleicher Weise werde auch die Höhe von  $B$  auf die durch uns gelegte horizontale Ebene gefunden. Es sei  $BA$ . Nun denke man durch  $A$  zu  $GA$  die Parallele  $AE$  gezogen, und sie schneide  $BA$  in  $E$ . Die gesuchte Höhe ist also  $BE$ .

Nun ist klar, daß es möglich ist, wenn zwei Punkte sichtbar sind, die Größe der sie verbindenden Geraden zu

23 post  $BA$  verba: κατὰ τὸ  $E$  | ἡ ἔρα ζητούμενη κάθετος  
del. m. 1      26—27 ἐστὶν ἡ  $AE$ : corr. Vi

ἢ τε ἀπὸ τοῦ ἐτέρου αὐτῶν κάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὸ  
 διὰ τοῦ ἐτέρου ἐπίπεδον ἐκβαλλόμενον παράλληλον τῷ  
 ὀρίζοντι, καὶ ἔτι τὸ μεταξὺ αὐτῶν διάστημα τὸ πρὸς  
 διαβήτην δοθέν ἐστι, τὰ δ' εἰρημένα διαστήματα πρὸς  
 p. 226 ὀρθὰς ἐστὶν ἀλλήλοις· ὥστε καὶ  $\langle \eta \rangle$  ὑποτείνουσα τὴν 5  
 ὀρθὴν, ἣτις ἐπὶ τὰ δοθέντα σημεία ἐπιζευγνυμένη,  
 δοθεῖσά ἐστιν.

Δύο δοθέντων σημείων εὐρεῖν τὴν θέσιν τῆς  
 ἐπιζευγνυούσης αὐτὰ εὐθείας, μὴ προσεγγίσαντα τοῖς  
 σημείοις. 10

ἔστω τὰ δοθέντα σημεία τὰ  $A, B$ · δυνατόν ἄρα  
 ἐστὶ [τὴν] τοῦ διὰ τῶν  $A, B$  ἐκβαλλομένου ἐπιπέδου  
 ὀρθοῦ πρὸς τὸν ὀρίζοντα τὴν θέσιν εὐρεῖν, ὥς ἐμά-  
 θομεν ἐν τοῖς ἔμπροσθεν· τουτέστιν καθετοῦ ἀχθείσης  
 $\langle \alpha \phi' \rangle$  ἑκατέρου τῶν σημείων  $A, B$  ἐπὶ τὸ παρὰ τὸν 15  
 ὀρίζοντα ἐπίπεδον, δοθεισῶν τῶν  $AG, BA$ , τὴν θέσιν  
 τῆς  $GA$  εὐρεῖν. ἠρύθσθω καὶ ἔστω ἡ  $HZ$ , καὶ διὰ  
 τοῦ  $A$  τῇ  $GA$  παράλληλος ἡ  $AE$  ἔστω,  $\langle \eta \rangle$  καὶ τῇ  
 $HZ$  παράλληλός ἐστι, καὶ  $\langle \text{δοθεῖσα} \rangle$  ἔσται λοιπὴ ἑκα-  
 τέρα τῶν  $AE, BE$ , ὥς προδέδεικται. εἰλήφθω δὲ 20  
 ἐπὶ τῆς  $HZ$  δύο τυχόντα σημεία τὰ  $H, Z$ , καὶ ἀπὸ  
 τοῦ  $Z$  ἀνεστάτω τις ὀρθὴ πρὸς τὸν ὀρίζοντα ἡ  $Z\Theta$   
 κανόνος παρατεθέντος ἢ ἐτέρου τινός. παράλληλος  
 ἄρα ἐστὶ τῇ  $AB$ · καὶ πεποιήσθω ὥς ἡ  $AE$  πρὸς  $EB$ ,  
 ἡ  $HZ$  πρὸς  $Z\Theta$ · ἐπιζευχθεῖσα ἡ  $H\Theta$  παράλληλος ἐστὶ 25  
 τῇ  $AB$ · τοῦτο γὰρ φανερόν διὰ τε τὰς παραλλήλους

1 v ἐτέρου litterae paene evanidae 2 παραλληλω: corr. Vi  
 5 supplevi 5—6 τὴν ἀρχὴν ὀρθὴν, sed ἀρχὴν del. m. 1  
 12 [τὴν] deleui 15 addidi 16 τῶν  $AG, GA$  17 ηυρεί-  
 σθω: correxi; κυρείσθω Vi 18 τῇ  $AH$  ἔστω 18—19 καὶ  
 τῇ  $EZ$ : correxi et supplevi 20  $AH, HB$  ὥς 21 τῆς  $EZ$   
 21—22 τὰ  $EZ$  καὶ ἀπὸ  $Z$  (sic) 24 ἄρα ἐπι: correxi τῇ  $AB$

finden, da ja sowohl die Höhe von einem derselben auf die durch den andern gehende horizontale Ebene als auch der Abstand beider Punkte in horizontaler Ebene bestimmt ist und die genannten Abstandslinien rechtwinklig zu ein-  
 5 ander stehen. Daher ist auch die Hypotenuse (des rechtwinkligen Dreiecks), welche die Verbindungslinie der gegebenen Punkte ist, bestimmt.

Wenn zwei Punkte gegeben sind, die Lage der sie verbindenden Geraden zu bestimmen, ohne sich den Punkten  
 10 genähert zu haben.

Die gegebenen Punkte seien  $A$  und  $B$ . Es ist also möglich die Lage der Ebene, die senkrecht zum Horizonte durch  $A$  und  $B$  gelegt wird, in der Weise, wie wir es

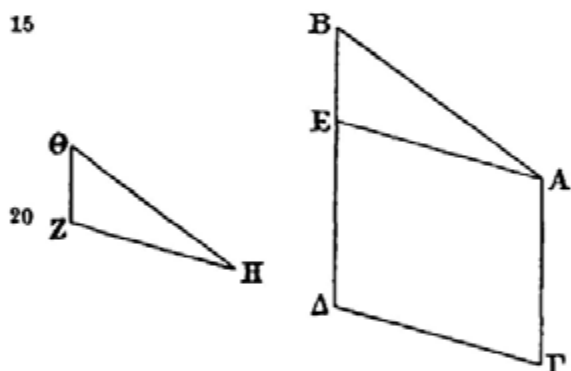


Fig. 93b.

im Vorhergehenden lernten, zu finden, d. h. wenn eine Höhe von jedem der beiden Punkte  $A$  und  $B$  auf die horizontale Ebene gefällt ist, falls  $AI$  und  $BI$  gegeben sind, dann die Lage von  $AI$  zu finden. Sie sei gefunden und sei  $HZ$ , und durch  $A$  gehe als Parallele zu  
 15  $AI$  die Gerade  $AE$ , welche auch parallel zu  $HZ$  ist. Es wird daher jede der beiden Geraden  $AE$  und  $BE$  bestimmt sein. Man nehme nun auf der Geraden  $HZ$  zwei  
 20 beliebige Punkte  $H$  und  $Z$ , und von  $Z$  aus werde eine Senkrechte gegen den Horizont,  $ZΘ$ , aufgerichtet, indem eine Richtlatte oder irgend etwas anderes hingestellt wird. Diese ist also parallel zu  $AB$ . Nun mache man, wie sich  $AE$  zu  $EB$  verhält, so  $HZ$  zu  $ZΘ$ . Zieht man die

24—25 ὥς ἡ  $AB$  πρὸς  $HB$ , ἡ  $EZ$  πρὸς  $HΘZΘ$ , sed  $HΘ$  del.  
 m. 1 25 ἡ  $EΘ$  παράλληλος

καὶ τὰς ἀναλογίας· πεπόρισται ἄρα ἡ θέσις τῆς  $AB$  ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσιν.

Ἐκ δὴ τῶν προδεδιδαγμένων φανερόν, ὅτι δυνατόν ἐστιν, ὅρους ὑπάρχοντος, εὑρεῖν τὴν ἀπὸ τῆς κορυφῆς αὐτοῦ κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι, μὴ προσεγγίσαντα τῷ ὄρει, καὶ τὴν ἀφ' οἰωνοποιητοῦν σημείου κειμένου ἐν τῷ ὄρει καὶ ὀρωμένον [τὴν] ἀγομένην κάθετον εὑρεῖν· ἐπειδὴ περ ἐμάθομεν τὴν ἀπὸ παντὸς σημείου ὀρωμένου κάθετον πορίσασθαι, καὶ ὁμοίως δυνατόν ἢν <τὴν> ἀπὸ παντὸς <σημείου> ὀρωμένου ἐν τῷ ὄρει κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ δι' ἑτέρου σημείου ἐν τῷ ὄρει κειμένου καὶ ὀρωμένου ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι. ἀπλῶς γὰρ δύο σημείων δοθέντων οἰωνοποιητοῦν τὰ αὐτὰ ἐμάθομεν πορίσασθαι, 15  
p. 228 69<sup>r</sup> τουτέστιν τὰς τε ἀγομένας ἀπ' αὐτῶν καθέτους | καὶ <τὸ> μεταξὺ αὐτῶν διάστημα τό γε πρὸς διαβήτην, καὶ ὥς ἔχει θέσεως, μὴ προσιόντα τοῖς σημείοις.

ιδ. Ὀρύγματος δοθέντος τὸ βάθος λαβεῖν· τουτέστι <τὸ μέγεθος> τῆς ἀπὸ τοῦ ἐν τῷ βάθει σημείου κα- 20  
θέτου ἀγομένης ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι, ἢ καὶ [ἔτι] ἐπὶ τὸ δι' ἑτέρου σημείου ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι.

ἔστω τὸ δοθὲν ὄρυγμα τὸ  $ABΓΔ$ · τὸ δ' ἐν τῷ βάθει αὐτοῦ σημεῖον τὸ  $B$ . κείσθω δὴ ἡ διόπτρα πρὸς τῷ  $Δ$ , ἢ πρὸς ἄλλῳ τινὶ σημείῳ· ἔστω δὴ πρὸς τῷ  $E$ , καὶ ἔστω  $EΖ$ · ὁ δὲ ἐν αὐτῇ κανὼν, δι' οὗ διοπτρεύομεν, ὁ  $HΘ$ · ἐγκλινέσθω οὖν, ἕως οὗ φανῇ δι' αὐτοῦ

3 ἐκ δεῖ: corr. Vi προδεδιδαγμένων: f. προδεδειγμένων  
5 ἐπὶ τῷ: corr. Vi 8 [τὴν] deleui 11 <τὴν> addidi  
σημείου add. Vi post ὄρει Vi inserebat <εὑρεῖν> f. recte

Verbindungsline  $H\Theta$ , so wird sie zu  $AB$  parallel sein. Denn dies ist der Parallelen und der Proportionen wegen klar. Es ist damit also die Lage von  $AB$  in dem Terrain in unserer Nähe gefunden.

5 Aus dem im Vorstehenden Gelehrten ist klar, dafs es möglich ist, wenn ein Berg vorhanden ist, die Höhe, die von der Spitze desselben auf die durch uns gelegte horizontale Ebene gefällt wird, zu finden, ohne sich dem Berge zu nähern, und überhaupt die Höhe, die von irgend  
10 einem Punkte, der auf dem Berge liegt und sichtbar ist, gefällt wird, zu finden, da wir ja lernten, die Höhe, die von jedem beliebigen Punkte aus gefällt wird, zu bestimmen und es in gleicher Weise möglich war, die Höhe, die von jedem beliebigen, auf dem Berge sichtbaren Punkte  
15 auf die horizontale Ebene, die durch einen anderen auf dem Berge liegenden und sichtbaren Punkt geht, zu bestimmen.

Denn wir lernten ja einfach, wenn 2 beliebige Punkte gegeben sind, dieselben Stücke zu bestimmen, d. h. die  
20 von ihnen aus gefällten Höhen und den Abstand zwischen ihnen in horizontaler Ebene und wie sie sich in Bezug auf ihre Lage verhalten, und zwar ohne an die Punkte heranzugehen.

XIV. Wenn ein Graben gegeben ist, seine Tiefe zu  
25 bestimmen, d. h. die Länge der Senkrechten, die von dem Punkt in der Tiefe auf die durch uns gelegte horizontale Ebene oder auch auf die durch einen anderen Punkt gelegte horizontale Ebene gezogen wird.

Der gegebene Graben sei  $AB\Gamma A$ , der Punkt in der  
30 Tiefe desselben  $B$ . Die Dioptra sei bei  $A$  oder bei irgend einem anderen Punkte aufgestellt; es sei beispielsweise bei  $E$  und sie sei  $EZ$ , ihr Visierlineal aber, durch das wir hindurchsehen,  $H\Theta$ . Dieses werde so lange geneigt,

15 ολονδηποτουν 17 <τὸ> addidi τὸ τε: correxi 20 sup-  
plevi; <μέγεθος> Vi 21—22 ἐπίπεδον ἴσον τῷ: correxi  
22 [ἐπὶ] delevi ἐπὶ τῷ: correxi 24 τῷ δ' ἐν 25 ση-  
μεῖον τὸ  $A$ : corr. Vi 26 πρὸς τὸ  $A$  26—27 πρὸς τὸ  $E$

τὸ  $B$  σημείον. ἡ δὲ  $\langle \text{τοῦ} \rangle$  ἐδάφους ἐπιφάνεια νοείσθω  
κατὰ τῆς  $\Delta E K \Lambda M$  γραμμῆς· τὸ δὲ δι' ἡμῶν ἐπίπεδον  
ἐκπίπτει νοείσθω κατὰ τῆς  $A \Delta \Sigma O$  εὐθείας. ἐπὶ δὲ  
τοῦ ἐδάφους ἐφεστ(άτ)ωσαν δύο κανόνες, οἱ  $KN$ ,  $M \Xi$   
p. 230 ὀρθοί, ἐπ' εὐθείας τῷ  $H \Theta$  κανόνι· καὶ τεθεωρήσθω 5  
ἐπὶ μὲν τοῦ  $KN$  κανόνος σημείον τὸ  $N$ , ἐπὶ δὲ τοῦ  
 $\Xi M$  τὸ  $\Xi$ . καὶ δέον ἔστω τὴν ἀπὸ τοῦ  $B$  κάθετον  
ἀγομένην ἐπὶ τὸ διὰ τοῦ  $\Delta$  ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον  
παράλληλον τῷ ὀρίζοντι  $\langle \text{πορίσασθαι} \rangle$ , τουτέστιν τὴν  
ἐπὶ  $\langle \text{τὴν} \rangle A \Delta O$  γραμμὴν ἀγομένην κάθετον· ἡ δὲ 10  
ἀπὸ τοῦ  $B$  κάθετος ἡ  $BA$  ἐστίν, ἣν δεῖ πορίσασθαι.  
νενοήσθω οὖν καὶ τὸ διὰ τοῦ  $B$  ἐπίπεδον παράλ-  
ληλον τῷ ὀρίζοντι τὸ κατὰ τὸ  $B \Pi$  γινόμενον καὶ  
νενοήσθω ἐκβεβλημένος ὁ  $\Xi M$  κανὼν ἐπὶ τὸ  $\Pi$ , καὶ  
ὁ  $NK$  ἐπὶ τὸ  $\Sigma$ , καὶ διὰ τοῦ  $N$  τῇ  $\Delta O$  παράλληλος 15  
ἦχθω ἡ  $NP$ . ἡ ἄρα  $NP$  τὸ μεταξὺ τῶν  $K$ ,  $M$  σημείων  
ἐστὶ διάστημα τὸ πρὸς διαβήτην· δυνατόν ἄρα ἐστὶν  
αὐτὸ πορίσασθαι, ἐπεὶ καὶ τὰς  $K \Sigma$ ,  $MO$ . ἡ δὲ  $\Xi P$   
ὑπεροχὴ ἐστὶ τῶν  $\Xi PO$ ,  $N \Sigma$ · δυνατόν ἄρα καὶ ταύτην  
πορίσασθαι, ἐπεὶ τὰς  $K \Sigma$ ,  $MO$  δυνατόν ἐστὶ πορί- 20  
σασθαι, ὥσπερ ἐποιήσαμεν ὅτε τὴν ἀπὸ παντὸς σημείου  
κάθετον ἀγομένην διὰ τῶν δύο κανόνων ἐπορίσαμεθα.  
ἔστω οὖν εὐρημένη, εἰ τύχοι, τετραπλῇ ἡ  $NP$  τῆς  $P \Xi$ .  
ἔσται ἄρα καὶ ἡ  $B \Pi$  τετραπλῇ τῆς  $\Xi \Pi$ . δυνατόν δέ  
ἐστὶ πορίσασθαι τὴν  $B \Pi$ , τουτέστι τὴν  $AO$ . τὸ γὰρ 25  
ἀπὸ τοῦ  $O$  ἐπὶ τὸ  $A$  διάστημα ἐστὶν τὸ πρὸς διαβήτην  
τὸ  $AO$ , τουτέστιν τὸ  $B \Pi$ . ὥστε δυνατόν ἐστὶ πορί-  
σασθαι καὶ τὴν  $\Xi \Pi$ . ἔστιν γὰρ τέταρτον μέρος τῆς

1  $\langle \text{τοῦ} \rangle$  addidi 4 ἐφέστωσαν: correxi οἱ  $K H M Z$  5 τεθεω-  
ρεῖσθω 6 μὲν τοῦ  $K H$  8 ἐπὶ τοῦ διὰ 9 et 10 addidi 19 τῶν  
 $P O N \Sigma$  23 εἰ τυχη 27 τὸ  $AO$ : f. τῶν  $A$ ,  $M$  R. Schoene



bis durch dasselbe der Punkt  $B$  sichtbar wird. Die Oberfläche des Bodens denke man sich an der Linie  $AEKAM$  entlang, die durch uns gelegte (horizontale) Ebene denke

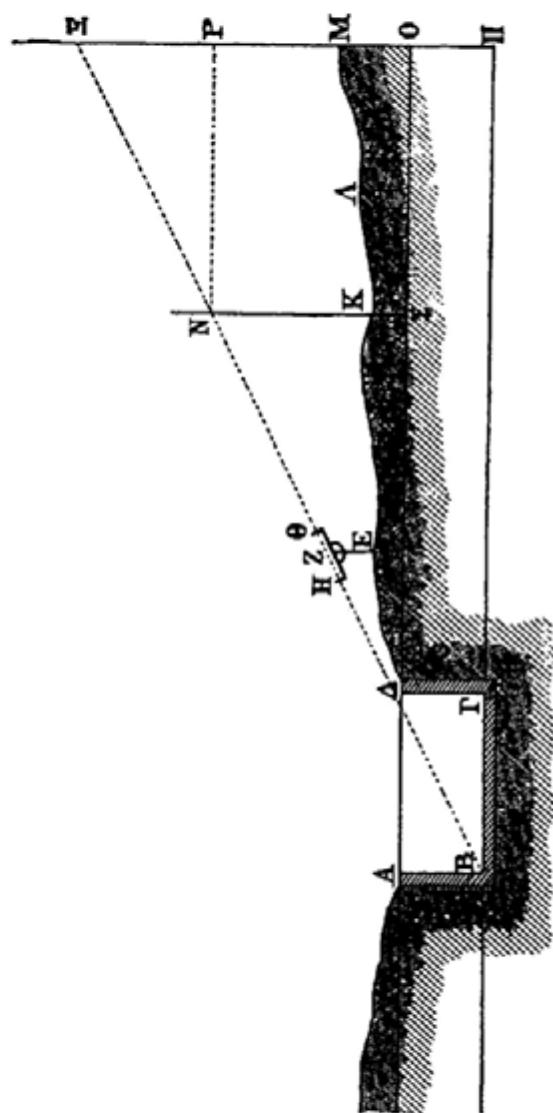


Fig. 94.

denke sich nun auch die horizontale Ebene durch  $B$ , welche durch  $BII$  geht, und die Richtlatte  $EM$  bis  $II$ , die Richtlatte  $NK$  bis  $\Sigma$  verlängert, und durch  $N$  werde



zu  $AO$  die Parallele  $NP$  gezogen. Es ist also  $NP$  der Abstand der Punkte  $K$  und  $M$  in horizontaler Ebene. Es ist also möglich ihn zu bestimmen, da man auch  $K\Sigma$  und  $MO$  bestimmen kann.  $\Sigma P$  ist aber die Differenz von  
 5  $\Sigma PO$  und  $N\Sigma$ ; es ist also möglich auch diese zu bestimmen, da es möglich ist  $K\Sigma$  und  $MO$  zu bestimmen, wie wir thaten, als wir die von jedem beliebigen Punkte gefällte Senkrechte vermittelst der zwei Richtlatten bestimmten. Es sei nun beispielsweise  $NP = 4 P\Sigma$  gefunden;  
 10 also wird auch  $B\Pi = 4 \Sigma\Pi$  sein. Nun ist es möglich  $B\Pi$ , d. h.  $AO$  zu bestimmen; denn  $AO$ , d. h.  $B\Pi$  ist der Abstand von  $M$  und  $A$  in horizontaler Ebene. Daher ist es möglich auch  $\Sigma\Pi$  zu bestimmen; denn es ist  $= \frac{1}{4} B\Pi$ . Wir haben aber auch die Gröfse von  $\Sigma O$ . Daher werden  
 15 wir auch  $O\Pi$ , d. h. die Senkrechte  $AB$  haben.

XV. Einen Berg in gerader Linie zu durchstechen, wenn die Mündungspunkte des Grabens an dem Berge gegeben sind.

Man denke sich als Basis des Berges die Linie  $AB\Gamma A$ ,  
 20 und als die Punkte, durch welche man den Graben führen muß,  $B$  und  $A$ . Ich ziehe von  $B$  aus auf dem Erdboden die beliebige Gerade  $BE$  und von dem beliebigen Punkte  $E$  ziehe ich vermittelst der Dioptra zu  $BE$  im rechten Winkel  $EZ$ , und weiter ziehe ich von dem beliebigen  
 25 Punkte  $Z$  vermittelst der Dioptra im rechten Winkel (zu  $EZ$ ) die Linie  $ZH$ , und wiederum von dem beliebigen Punkte  $H$  zu  $ZH$  im rechten Winkel  $H\Theta$ , und weiter von dem beliebigen Punkte  $\Theta$  zu  $\Theta H$  im rechten Winkel  $\Theta K$ , und zu  $\Theta K$  im rechten Winkel  $KA$ . Nun führe  
 30 ich die Dioptra auf der Linie  $KA$ , indem ich das Visierlineal immer auf einen der Punkte der Geraden  $KA$  gerichtet halte, so lange hin, bis durch Einstellung des Lineals im rechten Winkel der Punkt  $A$  sichtbar wird. Er sei sichtbar geworden, sobald die Dioptra bei  $M$  steht. Es

5 τὸ δὲ στόμα 11 πρὸς ορθὰς <sup>καὶ</sup> τὴν (sic) 14 supplevi  
 coll. p. 226, 14

ἂν διὰ τῆς πρὸς ὀρθὰς θέσεως τοῦ κανόνος φανῇ τὸ  
 $\Delta$  σημεῖον. πεφηνέτω <οὔσης τῆς διόπτρας κατὰ τὸ  $M$ >·  
 ἔσται δὴ ἡ  $MA$  καὶ ἐπὶ τὴν  $KA$  κάθετος. καὶ νε-  
 νοήσθω ἐκβεβλημένη ἡ  $EB$  ἐπὶ τὸ  $N$ , καὶ ἐπ' αὐτὴν  
 κάθετος ἡ  $AN$ . δυνατόν δὴ ἐστὶν ἐκ τῶν  $EZ$ ,  $H\Theta$ ,  
 $KA$  ἐπιλογίσασθαι ἡλίκη ἐστὶν ἡ  $AN$ , ὥσπερ ἐποιοῦμεν,  
 ὅτε τὴν ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ ἕτερον ἀθεώρητον  
 ἐπεξευγνύομεν εὐθεῖαν· ὁμοίως δὲ καὶ τὴν  $BN$  ἐκ τῶν  
 $BE$ ,  $ZH$ ,  $\Theta K$ ,  $AA$ . εὐρήσθω οὖν, εἰ τύχοι, πενταπλῆ  
 ἡ  $BN$  τῆς  $AN$ · καὶ ἐπιευχθεῖσα ἡ  $BA$  νενοήσθω ἐκ-  
 βεβλημένη ἐπὶ τὸ  $\Xi$ , καὶ ἐπὶ τὴν  $BE$  κάθετος ἡχθῶ  
 ἡ  $\Xi O$ . ὁμοίως δὲ καὶ ἡ  $BA$  νενοήσθω ἐκβεβλημένη  
 ἐπὶ τὸ  $\Pi$ , καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν  $AM$  ἡ  $PP$ . ἔσται δὴ  
 ὁμοίως πενταπλῆ ἡ μὲν  $BO$  τῆς  $O\Xi$ , ἡ δὲ  $AP$  τῆς  
 $P\Pi$ . λαβόντες οὖν ἐπὶ τῆς  $BE$  σημείου τυχὸν τὸ  $O$ ,  
 καὶ πρὸς ὀρθὰς ἀγαγόντες τὴν  $O\Xi$  τῇ  $BO$ , πέμπτου  
 μέρος θήσομεν τὴν  $O\Xi$  τῆς  $BO$ . καὶ ἔσται ἡ  $B\Xi$   
 νεύουσα ἐπὶ τὸ  $B$ · ὁμοίως δὴ πάλιν τῆς  $AP$  πέμπτου  
 μέρος θέντες τὴν  $PP$ , ἔξομεν τὴν  $AP$  νεύουσαν ἐπὶ  
 τὸ  $A$ . διορύξομεν οὖν ἀπὸ μὲν τοῦ  $B$  ποιοῦντες τὸ  
 ὄρυγμα ἐπ' εὐθείας τῆς  $B\Xi$ , ἀπὸ δὲ τοῦ  $A$  ἐπ' εὐ-  
 θείας τῆς  $AP$ . γίνεται δὲ λοιπὸν τὸ ὄρυγμα κανόνος  
 παρατιθεμένου ἐπὶ τῆς εὐρημένης εὐθείας τῆς  $\Xi B$ ,  
 ἥτοι ἐπὶ τῆς  $PA$ , ἢ καὶ ἐπ' ἀμφοτέρω τὰ μέρη. γινο-  
 μένου τοῦ ὄρυγματος οὕτως ὑπαντήσουσιν ἀλλήλοις  
 οἱ ἐργαζόμενοι.

fol. 70<sup>r</sup> ιζ. Φρεατίας ὑπονόμῳ εἰς ὄρος διορύξαι | κατὰ  
 p. 236 κάθετον οὔσας τῷ ὑπονόμῳ. ἔστω τὰ ὑπονόμου πέ-  
 ρατα τὰ  $A$ ,  $B$ · καὶ εἰλήφθωσαν, ἐπ' εὐθείας τῇ  $AB$ ,  
 αἱ  $GA$ ,  $BA$ , ὡς ἐμάθομεν. ἔστω οὖν δύο κανόνες  
 ὀρθοὺς πρὸς τοῖς  $A$ ,  $\Gamma$  τοὺς  $GE$ ,  $AZ$  καὶ τὴν διόπτραν

wird daher  $MA$  eine Senkrechte auf  $KA$  sein. Nun denke man sich  $EB$  bis  $N$  und auf sie die Senkrechte  $AN$  gefällt. Es ist daher möglich aus  $EZ$ ,  $H\Theta$  und  $KA$  die Gröfse von  $AN$  zu bestimmen, wie wir thaten, als wir von jedem beliebigen Punkt auf einen anderen, nicht sichtbaren Punkt die Verbindungslinie zogen. Gleichermassen kann man auch  $BN$  aus  $BE$ ,  $ZH$ ,  $\Theta K$  und  $AA$  berechnen. Es sei nun beispielsweise  $BN = 5 AN$  gefunden und man denke sich die Verbindungslinie  $BA$  bis  $\Xi$  verlängert und es werde auf  $BE$  die Senkrechte  $\Xi O$  gefällt. Gleichermassen denke man sich  $BA$  bis  $\Pi$  verlängert und die Senkrechte auf  $AA$ , nämlich  $\Pi P$ , gefällt. Es wird daher ebenso  $BO = 5 O\Xi$  und  $AP = 5 P\Pi$  sein. Wir nehmen nun auf  $BE$  den beliebigen Punkt  $O$  an und ziehen  $O\Xi$  im rechten Winkel zu  $BO$ , sodann machen wir  $O\Xi = \frac{1}{5} BO$ , dann wird  $B\Xi$  nach  $B$  zu geneigt sein. Wenn wir nun in gleicher Weise  $\Pi P = \frac{1}{5} AP$  machen, werden wir in gleicher Weise  $\Delta\Pi$  nach  $\Delta$  geneigt haben. Wir werden nun den Durchstich so machen, dafs wir von  $B$  aus den Graben auf der (Verlängerung der) Geraden  $B\Xi$ , von  $\Delta$  aus auf der (Verlängerung der) Geraden  $\Delta\Pi$  führen. Weiter wird der Graben hergestellt, indem eine Richtlatte auf die gefundenen Geraden  $\Xi B$  oder auf  $\Pi\Delta$  oder auch nach beiden Seiten hin aufgestellt wird. Wird der Graben auf diese Weise hergestellt, so werden sich die Arbeiter treffen.

XVI. Schachte für einen unterirdischen Kanal in einen Berg zu graben, die zum Kanal senkrecht laufen sollen.

Die Endpunkte eines Kanals seien  $A$  und  $B$  und man bestimme  $\Gamma A$  und  $BA$  auf einer und derselben Geraden mit  $AB$  so wie wir es lernten. Ich stelle nun 2 senkrechte Richtlatten, nämlich  $\Gamma E$  und  $AZ$ , bei den Punkten  $A$  und  $\Gamma$  und die Dioptra bei dem Berge auf, nach-

3 ἐπὶ τὴν  $KA$ : τῆς  $Vi$  4 ἐπὶ τὸ  $KH$  6  $KM$  ἢ  $\Delta H$   
 8 ἐπιγεγυγνόμεν 9  $AM$ : corr.  $Vi$  12 δὴ 13 τὴν  $\Delta M$   
 16 τὴν  $O\Xi$  τὴν  $BO$  17 θήσωμεν 19—20 ἐπὶ τὸ  $B$   
 28 οὕσα 30—31 κανόνας ἐν τοῖς ὀρθοῖς, sed ἐν τοῖς del.  
 m. 1 et ὀρθοῖς in ὀρθοῦς mutavit

πρὸς τῷ ὅρει ἀποστήσας σύμμετρον διάστημα, ὥστε διὰ τοῦ ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνος ἅμα φανῆναι τοὺς ΓΕ, ΑΖ κανόνας. ἔστω οὖν ἡ μὲν διόπτρα ἡ ΗΘ, ὁ δὲ ἐν αὐτῇ κανὼν ὁ ΚΑ· καὶ μένοντος τοῦ ΚΑ κανόνος ἀκινήτου μετατίθῃμι ἓνα τῶν ΓΕ, ΑΖ κανό- 5 νων, ὥς ἐπὶ τὸ Μ σημεῖον, ἔμπροσθεν τῆς διόπτρας, ὥς τὸν ΜΝ, περιφέρων αὐτὸν ὀρθόν, ἄχρις ἂν διὰ τοῦ ΚΑ κανόνος φανῇ ὁ ΜΝ κανὼν. καὶ ἔσται τὸ Μ σημεῖον κατὰ κάθετον κείμενον τῷ ὑπονόμῳ. πάλιν δὴ μετατεθείσης τῆς διόπτρας ἔμπροσθεν τοῦ ΜΝ 10 κανόνος ἐπὶ τὸ Ξ περιφέρω, ἄχρις ἂν διὰ τοῦ ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνος ἅμα φανῶσιν οἱ ΑΖ, ΜΝ κανόνες· καὶ πάλιν μένοντος τοῦ ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνος ἀκινήτου μεταφέρω τὸν ΑΖ κανόνα ἔμπροσθεν τῆς διόπτρας ὀρθόν ὥς ἐπὶ τὸ Ο σημεῖον περιφέρων αὐτὸν, 15 ἕως οὗ διὰ τοῦ ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνος φανῇ ὁ ΟΠ κανὼν· καὶ ἔσται ὁμοίως τὸ Ο κατὰ κάθετον τῷ ὑπονόμῳ. ὡσαύτως δὲ καὶ ἕτερα πλείονα λαμβάνων σημεῖα γράψω ἐν τῷ ὅρει γραμμὴν, ἣτις πᾶσα κατὰ κάθετον ἔσται τῷ ὑπονόμῳ. κἂν βουλώμεθα δὲ καὶ ἐκ τῶν Β, 20 Α μερῶν τὰ αὐτὰ ποιεῖν, οὐδὲν διοίσει. ἐπὶ τῆς ληφθείσης οὖν ἐν τῷ ὅρει γραμμῆς διαστήματα λαμβάνοντες, ἡλίκᾳ ἂν βουλώμεθα, καὶ κατὰ κάθετον ὀρύσσοντες τὰς φρεατίας ἐπιτενξόμεθα τοῦ ὑπονόμου. χρὴ δὲ νοεῖν καὶ ταύτην τὴν δεῖξιν, ὥς τοῦ ὑπονόμου ἐπὶ 25 μιᾶς εὐθείας ὄντος.

| ιζ. Λιμένα περιγράψαι πρὸς τὸ δοθέν κύκλου τμήμα, τῶν περάτων αὐτοῦ δοθέντων.

5 τῶν ΓΑ ΑΖ      6 τὸ Ζ σημεῖον      12 οἱ ΑΖ ΜΗ  
16—17 ὁ ΘΠ κανὼν      18 λαμβάνω      21—22 λειφθησῆς  
23 ἡλίκᾳ: correxi      28 τμήμα ex σχῆμα fec. m. 1

dem ich sie ein entsprechendes Stück abgerückt habe, so daß durch das an der Dioptra befindliche Visierlineal die

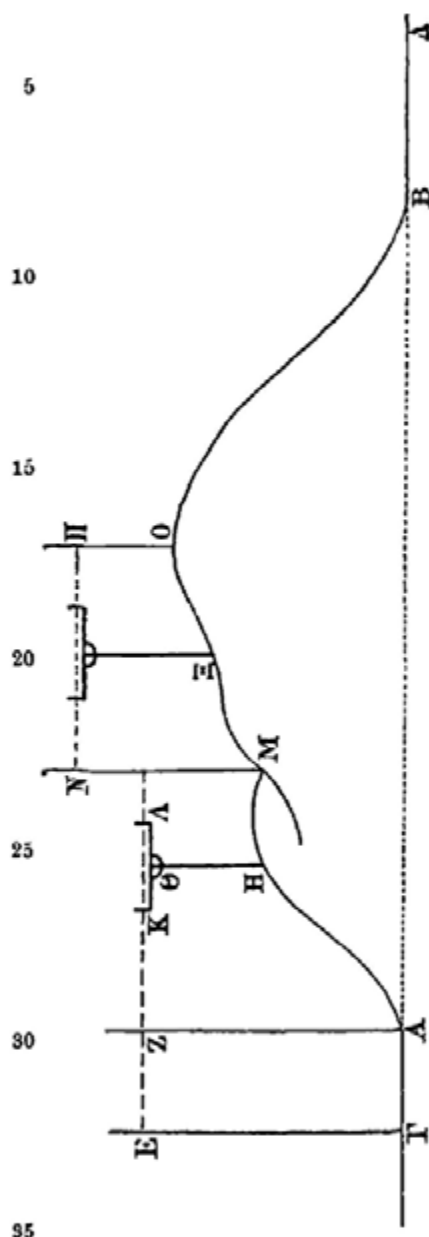


Fig. 96.

Richtlatten  $FE$  und  $AZ$  gleichzeitig sichtbar sind. Es sei nun  $H\Theta$  die Dioptra und  $KA$  das an ihr befindliche Visierlineal. Während nun das Visierlineal  $KA$  unbeweglich in seiner Stellung verbleibt, stelle ich eine der beiden Richtlatten  $FE$  und  $AZ$  beispielsweise nach dem Punkt  $M$  vorwärts der Dioptra um, etwa als  $MN$ , indem ich ihn in senkrechter Stellung hin- und hertrage, bis durch das Visierlineal  $KA$  die Richtlatte  $NM$  sichtbar wird. Dann wird der Punkt  $M$  senkrecht über dem Kanal liegen. Nachdem die Dioptra nun wieder vorwärts der Richtlatte  $MN$  nach  $E$  umgesetzt ist, trage ich sie so lange hin und her, bis durch das an der Dioptra befindliche Visierlineal die beiden Richtlatten  $AZ$  und  $MN$  zugleich sichtbar werden. Und während das an der Dioptra befindliche Visierlineal wiederum unbeweglich in seiner Stellung

verbleibt, trage ich die Richtlatte  $AZ$  in vertikaler Stellung etwa nach Punkt  $O$  vorwärts der Dioptra hin, indem ich





sie so lange hin und her trage, bis durch das an der Dioptra befindliche Lineal die Richtlatte  $OII$  sichtbar wird. Nnn wird ebenfalls der Punkt  $O$  senkrecht über dem Kanal liegen.

- 5 Indem ich nun in derselben Weise noch mehrere andere Punkte bestimme, werde ich auf dem Berge eine Linie zeichnen, welche in ihrem ganzen Verlauf senkrecht über dem Kanal gehen wird. Und wenn wir dasselbe von der Seite von  $B$  und  $A$  aus thun wollen, so wird es keinen  
10 Unterschied machen. Nehmen wir nun auf der auf dem Berge bestimmten Linie Zwischenräume von beliebiger Länge und graben die Schachte senkrecht, so werden wir auf den Kanal treffen. Man muß übrigens diesen Beweis unter der Voraussetzung auffassen, daß der unterirdische  
15 Kanal auf einer geraden Linie verläuft.

XVII. Den Umriss eines Hafens nach Maßgabe eines gegebenen Kreissegments zu zeichnen, wenn die Endpunkte desselben gegeben sind.

- Die Endpunkte desselben seien  $A$  und  $B$ . Es sei nun  
20 an der Dioptra die (große) Kreisscheibe, um welche sich das Visierlineal bewegt, horizontal gestellt und von dieser die Linie  $IAE$  abgeteilt, die dem Segment, nach welchem wir den Hafenumriss zeichnen wollen, ähnlich sein soll. Und es stehe eine Richtlatte nach der anderen  
25 Seite zu ganz nahe der Dioptra, nämlich  $ZH$ , dergestalt, daß Verbindungslinien, die von  $Z$  nach den Punkten  $I$  und  $E$  gezogen werden und Sehstrahlen, die von dem (dort befindlichen) Auge ausgehen, auf die Punkte  $A$  und  $B$  treffen. Dies wird erreicht werden dadurch, daß man  
30 die Dioptra und die Richtlatte  $ZH$ , oder auch nur eines der beiden Stücke, herumbewegt. Nachdem sie so aufgestellt sind, werde von  $Z$  ein Sehstrahl nach  $IA$  in gerader Richtung entsandt, bis er mit dem Erdboden in  $\Theta$  zusammentrifft. Der Punkt  $\Theta$  wird also auf der Um-  
35 risslinie des Hafens liegen. Indem wir nun in derselben Weise wie  $\Theta$  auch andere Punkte bestimmen, werden wir die Umrisslinie  $B\Theta A$  zeichnen. Es wird übrigens nötig

βανομένων σημείων ἡ περιγραφομένη γραμμὴ [ή] ἐν  
 ἐπιπέδῳ ἢ παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι. ὅτι δὲ ἡ  $B\Theta A$   
 γραμμὴ κύκλου περιφέρειά ἐστι καὶ ὁμοία τῇ  $\Gamma\Delta E$ ,  
 φανερόν· κῶνος γὰρ γίνεται, οὗ βάσις μὲν ὁ  $\Gamma\Delta E$   
 κύκλος, κορυφὴ δὲ τὸ  $Z$  σημεῖον, πλευραὶ δὲ αὐτοῦ  
 αἱ ἀπὸ τοῦ  $Z$  σημείου προσπίπτουσαι πρὸς τὴν  $\Gamma\Delta E$   
 περιφέρειαν. καὶ τέμνεται ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ  
 βάσει, τῷ ἐν ᾧ ἐστὶ τὰ  $A, B$  σημεία, καὶ πλευραὶ  
 αὐτοῦ εἰσὶν αἱ  $Z\Gamma B, ZEA$ . ἡ ἄρα  $B\Theta A$  γραμμὴ  
 κύκλου γίνεται περιφέρεια καὶ ὁμοία τῇ  $\Gamma\Delta E$ . ὁμοίως  
 δὲ ἐὰν βουλώμεθα τὴν περιγραφομένην μὴ εἶναι κύκλου  
 περιφέρειαν, ἀλλὰ ἐλλείψεως, ἢ καὶ ὅλην ἔλλειψιν ἢ  
 καὶ παραβολὴν ἢ ὑπερβολὴν ἢ ἄλλην τινὰ γραμμὴν,  
 ποιήσομεν ὁμοίαν αὐτῇ ἐκ σανίδος· καὶ ἐφαρμόσαντες  
 ἐπὶ τὸ  $\Gamma\Delta$  τύμπανον, ὥστε συμφυεῖς αὐτῷ γενέσθαι,  
 ὑπερέχειν <δὲ> εἰς τὸ ἐκτὸς τοῦ τυμπάνου τὴν ἐκ τῆς  
 σανίδος περιτμηθεῖσαν γραμμὴν, τὰ αὐτὰ ποιήσομεν  
 τοῖς ἐπὶ τῆς  $\Gamma\Delta E$  περιφερείας εἰρημένοις. οὕτως οὖν  
 πάσῃ τῇ δοθείσῃ γραμμῇ ὁμοίαν περιγράψομεν. ἐὰν  
 δὲ βουλώμεθα τὴν περιγραφομένην γραμμὴν μὴ ἐν  
 τῷ ἐδάφει γράφεσθαι παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι, ἀλλ' ἐν  
 ἑτέρῳ ἐπιπέδῳ, καταστήσομεν τὸ τύμπανον παράλληλον  
 τῷ ἐπιπέδῳ, ἐν ᾧ μέλλει γράφεσθαι ἡ γραμμὴ, καὶ τὰ  
 αὐτὰ ποιήσομεν· πάλιν γὰρ γίνεται κῶνος ἐπιπέδῳ  
 τεμνόμενος τῷ ἐν ᾧ ἐστὶν ἡ γραμμὴ παράλληλος τῇ  
 βάσει. ὁμοίως καὶ γέφυραν περιγράψομεν. τὸ δὲ  
 τύμπανον τὸ  $\Gamma\Delta Z$  καταστήσομεν καὶ παράλληλον τῷ

1 [ή] delevi    2 παράλληλος: correxi    8 τῇ ἐν ᾧ    9—10  
 γραμμὴ ὅ γίνεται    14 ποιήσω μεν    ἐφαρμόσαντες    17 ποιή-  
 σωμεν    20 βουλώμεθα    22 καταστήσωμεν    24 ποιήσωμεν  
 25 f. παραλλήλῳ    26 περι γράφομεν

sein, den Erdboden so weit als möglich horizontal zu machen, damit auch die Umrifslinie, die durch die auf ihm bestimmten Punkte bestimmt wird, in einer horizontalen Ebene liegt.

5     Dafs die Linie  $B\Theta A$  ein Stück einer Kreisperipherie und  $\Gamma\Delta E$  ähnlich ist, ist offenbar. Denn es entsteht ein Kegel, dessen Basis der Kreis  $\Gamma\Delta E$  und dessen Spitze der Punkt  $Z$  ist; seine Seiten sind die Geraden, die von dem Punkte  $Z$  aus nach dem Peripherieabschnitt  $\Gamma\Delta E$   
 10   laufenden Linien. Und er wird von einer seiner Basis parallelen Ebene, derjenigen nämlich, in der die Punkte  $A$  und  $B$  liegen, geschnitten und seine Seiten sind  $Z\Gamma B$  und  $ZE A$ . Die Linie  $B\Theta A$  wird also ein Stück einer Kreisperipherie und  $\Gamma\Delta E$  ähnlich.

15     Ebenso aber werden wir, wenn wir wünschen, dafs die Umrifslinie nicht eine Kreisperipherie, sondern die Peripherie eine Ellipse, oder auch eine ganze Ellipse, oder auch eine Parabel oder Hyperbel oder irgend eine andere Linie sei, eine ihr ähnliche aus einem Brett herstellen,  
 20   und nachdem wir es so auf die Kreisscheibe  $\Gamma\Delta$  aufgelegt haben, dafs es mit ihr fest verbunden wird und die aus dem Brett geschnittene Linie über die Kreisscheibe hervorragt, werden wir genau dasselbe thun, was bei der Peripherie  $\Gamma\Delta E$  beschrieben worden. Auf diese Weise nun  
 25   werden wir einer jeden (beliebigen) gegebenen Linie ähnliche Umrifslinien bestimmen können.

Wünschen wir jedoch, dafs die Umrifslinie nicht auf der horizontalen Erdbodenoberfläche gezeichnet wird, sondern auf einer anderen Ebene, so werden wir die Kreisscheibe  
 30   parallel zu der Ebene stellen, in welcher die Linie gezeichnet werden soll, und dieselben Operationen vornehmen. Denn es entsteht wieder ein Kegel, der durch eine Ebene — diejenige in welcher die zur Basis parallele Linie liegt — geschnitten wird. In ähnlicher Weise werden wir auch  
 35   die Umrifslinie einer Brücke zeichnen.

Die Kreisscheibe  $\Gamma\Delta E$  werden wir auf folgende Weise zu der gegebenen Ebene parallel stellen. Die gegebene

δοθέντι ἐπιπέδῳ οὕτως. ἔστω γὰρ τὸ δοθὲν ἐπίπεδον τὸ  $KAMN$  καὶ ἐν αὐτῷ δύο εὐθεῖαι ἔστωσαν αἱ  $KA$ ,  $MN$  καὶ εὐρήσθω ἡ θέσις τῆς  $KA$  ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσιν, καὶ ἔστω ἡ  $\Xi O$ . ὁμοίως δὲ καὶ ἡ θέσις τῆς

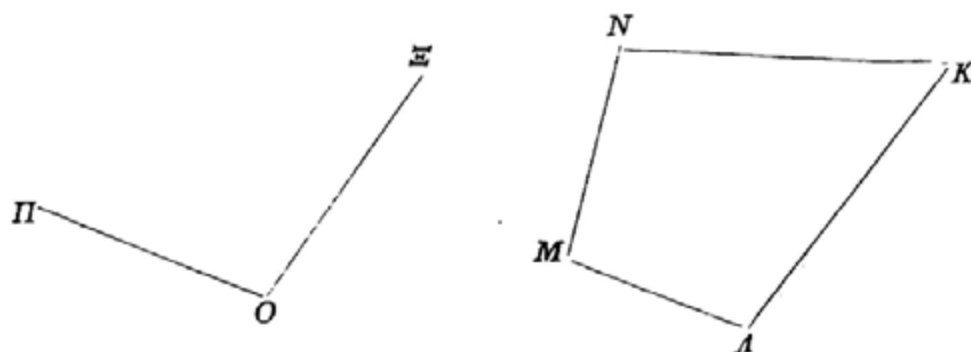


Fig. 98.

$AM$  εὐρήσθω, καὶ ἔστω ἡ  $OΠ$ . τὸ ἄρα  $KAMN$  ἐπί- 5  
 101. 71<sup>r</sup> πεδον παράλληλόν ἐστιν τῷ διὰ τῶν  $\Xi O$ ,  $OΠ$ . | ἐγκλί-  
 νας οὖν τὸ τύμπανον, ὥστε ἐν τῷ ἐπιπέδῳ αὐτοῦ  
 γενέσθαι τὰς  $\Xi O$ ,  $OΠ$ , ἔξω καθεσταμένον παράλληλον  
 τῷ  $KAMN$  ἐπιπέδῳ.

p. 248 ιη. Ἐδαφος κυρτῶσαι, ὥστε σφαιρικὴν ἔχειν ἐπι- 10  
 φάνειαν πρὸς τὸ δοθὲν τμήμα. ἔστω ὁ δοθεὶς τόπος  
 ὁ  $ABΓΔ$ , μέσον δὲ αὐτοῦ σημεῖον τὸ  $E$ . διὰ δὲ τοῦ  
 $E$  σημείου διήχθωσαν εὐθεῖαι διὰ τῆς διόπτρας οὔσαι  
 ἐν τῷ ἐδάφει, ὅσαιδηποτοῦν, αἱ  $ΑΓ$ ,  $ΒΔ$ ,  $ΖΗ$ ,  $ΚΘ$ ,  
 ἐφ' ὧν πάσσαλοι ἐγκεκρούσθωσαν ὀρθοί. ὥς δ' ἂν 15  
 ἐπὶ μιᾷς ὑποδείξομεν, οὕτως καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν νοείσθω  
 εὐθειῶν. πεπασσαλοκοπήσθω οὖν ἡ  $ΒΔ$  τοῖς  $ΑΜ$ ,

5  $KMAN$  6 ἐστιν τῷ διατῶι διατων (sic) 9 τὸ  $KAMN$   
 14  $\overline{ZH}, \overline{H\Theta}$  15 δ' ἂν corruptum videtur 16 ἐπὶ μιᾷς  
 ἐπὶ μιᾷς

Ebene sei  $KAMN$  und in ihr seien zwei Gerade  $KA$  und  $MN$ . Nun sei die Lage von  $KA$  in der Gegend unseres Standortes bestimmt, und zwar sei sie  $\Xi O$ . In ähnlicher Weise soll nun auch die Lage von  $AM$  gefunden sein, und zwar sei sie  $OII$ . Die Ebene  $KAMN$  ist also der durch die Linien  $\Xi O$  und  $OII$  bestimmten parallel. Ich neige nun die Kreisscheibe so, daß die Linien  $\Xi O$  und  $OII$  in ihrer Ebene zu liegen kommen und werde sie dadurch der Ebene  $KAMN$  parallel gestellt haben.

XVIII. Ein Bodenstück so zu wölben, daß es nach Maßgabe eines gegebenen Kreisabschnittes eine kugelige Oberfläche hat.

Der gegebene Boden sei  $AB\Gamma A$ , sein Mittelpunkt  $E$ . Durch den Punkt  $E$  ziehe man mittelst der Dioptra beliebig viele gerade Linien auf dem Erdboden,  $AI$ ,  $BA$ ,

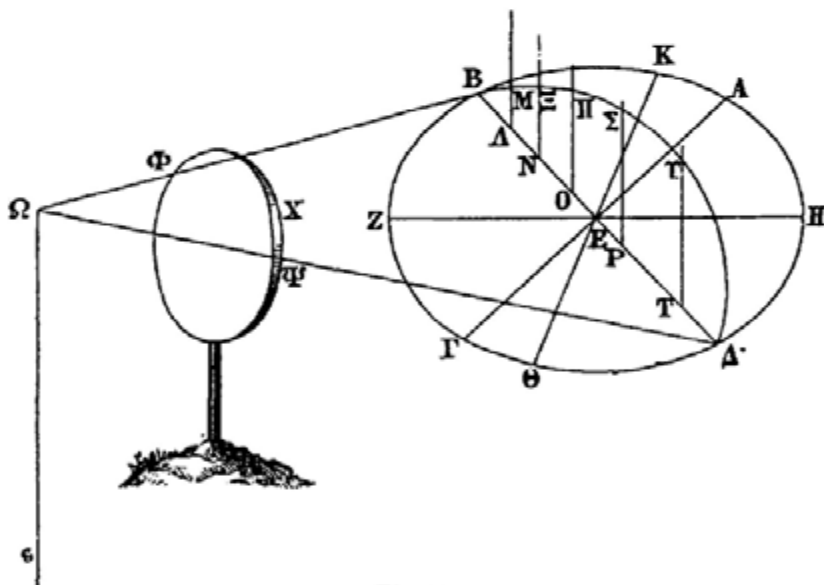


Fig. 99.

$ZH$  und  $K\Theta$ , auf denen Pflöcke senkrecht eingerammt werden sollen. Wie wir nun für eine Gerade den Beweis liefern werden, so soll er auch für die übrigen gedacht werden. Die Linie  $BA$  werde mit den Pflöcken  $AM$ ,

$NΞ$ ,  $ΟΠ$ ,  $PΣ$ ,  $ΤΤ$  πασσάλοις· τὸ δὲ τῆς διόπτρας  
τύμπανον ἔστω τὸ  $ΦΧΨ$ , ὅμοιον τῷ τῆς κυρτώσεως  
τμήματι· καὶ πάλιν καθεστᾶτω ὀρθῶς πρὸς τὸν ὁρί-  
ζοντα, ὥστε κανόνος ὁμοίως παρατεθέντος τοῦ  $Ως$ , τὰς  
ἀπὸ τοῦ  $Ω$  ἐπὶ τὰ  $Φ$ ,  $Ψ$  ἐπιξενγνυμένας ἀκτῖνας καὶ  
ἐκβαλλομένας νεύειν ἐπὶ  $B$ ,  $Δ$  σημεία. εἴτα διὰ τοῦ  
 $Ω$  πάλιν καὶ τῆς  $ΦΧΨ$  περιφερείας τεθεωρήσθω ἐπὶ  
τῶν πασσάλων σημεία τὰ  $M$ ,  $Ξ$ ,  $Π$ ,  $Σ$ ,  $Υ$ · ταῦτα δὲ  
ἔσται ἐπὶ τοῦ τμήματος τῆς κυρτώσεως. καὶ ἐπὶ τῶν  
p. 250 λοιπῶν δὲ εὐθειῶν ἡ αὐτὴ πασσαλοκοπία καὶ διοπ- 10  
τρ(εῖ)α γεγενῆσθω, καὶ ληφθέντων ἐν τοῖς πασσάλοις  
σημείων ἐγγωννύσθω ὁ τόπος ἄχρι τῶν ληφθέντων  
σημείων καὶ ἔσται ἡ κύρτωσις τοῦ τόπου σφαιρική  
ὁμοία τῷ εἰρημένῳ τμήματι.

ιδ. Ἐδαφος ἐγκλίνει ἐν δοθείσῃ γωνίᾳ, ὥστε τὸ 15  
κλίμα αὐτοῦ ἐφ' ἓν νεύειν σημεῖον δοθέντος ἀκλινοῦς  
τόπου ἐν παραλληλογράμμῳ ἰσοπλεύρῳ.

Ἐστω παραλληλόγραμμον ἰσόπλευρον τὸ  $ΑΒΓΔ$ ,  
ἡ δὲ γωνία, ἐν ᾗ βουλόμεθα ἐγκλίνει τὸ ἔδαφος, ἡ  
ὑπὸ  $EZH$ . ἀπὸ 20  
δὲ τῶν  $A$ ,  $B$ ,  $Δ$   
〈σημείων〉 τῷ  
ὑποκειμένῳ ἐπι-  
πέδῳ πρὸς ὀρ-  
θὰς ἀνεστᾶτω-  
σαν αἱ  $AΘ$ ,  $BK$ ,  
 $ΔΑ$ · τὸ δὲ  $Γ$  σημεῖον ἔστω, ὅπου βουλόμεθα τὴν  
κλίσιν νεύειν. καὶ τῇ  $ΑΓ$  ἴση κείσθω ἡ  $ZH$ , τῇ δὲ

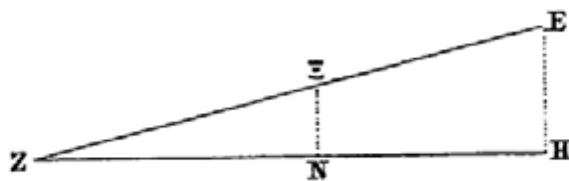


Fig. 100a.

3 ὀρθῶ 4  $ΩΤ$  5 ἀπὸ τοῦ  $β$  ( $ω$  sic, non  $∞$ ) ἐπὶ τὰ  $φχψ$ ,  
sed  $χ$  del. m. 1 7 τεθεωρήσθω 10 δὲ 10—11 καὶ διόπτρα:  
correxī 12 ἐγγωννύσθω 19 βουλόμεθα 27  $ΑΑ$  f. ὅποι

$N\Xi$ ,  $O\Pi$ ,  $P\Sigma$ ,  $TT$  besetzt, und  $\Phi X\Psi$  sei die Kreisscheibe der Dioptra, welche dem Abschnitt der Wölbung ähnlich ist. Sie soll wieder senkrecht zum Horizont aufgestellt werden, so dafs wenn in ähnlicher Weise (wie  
 5 bei dem vorhergehenden Probleme) eine Richtlatte  $\Omega\varsigma$  daneben aufgepflanzt wird, die von  $\Omega$  nach  $\Phi$  und  $\Psi$  laufenden und drüber hinaus verlängerten Strahlen nach den Punkten  $B$  und  $A$  hingehen. Sodann sollen wiederum durch  $\Omega$  und den Peripherieabschnitt  $\Phi X\Psi$  hindurch auf  
 10 den Pflöcken die Punkte  $M$ ,  $\Xi$ ,  $\Pi$ ,  $\Sigma$ ,  $\Upsilon$  anvisiert werden; diese werden dann auf dem Wölbungsabschnitt liegen. Auch auf den übrigen Geraden soll dasselbe Verfahren mit den Pflöcken und der Dioptra angewandt werden, und nachdem so auf den Pflöcken Punkte genommen sind,  
 15 soll das Terrain bis zu diesen Punkten aufgeschüttet werden. Die Krümmung des Terrains wird dann eine kugelförmige und dem genannten Schnitt ähnliche sein.

XIX. Eine Bodenfläche, die in einem gegebenen Winkel geneigt ist, so herzustellen, dafs die Neigung nach einem  
 20 Punkte hin stattfindet, wenn ein nicht geneigtes Terrain in einem gleichseitigen Parallelogramm gegeben ist.

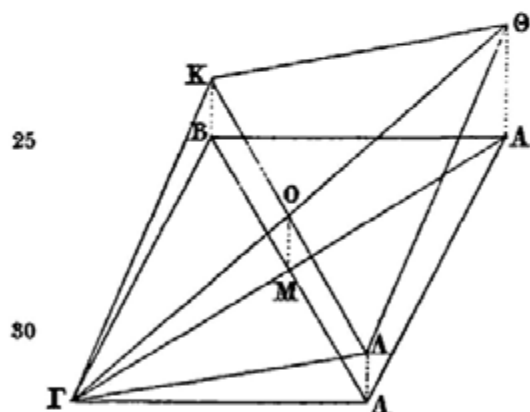


Fig. 100 b.

Es sei  $AB\Gamma\Delta$  das gleichseitige Parallelogramm und  $EZH$  der herzustellende Neigungswinkel des Terrains. Von  $A$ ,  $B$ ,  $\Delta$  aus sollen senkrecht zu der gegebenen Ebene die Geraden  $A\Theta$ ,  $BK$ ,  $\Delta\Lambda$  errichtet werden, der Punkt  $\Gamma$  sei der,

35 nach dem die Neigung hingehen soll. Nun werde  $ZH = \Lambda\Gamma$  gemacht und rechtwinklig zu  $ZH$  die Gerade  $EH$  gezogen; ferner werde  $A\Theta = EH$  gemacht und

$ZH$  πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἢ  $EH$ . τῇ δὲ  $EH$  ἴση κείσθω  
 ἢ  $A\Theta$ . καὶ τῇ  $AG$  προσευρῆσθω ἢ  $A\Theta$ , ἐν τῷ τῆς  
 $ZH$  πρὸς  $HE$  λόγῳ καθέτου οὔσης τῆς  $EH$ . ἐὰν δὲ  
 fol. 71<sup>v</sup> νοήσωμεν ἐπιζευγνυμένην | τὴν  $\Theta\Gamma$ , ἔσται ἡ ὑπὸ  $\Theta\Gamma A$   
 γωνία κλίσις. ἔστω δὲ ἡ ἀπὸ τοῦ  $B$  ἐπὶ τὴν  $AG$  5  
 κάθετος ἢ  $BM$ . καὶ τῇ  $GM$  ἴση κείσθω ἢ  $ZN$ , τῇ δὲ  $HE$   
 παράλληλος ἤχθω ἢ  $N\Xi$ , τῇ δὲ  $N\Xi$  ἴση κείσθω ἕκα-  
 p. 252 τέρα τῶν  $BK$ ,  $AA$ . καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ  $\Theta K$ ,  $K\Gamma$ ,  
 $\Gamma A$ ,  $A\Theta$ . ἔσται δὲ τὸ  $\Theta K\Gamma A$  ἐπίπεδον κεκλιμένον  
 πρὸς τὸ  $A(B)G\Delta$  ἐν τῇ ὑπὸ  $\Theta\Gamma A$  γωνίᾳ, τουτέστι 10  
 τῇ ὑπὸ  $EZH$ . ἐὰν γὰρ νοήσωμεν τῇ  $A\Theta$  παρά-  
 λληλον γινομένην τὴν  $MO$ , καὶ ἐπιζεύξωμεν τὴν  $OK$   
 πίπτουσιν ἐπὶ τὸ  $A$ , ἡ μὲν  $MO$  ἴση <ἔσται> τῇ  $N\Xi$ .  
 ἡ δὲ  $KO$  ἴση <καὶ> παράλληλος τῇ  $BM$ , πρὸς ὀρθὰς  
 δὲ τῇ  $\Theta\Gamma$ . ὥστε κέκλιται, ὡς εἴρηται, τὸ ἐπίπεδον. 15  
 ἐὰν δὲ ὁ τόπος ὁ δοθῇ ἐν τυχόντι ἢ τετραπλεύρῳ,  
 ὥστε τὰς διαγωνίους αὐτοῦ μὴ πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις  
 <εἶναι>, τῆς  $BM$  πρὸς ὀρθὰς οὔσης τῇ  $AG$ , ἴσην θή-  
 σομεν τὴν  $\Xi N$ , τῇ δὲ  $\Xi N$  τὴν  $BK$ , ὡς εἴρηται, ἀπὸ  
 τοῦ  $B$  κάθετον ἀγαγόντες ἐπὶ τὴν  $AG$ . καὶ ταῦτα 20  
 ποιήσαντες τοῖς ἐπὶ τῆς  $BM$ , ποριούμεθα τὸ μέγεθος  
 τῆς  $AA$ . ἐγχεσθήσεται οὖν ὁ τόπος ἄχρι τῶν  $\Theta K$ ,  
 $K\Gamma$ ,  $\Gamma A$ ,  $A\Theta$  εὐθειῶν· καὶ τὸ ἐπίπεδον ἀπεργασθὲν  
 ἔξει τὴν εἰρημένην ἐγκλισιν.  
 fol. 71<sup>v</sup> | κ. Ὑπονόμου ὄντος, εὐρεῖν ἐν τῷ ὑπερκειμένῳ 25  
 ἐδάφει τόπον, τουτέστι σημείον, ἀφ' οὗ φρεατίας  
 γενηθείσης ἐπὶ τὸν δοθέντα ὑπόνομον καταστήσομεν

4  $OG$  8 ἐπεζεύχθωσαν (sic) 9  $\Gamma\Delta$  12 ἴσον γινο-  
 μένην ἐπιζευξόμεν 13  $MO$  ἴση ἴση τῇ 18 <εἶναι>  
 addidi τῇ  $BM$  οὔση 20 ταῦτα: correxi 25 ὑπο-  
 κειμένω: correxi



zu  $AI$  werde  $A\Theta$  hinzugefunden im Verhältniß  $ZH:HE$ , wobei  $EH$  eine Kathete ist. Denken wir uns nun die Verbindungslinie  $\Theta I$  gezogen, so wird der Winkel  $\Theta IA$  die Neigung darstellen. Es sei nun  $BM$  die Senkrechte  
 5 von  $B$  auf  $AI$  und  $ZN$  werde gleich  $IM$  gemacht, ferner zu  $HE$  die Parallele  $NZ$  gezogen. Nun sollen  $BK$  und  $AA$  beide gleich  $NZ$  gemacht werden. Und man ziehe die Verbindungslinien  $\Theta K$ ,  $KI$ ,  $IA$ ,  $A\Theta$ . Es wird also die Ebene  $\Theta KI$  gegen  $ABIA$  in dem  
 10 Winkel  $\Theta IA$ , d. h.  $EZH$  geneigt sein. Denn wenn wir uns zu  $A\Theta$  die Parallele  $MO$  gezogen denken und die Verbindungslinie  $OK$  ziehen, die nach dem Punkte  $A$  geht, so wird  $MO = NZ$  sein,  $KO$  gleich und parallel  $BM$  sein und im rechten Winkel zu  $\Theta I$   
 15 laufen. Die Ebene ist also in der angegebenen Weise geneigt.

Wenn aber die gegebene Stelle in einem beliebigen Viereck liegt, so daß dessen Diagonalen nicht senkrecht aufeinander stehen, so werden wir in der Größe von  $BM$ ,  
 20 das im rechten Winkel zu  $AI$  steht,  $EN$  abtragen, in der Größe von  $EN$  aber  $BK$ , wie gesagt worden ist, nachdem wir von  $B$  eine Kathete auf  $AI$  gezogen haben. Und nachdem wir dasselbe wie mit  $BM$  gethan haben, werden wir die Größe von  $AA$  bestimmen. Die Stelle wird nun  
 25 bis zu den Geraden  $\Theta K$ ,  $KI$ ,  $IA$ ,  $A\Theta$  aufgeschüttet werden und die dadurch hergestellte Ebene wird die angegebene Neigung haben.

XX. Wenn ein unterirdischer Kanal gegeben ist, auf dem vorliegenden Boden einen Ort, d. h. einen Punkt  
 30 zu finden, von dem aus ein Brunnenschacht gegraben werden muß, um auf einen gegebenen unterirdischen Punkt zu treffen, so daß wenn beispielsweise ein Einsturz in dem unterirdischen Kanal erfolgt ist, man durch den Brunnen das Material zur Ausräumung des Kanals und zur  
 35 Wiederherstellung desselben transportieren kann.

Der gegebene unterirdische Kanal sei  $ABIAE$  und  $H\Theta$  und  $KA$  Schachte, die zu ihm hinführen; der ge-

τόπον, ὥστε εἰ τύχοι πτώματος ἐν τῷ ὑπονόμῳ γενη-  
 p. 240 θέντος διὰ τῆς φρεατίας ἀναφέρεσθαι τὴν ὕλην τὴν  
 πρὸς τὴν κάθαρσιν τοῦ ὑπονόμου καὶ τὴν πρὸς τὴν  
 ἐπισκευήν. ἔστω ὁ δοθεὶς ὑπόνομος ὁ  $ΑΒΓΔΕ$ . φρεα-  
 τίαὶ δὲ φέρονσαι εἰς αὐτὸν αἱ  $ΗΘ$ ,  $ΚΑ$ . τὸ δὲ 5  
 σημεῖον τὸ δοθέν ἐν τῷ ὑπονόμῳ, ἐφ' ὃ δεῖ τὴν  
 φρεατίαν ἐλθεῖν, τὸ  $Μ$ . κεχαλάσθωσαν σπάργοι διὰ  
 τῶν  $ΗΘ$ ,  $ΚΑ$  φρεατιῶν βάρη ἔχουσαι, αἱ  $ΝΞ$ ,  $ΟΠ$ .  
 καὶ κατασταθεῖσιν αὐτῶν ἀκινήτων διὰ μὲν τῶν  $Ο$ ,  
 $Ν$  σημείων εὐθεῖά τις εἰλήφθω ἐν τῷ ἐπάνω ἐδάφει 10  
 ἡ  $ΟΝΡ$ . διὰ δὲ τῶν  $Π$ ,  $Ξ$ , ἐν τῷ ὑπονόμῳ, ἡ  $ΠΞΣ$ ,  
 προσπίπτουσα ἐνὶ τῶν τοῦ ὑπονόμου τοίχων κατὰ τὸ  
 $Σ$ . καὶ τῇ  $ΠΣ$  ἴση <κείσθω> ἡ  $ΟΡ$ . καὶ λαβὼν σχοι-  
 νίον εὐ ἐκτεταμένον καὶ προβεβασανισμένον, ὥστε μηκέτι  
 ἐπεκτείνεσθαι ἢ συστέλλεσθαι, τὴν μὲν ἀρχὴν αὐτοῦ | 15  
 fol. 72<sup>r</sup> τίθημι πρὸς τῷ  $Σ$ . λαβὼν δέ τι σημεῖον ἐπὶ τοῦ  
 $ΑΒΓ$  τοίχου τὸ  $Τ$ , ἐπεκτείνω τί σχοινίον ἐπὶ τὸ  $Τ$ ,  
 καὶ ὁμοίως ἐπὶ τὸ  $Π$ , καὶ σημειωσάμενος τὰ μήκη τῶν  
 $ΤΣ$ ,  $ΤΠ$  ἐφαρμόζω αὐτὰ ἐν τῷ ἐπάνω ἐδάφει, ὥστε  
 γενέσθαι τρίγωνον τὸ  $ΡΤΟ$ , τὴν μὲν  $ΡΤ$  ἴσην ἔχον 20  
 τῇ  $ΤΣ$ , τὴν δὲ  $ΤΟ$  τῇ  $ΤΠ$ . εἶτα πάλιν λαβὼν ἕτερον  
 σημεῖον τὸ  $Χ$  ἐπεξέτεινα τὸ σχοινίον, ὥστε ποιῆσαι  
 τὸ  $ΤΣΧ$  τρίγωνον· καὶ πάλιν τοῦτο ἐν τῷ ἐπάνω  
 ἐδάφει ἐφαρμόζω, ὥστε γενέσθαι τὸ  $ΡΤΦ$ , τὴν μὲν  
 $ΡΦ$  ἴσην ἔχον τῇ  $ΧΣ$ , τὴν δὲ  $ΤΦ$  τῇ  $ΤΧ$ . εἶτα πάλιν 25  
 ἐπὶ τῆς  $ΣΧ$  ἕτερον τρίγωνον συστησάμενος τὸ αὐτὸ  
 συνίσταμαι καὶ ἐπὶ τῆς  $ΦΡ$ , ἄχρις ἂν συνεγγίσω τῷ  
 $Μ$  σημείῳ. καὶ ἵνα μὴ ποικιλογραφῶμεν, ἐπιχθεῖσα τῷ

4 ὑπο νόμον 4—5 φρεατία δε φέρονσαι εἰς αὐτὸν ἢ 8 φρεα-  
 τίας 13 suppleni 16 τῷ  $Ο$  17 τί: f. τὸ 18—19 τῶν  $ΠΣ$   
 21 τῇ  $ΠΣ$  23 τὸ  $ΤΡΧ$  28 ἐπιχθεῖσα: f. ἐπιδειχθεῖσα

gebene Punkt in dem Kanal, zu dem der (neu zu grabende) Schacht hingehen soll, sei  $M$ . Man lasse in den Schächten  $H\Theta$  und  $K\Lambda$  Fäden mit Gewichten,  $N\xi$  und  $O\Pi$  hinab. Und nachdem diese zur Ruhe gekommen sind, bestimme man durch die Punkte  $O$  und  $N$  auf der oberen Erdbodenfläche eine Gerade  $ONP$ , sowie durch die Punkte

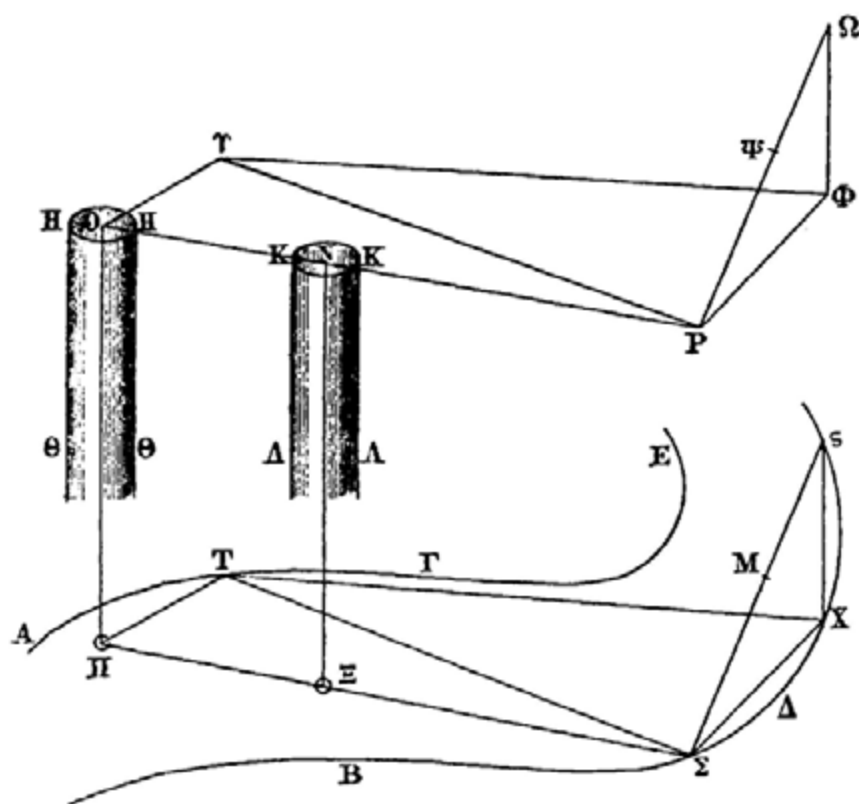


Fig. 101.

$\Pi$  und  $\xi$  in dem Kanal die Gerade  $\Pi\xi\Sigma$ , welche eine der Wände der unterirdischen Kanals in  $\Sigma$  trifft. Und es werde  $OP = \Pi\Sigma$  gemacht. Ich nehme nun ein Meßband, das gehörig ausgereckt und vorher ausprobiert ist, so daß es sich nicht mehr ausdehnt oder zusammenzieht, und lege das eine Ende desselben an den Punkt  $\Sigma$ . Ich nehme nun irgend einen Punkt  $T$  auf der Wand  $AB\Gamma$

σχοινίῳ ἢ  $\Sigma M$  ἐπὶ τὸ  $\varsigma$  ἐκβεβλήσθω, καὶ ἐπεξεύχθω  
 ἢ  $\varsigma X$ · καὶ ἐπὶ τῆς  $\Phi P$  τρίγωνον ἔστω  $\Phi \Psi P$ , ἴσην  
 ἔχον τὴν μὲν  $P \Psi$  τῇ  $\Sigma \varsigma$ , τὴν δὲ  $\Phi \Psi$  τῇ  $\varsigma X$ · καὶ τῇ  
 $M \Sigma$  ἴση κείσθω ἢ  $P \Omega$ · ἔσται δὴ τὸ  $\Omega$  σημεῖον κατὰ  
 κάθετον κείμενον τῷ  $M$  σημείῳ. φρεατίας ἄρα ὀρυχ- 5  
 242 θείσης ἀπὸ τοῦ  $\Omega$ , ὀρθὴ ἔσται ἢ ὀρυγὴ πίπτουσα ἐπὶ  
 τὸ  $M$ · τοῦτο δὴ φανερόν διὰ τὸ τὰ τρίγωνα τὰ ἐν τῷ  
 ὑπονόμῳ καὶ τὰ ἐν τῷ ἐδάφει ἴσα τε καὶ ὅμοια εἶναι,  
 καὶ ὁμοίως κείμενα. πειραῖσθαι δὲ δεῖ τὰ τρίγωνα  
 ἀκλινῇ καθιστᾶν, ὅπως αἱ ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τὰς 10  
 γωνίας ἐπιξενγνύμεναι κάθετοι ὦσιν ἐπὶ τὸν ὀρίζοντα.  
 fol. 72<sup>r</sup> κα. | Διὰ διόπτρας ἀπολαβεῖν ἀπὸ ἡμῶν διάστημα  
 p. 254 ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας, ἴσον τῷ δοθέντι διαστήματι.  
 ἔστω ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα ἐφ' ἧς δεῖ ἀπολαβεῖν <ἢ  $AB$ ·  
 τὸ δὲ δοθὲν διάστημα ὃ δεῖ ἀπολαβεῖν> ἔστω τὸ  $AB$ · 15  
 ἀφ' οὗ δὲ δεῖ σημείου ἀπολαβεῖν, ἔστω τοῦ  $A$ . ἐλθὼν  
 ἐπὶ τινος ἀκλινοῦς ἐπιπέδου τόπου οἷον τοῦ  $\Gamma \Delta$ , τίθῃμι  
 τὴν διόπτραν τὴν  $EZ$ · καὶ ταύτης ἐμπροσθεν κανόνα  
 ὀρθόν, μήκους ὡς πηγῶν ι, τὸν  $H \Theta$ , ἀπέχοντα ἀπὸ τῆς  
 διόπτρας, τουτέστιν ἀπὸ τοῦ  $E$  σημείου, ὃ βούλωμαι 20  
 διάστημα, ἔστω δὴ πηγῶν γ. ἀπέλαβον οὖν ἀπὸ τοῦ  
 $E$  ἐν ἐπιπέδῳ εὐθεΐαν τὴν  $E \Delta$  πηγῶν ὅσων εἰς  
 βούλωμαι, ἔστω δὴ πηγῶν φ, καὶ καταλείψας σημεῖον  
 πρὸς τῷ  $\Delta$ , ἐγκλίνω τὸν ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνα, ἄχρις  
 ἂν φανῇ δι' αὐτοῦ τὸ  $\Delta$  σημεῖον. καὶ μένοντος αὐτοῦ 25  
 fol. 72<sup>v</sup> ἀκινήτου, ἀντιπεριστὰς ἔλαβον | δι' αὐτοῦ σημείου ἐπὶ  
 τοῦ  $H \Theta$  κανόνος τὸ  $M$ , καὶ ἐπέγραψα πηγῶν φ. εἴτα  
 πάλιν ἀπολαβὼν ἑτέροισι πηγῇσι ὅσοις ἂν βούλωμαι  
 ἐπὶ τῆς  $E \Delta$ , οἷον εἰ τύχοι πηγῇσι  $\psi$  ἐπὶ τῆς  $EN$ , καὶ

2 τρίγωνον ἐν τῷ  $\Phi \Psi P$     3 τῇ δὲ  $\Phi \Psi$  τὴν  $\varsigma X$     4 ἢ  
 PB    τὸ B    6 τοῦ B    10 γωνιῶν    14 supplevi    23 κατα-

an und spanne dann das Meßband nach  $T$  und ebenso nach  $\Pi$  hin. Und nachdem ich die Längen von  $T\Sigma$  und  $T\Pi$  notiert habe, übertrage ich dieselben auf die obere Erdbodenfläche, so daß das Dreieck  $PTO$  entsteht, in dem  $PT = T\Sigma$ ,  $TO = T\Pi$  ist. Ich nehme darauf wieder einen anderen Punkt  $X$  und spanne das Meßband aus, so daß ich das Dreieck  $T\Sigma X$  entstehen lasse. Und dieses übertrage ich wiederum auf die obere Erdbodenfläche, so daß  $PT\Phi$  entsteht, in dem  $P\Phi = X\Sigma$ ,  $T\Phi = TX$  ist. Nachdem ich sodann wiederum auf  $\Sigma X$  (als Grundlinie) ein anderes Dreieck konstruiert habe, konstruiere ich ebendasselbe auch auf  $\Phi P$ , bis ich mich dem Punkte  $M$  genähert habe. Und — um weitschweifige Erörterungen zu vermeiden — nachdem die Linie  $\Sigma M$  mit dem Meßband bestimmt ist, soll sie bis zum Punkte  $\varsigma$  verlängert werden und die Verbindungslinie  $\varsigma X$  gezogen werden. Und auf  $\Phi P$  als Grundlinie soll das Dreieck  $\Phi TP$  stehen, in dem  $P\Psi = \Sigma\varsigma$  und  $\Phi\Psi = \varsigma X$  sein soll. Und es werde  $P\Omega = M\Sigma$  angenommen. Es wird also der Punkt  $\Omega$  senkrecht über dem Punkte  $M$  liegen. Wenn also von  $\Omega$  aus ein Schacht gegraben wird, so wird dieser senkrecht auf den Punkt  $M$  treffen.

Dies geht daraus hervor, daß die Dreiecke in dem Kanal und auf dem Erdboden gleich und ähnlich sind und ähnlich liegen. Man muß aber versuchen die Dreiecke horizontal zu stellen, damit die Verbindungslinien der Scheitelpunkte der Winkel auf dem Horizonte senkrecht stehen.

XXI. Vermittelst der Dioptra von uns aus auf einer gegebenen Geraden eine Strecke abzutragen, die einer gegebenen Strecke gleich ist.

Die gegebene Gerade, auf der abgetragen werden soll, sei  $AB$ ; die gegebene Strecke, welche abgetragen werden

λήψας 24 τὸ  $\Delta$ :  $\Delta$  Vi perperam 25 τὸ  $\Delta$ :  $\Delta$  Vi perperam  
 27 τοῦ  $N\Theta$  28 βουλομαι 29 εἰς τυχὴ τοῦ  
 ENT ἐπὶ

καταλείψας πρὸς τῷ  $N$  σημείον, ὡσαύτως ἔλαβον ἀντι-  
 περιστὰς ἐπὶ τοῦ  $H\Theta$  κανόνος ἕτερον σημεῖον τὸ  $\Xi$ ,  
 πρὸς ὃ ἐπέγραψα πῆχεις  $\nu$ . καὶ οὕτως λαμβάνων ἂ  
 βούλομαι μέτρα ἔξω ἐν τῷ  $H\Theta$  κανόνι τὰς ἐπιγραφάς.  
 στήσας οὖν καὶ τὴν διόπτραν ἐπὶ τοῦ  $A$  καὶ ἀποστήσας  
 τὸν τὰς ἐπιγραφὰς ἔχοντα κανόνα ἀπὸ τοῦ  $A$  πῆχεις  
 $\gamma$ , ὅσους καὶ ὅτε τὰς ἐπιγραφὰς λαμβάνων ἀπέστησα,  
 ἐνέκλινα τὸν ἐπὶ τῇ διόπτρᾳ κανόνα, ἄχρις ἂν δι'

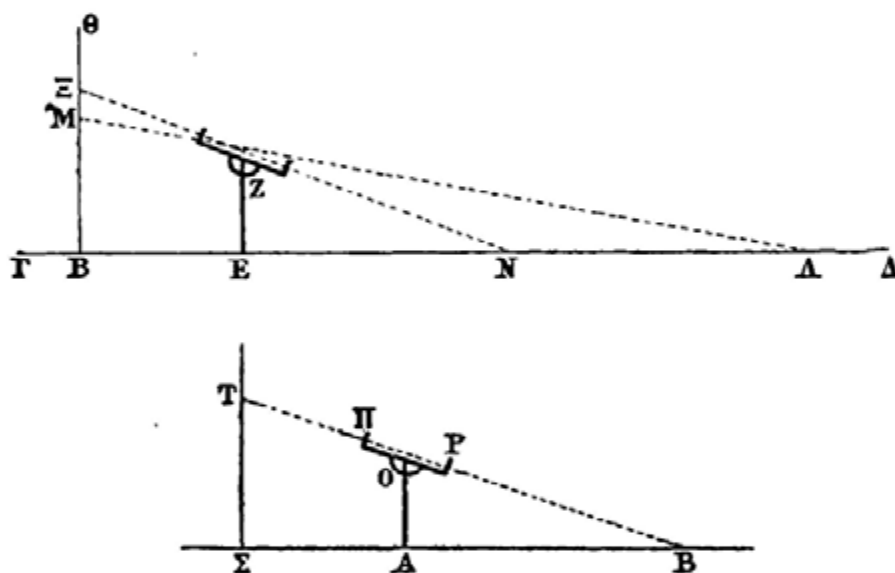


Fig. 102.

αὐτοῦ φανῇ ἡ ἐπιγραφὴ τοῦ μέλλοντος ἀπολαμβάνε-  
 σθαι μέτρον· εἴτα ἀντιπεριστὰς ἔλαβον ἐπὶ τῆς  $AB$   
 εὐθείας διὰ τοῦ κανόνος σημεῖον τὸ  $B$ · καὶ ἔσται  
 ἀπειλημμένον τὸ  $AB$  διάστημα τοῦ δοθέντος τόπου.  
 ἔστω οὖν διόπτρα μὲν ἡ  $AO$ , ὃ δὲ ἐν αὐτῇ κανὼν,  
 δι' οὗ διοπτρεύομεν, ὁ  $ΠΡ$ , ὃ δὲ τὰς ἐπιγραφὰς ἔχων  
 κανὼν ὁ  $\Sigma T$ .

soll, sei die Strecke  $AB$ ; der Punkt, von dem aus abgetragen werden soll, sei  $A$ . Man gehe nach einer nicht geneigten ebenen Stelle, beispielsweise  $\Gamma A$ , und stelle die Dioptra  $EZ$  auf, und vor ihr eine senkrecht stehende  
 5 Richtlatte von ungefähr 10 Ellen Länge,  $H\Theta$ , die von der Dioptra, d. h. von dem Punkte  $E$ , ein beliebiges Stück absteht soll; es sei  $= 3$  Ellen. Ich trage nun von  $E$  aus in der Ebene eine Strecke  $EA$  von beliebig vielen Ellen ab: sie sei  $= 500$  Ellen. Und nachdem ich bei  
 10  $A$  ein Zeichen hinterlassen habe, neige ich das Dioptralineal, bis durch dasselbe der Punkt  $A$  sichtbar wird. Während es nun unbeweglich in seiner Stellung verbleibt, trete ich nach seiner anderen Seite herum und bestimme durch dasselbe auf der Richtlatte  $H\Theta$  den Punkt  
 15  $M$  und schreibe dazu „500 Ellen“. Ich trage dann wiederum eine beliebige Anzahl von Ellen auf der Geraden  $EA$  ab, beispielsweise  $EN = 400$  Ellen, und nachdem ich bei  $N$  ein Zeichen hinterlassen habe, bestimme ich ebenso, nachdem ich nach der anderen Seite des In-  
 20 struments herumgetreten bin, auf der Richtlatte  $H\Theta$  einen anderen Punkt  $\Xi$ , bei dem ich „400 Ellen“ dazu schreibe. Und indem ich weiter in dieser Weise beliebige Maße annehme, werde ich auf der Richtlatte  $H\Theta$  die zugehörigen Aufschriften erhalten.  
 25 Ich stelle nun die Dioptra auch bei  $A$  auf und stelle die Richtlatte mit den Aufschriften 3 Ellen davon entfernt auf, nämlich ebensoweit, wie damals, als ich sie, um die Aufschriften zu erhalten, aufstellte, und neige das Dioptralineal, bis durch dasselbe die Aufschrift des abzu-  
 30 tragenden Maßes sichtbar wird. Sodann trete ich nach der anderen Seite herum und bestimme auf der Geraden  $AB$  durch das Visierlineal den Punkt  $B$ . Dann wird von dem gegebenen Ort die Strecke  $AB$  abgetragen sein. Es sei nun  $AO$  die Dioptra, das Visierlineal an derselben  $HP$ ,  
 35 die Richtlatte mit den Aufschriften  $\Sigma T$ .

p. 258 κβ. Διὰ διόπτρας ἀπολαβεῖν διάστημα, ἀπὸ ἐτέρου  
δοθέντος σημείου ἐπὶ τινος εὐθείας παραλλήλου τῇ  
δοθείσῃ ἴσον τῷ δοθέντι διαστήματι, μὴ προσελθόντα  
τῷ σημείῳ μηδ' ἔχοντα τὴν εἰρημένην εὐθείαν, ἐφ'  
ἧς δεῖ ἀπολαβεῖν. ἔστω δοθὲν σημεῖον τὸ  $A$ · καὶ 5  
κείσθω πρὸς τῷ  $B$  ἡ διόπτρα· καὶ εὐρήσθω ἡ  $AB$   
εὐθεῖα ἡλίκη ἐστίν, ὡς ἐμάθομεν· καὶ ἀπειλήφθω αὐτῆς  
ἡ  $BΓ$ , μέρος ὃ βουλόμεθα. ἡ δὲ  $ΓΔ$  ἡχθῶ παράλ-  
ληλος ἡ βουλόμεθα εὐθείᾳ, μέρος οὖσα τοῦ δοθέντος  
διαστήματος, ὃ μέρος ἐστὶν καὶ ἡ  $BΓ$  τῆς  $BA$ . καὶ 10  
διὰ τῆς διόπτρας ἡ  $ΒΔ$  εὐθεῖα προεκβεβλήσθω, καὶ  
ἀπ' αὐτῆς ἀπειλήφθω ἡ  $BE$ , τοσαυταπλασία οὖσα  
τῆς  $ΒΔ$ , ὅσαπλασία καὶ ἡ  $AB$  τῆς  $BΓ$ . ἔσται οὖν  
ἡ  $AE$  τοῦ τε δοθέντος μέτρου καὶ παράλληλος τῇ  
 $ΔΓ$ · τοῦτο γὰρ φανερόν ἐστι διὰ τὸ εἶναι ὡς τὴν  $AB$  15  
πρὸς τὴν  $ΓB$ , τὴν τε  $EB$  πρὸς  $ΔB$  καὶ τὴν  $AE$   
πρὸς  $ΓΔ$ .

p. 260 κγ. Τὸ δοθὲν χωρίον μετρησάμεν διὰ διόπτρας.  
ἔστω τὸ δοθὲν χωρίον περιεχόμενον ὑπὸ γραμμῆς  
ἀτάκτου τῆς  $ABΓΔΕΖΗΘ$ . ἐπεὶ οὖν ἐμάθομεν 20  
διὰ τῆς κατασκευασθείσης διόπτρας διάγειν πάσῃ τῇ  
δοθείσῃ εὐθείᾳ <ἐτέραν> πρὸς ὀρθάς, ἔλαβόν τι  
σημεῖον ἐπὶ τῆς περιεχούσης τὸ χωρίον γραμμῆς τὸ  
 $B$ , καὶ ἡγαγον εὐθεῖαν τυχοῦσαν διὰ τῆς διόπτρας  
τὴν  $BH$ , καὶ ταύτῃ πρὸς ὀρθὰς τὴν  $BΓ$ , <καὶ ταύτῃ> 25  
ἐτέραν πρὸς ὀρθὰς τὴν  $ΓZ$ , καὶ ὁμοίως τῇ  $ΓZ$  πρὸς  
ὀρθὰς τὴν  $ZΘ$ . καὶ ἔλαβον ἐπὶ τῶν ἀχθεισῶν εὐ-  
θειῶν συνεχῇ σημεία, ἐπὶ μὲν τῆς  $BH$  τὰ  $K, Λ$ ,

11 διὰ τῆς  $BΔ$  εὐθείας τῇ διόπτρᾳ: corr. Vi προεκ-  
βεβλήσθω: corr. Vi 13 ἔστω: corr. Vi 16 τὴν  $ΓΔ$ : corr. Vi  
23 et 26 supplevi



XXII. Vermittelst der Dioptra von einem anderen gegebenen Punkte auf einer der gegebenen parallelen Geraden aus eine Strecke abzutragen, die einer gegebenen Strecke gleich sein soll, ohne daß man sich dem Punkte nähert und ohne daß man die genannte Gerade, auf der man abtragen soll, hat.

Der gegebene Punkt sei  $A$ , und bei  $B$  sei die Dioptra aufgestellt, und die Größe von  $AB$  sei so, wie wir es gelernt haben, gefunden. Nun werde darauf  $BF$ , als ein

beliebiger Teil davon, abgetragen, und  $FA$  als Parallele zu der Geraden, welche wir zu bestimmen wünschen, gezogen, welche der ebensovielte Teil der gegebenen

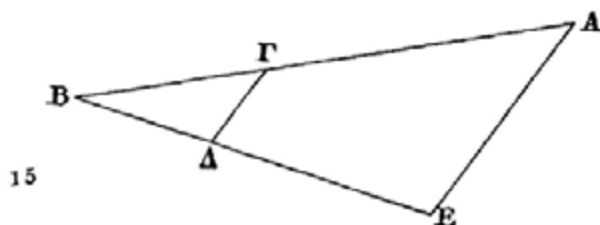


Fig. 103.

Strecke sein soll, als  $BF$  von  $BA$  ist. Dann soll vermittelst der Dioptra die Gerade  $BA$  noch weiter verlängert werden und auf ihr  $BE$  abgetragen werden als eine Strecke, die soviel mal so groß als  $BA$  sein soll, als  $AB$  größer als  $BF$  ist. Es wird nun  $AE$  von dem gegebenen Maße und parallel zu  $FA$  sein. Dies ist nämlich klar, weil

$$AB : FB = EB : AB = AE : FA.$$

XXIII. Ein gegebenes Flächenstück vermittelst der Dioptra auszumessen.

Das gegebene Flächenstück sei von der unregelmäßigen Linie  $ABF\Delta EZH\Theta$  umschlossen. Da wir nun lernten, vermittelst der dazu hergerichteten Dioptra auf jede gegebene Gerade eine andere im rechten Winkel dazu zu ziehen, so nehme ich einen Punkt auf der das Flächenstück umschließenden Linie,  $B$ , und ziehe vermittelst der Dioptra die beliebige Gerade  $BH$  und im rechten Winkel hierzu  $BF$ ; eine andere Gerade im rechten Winkel hierzu  $FZ$ , und gleichermaßen zu  $FZ$  im rechten Winkel  $Z\Theta$ . Nun nehme ich auf den gezogenen Geraden eine Reihe auf einander

$M, N, \Xi, O$  ἐπὶ δὲ τῆς  $B\Gamma$  τὰ  $\Pi, P$  ἐπὶ δὲ τῆς  $\Gamma Z$  τὰ  $\Sigma, T, \Upsilon, \Phi, X, \Psi, \Omega$  ἐπὶ δὲ τῆς  $Z\Theta$  τὰ  $\varsigma, \eta$ . καὶ ἀπὸ τῶν ληφθέντων σημείων ταῖς εὐ-  
θείαις, ἐφ' ὧν ἐστὶ τὰ σημεία, πρὸς ὁρθὰς ἤγαγον  
τὰς  $K\mathcal{D}, AA, MA, NB, \Xi\Gamma, O\Delta, \Pi E, P\varsigma$  <sup>6</sup>  
 $\langle \Sigma, Z \rangle, T, H, \Upsilon, \Theta, \Phi, \Delta, X\overset{\alpha}{M}, \Psi\overset{\beta}{M}, \Omega E, \varsigma\overset{\gamma}{M},$

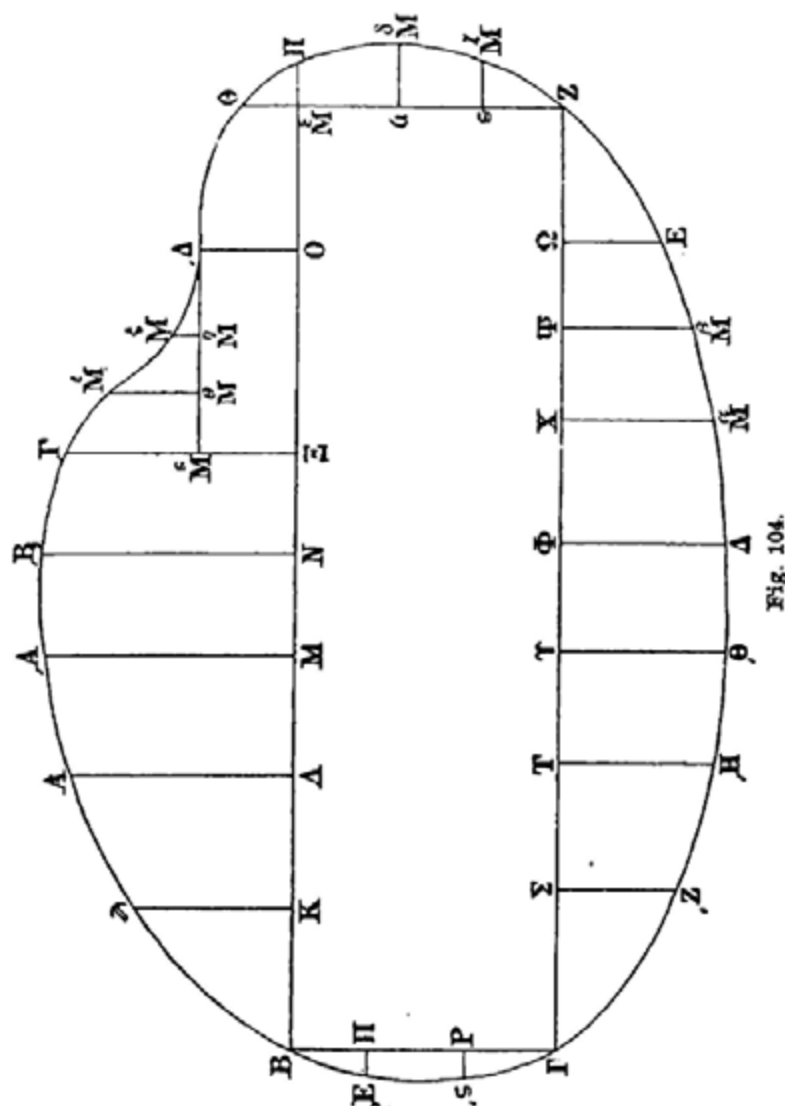
p. 262  $\eta\overset{\delta}{M}$  οὕτως ὥστε [τὰς ἐπὶ] τὰ πέρατα τῶν ἀχθεισῶν  
πρὸς ὁρθὰς [ἐπιζευγνυμένας] ἀπολαμβάνειν γραμμὰς  
ἀπὸ τῆς περιεχούσης τὸ χωρίον γραμμῆς σύνεγγυς  
εὐθείας· καὶ τούτων γενηθέντων ἔσται δυνατόν τὸ <sup>10</sup>

χωρίον μετρεῖν. τὸ μὲν γὰρ  $B\Gamma Z\overset{\epsilon}{M}$  παραλληλόγραμμον  
ὀρθογώνιον ἐστίν· ἔπειτα τὰς πλευρὰς ἀλύσει ἢ  
σχοινίῳ βεβασανισμένῳ, τουτέστιν μήτ' ἐκτείνεσθαι  
μήτε συστέλλεσθαι δυναμένῳ, μετρήσαντες ἕξομεν τὸ  
ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου. τὰ δ' ἐκτὸς τούτου <sup>15</sup>  
τρίγωνα ὀρθογώνια καὶ τραπέζια ὁμοίως μετρήσομεν,  
ἔχοντες τὰς πλευρὰς αὐτῶν· ἔσται γὰρ τρίγωνα μὲν  
ὀρθογώνια τὰ  $BK\mathcal{D}, B\Pi E, \Gamma P\varsigma, \Gamma\Sigma Z, Z\Omega E,$   
 $Z\varsigma\overset{\gamma}{M}, \Theta H\overset{\epsilon}{M}$ . τὰ δὲ λοιπὰ τραπέζια ὀρθογώνια. τὰ  
μὲν οὖν τρίγωνα μετρεῖται τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν <sup>20</sup>  
πολλαπλασιαζομένων ἐπ' ἄλληλα· καὶ τοῦ γενομένου  
τὸ ἥμισυ. τὰ δὲ τραπέζια· συναμφοτέρων τῶν παρα-  
λλήλων τὸ ἥμισυ ἐπὶ τὴν ἐπ' αὐτὰς κάθετον οὔσαν,  
οἷον τῶν  $K\mathcal{D}, AA$  τὸ ἥμισυ ἐπὶ τὴν  $K\Delta$ · καὶ τῶν  
λοιπῶν δὲ ὁμοίως. ἔσται ἄρα μεμετρημένον ὅλον τὸ <sup>25</sup>

6 supplevit Vi  $\Phi, \Delta$   $\Psi\overset{\epsilon}{M}$  7 et 8 corr. R. Schoene.

18 τὰ BKT: corr. Vi 18—19  $Z\omega\epsilon$   $Z\varsigma\overset{\epsilon}{M}$   $\Theta H\overset{\epsilon}{M}$  23 ἐπ'  
αὐτῆς: correxi 25 ἀναμετρημένον: corr. Vi

folgender Punkte an, nämlich auf  $BH$  die Punkte  $K, A, M, N, E, O$ ; auf  $B\Gamma$  die Punkte  $\Pi$  und  $P$ ; auf  $\Gamma Z$  die Punkte  $\Sigma, T, \Upsilon, \Phi, X, \Psi, \Omega$ ; auf  $Z\Theta$  die Punkte  $\varsigma$



5 und 9. Und von den angenommenen Punkten ziehe ich  
im rechten Winkel zu den Geraden, auf denen die Punkte  
liegen, die Linien  $KD$ ,  $AA$ ,  $MA$ ,  $NB$ ,  $EG$ ,  $OA$ ,  $PE$ .

χωρίον διὰ τε τοῦ μέσου παραλληλογράμμου καὶ τῶν  
ἐκτὸς αὐτοῦ τριγώνων καὶ τραπεζίων. ἔαν δὲ τύχη  
ποτὲ μεταξὺ αὐτῶν τῶν ἀχθεισῶν πρὸς ὀρθὰς ταῖς  
τοῦ παραλληλογράμμου πλευραῖς καμπύλη γραμμὴ μὴ  
συνεγγίζουσα εὐθείᾳ (οἷον μεταξὺ τῶν  $\Xi, \Gamma, O, \Delta$  <sup>5</sup>  
γραμμὴ ἢ  $\Gamma, \Delta$ ), ἀλλὰ περιφερεῖ, μετρήσομεν οὕτως·

ἀγαγόντες  $\langle \tau\eta \rangle O, \Delta$  πρὸς ὀρθὰς τὴν  $\Delta M$ , καὶ ἐπ'  
fol. 73<sup>v</sup> αὐτῆς λαβόντες σημεία συνεχῇ τὰ  $M, \overset{\circ}{M}, \overset{\circ}{M}$ , καὶ ἀπ'  
αὐτῶν πρὸς ὀρθὰς ἀγαγόντες τῇ  $\overset{\circ}{M}, \Delta$  τὰς  $\overset{\circ}{M}M, \overset{\circ}{M}M$ ,  
ὥστε τὰς μεταξὺ τῶν ἀχθεισῶν σύνεγγυς εὐθείας εἶναι, <sup>10</sup>

p. 264 πάλιν μετρήσομεν τό τε  $\overset{\circ}{M}\Xi O, \Delta$  παραλληλόγραμμον  
καὶ τὸ  $\overset{\circ}{M}M, \Delta$  τρίγωνον, καὶ τὸ  $\overset{\circ}{\Gamma}M\overset{\circ}{M}M$  τραπέζιον,  
καὶ ἔτι τὸ ἕτερον τραπέζιον, καὶ ἔξομεν τὸ περιεχο-  
μενον χωρίον ὑπὸ τε τῆς  $\overset{\circ}{\Gamma}M\overset{\circ}{M}, \Delta$  γραμμῆς καὶ τῶν  
 $\overset{\circ}{\Gamma}\Xi, \langle \Xi O, \rangle O, \Delta$  εὐθειῶν μεμετρημένον. <sup>15</sup>

κδ. Ἔστι δὲ καὶ ἄλλος τρόπος μετρήσεως. ἔστω  
χωρίον, ὃ δεῖ μετρηῆσαι, τὸ ὑπογεγραμμένον, ἐν ᾧ διὰ  
τῆς διόπτρας δι' ὅλου τοῦ μήκους διήχθω τις εὐθεῖα,  
p. 266 κατὰ τὸ δυνατόν μέση τοῦ χωρίου ὡς ἐγγιστα, ἢ  $AB$ .  
ἐπὶ δὲ ταύτης εἰλήφθω συνεχῇ σημεία τὰ  $\Gamma, \Delta, E, Z,$  <sup>20</sup>  
 $H, \Theta$ . ἀπὸ δὲ τῶν ληφθέντων σημείων τῇ  $AB$  πρὸς  
ὀρθὰς ἤχθωσαν διὰ τῆς διόπτρας αἱ  $\Gamma K, \Gamma \Delta, \Delta M,$   
 $\Delta N, E \Xi, EO, Z\Pi, ZP, H\Sigma, HT, \Theta T, \Theta \Phi$ , ὥστε

1 το ωρειον: corr. Vi 6 γραμμὴ τῇ  $\Gamma, \Delta$  περιφερῇ, μετρησω-  
μεν 7  $\Delta \mu$ , sed  $\varsigma$  in rasura m. 1 8  $\mu \mu$  9 fin.  $\mu \mu \mu \mu Z$   
ωστε 11 μετρήσωμεν 12  $\mu \mu, \Delta$  τρίγωνον τὸ  $\overset{\circ}{\Gamma} \mu \mu$   
τραπέζιον 14  $\overset{\circ}{\Gamma} \mu \mu, \Delta$  γραμμῆς 22  $\Delta M \Delta H$ : corr. Vi  
23  $Z\Pi H P H \Sigma$

- $P\epsilon, \Sigma Z, TH, \gamma\theta, \Phi A, X\overset{\alpha}{M}, \Psi\overset{\beta}{M}, \Omega E, \varsigma\overset{\gamma}{M}, \eta\overset{\delta}{M}$   
 dergestalt, daß die Endpunkte dieser Senkrechten von  
 der das Flächenstück umschließenden Linie Stücke, die  
 nahezu gerade sind, abschneiden. Nachdem dies geschehen,  
 5 wird es möglich sein, das Flächenstück zu messen. Denn  
 $B\Gamma ZM$  ist ein rechtwinkliges Parallelogramm; wir werden  
 dann also, wenn wir seine Seiten mit einer Meßkette oder  
 einem geprüften Bande (d. h. einem, das sich weder aus-  
 dehnen noch zusammenziehen kann) messen, den Inhalt  
 10 des Parallelogramms erhalten. Die außerhalb desselben  
 liegenden rechtwinkligen Dreiecke und Trapeze werden  
 wir in gleicher Weise messen, da wir ihre Seiten haben.  
 Es werden nämlich  $BK\mathfrak{D}$ ,  $BH\epsilon$ ,  $\Gamma P\epsilon$ ,  $\Gamma\Sigma Z$ ,  $Z\Omega E$ ,  
 $Z\varsigma\overset{\gamma}{M}$ ,  $\theta H\overset{\epsilon}{M}$  rechtwinklige Dreiecke, die übrigen recht-  
 15 winklige Trapeze sein. Die Dreiecke nun werden gemessen,  
 indem man die den rechten Winkel einschließenden Seiten  
 mit einander multipliziert und von dem Produkt die Hälfte  
 nimmt; die Trapeze werden gemessen, indem man die  
 Hälfte der Summe ihrer parallelen Seiten mit der auf sie  
 20 gefällten Senkrechten multipliziert; z. B.  $\frac{K\mathfrak{D} + AA}{2} \times KA$ ,  
 und ähnlich bei den übrigen. Es wird also das ganze  
 Flächenstück durch das in der Mitte liegende Parallelo-  
 gramm und die außerhalb desselben liegenden Dreiecke  
 und Trapeze gemessen sein.
- 25 Befindet sich zufällig zwischen den Linien, die im  
 rechten Winkel zu den Seiten des Parallelogramms ge-  
 zogen sind, eine krumme Linie, die sich nicht der Geraden  
 nähert (wie z. B.  $\Gamma A$  zwischen  $\Sigma\Gamma$  und  $O A$ ), sondern der  
 Kreislinie, so werden wir sie auf folgende Weise messen.
- 30 Wir ziehen zu  $O A$  im rechten Winkel  $A\overset{\varsigma}{M}$ , nehmen auf  
 dieser Linie aufeinander folgende Punkte  $M$  und  $\overset{\eta}{M}$  an  
 und ziehen von ihnen aus im rechten Winkel zu  $\overset{\varsigma}{MA}$  die  
 Geraden  $\overset{\theta}{MM}$  und  $\overset{\eta}{MM}$ , so daß die Linienstücke, die

πάλιν τὰς μεταξὺ γραμμὰς σύνεγγυς εὐθείας εἶναι. πάλιν οὖν διήρηται τὸ χωρίον εἰς τρίγωνα τὰ  $ΑΓΚ$ ,  $ΑΓΛ$ ,  $ΒΘΦ$ ,  $ΒΘΤ$ , καὶ τὰ λοιπὰ τραπέζια. δυνατόν οὖν διὰ τε τῶν εἰρημένων τριγώνων καὶ διὰ [τε] τῶν τραπέζιων τὸ χωρίον μετρηθῆναι. ἔὰν δὲ πάλιν 5 ἐμπέσῃ τις μεταξὺ περιφερῆς γραμμῇ, διελοῦμεν τὸ πρὸς αὐτῇ τραπέζιον ὡσαύτως τῷ ἑπάνω, καὶ οὕτως

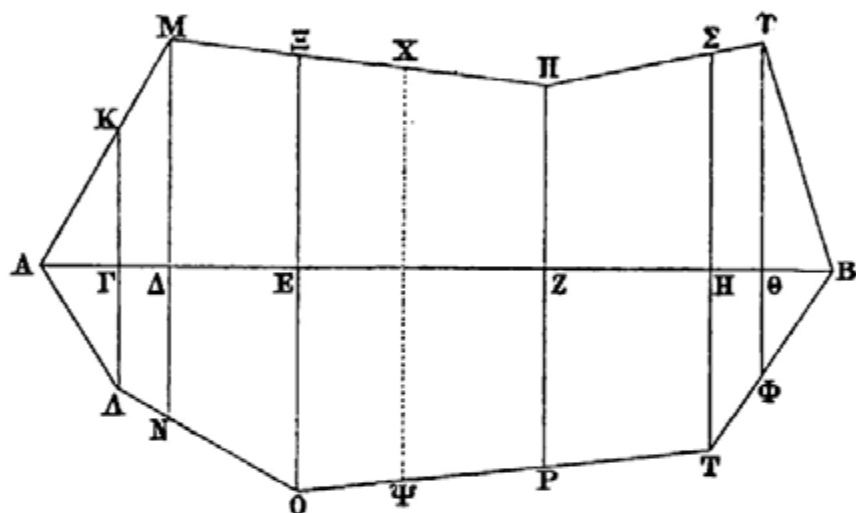


Fig. 105.

μετρήσομεν. αὕτη δ' ἡ μέτρησις εὐχρηστός ἐστιν, ὅταν δέῃ καὶ διελεῖν τὸ χωρίον εἰς τὰ δοθέντα μέρη. δέον γὰρ ἔστω διελεῖν αὐτὸ εἰς ἴσα μέρη ἑπτὰ διὰ παραλ- 10 λήλων εὐθειῶν. ἐμέτρησα οὖν τὸ χωρίον, καὶ ἔλαβον τοῦ γενομένου τὸ ἑβδομον μέρος, ὥστε ἐκάστῳ μέρει τοσοῦτον ἀπονέμειν· ἐμέτρησα οὖν τὸ  $ΚΑΛ$  χωρίον, καὶ εἰ μὲν ἴσον ἐστὶν τῷ ἑβδόμῳ μέρει, ἔχομεν τὸ  $ΚΑΛ$  χωρίον· εἰ δὲ μὴ, προστίθῃμι τῷ τοῦ  $ΚΑΛ$  15

4 διὰ τε τῶν τραπέζιων: correxi 6 περιφερὶς 7 ὡσαντὸς  
8 μετρησωμεν 13 f. ἀπονέμειν <δει> 15 προστίθῃμι τὸ τοῦ

zwischen den gezogenen Geraden liegen, annähernd Gerade sind;  
 sodann messen wir wiederum das Parallelogramm  $\overset{\zeta}{M}\overset{\zeta}{E}\overset{\zeta}{O}\overset{\zeta}{A}$   
 und das Dreieck  $\overset{\eta}{M}\overset{\zeta}{M}\overset{\zeta}{A}$  und das Trapez  $\overset{\zeta}{\Gamma}\overset{\zeta}{M}\overset{\zeta}{M}\overset{\zeta}{M}$ , und  
 ferner noch das andere Trapez, und werden so das Flächen-  
 5 stück gemessen haben, welches von der Linie  $\overset{\zeta}{\Gamma}\overset{\zeta}{M}\overset{\zeta}{M}\overset{\zeta}{A}$   
 und den Geraden  $\overset{\zeta}{\Gamma}\overset{\zeta}{E}$ ,  $\overset{\zeta}{E}\overset{\zeta}{O}$ ,  $\overset{\zeta}{O}\overset{\zeta}{A}$  umschlossen wird.

XXIV. Es giebt auch noch eine andere Art der Ausmessung.

Das zu messende Flächenstück sei das unten gezeichnete.  
 10 Durch dieses lege man nach seiner ganzen Länge vermittelst der Dioptra eine Gerade, die nach Möglichkeit annähernd in der Mitte des Flächenstücks laufen soll,  $AB$ .

Auf dieser nehme man eine Reihe aufeinander folgender Punkte  $\Gamma$ ,  $A$ ,  $E$ ,  $Z$ ,  $H$ ,  $\Theta$  an und von den ange-  
 15 nommenen Punkten im rechten Winkel zu  $AB$  vermittelst der Dioptra die Geraden  $\overset{\zeta}{\Gamma}K$ ,  $\overset{\zeta}{\Gamma}A$ ,  $\overset{\zeta}{A}M$ ,  $\overset{\zeta}{A}N$ ,  $\overset{\zeta}{E}E$ ,  $\overset{\zeta}{E}O$ ,  $\overset{\zeta}{Z}H$ ,  $\overset{\zeta}{Z}P$ ,  $\overset{\zeta}{H}\Sigma$ ,  $\overset{\zeta}{H}T$ ,  $\overset{\zeta}{\Theta}T$ ,  $\overset{\zeta}{\Theta}\Phi$  gezogen werden, so daß wiederum die dazwischen liegenden Linienstücke nahezu gerade sind. Wiederum ist nun das Flächenstück in die  
 20 Dreiecke  $\overset{\zeta}{A}\overset{\zeta}{\Gamma}K$ ,  $\overset{\zeta}{A}\overset{\zeta}{\Gamma}A$ ,  $\overset{\zeta}{B}\overset{\zeta}{\Theta}\overset{\zeta}{\Phi}$ ,  $\overset{\zeta}{B}\overset{\zeta}{\Theta}T$  und die noch übrig bleibenden Trapeze zerlegt. Dann kann man durch die bezeichneten Dreiecke und durch die Trapeze das Flächenstück messen. Findet sich darunter wieder irgend eine gekrümmte Linie, so werden wir das daran liegende  
 25 Trapez in derselben Weise wie oben zerlegen und es so messen.

Diese Art der Ausmessung ist in dem Fall praktisch, wenn das Flächenstück auch in eine gegebene Anzahl von Teilen zerlegt werden soll. Es sei nämlich die Aufgabe,  
 30 es durch parallele Gerade in 7 gleiche Teile zu zerlegen. Ich messe das ganze Flächenstück aus und nehme von dem Resultat den siebenten Teil, so daß ich ebensoviel für jeden Teil zu vergeben habe. Nun messe ich das Flächenstück  $KAA$ . Wenn es gleich einem solchen siebenten  
 35 Teile ist, so haben wir das Flächenstück  $KAA$  (von der

τὸ τοῦ  $KAMN$  ἔμβαδόν· καὶ εἰ μὲν ἴσον εὐρεθείη  
 τῷ <ἐβδόμῳ> μέρει, ἔσται ἡ  $MN$  ἀφορίζουσα τὸ ἐν  
 τῶν μερῶν. εἰ δὲ μείον εὐρεθείη, δεήσει πάλιν προσ-  
 θεῖναι καὶ τὸ τοῦ  $MNΞO$  ἔμβαδόν, ἄχρις ἂν ἴσον  
 γένηται τῷ ἐβδόμῳ μέρει ἢ ὑπερβάλῃ. ὑπερβεβληκέτω 5  
 οὖν προστεθέντος τοῦ  $ΞOΠP$ . δεήσει ἄρα ἀπὸ τοῦ  
 $ΞOΠP$  ἀφελεῖν χωρίον ἴσον τῷ ὑπερβάλλοντι, οἷον  
 fol. 74<sup>r</sup> τὸ  $ΠΡΧΨ$  |. ὥστε δεήσει ἐπίστασθαι, ἀπὸ τοῦ δοθέντος  
 τραπεζίου ὡς δεῖ ἀφελεῖν τραπέζιον ἴσον τῷ δοθέντι·  
 τοῦτο δὲ ἐξῆς δεῖξομεν. οὐκοῦν ἔσται τὸ  $ΧΑΨ$  χωρίον 10  
 ἐν τῶν μερῶν. πάλιν οὖν τῷ  $ΠΧΨP$  προσέθηκα τὸ  
 $ΠΡΣΤ$ · καὶ εἰ μὲν ἴσον εἴη αὐτὸ τὸ ἔμβαδόν <τῷ  
 p. 268 ἐβδόμῳ> μέρει, ἔσται ἡ  $ΣΤ$  ἀφορίζουσα τὸ δεύτερον  
 μέρος· εἰ δὲ ὑπερβάλῃ, πάλιν δεήσει ἀφελεῖν τὸ ὑπερ-  
 βάλλον ἀπὸ τοῦ  $ΠΡΣΤ$  τραπεζίου. καὶ οὕτως νοείσθω 15  
 ἐπὶ τῶν λοιπῶν μερῶν.

κε. Ὅρων χωρίου ἀφανῶν γενομένων, καταλειπο-  
 μένων δὲ δύο ἢ τριῶν καὶ τοῦ μίμηματος ὑπάρχοντος,  
 πορίσασθαι τοὺς λοιποὺς ὄρους. τοῦ δὲ καθολικωτέρου  
 ἕνεκα σχολιωτέραν μέτρησιν καὶ μίμημα ἐκθησόμεθα. 20  
 ἔστω τὸ δοθὲν χωρίον, τουτέστιν τὸ μίμημα, τὸ  
 $ABΓΔΕΖΗΘ$ , περιεχόμενον ὑπὸ τῶν σύνεγγυς εὐθειῶν  
 τῶν  $AB$ ,  $BΓ$ ,  $ΓΔ$ ,  $ΔΕ$ ,  $ΕΖ$ ,  $ΖΗ$ ,  $ΗΘ$ ,  $ΘΑ$ . καὶ  
 ἤχθω τῇ  $BΓ$  πρὸς ὀρθὰς ἡ  $BK$ , καὶ ἐπ' αὐτὴν <κάθε-  
 τος ἡ  $KA$ · τῇ δὲ  $AΘ$  πρὸς ὀρθὰς ἡ  $ΘΛ$ , καὶ ἐπ' 25  
 αὐτὴν> κάθετος ἡ  $ΗΔ$ · τῇ δὲ  $HZ$  πρὸς ὀρθὰς ἡ  $ZM$ ,  
 καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἡ  $ME$ · πάλιν δὲ τῇ  $BΓ$  πρὸς  
 ὀρθὰς ἡ  $ΓN$ , καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἡ  $ΔN$ . δυνατὸν

2 suppl. Vi    4 f.  $MNOΞ$     11 τὸ  $ΠΨP$  προσέθηκα τω  
 12—13 ἔμβαδόν μέρος: corr. Vi; f. αὐτοῦ    14 ὑπερβαλλή:



erforderlichen Größe); wo nicht, so setze ich zum Inhalt von  $KAA$  noch den Inhalt von  $KAMN$  hinzu. Und wenn es sich dann als dem siebenten Teil gleich herausstellt, so wird  $MN$  die Gerade sein, die eins der Teilstücke begrenzt. Ergiebt es sich als kleiner, so wird man wiederum noch den Inhalt von  $MN\Xi O$  zusetzen müssen, bis es gleich dem siebenten Teile oder größer wird. Es sei größer geworden, nachdem  $\Xi O\Pi P$  zugesetzt worden ist. Dann wird man von  $\Xi O\Pi P$  ein Flächenstück, das gleich dem Überschufs ist, abschneiden müssen, beispielsweise  $\Pi P X \Psi$ . Man wird daher das Verfahren kennen müssen, wie man von einem gegebenen Trapez ein einem anderen gegebenen Trapez inhaltsgleiches Trapez abschneidet; dies werden wir im Folgenden zeigen. Es wird nun also das Flächenstück  $X A \Psi$  eines der Teilstücke sein. Ich setze nun wieder zu  $\Pi X \Psi P$  das Stück  $\Pi P \Sigma T$  hinzu. Wenn alsdann der Inhalt des Ganzen ein gleiches Teilstück ergibt, so wird  $\Sigma T$  die Linie sein, welche das zweite Teilstück begrenzt. Ist es größer, so wird man wiederum das überschüssige Stück von dem Trapez  $\Pi P \Sigma T$  abschneiden müssen. Und ebenso denke man sich das Verfahren bei den übrigen Teilen.

XXV. Wenn die Grenzsteine eines Flächenstücks verschwunden sind und nur zwei oder drei derselben noch übrig sind und ein Handrifs vorhanden ist, die übrigen Grenzsteine zu bestimmen.

Um die Methode allgemeiner anwendbar zu machen, werden wir eine ziemlich unbequeme Vermessungsaufgabe und einen ziemlich unbequemen Plan vorlegen.

Das gegebene Flächenstück d. h. der Plan, sei  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$ , das von den annähernd geraden Linien  $AB$ ,  $B\Gamma$ ,  $\Gamma A$ ,  $\Delta E$ ,  $EZ$ ,  $ZH$ ,  $H\Theta$ ,  $\Theta A$  umschlossen wird. Nun soll zu  $B\Gamma$  im rechten Winkel die Linie  $BK$

corr. Vi 20 σχολιαστέρων: σχολιαστέραν Vi 21 ως τὸ δοθὲν:  
 correxi sublato errore ex compendio nato 28 ἐπ' αὐτήν.  
 corr. Vi

ἄρα ἐστὶ τὰ  $ABK$ ,  $HΘΛ$ ,  $EZM$ ,  $ΓΔΝ$  τρίγωνα μετρήσαι, τὰ δὲ καταλειπόμενα παραλληλόγραμμα τιμόντα μετρήσαι, ἐκβάλλοντα τὰς πρὸς ὀρθὰς εὐθείας,

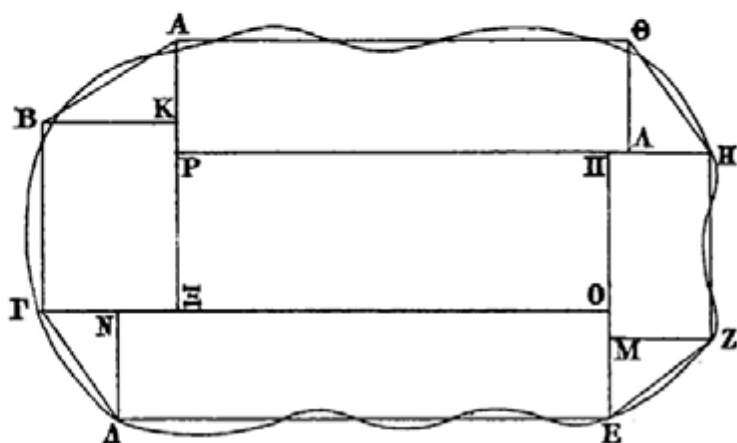


Fig. 106.

ὥστ' εἶναι παραλληλόγραμμα τὰ  $BΞ$ ,  $NE$ ,  $HM$ ,  $ΘΡ$ ,  
 p. 270  $ΞΠ$ . δεδόσθω οὖν τὸ μίμημα, οἷον εἴρηται, ἐκ τριγώ- 5  
 νων καὶ παραλληλογράμμων <...> περιεχόμενον· μόνοι  
 δὲ φανέσθωσαν οἱ  $Θ$ ,  $B$ ,  $Γ$  ὄροι. καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ  
 $BK$  ἐπὶ τὸ  $Γ$ · καὶ εἰλήφθω ἡ διὰ τῶν  $B$ ,  $Θ$  σημείων  
 εὐθεῖα διὰ τῆς διόπτρας τῇ θέσει καὶ τῷ μεγέθει·  
 καὶ ἀπειλήφθω αὐτῆς δοθὲν <μέρος> ἡ  $BT$ , ἐπὶ δὲ 10  
 τὴν  $BΓ$  κάθετος <ἤχθω ἡ  $ΘΣ$ , καὶ> ἡ  $ΤΤ$ . ἔσται ἄρα  
 καὶ ἡ  $ΤΤ$  τὸ αὐτὸ μέρος τῆς  $ΘΣ$ , ὃ μέρος ἐστὶν ἡ  
 $BT$  τῆς  $BΣ$ , <καὶ ἡ  $BT$  τῆς  $BΘ$ >. ἔχομεν δὲ ἑκα-  
 τέραν τῶν  $BΣ$ ,  $ΣΘ$ , ἐκ τοῦ μιμήματος· ὥστε ἔχομεν  
 καὶ ἑκατέραν τῶν  $BT$ ,  $ΤΤ$ . λαβόντες οὖν σχοινίον 15

2—3 τεμόντα μετρήσαι: πέντε ὄντα μετρησόμεθα Vi 4—5  
 NE ΠΜ ΘΡ ΞΝ: corr. Vi 6 f. <συνκείμενον καὶ ὑπὸ γραμ-  
 μῶν σύγγενος εὐθειῶν> R. Schoene 7 οἱ ΘΒΓ ὄροι: [Γ] Vi  
 7—8 ἡ ΘΚ ἐπὶ τὸ Σ 10 δοθὲν vix sanum 11 τὴν BE  
 14 τῷ BΣ ΣΘ

gezogen werden und auf ihr  $KA$  senkrecht stehen, zu  $A\Theta$  im rechten Winkel die Linie  $\Theta A$  gezogen werden und auf ihr  $HA$  senkrecht stehen; zu  $HZ$  im rechten Winkel die Linie  $ZM$  gezogen werden und auf ihr  $ME$  senkrecht stehen; wiederum soll zu  $BI$  im rechten Winkel  $IN$  gezogen werden und auf ihr  $AN$  senkrecht stehen. Es ist also möglich die Dreiecke  $ABK$ ,  $H\Theta A$ ,  $EZM$ ,  $IAN$  zu messen und die übrig bleibenden Parallelogramme nach ihrer Zerlegung zu messen, indem man die im rechten Winkel gezogenen Geraden verlängert, so daß  $BZ$ ,  $NE$ ,  $HM$ ,  $\Theta P$ ,  $EH$  Parallelogramme sind.

Es sei nun der Plan von der angegebenen Art gegeben, der aus Dreiecken und Parallelogrammen bestehen soll. Und nur die Grenzsteine  $\Theta$ ,  $B$  und  $I$  sollen (im Terrain) noch sichtbar sein. Nun werde  $BK$  bis  $I$  verlängert und vermittelst der Dioptra die durch die Punkte  $B$  und  $\Theta$  gehende Gerade ihrer Lage und ihrer Gröfse

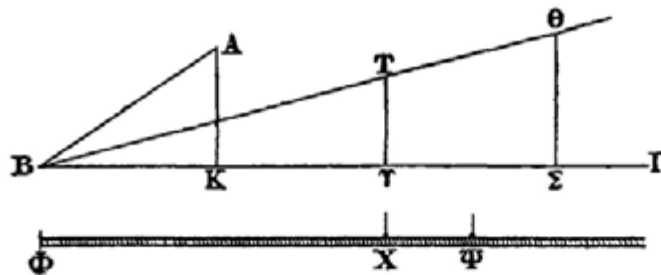


Fig. 107.

nach bestimmt. Und es werde von ihr ein Stück,  $BT$ , abgeschnitten und auf  $BI$  die Senkrechten  $\Theta\Sigma$  und  $TT$  gefällt. Also wird auch  $TT$  der ebensoviele Teil von  $\Theta\Sigma$  sein als  $BT$  von  $B\Sigma$  ist und  $BT$  von  $B\Theta$ . Wir haben nun jede der beiden Geraden  $B\Sigma$  und  $\Sigma\Theta$  aus dem Plan. Wir werden daher auch jede der beiden Geraden  $BT$  und  $TT$  haben. Wir nehmen nun ein Meßband, das sich nicht ausdehnt, von der Gröfse von  $BT$ , nämlich  $\Phi\Psi$ , und tragen auf ihm den Teil  $\Phi X = BT$  ab, das der ebensoviele Teil von  $B\Sigma$  sein soll als  $TT$  von  $\Theta\Sigma$

μὴ ἐκτείνεσθαι δυνάμενον, ἴσον τῇ  $BT$ , τὸ  $\Phi\Psi$ ,  
ἐπ' αὐτοῦ μέρος ἀποληψόμεθα τὴν  $\Phi X$  <ἴσον τῇ  $BT$ ,  
τὸ αὐτὸ μέρος τῆς  $B\Sigma$ > ὃ μέρος ἐστὶν <ἢ  $TT$  τῆς  $\Theta\Sigma$ ,  
καὶ ἢ  $BT$  τῆς  $B\Theta$ . τὰ δὲ πέρατα τοῦ σχοινίου τὰ  
 $\Phi$ ,  $\Psi$  θήσομεν πρὸς τὴν  $BT$ , ὥστε τὸ μὲν  $\Phi$  πρὸς τῷ 5  
 $B$  εἶναι, τὸ δὲ  $\Psi$  πρὸς τῷ  $T$  καὶ λαβόμενοι τὸ  $X$   
σημεῖον ἐκτενοῦμεν τὸ σχοινίον, καὶ πάντως τὸ  $X$  τὴν  
τολ. 74<sup>v</sup> αὐτὴν θέσιν ἔξει τῷ  $T$ . ἐπιζεύξαντες οὖν τὴν  $BT$   
ἦτοι σπάρτῃ ἢ διόπτρᾳ ἐπ' αὐτῆς θήσομεν τὸ μέτρον  
τῆς  $BK$ , ὃ ὑπάρχει ἐκ τοῦ μιμήματος, καὶ ἔξομεν τὸ 10  
 $K$  σημεῖον. εἶτα τῇ  $BK$  πρὸς ὀρθὰς ἀγαγόντες τὴν  
 $KA$  καὶ θέντες ἐπ' αὐτῆς τὸ μέτρον τῆς  $KA$  ἔξομεν  
πεπορισμένον τὸ  $A$  σημεῖον. καὶ τὰ λοιπὰ δὲ ποριού-  
μεθα ἀκολουθοῦντες ταῖς ἐν τῷ μιμήματι πρὸς ὀρθὰς  
εὐθείαις, καὶ τοῖς ἐπ' αὐταῖς μέτροις. 15

p. 276 κξ. Τὸ δοθὲν χωρίον διελεῖν διὰ τοῦ δοθέντος  
σημεῖου εἰς τὰ δοθέντα μέρη. ἔστω δὲ τὸ δοθὲν  
σημεῖον ὥσπερ ὕδρευμα, [ἦ] ὡς πάντες οἱ τὰς διαιρέσεις  
λαβόντες τῷ αὐτῷ χρῶνται ὕδατι. ἔστω τὸ δοθὲν  
χωρίον περιεχόμενον ὑπὸ εὐθειῶν τῶν  $AB$ ,  $B\Gamma$  < $\Gamma\Delta$ >, 20  
 $\Delta E$ ,  $EZ$ ,  $ZH$ ,  $H\Theta$ ,  $\Theta K$ ,  $KA$ ,  $AA$ . ἐὰν γὰρ μὴ  
ᾧσιν αἱ τὸ χωρίον περιέχουσιν εὐθεῖαι, ἀλλ' ἄτακτός  
τις γραμμὴ, ληψόμεθα ἐπ' αὐτῆς <συνεχῇ> σημεία,  
ὥστε τὰς μεταξὺ αὐτῶν σύνεγγυς εὐθείας εἶναι. τὸ  
δὲ δοθὲν σημεῖον ἔστω τὸ  $M$ , καὶ δεῖν ἔστω διελεῖν 25  
εἰς ἑπτὰ ἴσα μέρη τὸ χωρίον διὰ τοῦ  $M$  σημείου.  
ἡχθῶ ἐπὶ τὴν  $AB$  κάθετος ἢ  $MN$  διὰ τῆς διόπτρας,

2 suppl. Vi    5-6 πρὸς τὸ B    6 τοῦ X    7 ἐκτείνομεν  
8 τὸ T    9 θήσομεν    10 τῆς  $BK\Theta$  ὑπάρχει: corr. Vi  
14 ἐπαντάσ: correxi    18 [ἦ] delevi dubitanter    23 <συνεχῇ>  
addidi    27 ἐπὶ τῆς  $AB$

ist und  $BT$  von  $B\Theta$ . Die Endpunkte des Meßbandes  $\Phi\Psi$  legen wir an  $BT$  so an, daß  $\Phi$  bei  $B$  ist und  $\Psi$  bei  $T$ . Und nachdem wir den Punkt  $X$  bestimmt haben, werden wir das Meßband ausspannen, und unter allen  
 5 Umständen wird  $X$  dieselbe Lage mit  $T$  haben. Wir ziehen nun die Verbindungslinie  $BT$  und werden mit einem Strick oder vermittelst der Dioptra auf ihr das Maß von  $BK$  abtragen, das aus dem Plane ersichtlich ist, und so den Punkt  $K$  erhalten. Sodann ziehen wir im rechten  
 10 Winkel zu  $BK$  die Gerade  $KA$ , und wenn wir auf ihr das Maß von  $KA$  abtragen, so werden wir den Punkt  $A$  bestimmt haben. Auch die übrigen Punkte aber werden wir dadurch bestimmen, daß wir den auf dem Plan verzeichneten Senkrechten und den bei ihnen angemerkten  
 15 Maßen uns anschließen.

XXVI. Ein gegebenes Grundstück mit Linien, die von einem gegebenen Punkte auslaufen, in gegebene Teile zu zerlegen. Der gegebene Punkt sei beispielsweise ein Brunnen, weil dann alle, die Teilstücke erhalten haben,

dasselbe Wasser gebrauchen können.

Das gegebene Flächenstück sei umschlossen von den Geraden  $AB, BF, \Gamma A, AE, EZ, ZH, H\Theta, \Theta K, KA, AA$ . Denn wenn die das Flächenstück umschließenden Linien nicht Gerade sein sollten, sondern eine unregelmäßige Linie, so werden wir auf dieser eine Reihe von Punkten in der Weise

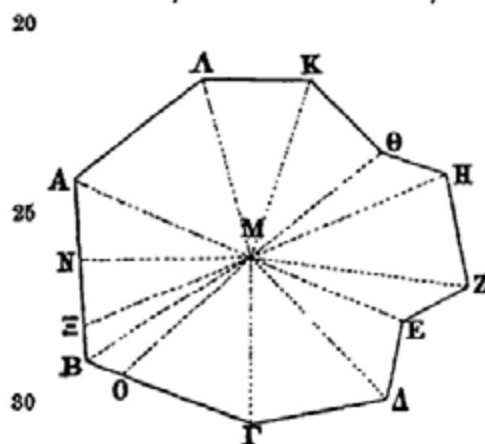


Fig. 108.

annehmen, daß die dazwischenliegenden Linienstücke annähernd Gerade sind. Der gegebene Punkt sei  $M$  und es sei die Aufgabe, das Grundstück von dem Punkte  $M$  aus  
 35 in 7 gleiche Teile zu zerlegen. Es werde auf  $AB$

ὥστ' ἐὰν νοήσωμεν ἐπιζευχθείσας τὰς  $MA, MB$ , δυνα-  
 τὸν ἔσται μετρεῖν τὸ  $AM\langle B\rangle$  τρίγωνον. τὸ γὰρ ὑπὸ  
 τῶν  $AB, MN$  διπλάσιόν ἐστιν τοῦ  $ABM$  τριγώνου.  
 p. 278 δυνατόν δέ ἐστι μετρηῆσαι, ὡς προγέγραπται, καὶ ὅλον  
 τὸ χωρίον. εἰ μὲν οὖν τὸ  $ABM$  τρίγωνον ἑβδομον 5  
 μέρος ἐστὶν τοῦ ὅλου χωρίου, ἔσται τὸ  $ABM$  τρίγωνον  
 ἐν τῶν μερῶν· εἰ δὲ μείζον, ἀφελεῖν δεῖ ἀπ' αὐτοῦ,  
 διαγαγόντα τὴν  $MΞ$ , καὶ ποιεῖν τὸ  $AMΞ$  τρίγωνον  
 ἴσον τῷ ἐβδόμῳ μέρει τοῦ ὅλου χωρίου·  $\langle\epsilon\iota\rangle$  δὲ μείον  
 ἐστὶ τὸ  $ABM$  τρίγωνον τοῦ ἐβδόμου, δεήσει ἀπὸ τοῦ 10  
 $BGM$  τριγώνου ἀφελεῖν τὸ  $BMO$  τρίγωνον, ὃ, μετὰ  
 τοῦ  $AM\langle B\rangle$  τριγώνου, ἑβδομον ἔσται μέρος τοῦ ὅλου  
 χωρίου· ὥς δεῖ δὲ ἀφελεῖν τρίγωνον ἢ προσθεῖναι,  
 ἐξῆς δεῖξομεν. οὕτως οὖν καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν τρι-  
 γώνων ἐπιλογιζόμενοι διεξελοῦμεν τὸ χωρίον εἰς τὰ 15  
 δοθέντα μέρη ἀπὸ τοῦ  $M$  σημείου.

κζ. Τὸ δοθὲν χωρίον μετρηῆσαι μὴ εἰσελθόντα εἰς  
 τὸ χωρίον, ἥτοι διὰ φυτείας πυκνότητα ἢ διὰ οἰκοδο-  
 μημάτων ἐμποδισμὸν ἢ διὰ τὸ μὴ ἐξεῖναι εἰς τὸ  
 χωρίον εἰσιέναι. ἔστω τὸ δοθὲν χωρίον περιεχόμενον 20  
 ὑπὸ εὐθειῶν τῶν  $AB, BG, GA, AE, EZ, ZH,$   
 $H\Theta, \Theta A$ . ἐκβεβλήσθωσαν αἱ  $ZH, \Theta H$  ἐπὶ τὰ  
 fol. 76<sup>r</sup> ἐκτὸς τοῦ χωρίου μέρη, ἥτοι διὰ | κανόνων ἢ σπάρτου·  
 καὶ τῆς μὲν  $ZH$  μέρος τι κείσθω ἡ  $HK$ , τῆς δὲ  $\Theta H$   
 p. 280 τὸ αὐτὸ μέρος ἡ  $HA$ · καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $KA$ · ἔσται δὴ 25  
 καὶ ἡ  $KA$  τὸ αὐτὸ μέρος τῆς  $\Theta Z$ . καὶ ὃν λόγον  
 ἔχει τὸ ἀπὸ τῆς  $ZH$  πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς  $HK$ , τὸν αὐτὸν  
 λόγον ἔχει καὶ τὸ  $ZH\Theta$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $HK A$   
 τρίγωνον, διὰ τὸ παράλληλον γίνεσθαι τὴν  $\Theta Z$  τῇ

7 μείζων 8 τὴν μεταξὺ: corr. Vi 18 φυτείας 25 ἐπεζεύχθω  
 27 πρὸς τῷ 29f. γενέσθαι

vermitteltst der Dioptra die Senkrechte  $MN$  gefällt, so dafs, wenn wir die Verbindungslinien  $MA$  und  $MB$  gezogen denken, es möglich wird, das Dreieck  $AMB$  zu messen. Denn  $AB \propto MN = 2 \propto$  Dreieck  $ABM$ . Man  
 5 kann aber in der vorbeschriebenen Weise auch das ganze Grundstück messen.

Wenn nun das Dreieck  $ABM$  gleich einem Siebentel des ganzen Grundstücks ist, so wird das Dreieck  $ABM$  eins der Teilstücke sein. Wenn es gröfser ist, so mufs  
 10 man etwas davon wegnehmen, indem man die Linie  $M\Xi$  zieht, und mufs das Dreieck  $AM\Xi$  gleich einem Siebentel des ganzen Grundstücks machen. Ist dagegen das Dreieck  $ABM$  kleiner als ein Siebentel, so wird man von dem Dreieck  $B\Gamma M$  das Dreieck  $BMO$  fortnehmen müssen, das  
 15 zusammen mit Dreieck  $AMB$ , ein Siebentel des ganzen Grundstücks ausmachen wird. Wie man aber ein Dreieck zuzusetzen oder fortzunehmen hat, werden wir im folgenden zeigen. Indem wir nun auch bei den übrigen Dreiecken dieselbe Rechnung anstellen, werden wir das Grundstück  
 20 vollständig in die geforderten Teilstücke mit Linien, die von dem Punkt  $M$  ausgehen, zerlegen.

XXVII. Ein gegebenes Flächenstück zu teilen, ohne dasselbe zu betreten, entweder wegen Dichtigkeit des Pflanzenbestandes oder wegen Behinderung durch Gebäude  
 25 oder weil das Betreten des Grundstückes verboten ist.

Das gegebene Flächenstück soll von den Geraden  $AB$ ,  $B\Gamma$ ,  $\Gamma A$ ,  $AE$ ,  $EZ$ ,  $ZH$ ,  $H\Theta$ ,  $\Theta A$  umschlossen sein. Man verlängere die Linien  $ZH$  und  $\Theta H$  nach den aufserhalb des Flächenstücks liegenden Teilen hin vermitteltst  
 30 Richtlatten oder eines Seils. Und es soll  $HK$  gleich einem bestimmten Teil von  $ZH$ ,  $HA$  gleich dem ebensovioleten Teil von  $\Theta H$  gemacht werden.

Nun ziehe man die Verbindungslinie  $KA$ ; also wird auch  $KA$  der ebensoviolet Teil von  $\Theta Z$  sein. Also  
 35  $ZH^2 : HK^2 =$  Dreieck  $ZH\Theta : \text{Dreieck } HKA$ , weil  $\Theta Z$  parallel zu  $KA$  geworden ist. So wird beispielsweise, wenn  $ZH = 5 HK$  ist, das Dreieck  $ZH\Theta = 25 \propto$  Drei-

ΚΑ· οἶον, εἰ τύχοι, εἰ πενταπλασία ἐστὶν ἡ ΖΗ τῆς  
 ΗΚ, ἔσται τὸ ΖΗΘ τρίγωνον πεντεκαεικοσάπλάσιον  
 τοῦ ΗΚΑ τριγώνου. δυνατόν δὲ μετρηῆσαι τὸ ΗΚΑ  
 τρίγωνον, ἐπειδήπερ ἔχω τὰς πλευρὰς αὐτοῦ· τοῦτο  
 γὰρ ἔξῃς δείξομεν· δυνατόν οὖν καὶ τοῦ ΖΗΘ τρι- 5  
 γώνου τὸ ἐμβαδὸν πορισθῆναι. εἰάν οὖν νοήσωμεν  
 ἐπιξευχθείσας τὰς ΘΖ, ΘΕ, ΘΔ, ΘΓ, ΘΒ, καὶ  
 εὗρωμεν ἐκάστων τῶν ΘΕΖ, ΘΕΔ, ΘΔΓ, ΘΓΒ,  
 ΘΒΑ τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν, ἔστιν καὶ ὅλου τοῦ  
 χωρίου <τὸ ἐμβαδὸν> πεπορισμένον. ἐκβεβλήσθω ἡ 10  
 ΗΖ ἐπὶ τὸ Μ, καὶ κείσθω τῇ ΗΚ ἴση ἡ ΖΜ· καὶ  
 ἐπὶ τῆς ΖΜ σχοινίῳ κεκλίσθωσαν αἱ ΖΝ, ΝΜ, ὥστ'  
 ἴσην εἶναι τὴν μὲν ΖΝ τῇ ΚΑ, τὴν δὲ ΝΜ τῇ ΗΑ·  
 ἔσται δὴ <ἡ ΖΜ τῇ ΗΖ> καὶ ἡ ΝΖ τῇ ΖΘ ἐπ' εὐ-  
 θείας. ἐκβεβλήσθω δὴ καὶ ἡ ΕΖ ἐπὶ τὸ Ξ· καὶ τῆς 15  
 μὲν ΕΖ μέρος ἔστω ἡ ΖΞ, τῆς δὲ ΘΖ τὸ αὐτὸ μέρος  
 ἡ ΖΟ· καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΞΟ· ἔσται δὴ καὶ ἡ ΞΟ τὸ  
 αὐτὸ μέρος τῆς ΘΕ καὶ παράλληλος αὐτῇ. καὶ ἔστι  
 ὥς τὸ ἀπὸ ΕΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΞ τὸ ΕΘΖ τρίγωνον  
 πρὸς τὸ ΞΖΟ τρίγωνον· δυνάμεθα δὲ πορίσασθαι τὸ 20  
 ΞΖΟ, ἐπειδήπερ ἐκάστην τῶν πλευρῶν αὐτοῦ δυνατόν  
 ἔστιν μετρηῆσαι· ὥστε καὶ τὸ ΕΘΖ τρίγωνον πορίσα-  
 σθαι δυνατόν ἐστιν. ὁμοίως δὴ καὶ ἐκάστων τῶν λοι-  
 πῶν τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν ποριούμεθα· ὥστε καὶ τοῦ  
 ὅλου χωρίου δυνατόν ἐστιν τὸ ἐμβαδὸν πορίσασθαι. 25

p. 282 κη. Τὰ δὲ ὑπερτεθέντα νῦν δείξομεν. τραπεζίου  
 δοθέντος τοῦ ΑΒΓΔ, παράλληλον ἔχοντος τῇ ΑΔ  
 τὴν ΒΓ, καὶ ἔτι ἑκατέραν αὐτῶν καὶ τὴν [μὲν] ἐπ'

8 εὗρωμεν τὸν ΘΕΖ 10 supplevi 12 αἱ ΖΗ ΝΜ  
 13 supplevi 15 ἐπὶ τὸ Ξ, sed Ξ ex Z fec. m. 1 18 καὶ  
 ἔτι: correxi πρὸς τῷ 19 τριγώνω 28 [μὲν] deleui



eck  $HKA$  sein. Es ist nun möglich, das Dreieck  $HKA$  zu messen, da ich ja seine drei Seiten habe — dies werden wir nämlich im folgenden zeigen —; also ist es auch möglich, daß der Inhalt des Dreiecks  $ZH\Theta$  bestimmt  
 5 wird. Denken wir nun die Verbindungslinien  $\Theta Z$ ,  $\Theta E$ ,  $\Theta A$ ,  $\Theta \Gamma$ ,  $\Theta B$  gezogen und finden den Inhalt eines jeden der Dreiecke  $\Theta EZ$ ,  $\Theta EA$ ,  $\Theta A\Gamma$ ,  $\Theta \Gamma B$ ,  $\Theta BA$ , so ist auch der Inhalt des ganzen Flächenstücks bestimmt.

Es werde  $HZ$  bis  $M$  verlängert, und  $ZM = HK$   
 10 gemacht. Und auf  $ZM$  sollen vermittelst eines Meß-

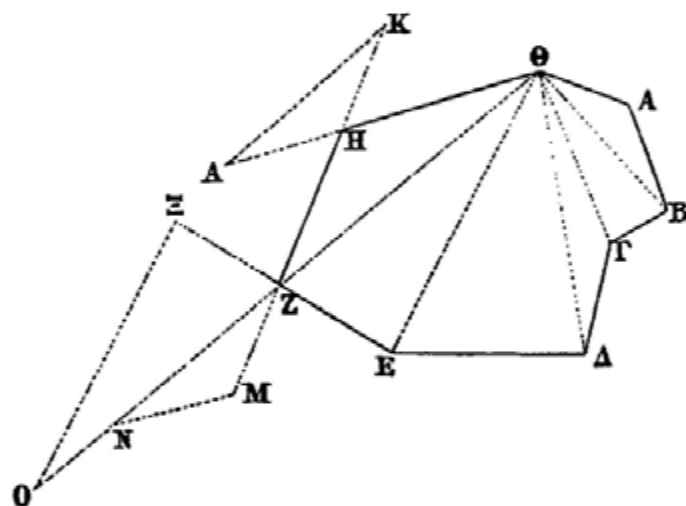


Fig. 109.

bandes die Geraden  $ZN$  und  $NM$  so im Winkel abgehen, daß  $ZN = KA$  und  $NM = HA$  ist. Es wird also  $NZ$  auf einer und derselben Geraden mit  $Z\Theta$  liegen. Nun werde auch  $EZ$  bis zum Punkte  $\Xi$  verlängert, und es sei  
 15  $Z\Xi$  ein bestimmter Teil von  $EZ$ , und  $ZO$  der ebensoviele Teil von  $\Theta Z$ . Man ziehe die Verbindungslinie  $\Xi O$ . Es wird also auch  $\Xi O$  der ebensoviele Teil von  $\Theta E$  sein und zu dieser Linie parallel. Ferner ist  $EZ^2 : Z\Xi^2 = \text{Dreieck } E\Theta Z : \text{Dreieck } \Xi ZO$ . Wir können aber  $\Xi ZO$  bestimmen,  
 20 da es ja möglich ist, jede seiner Seiten zu messen; daher ist es auch möglich, das Dreieck  $E\Theta Z$  zu bestimmen.

αὐτὰς κάθετον δοθεῖσαν, ἀγαγεῖν παράλληλον τῇ  $ΑΔ$ ,  
 ὥς τὴν  $ΕΖ$ , ἀπολαμβάνουσιν τὸ  $ΑΔΕΖ$  τραπέζιον  
 δοθὲν τῷ μεγέθει. γεγονέντω δὴ καὶ ἐκβεβλήσθωσαν  
 αἱ  $ΒΑ$ ,  $ΓΔ$  ἐπὶ τὸ  $Η$ · καὶ κάθετος ἡ  $ΗΘ$ . ἐπεὶ  
 οὖν ἑκατέρω τῶν  $ΑΔ$ ,  $ΒΓ$  δοθεῖσά ἐστι τῷ μεγέθει, 5  
 λόγος ἄρα τῆς  $ΒΓ$  πρὸς  $ΑΔ$  δοθείς, ὥστε καὶ τῆς  
 $ΘΗ$  πρὸς  $ΗΚ$ , καὶ τῆς  $ΘΚ$  ἄρα πρὸς  $ΚΗ$ · καὶ ἐστὶ  
 δοθεῖσα ἡ  $ΘΚ$ , δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ  $ΚΗ$ . ἀλλὰ καὶ ἡ  
 $ΑΔ$  δοθεῖσα. δέδοται οὖν καὶ τὸ  $ΑΔΗ$  τρίγωνον τῷ  
 μεγέθει· δέδοται ἄρα καὶ ὅλον τὸ  $ΗΕΖ$  τρίγωνον· 10  
 λόγος ἄρα τοῦ  $ΗΕΖ$  τριγώνου πρὸς τὸ  $ΗΑΔ$  τρίγωνον  
 δοθείς, ὥστε καὶ τοῦ ἀπὸ  $ΑΗ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ΚΗ$  λόγος  
 ἐστὶ δοθείς· καὶ ἐστὶν δοθὲν τὸ ἀπὸ  $ΗΚ$ , δοθὲν ἄρα  
 καὶ τὸ ἀπὸ  $ΗΑ$ · δοθεῖσα ἄρα ἡ  $ΗΑ$ . ἀλλὰ καὶ ἡ  
 $ΗΘ$ , καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ  $ΑΘ$  δοθεῖσά ἐστι. θέσει ἄρα 15  
 ἡ  $ΕΖ$ · ἀλλὰ καὶ ἡ  $ΗΚ$  δοθεῖσα, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ  
 $ΚΑ$  δοθεῖσά ἐστι. θέσει ἄρα καὶ ἡ  $ΕΖ$ . συντεθή-  
 fol. 75<sup>v</sup> σεται δὴ | οὕτως. ἔστω ἡ μὲν  $ΒΓ$  μοιρῶν ιδ, ἡ <δὲ>  
 $ΑΔ$  μοιρῶν ἐπτα, ἡ δὲ ἐπ' αὐτὴν κάθετος μοιρῶν ς.  
 p. 284 ἐπεὶ οὖν διπλασία ἐστὶν ἡ  $ΒΓ$  τῆς  $ΑΔ$ , ὅλη ἄρα ἡ 20  
 $ΗΘ$  τῆς  $ΗΚ$  ἐστὶ διπλασίων· καὶ ἐστὶν ἡ  $ΚΘ$  μοιρῶν  
 ς· ἔσται ἄρα καὶ <ἡ> λοιπὴ μοιρῶν ς· ἀλλὰ καὶ ἡ  $ΑΔ$   
 μοιρῶν ζ· τὸ ἄρα  $ΑΔΗ$  τρίγωνον ἔσται μοιρῶν κα.  
 δέον οὖν ἔστω τὸ ἀφαιρούμενον τραπέζιον ποιεῖν μοι-  
 ρῶν ιθ· ὅλον ἄρα τὸ  $ΗΕΖ$  τρίγωνον ἔσται μοιρῶν υ· 25  
 καὶ ἐπεὶ ἡ  $ΗΚ$  μοιρῶν ἐστὶν ς, τὸ ἄρα ἀπ' αὐτῆς  
 μοιρῶν ἐστὶ λς. πολλαπλασιάζω οὖν τὰ λς ἐπὶ τὰ

12 πρὸς τῷ 15 ἡ  $ΑΗ$  δοθεῖσα θέσεις, tum una littera  
 erasa est 17 καὶ ἡ  $ΕΒ$  19 επαντ. σ (post τ una litt. eva-  
 nuit) 20—21 ἄρα ἡ  $ΠΟ$  27 μοιρῶν ἐστι λς (in ultima  
 litt. aliquid correctum est)

In ähnlicher Weise werden wir auch den Inhalt jedes der übrigen Dreiecke bestimmen; daher ist es möglich, auch den Inhalt des ganzen Flächenstücks zu bestimmen.

XXVIII. Nunmehr werden wir die aufgeschobenen Beweise geben. Wenn ein Trapez  $AB\Gamma A$  gegeben ist, in dem  $B\Gamma$  parallel  $AA$  ist und diese beiden Seiten sowie die auf sie gefällte Senkrechte gegeben ist, eine Parallele zu  $AA$ , beispielsweise  $EZ$ , zu ziehen, welche das Trapez  $AAEZ$  von gegebener Gröfse abschneiden soll.

Es sei geschehen; und man verlängere die Linien  $BA$  und  $\Gamma A$  bis zum Punkte  $H$ , und ziehe die Kathete  $H\Theta$ . Da nun jede der beiden Geraden  $AA$  und  $B\Gamma$  ihrer Gröfse

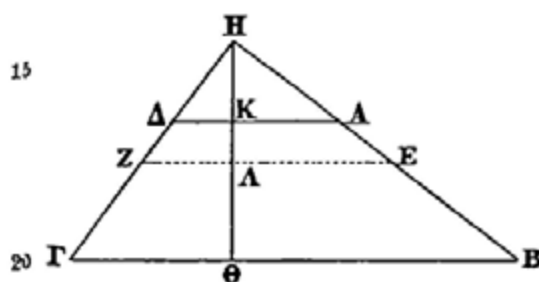


Fig. 110.

nach gegeben ist, so ist das Verhältniß  $B\Gamma:AA$  gegeben, daher auch das Verhältniß  $\Theta H:KH$ , also auch das Verhältniß  $\Theta K:KH$ . Nun ist  $\Theta K$  gegeben, also ist auch  $KH$  gegeben. Es ist aber auch  $AA$  gegeben;

also ist das Dreieck  $AAH$  seiner Gröfse nach gegeben; mithin ist auch das ganze Dreieck  $HEZ$  gegeben. Also ist das Verhältniß des Dreiecks  $HEZ$  zu dem Dreieck  $HAH$  gegeben, daher ist auch das Verhältniß  $AH^2:KH^2$  gegeben. Nun ist  $HK^2$  gegeben, also auch  $HA^2$  gegeben. Also ist  $HA$  gegeben; aber auch  $H\Theta$ ; folglich auch  $A\Theta$  als Differenz; daher seiner Lage nach  $EZ$ . Aber auch  $HK$  ist gegeben; folglich ist als Differenz  $KA$  gegeben; mithin seiner Lage nach  $EZ$ .

Berechnet wird es nun folgendermaßen. Es sei  $B\Gamma = 14$ ,  $AA = 7$ , die darauf gefällte Senkrechte  $= 6$ . Da nun  $B\Gamma = 2AA$ , so ist  $H\Theta = 2HK$ . Nun ist  $K\Theta = 6$ , aber  $AA = 7$ . Das Dreieck  $AAH$  wird daher  $= 21$  sein. Die Aufgabe sei nun, das weggenommene Trapez  $= 19$  zu machen. Das ganze Dreieck  $HEZ$  wird also  $= 40$  sein. Da nun  $HK = 6$ , so ist  $HK^2 = 36$ .

ν· γίνεται  $\gamma\alpha\mu$ · καὶ παραβάλλω παρὰ τὸν  $\kappa\alpha$ , γίνεται  $\xi\eta \perp \iota\delta'$ · καὶ τούτων πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται ὡς  $\xi$   
 $\xi\gamma\gamma\iota\sigma\tau\alpha$   $\eta$  καὶ  $\beta$ · ἔσται οὖν ἡ  $H\Lambda$  μοιρῶν  $\eta$  καὶ  $\beta$   
 $\omega\gamma$  ἡ  $H\kappa$  μοιρῶν  $\varsigma$ · λοιπὴ ἄρα ἡ  $K\Lambda$  μοιρῶν  $\beta$  καὶ  $\xi$   
 $\beta$ · ὥστ' ἐὰν ἀπὸ τῆς καθέτου ἀφέλω μοίρας δύο καὶ  $\beta$  5  
καὶ παράλληλον ἀγάγω, ἔσται τὸ ἀφαιρούμενον τρα-  
πέζιον μοιρῶν  $\iota\theta$ .

κθ. Τριγώνου ὄντος τοῦ  $AB\Gamma$ , καὶ καθέτου τῆς  
 $A\Delta$  διαγαγεῖν τὴν  $AE$  ἀπολαμβάνουσιν τὸ  $ABE$  τρί-  
γωνον δοθέν. γερονέτω. δοθέν οὖν καὶ τὸ ὑπὸ  $ABE$  10  
δοθέν ἄρα τὸ  $E$ . ἔστω οὖν ἡ  $A\Delta$  κάθετος μοιρῶν  
 $\varsigma$ · τὸ δὲ ἀφαιρούμενον τρίγωνον μοιρῶν  $\mu\epsilon$ . δις τὰ  
 $\mu\epsilon$  γίνονται  $\varsigma$ . παραβάλλω παρὰ τὸν  $\varsigma$ , γίνονται  $\iota\epsilon$ .  
<ἀπειλήφθω οὖν ἡ  $BE$  μοιρῶν  $\iota\epsilon$ > καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  
 $AE$ . ἔσται δὴ τὸ  $ABE$  τρίγωνον μοιρῶν  $\mu\epsilon$ . 15

λ. Τριγώνου δοθεισῶν τῶν πλευρῶν εὑρεῖν τὴν  
ἐμβαδόν. δυνατόν μὲν οὖν ἐστὶν ἀγαγόντα μίαν κά-  
θετον καὶ πορισάμενον αὐτῆς τὸ μέγεθος εὑρεῖν τοῦ  
τριγώνου τὸ ἐμβαδόν· δέον δὲ ἔστω χωρὶς τῆς καθέτου  
τὸ ἐμβαδὸν πορίσασθαι. ἔστω τὸ δοθέν τρίγωνον τὸ 20  
 $AB\Gamma$ , καὶ ἔστω ἐκάστη τῶν πλευρῶν δοθεῖσα· εὑρεῖν  
τὸ ἐμβαδόν. ἐγγεγράφθω δὲ εἰς τὸ τρίγωνον κύκλος  
ὁ  $\Delta EZ$ , οὗ κέντρον ἔστω τὸ  $H$ · καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ  
 $HA$ ,  $HB$ ,  $H\Gamma$ ,  $H\Delta$ ,  $HE$ ,  $HZ$ . τὸ μὲν ἄρα ὑπὸ  $B\Gamma$ ,  
 $HE$  διπλάσιόν ἐστι τοῦ  $BH\Gamma$  τριγώνου, τὸ δὲ ὑπὸ 25  
 $AB$ ,  $H\Delta$  τοῦ  $AHB$ , τὸ δὲ ὑπὸ  $A\Gamma$ ,  $HZ$  τοῦ  $A\Gamma H$ .  
τὸ οὖν ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ  $AB\Gamma$  τριγώνου καὶ

3  $\eta$  καὶ  $\beta$  (sic) 8 ὄντος: f. δοθέντος  
13 τῶν  $\varsigma$  14 supplevi 16 cf. Heronis Rationes dimetiendi I  
cap. 8 p. 20 18 αὐτῆς: σ ex n fec. m. 1 19 δεδόσθω δὲ: correxi

$$36 \times 40 = 1440$$

$$1440 : 21 = 68\frac{1}{2} + \frac{1}{14}$$

$$\sqrt{68\frac{1}{2} + \frac{1}{14}} = \text{annähernd } 8\frac{2}{7}.$$

Also wird  $HA = 8\frac{2}{7}$  sein, wovon  $HK = 6$  ist. Also ist  
 5 die Differenz  $KA = 2\frac{2}{7}$ . Wenn ich daher von der Senk-  
 rechten  $2\frac{2}{7}$  abziehe und eine Parallele ziehe, so wird das  
 abgeschnittene Trapez = 19 sein.

XXIX. Wenn  $AB\Gamma$  ein Dreieck und  $AA$  seine Höhe  
 ist, die Gerade  $AE$  zu ziehen, welche das seiner Größe  
 10 nach gegebene Dreieck  $ABE$  abschneidet.

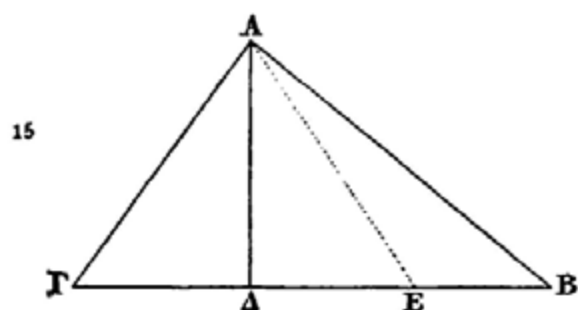


Fig. 111.

Es sei geschehen;  
 also ist auch der In-  
 halt des Dreiecks  
 $ABE$  gegeben; also  
 ist Punkt  $E$  gegeben.  
 Es sei nun die Höhe  
 $AA = 6$ , das weg-  
 zunehmende Dreieck  
 = 45.

$$45 \times 2 = 90$$

$$90 : 6 = 15.$$

Man trage nun  $BE = 15$  ab und ziehe die Verbindungs-  
 linie  $AE$ ; dann wird Dreieck  $ABE = 45$  sein.

XXX. Wenn die Seiten eines Dreiecks gegeben sind  
 25 seinen Inhalt zu finden.

Es ist nun möglich, wenn man eine Höhe gefällt und  
 ihre Größe bestimmt hat, den Inhalt des Dreiecks zu  
 finden. Die Aufgabe sei jedoch, ohne Zuhilfenahme der  
 Höhe den Inhalt des Dreiecks zu bestimmen.

30 Das gegebene Dreieck sei  $AB\Gamma$  und es sei jede seiner  
 Seiten gegeben. Zu finden seinen Inhalt. Es werde in  
 das Dreieck der Kreis  $AEZ$  einbeschrieben, dessen Mittel-  
 punkt  $H$  sein soll, und die Verbindungslinien  $HA$ ,  $HB$ ,  
 $H\Gamma$ ,  $HA$ ,  $HE$ ,  $HZ$  gezogen. Also ist  $B\Gamma \times HE = 2 \times$   
 35 Dreieck  $BH\Gamma$ ,  $AB \times HA = 2 \times$  Dreieck  $AHB$  und

τῆς  $HE$ , τουτέστι τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ  $\Delta ZE$   
 p. 288 κύκλου, διπλάσιόν ἐστι τοῦ  $AB\Gamma$  τριγώνου. ἐκβι-  
 βλήσθω ἡ  $GB$ , καὶ τῇ  $AA$  ἴση κείσθω ἡ  $B\Theta$ . ἡ ἄρα  
 $\Theta\Gamma$  ἡμίσει' ἐστὶ τῆς περιμέτρου· τὸ ἄρα ὑπὸ  $\Theta\Gamma$ ,  $EH$ ,  
 ἴσον ἐστὶ τῷ τοῦ  $AB\Gamma$  τριγώνου ἐμβαδῷ· ἀλλὰ τὸ 5  
 ὑπὸ  $\Theta\Gamma$ ,  $EH$ , πλευρά ἐστι τοῦ ἀπὸ  $\Theta\Gamma$  ἐπὶ τὸ ἀπὸ  
 τοῦ  $EH$  τοῦ ἄρα ἀπὸ  $\Theta\Gamma$  ἐπὶ τὸ ἀπὸ  $EH$  ἡ πλευρὰ  
 ἔσται τὸ τοῦ τριγώνου ἐμβαδόν. ἤχθω τῇ  $H\Gamma$  πρὸς  
 ὀρθὰς ἡ  $HA$ , τῇ δὲ  $B\Gamma$  ἡ  $BA$  καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $GA$ .  
 ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἐστὶν ἑκατέρα τῶν ὑπὸ  $GHA$ ,  $\langle GBA \rangle$ , 10  
 fol. 76<sup>r</sup> γωνιῶν, ἐν κύκλῳ | ἄρα ἐστὶ τὰ  $\Gamma$ ,  $H$ ,  $B$ ,  $A$  αἱ  
 ἄρα ὑπὸ  $GH$ ,  $GA$ , δυὸς ὀρθαῖς ἴσαι·  $\langle καί \rangle$  διὰ τὸ  
 δίχα τέμνεσθαι τὰς πρὸς τῷ  $H$  γωνίας, ταῖς  $AH$ ,  $BH$ ,  
 $GH$ , ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ  $AHA$  τῇ ὑπὸ  $GBA$ . ὁμοιον  
 ἄρα τὸ  $AHA$  τῷ  $GBA$  τριγώνῳ· ὥς ἄρα ἡ  $GB$  πρὸς 15  
 $BA$ , ἡ  $AA$  πρὸς  $\Delta H$ , τουτέστιν ἡ  $\Theta B$  πρὸς  $HE$ .  
 καὶ ἐναλλάξ, ὥς ἡ  $GB$  πρὸς  $B\Theta$ , ἡ  $BA$  πρὸς  $HE$ ,  
 τουτέστιν ἡ  $BK$  πρὸς  $KE$  καὶ συνθέντι, ὥς ἡ  $\Gamma\Theta$   
 πρὸς  $\Theta B$ , οὕτως ἡ  $BE$  πρὸς  $EK$ . ὥστε καὶ ὥς τὸ  
 ἀπὸ  $\Gamma\Theta$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $\Gamma\Theta$ ,  $\langle \Theta \rangle B$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $BE$ , 20  
 $\langle E \rangle \Gamma$ , πρὸς τὸ ὑπὸ  $\Gamma E$ ,  $\langle E \rangle K$ , τουτέστι πρὸς τὸ ἀπὸ  
 $HE$ . ὥστε τὸ ἀπὸ  $\Gamma\Theta$  ἐπὶ τὸ ἀπὸ  $EH$ , οὗ πλευρὰ  
 ἦν τὸ τρίγωνον, ἴσον ἔσται τῷ ὑπὸ  $\Gamma\Theta$ ,  $\langle \Theta \rangle B$ , ἐπὶ  
 τὸ ὑπὸ  $\Gamma E$ ,  $\langle E \rangle B$ . καὶ ἔσται δοθεῖσα ἐκάστη τῶν  
 $\Gamma\Theta$ ,  $\Theta B$ ,  $BE$ ,  $EG$ . ἡ μὲν γὰρ  $\Gamma\Theta$  ἡμίσειά ἐστι τῆς 25  
 περιμέτρου· ἡ δὲ  $\Theta B$  ὑπεροχή, ἣ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια

5 ἐμβαδόν 8 ἐστὶ τῷ τῇ  $NG$  9 ἡ  $GA$  12 ὑπὸ:  
 ὃ evanuit 13 πρὸς τὸ 15—16 πρὸς  $ABA$  sed  $A$  del. m. 1  
 17 πρὸς  $NE$  19 πρὸς  $HK$  ὥστε 20 πρὸς τὸ ὑπὸ  $\Gamma\Theta B$   
 20—21 τὸ ὑπὸ  $BE\Gamma$  21 τῷ ὑπὸ  $\Gamma EK$  πρὸς τῷ 23 τὸ  
 ὑπὸ  $\Gamma\Theta B$  ἐπεὶ 26 ὑπεροχὴν ὑπερέχει

$AI \times HZ = 2 \times AIH$ . Mithin ist das Produkt aus dem Umfang des Dreiecks  $AB\Gamma$  und der Strecke  $HE$ , d. h. dem Radius des Kreises  $AZE$ ,  $= 2 \times$  Dreieck  $AB\Gamma$ . Es werde  $\Gamma B$  verlängert und  $B\Theta = AA$  gemacht. Dann ist  $\Theta\Gamma$  gleich der Hälfte des Umfangs. Also  $\Theta\Gamma \times EH =$  Dreieck  $AB\Gamma$ . Aber  $\Theta\Gamma \times EH = \sqrt{\Theta\Gamma^2 \times EH^2}$ ; also ist  $\sqrt{\Theta\Gamma^2 \times EH^2} =$  dem Inhalt des Dreiecks. Man ziehe  $HA$  im rechten Winkel zu  $H\Gamma$ ,  $BA$  im rechten

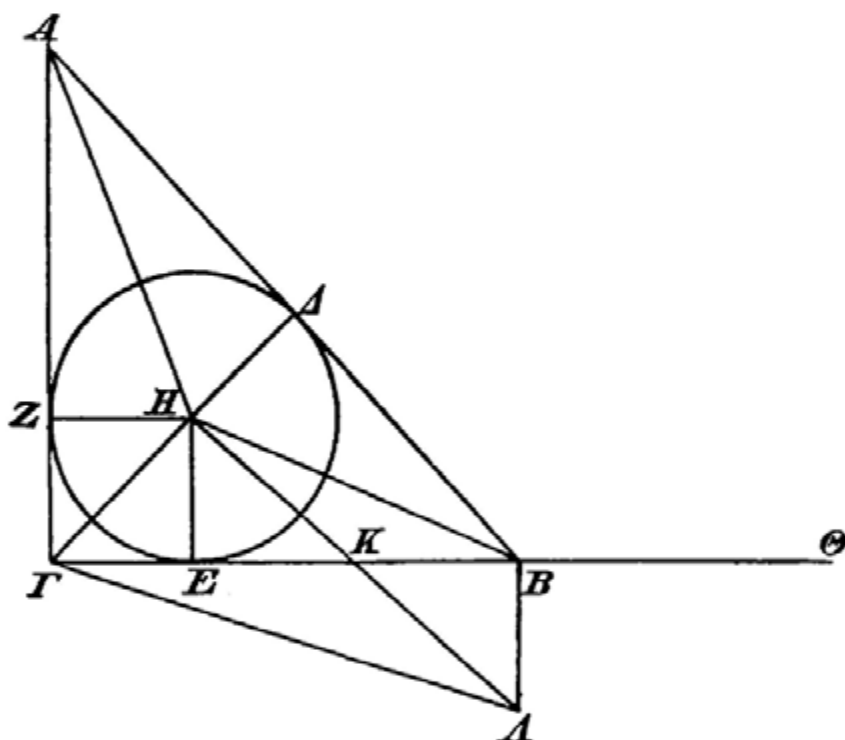


Fig. 112.

Winkel zu  $B\Gamma$ , und verbinde die Punkte  $\Gamma$  und  $A$  durch  
 10 eine Gerade. Da nun jeder der beiden Winkel  $\Gamma HA$  und  $\Gamma BA$  ein rechter ist, so liegen  $\Gamma, H, B, A$  auf einem Kreise. Also ist die Summe der Winkel  $\Gamma HB$  und  $\Gamma AB = 2$  Rechten und weil die Winkel bei  $H$  durch die Geraden  $AH, BH, \Gamma H$  halbiert werden, so ist Winkel  $AHA = \Gamma AB$ . Also ist das Dreieck  $AHA$  dem Dreieck  $\Gamma BA$  ähnlich.

- τῆς περιμέτρου τῆς ΒΓ· <ἡ δὲ ΒΕ, ἥ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς ΑΓ>, ἡ δὲ ΓΕ, ἥ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς ΑΒ· δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἐμβαδὸν <τοῦ> τριγώνου. συντεθήσεται δὴ οὕτως· ἔστω ἡ μὲν ΑΒ μοιρῶν ιγ, ἡ δὲ ΒΓ μοιρῶν ιδ, ἡ δὲ ΓΑ 5 μοιρῶν ιε. σύνθετες τὰς τρεῖς, γίνονται μβ· τούτων τὸ ἥμισυ κα. ἄφελε τὰ ιγ, λοιπὸν η· καὶ τὰ ιδ, λοιπὸν ζ· καὶ τὰ ιε, λοιπὸν σ. τὰ κα, η, ζ, σ <πολλαπλα-
- p. 290 σιασθέντα> δι' ἀλλήλων γίνονται ζνς· τούτων ἡ πλευρὰ ἔσται πδ. τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου πδ. 10
- p. 294 λα. Πηγῆς ὑπαρχούσης ἐπισκέψασθαι τὴν ἀπορροσιν αὐτῆς, τουτέστι τὴν ἀνάβλυσιν, ὅση ἐστίν. εἰδέναι μέντοι χρὴ ὅτι οὐκ αἰεὶ ἡ ἀνάβλυσις ἡ αὐτὴ διαμένει. ὕμβρων μὲν γὰρ ὄντων ἐπιτείνεται διὰ τὸ ἐπὶ τῶν ὄρων τὸ ὕδωρ πλεονάζον βιαιότερον ἐκθλίβεσθαι, 15 αὐχμῶν δὲ ὄντων ἀπολήγει ἡ ῥύσις διὰ τὸ μὴ ἐπιφέρεισθαι πλεον ὕδωρ. αἱ μέντοι γενναῖαι πηγαὶ οὐ παρὰ πολὺ τὴν ἀνάβλυσιν ἴσχουσιν. δεῖ οὖν περιλαβόντα τὸ πᾶν τῆς πηγῆς ὕδωρ, ὥστε μηδαμόθεν ἀπορρεῖν, σωλῆνα τετράγωνον μολιβοῦν ποιῆσαι, στοχασά- 20 μενον μᾶλλον μείζονα πολλῷ τῆς ἀποθύσεως· εἴτα δι' ἐνὸς τόπου ἐναρμόσαι αὐτὸν ὥστε δι' αὐτοῦ τὸ ἐν τῇ πηγῇ ὕδωρ ἀπορρεῖν. δεῖ δὲ αὐτὸν κεῖσθαι εἰς τὸν ταπεινότερον τῆς πηγῆς τόπον, ὥστε ἔχειν αὐτὴν ἀπορ- 25 ροσιν· τὸν δὲ ταπεινότερον ἐπιγνωσόμεθα τῆς πηγῆς

6 συνθέντας τὰς: correxi 9 ΖΗς 10 ΗΔ το 14—15 ἐπιτίθεται διατίθεται δια τὸ ἐπὶ τῶν ὄρων: correxi coll. Anonymo Byz. p. 390, 1 Vi 15 πλεονάζειν βιαιότερον ἐκθλίβόμενον: correxi coll. anonymo Byz. p. 390, 2 Vinc. Similes corruptelae apud Philonem, Mech. Synt. I, V p. 80, 14 a C. Graux et apud Dionysium de imitatione p. 20, 21 ab H. Usenero sublatae sunt 17 γένναι αἰ 20 μολιβον 24 αὐτὸν: correxi



Mithin:  $\Gamma B : BA = AA : AH = \Theta B : HE$  und

$\Gamma B : B\Theta = BA : HE = BK : KE$  und

$\Gamma\Theta : \Theta B = BE : EK$ . Daher auch  $\Gamma\Theta^2 : \Gamma\Theta$   
 $\times \Theta B = BE \times E\Gamma : \Gamma E \times EK = BE \times E\Gamma : HE^2$ .

5 Daher wird das Produkt aus dem Quadrat von  $\Gamma\Theta$  und dem  
 Quadrat von  $EH$ , aus dem die Wurzel gleich dem Dreieck  
 war, gleich  $\Gamma\Theta \times \Theta B \times \Gamma E \times EB$  sein. Und jede der  
 Geraden  $\Gamma\Theta$ ,  $\Theta B$ ,  $BE$  und  $E\Gamma$  wird gegeben sein. Denn  
 $\Gamma\Theta$  ist gleich der Hälfte des Umfangs,  $\Theta B$  gleich der  
 10 Differenz des halben Umfangs und der Geraden  $B\Gamma$ ;  $BE$   
 ist gleich der Differenz des halben Umfangs und der Ge-  
 raden  $A\Gamma$ ;  $\Gamma E$  ist gleich der Differenz des halben Um-  
 fangs und der Geraden  $AB$ . Also ist auch der Inhalt  
 des Dreiecks gegeben.

15 Berechnet wird es folgendermaßen. Es sei  $AB = 13$ ,  
 $B\Gamma = 14$ ,  $\Gamma A = 15$ .

$$13 + 14 + 15 = 42$$

$$\frac{42}{2} = 21$$

$$21 - 13 = 8$$

$$21 - 14 = 7$$

$$21 - 15 = 6$$

$$21 \times 8 \times 7 \times 6 = 7056$$

$$\sqrt{7056} = 84.$$

der Inhalt des Dreiecks ist = 84.

25 XXXI. Wenn eine Quelle vorhanden ist, ihren Abfluß,  
 d. h. die Menge des Wassers, das sie aufsprudeln läßt,  
 zu untersuchen.

Man muß jedoch wissen, daß der Ausfluß sich nicht  
 stets gleich bleibt. Denn wenn Regenzeit ist, so wird er  
 30 stärker, weil dann das Wasser auf den Bergen in größeren  
 Mengen vorhanden ist und mit stärkerer Gewalt aus dem  
 Boden herausgedrückt wird; herrscht dagegen Trockenheit,  
 so hört der Abfluß auf, weil nicht mehr Wasser zuströmt.

τόπον διὰ τῆς διόπτρας. ἀπολήψεται οὖν τὸ ἀπορ-  
 ρέον διὰ τοῦ σωλήνος ὕδωρ ἐν τῷ περιστομίῳ τοῦ  
 σωλήνος· οἷον ἀπολαμβάνει[ν] δακτύλους β· ἐχέτω δὲ  
 καὶ τὸ πλάτος τοῦ περιστομίου τοῦ σωλήνος δακτύλους  
 5· ἑξάκις δύο γίνονται ιβ· (ἀποφανόμεθα δὴ τὴν 5  
 ἀνάβλυσιν τῆς πηγῆς δακτύλων ιβ). εἰδέναι δὲ χρὴ  
 101. 76\* ὅτι οὐκ ἔστιν αὐτάρκες πρὸς τὸ ἐπιγνῶναι, πόσον  
 χορηγεῖ ὕδωρ ἢ πηγή, [ἢ] τὸ εὐρεῖν τὸν ὄγκον τοῦ  
 ῥεύματος, ὃν λέγομεν εἶναι δακτύλων ιβ, ἀλλὰ καὶ τὸ  
 p. 296 τάχος αὐτοῦ· ταχύτερας μὲν γὰρ οὔσης τῆς ῥύσεως 10  
 πλέον ἐπιχορηγεῖ τὸ ὕδωρ, βραδύτερας δὲ μείον. διὸ  
 δεῖ ὑπὸ τὴν τῆς πηγῆς ῥύσιν ὁρύξαντα τάφρον τηρεῖ-  
 σαι ἐξ ἡλιακοῦ ὥροσκοπίου, ἐν τινὶ ὥρᾳ πόσον ἀπορρεῖ  
 ὕδωρ ἐν τῇ τάφρῳ, καὶ οὕτως στοχάσασθαι τὸ ἐπιχορη-  
 γούμενον ὕδωρ ἐν τῇ ἡμέρᾳ πόσον ἔστιν, ὥστ' οὐδὲ 15  
 ἀναγκαῖόν ἐστι τὸν ὄγκον τῆς ῥύσεως τηρεῖν· διὰ γὰρ  
 τοῦ χρόνου δῆλη ἔστιν ἡ χορηγία. [ἀποφανόμεθα δὴ  
 τὴν ἀνάβλυσιν τῆς πηγῆς δακτύλων ιβ].

ιβ. Ἐπεὶ οὖν διὰ τῆς κατασκευασθείσης ἡμῖν διόπ-  
 τρας τὰς ἐπὶ γῆς χρείας πρὸς τὰς διοπτρικὰς ἐπαγ- 20  
 γελίας ἀπεδείξαμεν, εὐχρηστον δέ ἐστιν εἰς πολλὰ καὶ  
 πρὸς τὰ οὐράνια πρὸς τὸ τὰς τῶν ἀπλανῶν ἀστέρων  
 ἢ παλ' τῶν πλανητῶν ἀποστάσεις εἰδέναι, ἀποδείξομεν  
 διὰ τῆς διόπτρας ὥς δεῖ καὶ τὰ <τούτων> ἀποστήματα  
 λαμβάνειν. ἐν γὰρ τῷ ὑπὸ γαστέρα τοῦ τυμπάνου τοῦ 25  
 ἐν τῇ διόπτρᾳ κύκλον γράψομεν περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον

3 ἀπολαμβάνειν: correxi 4 τὸ περιστόμιον 8 πηγή ἢ τὸ  
 εὐρεῖν 9—10 τὸ πάχος 11 f. ἐπιχορηγεῖται ὕδωρ 11—12 διο δη  
 17—18 δὲ τὴν 18 δακτύλων δεδεκα (sic); haec transposui  
 in vs. 5. 19 διὰ deleverim 24 <τούτων> addidi 26 τῷ αὐτῷ  
 κέντρῳ, sed ex τῷ αὐτῷ fec. τὸ αὐτὸ man. 1

Die guten Quellen reduzieren jedoch ihren Abfluß nur um ein Geringes. Man muß nun die ganze Wasserfläche der Quelle einfassen, so daß nirgends etwas abfließen kann und dann eine Bleiröhre von quadratischem Querschnitt herstellen, indem man darauf sieht, daß dieselbe um ein Bedeutendes größer ist als der regelmäßige Abfluß verlangt. Sodann muß man diese an einer Stelle so einsetzen (in die Umfassungsmauer), daß das Quellwasser durch dieselbe abfließt. Diese Stelle muß nach  
 10 der Stelle zu liegen, die niedriger als die Quelle liegt, so daß sie Abfluß hat. Die Stelle aber, welche tiefer als die Quelle liegt, werden wir vermittelst der Dioptra ermitteln. Das durch die Röhre abfließende Wasser wird nun an der Öffnung der Röhre einen gewissen Raum einnehmen.  
 15 Beispielsweise nimmt es 2 Daktylen (in der Höhe) ein, die Breite aber der Öffnung der Röhre soll 6 Daktylen betragen.  $6 \times 2 = 12$ ; wir werden daher den Abfluß der Quelle auf 12 Daktylen angeben. Man muß jedoch wissen, daß es, um zu erkennen, wie viel Wasser die  
 20 Quelle liefert, nicht genügt, die Ausdehnung des Abflußstroms zu kennen, welche nach unserer Behauptung 12 Daktylen beträgt, sondern man auch seine Geschwindigkeit kennen muß. Denn ist der Abfluß ein geschwinderer, so liefert die Quelle mehr, ist er ein langsamerer,  
 25 so liefert sie weniger Wasser.

Man muß daher unterhalb des Quellabflusses ein Reservoir graben und mit einer Sonnenuhr beobachten, welches Quantum Wassers in einer bestimmten Zeit abfließt und so annähernd bestimmen, wie groß die Quantität des an einem Tage gelieferten Wassers ist. Es ist  
 30 daher (bei dieser Methode) gar nicht einmal nötig, die Größe des Abflußstromes zu beobachten, denn die Leistungsfähigkeit wird durch die Zeit klar.

XXXII. Da wir nun vermittelst der von uns konstruierten Dioptra die Verwendung des Instrumentes auf  
 35 der Erdoberfläche bei dioptrischen Problemen nachgewiesen haben, dieselbe jedoch nach vielen Richtungen auch für

τῷ τυμπάνῳ, ὃν γράψει τὸ τοῦ μοιρογνωμονίου ἄκρον τοῦ ἐν τῷ κανόνι· καὶ τοῦτον διελοῦμεν εἰς μοίρας τξ. ὅταν οὖν βουλώμεθα δύο ἀστέρων τὸ μεταξὺ διάστημα ἐπισκέψασθαι, ὅσων μοιρῶν ὑπάρχει, ἐάν τε τῶν πλανητῶν εἴησάν τινες ἢ καὶ τῶν ἀπλανῶν ἢ καὶ ὁ μὲν ἕτερος αὐτῶν εἴη τῶν ἀπλανῶν, ὁ δὲ ἕτερος τῶν πλανητῶν, ἀφελόντες τὸν κανόνα, δι' οὗ διοπτεύομεν, ἀπὸ τοῦ τυμπάνου ἐγκλίνομεν αὐτὸ τὸ τύμπανον, ἄχρις ἂν διὰ τοῦ ἐπιπέδου αὐτοῦ φανῶσιν οἱ εἰρημένοι ἀστέρες ἅμα ἀμφοτέρω. εἴτ' ἐντιθεὶς τὸν κανόνα ὡς εἴθισται, τῶν ἄλλων ἀκινήτων, ἐπιστρέψω αὐτὸν, ἄχρις ἂν εἰς τῶν ἀστέρων φανῇ· καὶ παρασημηνάμενος τὴν μοῖραν, καθ' ἣν ἐν τῶν μοιρογνωμονίων ὑπάρχει [τὸ μέρος αὐτῆς], ἐπιστρέψω τὸν κανόνα, ἄχρις οὗ καὶ ὁ ἕτερος ἀστήρ δι' αὐτοῦ φανῇ. εἴτα ὁμοίως παρασημηνάμενος τὴν μοῖραν, καθ' ἣν τὸ αὐτὸ μοιρογνωμόνιον ὑπάρχει, ἐπιγνώσομαι τὸ πλῆθος τῶν μοιρῶν τὸ μεταξὺ τῶν ληφθέντων δύο σημείων· καὶ τοσαύτας ἀποφανοῦμαι τοὺς ἀστέρας ἀπέχειν ἀπ' ἀλλήλων μοίρας.

λγ. Ἐπεὶ οὖν τινὲς χρῶνται τῷ καλουμένῳ ἀστε-  
ρίσκῳ πρὸς ὀλίγας | παντελῶς διοπτρικὰς χρείας, εὐλο-  
γον ἡγούμεθα τὰ περὶ αὐτὸν συμβαίνοντα μηνῦσαι τοῖς πειρωμένοις χρήσασθαι αὐτῷ, ὅπως μὴ παρὰ τὴν ἄγνοιαν ἀμαρτάνοντες λανθάνωσιν. τοὺς μὲν οὖν κεχρημένους οἶμαι <πε>πειρᾶσθαι τῆς δυσχρηστίας αὐτοῦ, ὅτι αἱ σπάρται, ἐξ ὧν τὰ βάρη κρέμονται, οὐ

1 μρογνωμονίου 5 πλανητων εἰ τινες 5—6 ὁ μὲν ἀστήρος 11 f. ἀκινήτων <μενόντων> 13—14 [τὸ μέρος αὐτῆς] delevi 18—19 ἀποφανομαι 20—21 ἀστερίσκος est stella gromaticorum, de qua dixit Rudorffius Gromatiche Institutionen p. 337 22 περὶ αὐτῶν: correxi 25 πειρᾶσθαι: correxi 26 αὐτῶν: correxi βέρη: corr. Vi

die Himmelskunde brauchbar ist, um die Abstände der Fixsterne oder der Planeten von einander zu ermitteln, so werden wir nachweisen, wie man vermittelst der Dioptra auch deren Abstände bestimmen kann.

5 Wir werden nämlich auf der Oberfläche (?) der grossen Kreisscheibe an der Dioptra einen Kreis um denselben Mittelpunkt mit der Kreisscheibe beschreiben und zwar so gross, als ihn die Spitze des an dem Visierlineal befestigten Zeigers angiebt. Diesen Kreis werden wir in  
10 360 Grade teilen. Wollen wir nun untersuchen, wie viel Grade der Abstand zweier Sterne von einander beträgt, seien es nun Planeten oder Fixsterne oder sei der eine ein Fixstern, der andere ein Planet, so nehmen wir das Diopterlineal, durch das wir zu visieren pflegen, von  
15 der Kreisscheibe ab und neigen die Kreisscheibe selbst so lange, bis in ihrer Ebene die genannten Sterne beide zugleich sichtbar werden. Ich setze sodann das Visierlineal in der üblichen Weise wieder ein und drehe es, während die übrigen Teile unbeweglich in ihrer Stellung  
20 verbleiben, so lange, bis einer der Sterne durch dasselbe sichtbar wird. Nun notiere ich mir den Grad, an welchem einer der beiden Zeiger steht, und drehe das Visierlineal so lange, bis der andere Stern durch dasselbe sichtbar wird. Ich notiere sodann in derselben Weise den Grad,  
25 an welchem ebenderselbe Zeiger nunmehr steht, und werde so die Anzahl der zwischen den beiden bestimmten Punkten liegenden Grade kennen lernen, und werde behaupten können, daß die Sterne so viele Grade von einander ab-  
stehen.

30 XXXIII. Da nun manche den sogenannten „Stern“ zu einer freilich ganz geringen Zahl dioptrischer Anwendungen gebrauchen, so halten wir für angemessen für diejenigen, welche dieses Instrument zu gebrauchen versuchen wollen, die Folgen seiner Verwendung darzulegen, damit sie nicht,  
35 ohne es selbst zu merken, infolge ihrer Unkenntnis Fehler begehen. Diejenigen nun, welche das Instrument schon angewendet haben, haben, denke ich, die schlechte Ver-

300 ταχέως ἡρεμοῦσιν, ἀλλὰ χρόνον τινὰ διαμένουσι κινούμεναι, καὶ μάλιστα ὅταν σφοδρὸς ἄνεμος πνέῃ. διὸ πειρῶνται τινες, παραβοηθεῖν βουλόμενοι ταύτῃ τῇ δυσχρηστίᾳ, ξυλῖνας σύριγγας κοίλας ποιοῦντες, ἐμβαλεῖν τὰ βάρη εἰς ταύτας, ὥστε μὴ ὑπὸ τοῦ ἀνέμου 5 τύπτεσθαι. παρατρίψεως οὖν γινομένης τῶν βαρῶν πρὸς τὰς σύριγγας οὐκ ἀκριβῶς αἱ σπάρτοι ὀρθαὶ διαμένουσιν πρὸς τὸν ὀρίζοντα· ἔτι δὲ καὶ ἐὰν ἐπιτύχωσιν, ὥστε τὰς σπάρτας ἡρεμεῖν καὶ ὀρθὰς διαμένειν πρὸς τὸν ὀρίζοντα, οὐ πάντως τὰ διὰ τῶν σπάρτων 10 ἐπίπεδα πρὸς ὀρθὰς γίνεται ἀλλήλοις· τούτου δὲ μὴ γινομένου, οὐδ' αὐτοῖς κατὰ τρόπον ἀκολουθεῖ τι τῶν ἐν ὧ ἐρουμένων· τοῦτο γὰρ δείξομεν. ἔστω(σαν) γὰρ ἐν ἐπιπέδῳ δύο εὐθεῖαι αἱ  $AB$ ,  $ΓΔ$ , μὴ πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλας τέμνουσαι· ἀμβλεῖα δὲ ἔστω ἡ ὑπὸ  $ΑΕΔ$  15 γωνία· καὶ ἀπὸ τοῦ  $E$  τῷ διὰ τῶν  $AB$ ,  $ΓΔ$  ἐπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἀνεστάτω ἡ  $EZ$ · καὶ πρὸς ἑκατέραν ἄρα τῶν  $AE$ ,  $ΕΓ$ , ὀρθή ἐστίν. ἡ δὲ ὑπὸ τῶν  $AE$ ,  $\langle E \rangle Γ$ , γωνία ἡ κλίσις ἐστίν, ἐν ᾗ κέκλιται τὸ διὰ τῶν  $ΕΑΖ$  πρὸς τὸ διὰ τῶν  $ΓΕΖ$ , καὶ ἔστιν ὀξεία· τὰ  $\langle οὖν \rangle$  20 εἰρημένα ἐπίπεδα οὐκ ἐστὶν ὀρθὰ πρὸς ἄλληλα. ἀπειλήφθωσαν οὖν δύο ἴσαι εὐθεῖαι αἱ  $AE$ ,  $ΕΔ$ , καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $ΑΔ$ · καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἦχθω ἡ  $\langle E \rangle Η$ · ἴση ἄρα καὶ ἡ  $ΑΗ$  τῇ  $ΗΔ$ · καὶ ἑκατέρα αὐτῶν μείζων ἐστὶ τῆς  $ΗΕ$ · δυνατόν ἄρα ἐστὶ προσβαλεῖν 25 ἀπὸ τοῦ  $H$  ἴσην τῇ  $ΑΗ$  τὴν  $HZ$ . προσεκβεβλήσθωσαν καὶ ἐπεζεύχθωσαν ἐπὶ τὰ  $K$ ,  $A$ , καὶ τῇ  $AZ$

1 χρόνον ἢ ἀναμένουσιν: correxi; χρ. ἀναμένουσιν Vi

4 δυσχρηστία 13 ἐν ὧ ἐρουμένων: non extricavi; ἐρευνωμένων Vi 20 πρὸς τῷ 24 μείζων ex μείζον fec. m. 1 25 προσλα-

wendbarkeit desselben erprobt, insofern die Fäden, an denen die Gewichte hängen, nicht schnell zur Ruhe kommen, sondern eine gewisse Zeit in Bewegung bleiben, und zwar hauptsächlich, wenn starker Wind weht. Daher  
 5 versuchen manche in dem Wunsche, diesem Übelstande abzuheffen, hölzerne Hohlcyliner herzustellen und die Gewichte in diese hineinhangen zu lassen, so daß sie nicht vom Winde getroffen werden. Wenn nun dabei  
 10 entsteht, so bleiben die Fäden nicht in einer zum Horizonte genau senkrechten Stellung. Aber selbst wenn es ihnen gelingt, so daß die Fäden zur Ruhe kommen und in einer zum Horizont senkrechten Stellung bleiben, stehen doch nicht in jedem Fall die durch die Fäden gelegten  
 15 Ebenen aufeinander senkrecht. Ist dies aber nicht der Fall, so folgt ihnen auch nichts von  $\langle \dots \dots \dots \rangle$  in der

richtigen Weise. Dies werden wir nämlich nachweisen.

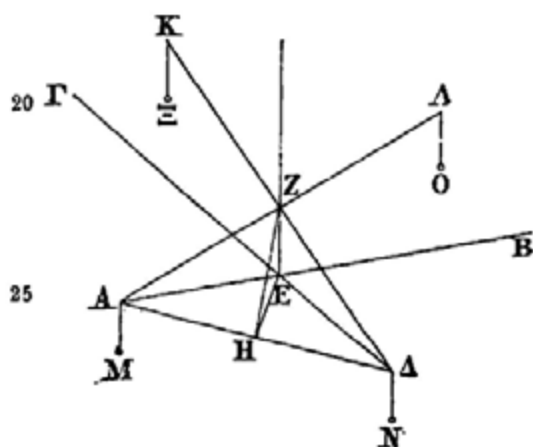


Fig. 113.

Es seien in einer Ebene zwei Gerade,  $AB$  und  $\Gamma\Delta$ , welche einander nicht in rechten Winkeln schneiden, und  $\angle AEA$  sei ein stumpfer Winkel. Und im Punkte  $E$  werde im rechten Winkel zu der durch  $AB$  und  $\Gamma\Delta$  gehenden Ebene eine Gerade  $EZ$  errichtet;

sie ist also auch zu jeder der beiden Geraden  $AE$  und  $EF$  senkrecht. Der Winkel  $AE\Gamma$  aber ist die Neigung der Ebene  $EAZ$  zu der Ebene  $\Gamma EZ$ , und ist ein spitzer Winkel. Nun stehen die genannten Ebenen nicht senk-

βείν: correxi 26 τῇ  $AH$  τὴν  $EZ$ : correxi f. ἐπεξεύχθωσαν  
 $\langle \alpha\iota AZ, \Delta Z \rangle$  καὶ προσεκβεβλήσθωσαν ἐπὶ

ἴση ἑκατέρα τῶν  $KZ$ ,  $Z\Lambda$ . διὰ δὲ τῶν  $A$ ,  $\Delta$ ,  $K$ ,  $\Lambda$   
 τῇ  $EZ$  παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ  $AM$ ,  $\Delta N$ ,  $K\Xi$ ,  $\Lambda O$ .  
 ἡ δὲ  $EZ$  ὀρθή ἐστι πρὸς τὸ διὰ τῶν  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  ἐπί-  
 πεδον· καὶ ἑκάστη ἄρα τῶν  $AM$ ,  $\Delta N$ ,  $K\Xi$ ,  $\Lambda O$  ὀρθή  
 ἐστι πρὸς τὸ διὰ τῶν  $AB\Gamma\Delta$  ἐπίπεδον. καὶ ἐπεὶ αἱ  
 τρεῖς αἱ  $AH$ ,  $H\Delta$ ,  $HZ$  ἴσαι εἰσὶ, πρὸς ὀρθὰς ἄρα  
 p. 302 ἐστὶν ἡ  $AA$  τῇ  $\Delta K$ . εἰν ἄρα ὑποστησώμεθα τὰς τοῦ  
 ἀστερίσκου ῥάβδους εἶναι τὰς  $AA$ ,  $\Delta K$ , τὸ δὲ διὰ  
 τῶν  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  ἐπίπεδον τὸ παρὰ τὸν ὀρίζοντα, τὰς δὲ  
 κρεμαμένας σπάρτους εἶναι ἐκ τῶν  $A$ ,  $\Lambda$ ,  $\Delta$ ,  $K$ , ἔσον- 10  
 ται αἱ σπάρτοι αἱ  $AM$ ,  $\Delta N$ ,  $K\Xi$ ,  $\Lambda O$ . καὶ οὐκ εἰσὶ  
 τὰ διὰ τῶν σπάρτων ἐπίπεδα ὀρθὰ καὶ πρὸς ἄλληλα,  
 λέγω δὴ <τὸ> διὰ τῶν  $AM$ ,  $\Lambda O$  πρὸς τὸ διὰ τῶν  
 tol. 77<sup>v</sup>  $\Delta N$ ,  $K\Xi$ . δέδεικται γὰρ | κεκλιμένα πρὸς ἄλληλα ἐν  
 τῇ ὑπὸ  $AE\Gamma$  γωνίᾳ ὀξεῖα οὔση. 15

p. 306 λδ. Ἀκόλουθον δὲ εἶναι νομίζομεν τῇ διοπτρικῇ  
 πραγματείᾳ καὶ διὰ τοῦ καλουμένου ὁδομέτρου τὰ  
 ἐπὶ τῆς γῆς μετρεῖν διαστήματα, ὥστε μὴ δι' ἀλύ-  
 σεως μετροῦντα ἢ σχοινίου κακοπαθῶς καὶ βραδέως  
 ἐκμετρεῖν, ἀλλ' ἐπ' ὀχήματος πορευόμενον, διὰ τῆς 20  
 τῶν τροχῶν ἐκκυλίσεως ἐπίστασθαι τὰ προειρημένα  
 διαστήματα. οἱ μὲν οὖν πρὸ ἡμῶν ἐξέθεντό τινας  
 μεθόδους, δι' ὧν τοῦτο γίνεται, ἐξέσται δὲ κρίνειν  
 τό τε ὑπὸ ἡμῶν γραφόμενον ὄργανον καὶ τὰ ὑπὸ τῶν  
 προτέρων. γερονέτω οὖν πῆγμα, καθάπερ κιβώτιον, 25  
 ἐν ᾧ πᾶσα ἐστὶ ἡ μέλλουσα λέγεσθαι κατασκευή· ἐν  
 δὲ τῷ πυθμένι τοῦ κιβωταρίου <...> τὸ  $AB\Gamma\Delta$

2  $AM\Delta H$  7 ἀποστησώμεθα: corr. Vi 8 ράβδους (sic)  
 11  $AM\Delta H$ : corr. Vi 12 f [καὶ] 14  $\Delta H K\Xi$ : corr. Vi  
 17 πραγματία 25 κιβώτιον 27 post κιβωταρίου unum  
 aut complures versiculos hiatus absumptos excidisse Venturius  
 statuit; f. τῷ  $AB\Gamma\Delta$  <...>



recht aufeinander. Man trage nun zwei gleiche Strecken  $AE$  und  $EA$  ab und ziehe die Verbindungslinie  $AA$ , und fälle auf sie die Höhe  $EH$ . Also ist  $AH = HA$ . Nun ist jede von diesen beiden Linien gröfser als  $HE$ . Es  
 5 ist also möglich, von dem Punkte  $H$  aus  $HZ = AH$  zu konstruieren. Man ziehe nun die Verbindungslinien  $AZ$ ,  $AZ$  und verlängere sie bis  $K$  und  $A$ ; und es soll jede der beiden Geraden  $KZ$  und  $ZA = AZ$  sein. Ferner sollen durch die Punkte  $A$ ,  $A$ ,  $K$  und  $A$  Parallele zu  $EZ$  ge-  
 10 zogen werden,  $AM$ ,  $AN$ ,  $K\Xi$ ,  $AO$ . Es ist aber  $EZ$  eine Senkrechte zu der durch  $AB$  und  $\Gamma A$  gehenden Ebene. Also ist auch jede der Linien  $AM$ ,  $AN$ ,  $K\Xi$  und  $AO$  senkrecht zu der durch  $AB$  und  $\Gamma A$  gehenden Ebene. Und da die drei Linien  $AH$ ,  $HA$  und  $HZ$  einander  
 15 gleich sind, so ist  $AA$  senkrecht zu  $AK$ . Wenn wir uns also vorstellen,  $AA$  und  $AK$  seien die Stäbe des Sterns und die durch  $AB$  und  $\Gamma A$  gehende Ebene sei horizontal, die Fäden aber hingen von  $A$ ,  $A$ ,  $A$  und  $K$  herab, so werden  $AM$ ,  $AN$ ,  $K\Xi$  und  $AO$  die Fäden  
 20 sein; und die durch die Fäden gehenden Ebenen stehen nicht aufeinander senkrecht, ich meine die durch  $AM$  und  $AO$  gehende Ebene im Verhältnis zu der durch  $AN$  und  $K\Xi$  gehenden. Denn es ist gezeigt worden, dafs sie zueinander in dem Winkel  $AE\Gamma$  geneigt sind, welcher  
 25 ein spitzer ist.

XXXIV. Es erscheint uns als eine Ergänzung zur Lehre von der Dioptra, auch vermittelt des sogenannten Wegemessers Distanzen auf der Erde zu messen, so dafs man die Operation nicht vermittelt einer Kette oder eines  
 30 Bandes schlecht und langsam vornimmt, sondern bei der Fahrt auf einem Wagen vermittelt der Umdrehung der Räder die vorgenannten Distanzen bestimmt. Unsre Vorgänger nun setzten einige Methoden auseinander, nach denen dies gemacht wird; man wird sich daher über das  
 35 Instrument, welches von uns hier beschrieben wird, ebenso wie über die von früheren Technikern beschriebenen ein Urteil bilden können.

p. 308 χάλκεον, συμφυῇ ἔχον τὰ εἰρημένα σκυτάλια· δι' ὧν  
 ἀνατομὴ γεγονέτω ἐν τῷ πυθμένι τοῦ κιβωταρίου,  
 δι' ἧς περόνη συμφυῆς γεννηθεῖσα τῇ χοινικίδι ἐνὸς  
 τῶν τοῦ ὀχήματος τροχῶν, κατὰ μίαν στροφὴν παρεμβά-  
 νουσα εἰς τὴν ἀνατομὴν τὴν ἐν τῷ τοῦ κιβωταρίου 5  
 πυθμένι, παράξει ἐν τῶν σκυταλίων, ὥστε τὸ ἐξῆς  
 σκυτάλιον τὴν αὐτὴν πάλιν θέσιν ἔχειν τῷ πρότερον,  
 καὶ τοῦτο ἐπ' ἅπειρον. συμβήσεται οὖν τοῦ τροχοῦ  
 ὀκτὼ στροφὰς ποιησαμένου τὸ σκυταλωτὸν τύμπανον  
 μίαν ἀποκατάστασιν εἰληφέναι. τῷ οὖν εἰρημένῳ σκυ- 10  
 ταλωτῷ τυμπάνῳ συμφυῆς ἔστω κοχλίας, ἀπὸ τοῦ  
 κέντρου πρὸς ὀρθὰς αὐτῷ πεπηγὼς, τὸ δὲ ἕτερον ἄκρον  
 ἔχων ἐν διαπήγματι πεπηγότι εἰς τοὺς τοῦ κιβωταρίου  
 τοίχους. τῷ δὲ εἰρημένῳ κοχλίᾳ παρακείσθω τύμ-  
 πανον ὠδοντωμένον, τοὺς ὀδόντας ἀρμοστοὺς ἔχον τῇ 15  
 ἑλικί τοῦ κοχλίου, δηλονότι πρὸς ὀρθὰς τῷ πυθμένι  
 κείμενον, καὶ ἔχον ὁμοίως συμφυῇ ἄξονα, οὗ τὰ ἄκρα  
 πολεῖσθω εἰς τοὺς τοῦ κιβωταρίου τοίχους. ἐκ δὲ τοῦ  
 ἐνὸς μέρους ὁ ἄξων πάλιν ἐγγεγλυμμένην ἐχέτω ἑλικά,  
 ὥστε εἶναι αὐτὸν κοχλίαν. καὶ πάλιν τούτῳ τῷ κοχλίᾳ 20  
 παρακείσθω ὠδοντωτὸν τυμπάνιον, δηλονότι παρὰ λ-  
 ληλον τῷ πυθμένι κείμενον, ἔχον συμφυῇ ἄξονα· οὗ  
 τὸ μὲν ἕτερον <ἄκρον> πολεῖσθω ἐν τῷ τοῦ κιβωταρίου  
 fol. 78<sup>r</sup> πυθμένι, τὸ δὲ λοιπὸν ἐν διὰ τοῦ αἰῶνος πεπηγότι ἐν τοῖς  
 τοῦ κιβωταρίου τοίχοις· καὶ οὗτος οὖν ὁ ἄξων ἐκ τοῦ 25  
 ἐνὸς μέρους ἐχέτω ἑλικά πάλιν ἀρμόζουσιν εἰς ἕτερον

1 τὰ εἰρημένα: τινὰ ἰδρυμένα Vi perperam; expectamus  
 σκυτάλια ὀκτὼ· καὶ ἀνατομὴ 7 τὸ πρότερον 9 τι σκυταλω-  
 τὸν 10—11 τὸ οὖν εἰρημένον σκυταλίῳ τῷ τυμπανῳ: corr. Vi  
 11—12 ἀπὸ τοῦ κέντρου: correxi; ἄκρον Vi 15 ὠδοντωμένον  
 17 ἄξων 18 ἀπολειπέσθω: corr. Vi 20 εἶναι τὸν  
 22 ἄξων 25 οὕτως ὦν: corr. R. Schoene.

Es werde ein Gehäuse in Form eines kleinen Kastens hergestellt, in welchem die ganze, nachher zu beschreibende Konstruktion ihren Platz haben soll. Auf dem Boden des Kästchens liege <.....> die Bronzescheibe  $AB\Gamma\Delta$ , mit welcher die genannten 8 kleinen Stäbe fest verbunden sein sollen. Es werde ferner auf dem Boden des Gehäuses ein Ausschnitt angebracht, durch den ein an der Nabe eines der Wagenräder befestigter Stift, bei jeder

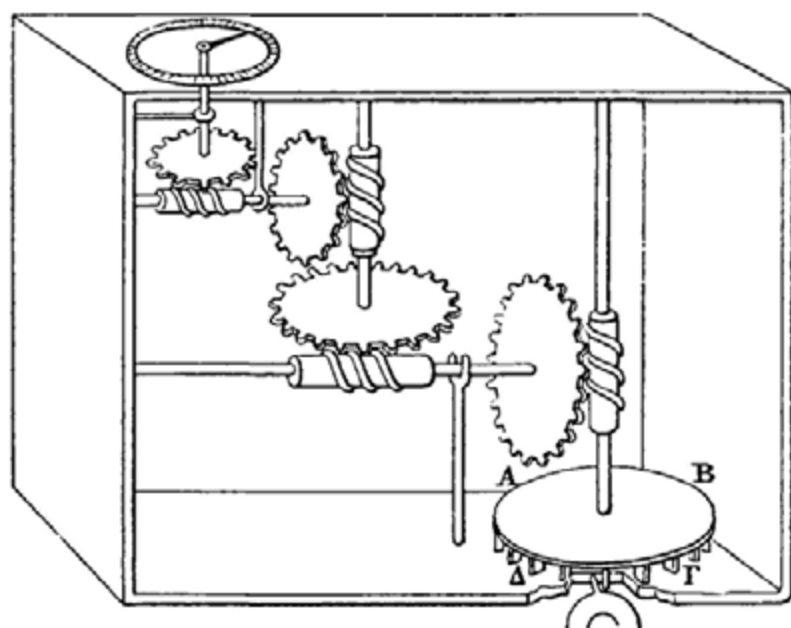


Fig. 114.

Drehung in den am Boden des Gehäuses angebrachten  
 10 Einschnitt eintretend, einen der Stäbe fortstoßen wird, so  
 daß dann wieder der folgende Stab dieselbe Lage wie der  
 vorhergehende hat, und so ins Unendliche. Hat nun das  
 Wagenrad 8 Umdrehungen gemacht, so wird das mit den  
 Stäben versehene Rad eine ganze Umdrehung gemacht  
 15 haben. Mit diesem mit Stäben versehenen Rade sei eine  
 Schraube ohne Ende fest verbunden, die von oben her  
 senkrecht darauf befestigt sei und ihre andere Spitze in

τυμπάνου ὁδόντας, δηλονότι τοῦ τυμπάνου ὀρθοῦ πρὸς  
 τὸν πυθμένα κειμένου. καὶ τοῦτο γινέσθω ἐφ' ὅσον  
 ἂν βουλόμεθα ἢ ὁ τόπος ὁ τοῦ κιβωταρίου χώραν  
 ἔχῃ· ὅσῳ γὰρ πλείονα γίνεται τὰ τε τύπανα καὶ οἱ  
 310 κοχλῖαι, τοσούτῳ καὶ ἡ ὁδὸς ἐπὶ πλείον μετρουμένη  
 εὐρεθήσεται. ἕκαστος γὰρ κοχλίας ἅπαξ στραφεὶς τοῦ  
 παρακειμένου αὐτῷ τυμπανίου ἕνα ὁδόντα κινήσει·  
 ὥστε τὸν μὲν συμφυῇ τῷ σκυταλωτῷ τυμπανίῳ ἅπαξ  
 στραφέντα, ὁκτὼ μὲν περιμέτρους τοῦ τροχοῦ σημαίνειν,  
 τοῦ δὲ παρακειμένου αὐτῷ τυμπανίου ἕνα ὁδόντα 10  
 κεκινηκέναι. εἰ τύχοι οὖν, τὸ παρακείμενον τύπα-  
 νον, ἔαν ὁδόντας ἔχῃ τριάκοντα, ἅπαξ στραφέν ὑπὸ τοῦ  
 κοχλίου στροφᾶς δηλώσει τοῦ τροχοῦ σμ. καὶ πάλιν  
 τοῦ εἰρημένου ὁδοντωτοῦ τυμπανίου ἅπαξ στραφέντος  
 ὁ μὲν συμφυῆς αὐτῷ κοχλίας ἅπαξ στραφήσεται, τοῦ 15  
 δὲ παρακειμένου τῷ κοχλίῳ τυμπανίου εἰς ὁδοὺς κινη-  
 θήσεται. ἔαν ἄρα καὶ τοῦτο τὸ τύπανον ἔχῃ ὁδόντας  
 λ, ὅπερ εἶναι εἰκὸς καὶ πλείονας γίνεσθαι, ἅπαξ  
 στραφέντος αὐτοῦ, στροφᾶι τοῦ τροχοῦ δηλωθήσονται  
 20 ἕξ· ἂν [δὲ] ἄρα ὁ τροχὸς ἔχῃ τὴν περίμετρον πηχῶν ι,  
 ἔσονται πήχεις μ β. ἔστιν στάδια ρπ. καὶ ταῦτα μὲν  
 ἐπὶ τοῦ β' τυμπανίου εὔρηται· πλειόνων δὲ ὄντων καὶ  
 τῶν ὁδόντων κατὰ τὸ πληθὺς ἀνυψομένων πολλοστὸν  
 τῆς ὁδοῦ μέγεθος <εὐρεθ>ήσεται μετρούμενον. δεῖ δὲ  
 τοιαύτῃ χρήσασθαι κατασκευῇ, ὥστε μὴ πολλῷ πλείονα 25  
 ὁδὸν δύνασθαι σημαίνειν τὸ ὄργανον <ἦ> τὴν ἐν μιᾷ

4 ἔχει 5 τοσούτο 8 σκυταλιω τω τυμπανιω 15—16 τοῦ  
 δὲ τοῦ: sed alterum τοῦ del. m. 1 18 f. οὐσπερ ἔστιν εἰκὸς κτλ.  
 20 πσ: corr. Vi [δὲ] deleui 21 MB εστιν σταδια  
 22 εἴρηται: correxi 23 ἀνυψομένων ποδος τὸ: correxi  
 24 ἴσεται (sic): correxi 26 <ἦ> add. Vi

einem Querbalken, der in die Seitenwände des Gehäuses eingelassen ist. An die genannte Schraube ohne Ende sei ein Zahnrad angeschoben, dessen Zähne zur Windung der Schraube passen, das natürlich rechtwinklig zum Boden  
 5 steht und gleichfalls eine fest damit verbundene Achse hat, deren Enden in den Wänden des Gehäuses endigen sollen. An dem einen Teile soll in diese Achse wieder ein Gewinde eingeschnitten sein, so dafs sie eine Schraube ohne Ende ist. An diese Schraube wiederum sei ein Zahnrad  
 10 angeschoben, das natürlich dem Boden parallel liegen und eine fest mit ihm verbundene Achse haben soll; seine eine Spitze soll sich im Boden des Gehäuses, die andere in einem in den Wänden des Gehäuses befestigten <.....> drehen. Auch diese Achse soll nun an ihrem einen Teile  
 15 ein Schraubengewinde haben, das wieder zu den Zähnen eines anderen Zahnrades paßt, wobei natürlich das Zahnrad senkrecht zum Boden liegen soll. Und diese Konstruktion werde so oft als wir wünschen oder das Gehäuse Platz bietet, wiederholt. Denn je mehr Zahnräder und Schrauben  
 20 angebracht werden, um so weiter sind die Strecken, die durch Messung gefunden werden können.

Jede Schraube nämlich wird bei einer Umdrehung einen Zahn des an sie angeschobenen Zahnrades in Bewegung setzen. Die mit dem mit Stäben versehenen Rad  
 25 verbundene Schraube zeigt daher, wenn sie eine Umdrehung gemacht hat, 8 Wagenradumfänge an, hat aber von dem an sie angeschobenen Zahnrad erst einen Zahn bewegt. Beispielsweise nun wird dieses Zahnrad, wenn es dreifsig Zähne hat, nach einer Umdrehung vermittelt der Schraube  
 30 240 Wagenradumdrehungen anzeigen. Und wiederum wird, wenn das genannte Zahnrad sich einmal gedreht hat, auch die damit verbundene Schraube sich einmal drehen, von dem an die Schraube angeschobenen Zahnrad dagegen wird sich nur ein Zahn bewegen. Falls also auch dieses Zahn-  
 35 rad 30 Zähne hat (— natürlich können ihrer auch noch mehr daran angebracht werden —) so werden durch eine Umdrehung desselben 7200 Wagenradumdrehungen an-

ἡμέρα δυναμένην ἐξανύεσθαι ὑπὸ τοῦ ὀχήματος· δυνα-  
 τὸν γὰρ καθ' ἐκάστην ἡμέραν ἐκμετροῦντα τὴν τῆς  
 ἡμέρας ὁδὸν εἰς τὴν ἐξῆς πάλιν ἀρχὴν ποιεῖσθαι τῆς  
 ἐξῆς ὁδοῦ. ἀλλ' ἐπεὶ ἡ ἐκάστου κοιλίου στροφὴ οὐκ  
 ἀκριβῶς οὐδὲ μεμετρημένως τοὺς παρακειμένους ὁδόν- 5  
 τας στρέφει, ἡμεῖς τῇ πείρᾳ ἐπιστρέφομεν τὸν πρῶτον  
 κοιλίαν, ἕως οὗ τὸ παρακείμενον αὐτῷ ὁδοντωτὸν  
 p. 312 τύμπανον μίαν ἀποκατάστασιν λάβῃ, μετροῦντες ὁσάκις  
 fol. 78<sup>r</sup> αὐτὸς ἐπιστρέφεται. καὶ, εἰ τύχοι, εἰληφένω | στροφὰς  
 κ, ἐν ᾧ τὸ παρακείμενον αὐτῷ τύμπανον μίαν ἀπο- 10  
 κατάστασιν λαμβάνει· τοῦτο δὲ εἶχεν ὁδόντας λ· αἱ ἄρα  
 κ στροφαὶ τοῦ σκυταλωτοῦ τυμπάνου λ ὁδόντας ἐκίνησαν  
 τοῦ παρακειμένου τῷ κοιλίᾳ τυμπάνου· αἱ δὲ κ στροφαὶ  
 σκυτάλια ἐπιστρέφουσιν ρξ· τοσαῦται δὲ καὶ τοῦ τροχοῦ  
 εἰσὶ στροφαί· γίνονται ἄρα πῆχεις ,αχ. εἰ δὲ οἱ λ 15  
 ὁδόντες μηνύουσιν πῆχεις ,αχ, ὁ ἄρα α ὁδοὺς τοῦ  
 εἰρημένου τυμπανίου σημαίνει τῆς ὁδοῦ πῆχεις νγ γ'.  
 ὅταν ἄρα ἀρξάμενον τὸ ὁδοντωτὸν κινεῖσθαι τύμπανον  
 εὐρεθῇ κεκινημένον ὁδόντας ιε, σημαίνει ὁδὸν πηχῶν  
 ω, τουτέστι στάδια δύο. ἐπιγράφομεν οὖν ἐν μέσῳ τῷ 20  
 εἰρημένῳ ὁδοντωτῷ τυμπάνῳ πῆχεις νγ γ'. τὰ δὲ  
 αὐτὰ ἐπιλογισάμενοι καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ὁδοντωτῶν  
 τυμπανίων ἐπιγράφομεν τοὺς ἀριθμούς· ὥστε ἐκάστου  
 αὐτῶν παραχθέντων τινῶν ὁδόντων ἐπιγινῶναι τὴν  
 ἐξανυσθεῖσαν ὁδόν. ἵνα δὲ μὴ, ὅταν βουλώμεθα ἐπι- 25  
 σκέψασθαι τὸ μῆκος τῆς ὁδοῦ, ἀνοίγοντες τὸ κιβωτά-  
 ριον ἐπισκοπῶμεν τοὺς ἐκάστου τυμπάνου ὁδόντας,  
 δείξομεν ὥς δυνατόν διὰ τῆς ἐκάστου κιβωταρίου

9 ἐπιτύχοι 11 λαμβάνει 12 ἐκείνης ἂν 17  $\overline{N\Gamma}$  E γε  
 sed γε del. m. 1 18 τὸν ὁδοντωτὸν 20—21 τοῦ εἰρημένου  
 21  $\overline{N\Gamma}$  E 22 ἐπὶ τῶν λοιποδόντων

gezeigt werden. Hat also das Wagenrad einen Umfang von 10 Ellen, so werden das 72000 Ellen, d. h. 180 Stadien sein. Und dies ist bei dem zweiten Zahnrade gefunden; sind deren dagegen mehr und wächst die Anzahl  
 5 der Zähne, so wird ein vielmal so großer Weg gemessen werden. Man muß dabei eine Konstruktion von der Art anwenden, daß der Apparat einen nicht viel größeren Weg anzuzeigen imstande ist, als an einem Tage von dem Wagen zurückgelegt werden kann. Denn man hat  
 10 ja die Möglichkeit, indem man täglich die zurückgelegte Tageswegstrecke ausrechnet, am folgenden Tage mit der folgenden Wegestrecke wieder von vorn anzufangen.

Aber da die Umdrehung einer jeden Schraube die angeschobenen Radzähne nicht mathematisch genau bewegt,  
 15 so drehen wir beim Ausprobieren die erste Schraube, bis das daran geschobene Zahnrad eine vollständige Umdrehung gemacht hat, und messen, wie vielmal die Schraube selbst sich dreht. Beispielsweise mag sie 20 Umdrehungen gemacht haben in der Zeit, in der das angeschobene Zahn-  
 20 rad eine vollständige Umdrehung macht; dieses aber hatte 30 Zähne. Die 20 Umdrehungen also des mit den speichenförmigen Stäben versehenen Rads setzten 30 Zähne des an die Schraube angeschobenen Zahnrad in Bewegung. Die 20 Umdrehungen drehen ferner 160 speichenförmige  
 25 Stäbe; ebenso groß aber ist die Zahl der Wagenradumdrehungen. Es sind also im ganzen 1600 Ellen. Wenn aber die 30 Zähne 1600 Ellen anzeigen, so zeigt 1 Zahn des genannten Zahnrad 53 $\frac{1}{3}$  Ellen des Weges an. Wenn also das Zahnrad anfängt sich zu bewegen und man findet,  
 30 daß es sich um 15 Zähne weiterbewegt hat, so zeigt das einen Weg von 800 Ellen, d. h. 2 Stadien an. Wir werden nun mitten auf das genannte Zahnrad die Aufschrift: „53 $\frac{1}{3}$  Ellen“ setzen; dasselbe rechnen wir auch bei den übrigen Zahnradern aus und schreiben die Zahlen darauf,  
 35 so daß wir, wenn von jedem eine Anzahl von Zähnen fortbewegt worden ist, den zurückgelegten Weg kennen werden.

ἐπιφανείας, γνωμονίων τινῶν περιαγομένων, εὐρίσκειν τὸ τῆς ὁδοῦ μῆκος. τὰ μὲν γὰρ εἰρημένα ὠδοντωμένα τυμπάνια κείσεται μὴ ψάνοντα τῶν πλευρῶν τοῦ κιβωταρίου, οἱ δὲ ἄξονες αὐτῶν εἰς τὸ ἐκτὸς μέρος ὑπερέχέτωσαν τῶν τοίχων· αἱ δ' ὑπεροχαὶ τετράγωνοι 5 ἔστωσαν, ὥς ἂν προσειληφῇται μοιρογνωμόνια ἐν τετραγώνοις τρήμασιν· ὥστε στρεφομένου τοῦ τυμπάνου σὺν τῷ ἄξονι συστρέφεσθαι καὶ τὸ μοιρογνωμόνιον· οὗ δὲ περιαγόμενον τὸ ἄκρον κύκλον γράψει ἐν τῇ ἐτέρᾳ πλευρᾷ τοῦ αὐτοῦ τοίχου, ὃν διελοῦμεν 10 εἰς τὸ αὐτὸ πλῆθος τῶν ὁδόντων τοῦ ἐντὸς τυμπανίου.

p. 314 τὸ δὲ μοιρογνωμόνιον μεγέθει ἔστω τηλικοῦτο, ὥστε μείζονα γράφειν κύκλον, πρὸς τὸ τὴν διαίρεσιν τῶν ὁδόντων ἐν μείζοσι διαστήμασιν εἶναι· ἔξει δὲ ὁ γραφόμενος κύκλος τὴν αὐτὴν ἐπιγραφὴν τῷ ἐντὸς τυμ- 15 πάνω· καὶ οὕτως διὰ τῆς ἐκτὸς ἐπιφανείας ἐπιθεωρήσομεν τὸ μῆκος τῆς ἀνυσθείσης ὁδοῦ. ἐὰν δὲ μὴ ᾖ δυνατόν πάντα τὰ τυμπάνια μὴ ψάνειν τῶν τοίχων τοῦ κιβωταρίου, διὰ τὸ ἐμποδιζέσθαι ὑπὸ ἀλλήλων, ἢ

col. 79<sup>r</sup> διὰ τοὺς παρακειμένους κοχλίας, ἢ δι' ἑτερόν τι, 20 ἀπο(σ)τήσομεν ἕκαστον αὐτῶν τοσοῦτον, ὥστε μὴδὲν ἐμποδῶν εἶναι.

Ἐπεὶ οὖν τῶν ὁδοντωτῶν τυμπάνων ἃ μὲν παράλληλα τῷ πυθμένι ἐστίν, ἃ δ' ὀρθά, καὶ τῶν γραφόμενων ἄρα κύκλων ὑπὸ τῶν μοιρογνωμονίων οἳ μὲν 25 ἐν τοῖς ὀρθοῖς τοίχοις ἔσονται τοῦ κιβωταρίου, οἳ δ' ἐν τῷ ἐπιπώματι. δεήσει ἄρα διὰ τοῦτο, εἶνα τῶν

2 ὠδοντωμένα 4 ἄξονες 6 μοιρογνωμονία 7 σχήμα-  
σιν: correxi 8 ἄξωνι 9 ὁ δὲ γράψοι 12—13 ὥστε  
μίαν γράφειν 15 τὸ ἐντὸς 16—17 ἐπιθεωρήσομεν 21 ἀπο-  
τήσομεν: correxi 23 ὁδόντων τῶν 25 μοιρογνωμονίων:  
sed ι del. m. 1 26—27 ὁδοντω ἐνι πώματι: correxi



Damit wir aber nicht, wenn wir die Länge des Weges bestimmen wollen, das Kästchen öffnen und die Zähne jedes einzelnen Zahnrades untersuchen müssen, so werden wir zeigen, wie es angängig ist dadurch, daß auf der  
 5 Außenseite jedes Kästchens sich Zeiger im Kreise bewegen, die Länge des zurückgelegten Weges zu finden. Die genannten Zahnräder werden nämlich so liegen, daß sie die Seiten des Kästchens nicht berühren; die Achsen derselben jedoch sollen nach außen über die Wände hinausstehen;  
 10 ihre Vorsprünge sollen von quadratischem Querschnitt sein, dergestalt daß sie mit Zeigern mit quadratischen Durchbohrungen versehen werden. Wird daher das Zahnrad gedreht, so dreht sich mit seiner Achse zugleich auch der Zeiger, dessen Spitze bei ihrer Umdrehung auf der andern  
 15 Seite ebenderselben Wand einen Kreis beschreiben wird, welchen wir in ebensoviele Geraden teilen werden, als die Zähne des innen befindlichen Zahnrades betragen. Der Zeiger soll übrigens so groß sein, daß er einen größeren Kreis beschreibt, damit die Teilung der Zähne in größeren  
 20 Zwischenräumen erfolgt. Der Kreis, der so gezeichnet wird, soll dieselbe Aufschrift tragen, wie das Zahnrad im Inneren. Auf diese Weise werden wir durch eine an der Außenseite befindliche Vorrichtung die Länge des zurückgelegten Weges kontrollieren. Ist es aber nicht möglich,  
 25 daß alle Zahnräder die Wände des Kästchens nicht berühren, entweder weil sie sich gegenseitig hindern würden oder wegen der an sie angeschobenen Schrauben, oder aus irgend einem andern Grunde, so werden wir jedes einzelne von ihnen so weit abstellen, daß kein Hindernis vorhanden  
 30 ist. Da nun von den Zahnrädern die einen dem Boden parallel, die andern senkrecht dazu stehen, so werden auch von den durch die Zeiger beschriebenen Kreisen einige auf den senkrecht stehenden Wänden des Kästchens liegen, und einige auf dem Deckel. Es wird also aus  
 35 diesem Grunde eine der senkrecht stehenden Wände, die keine Kreise tragen, als Deckel eingerichtet werden müssen, damit der anscheinende Deckel eine Wand sein kann.

ὀρθῶν τοίχων τῶν μὴ ἐχόντων τοὺς κύκλους πῶμα γενέσθαι, ἵνα τὸ ὥσανεὶ πῶμα τοῖχος ᾗ.

fol. 79<sup>r</sup> λε. | Ὅσοι μὲν οὖν τόποι βαδίζεσθαι δύνανται, τού-  
p. 320 των τὰ μήκη ἢ διὰ τῆς κατασκευασθείσης διόπτρας ἢ τοῦ ῥηθέντος ὁδομέτρου εὐρίσκεται· ἐπεὶ δὲ εὐχρηστον 5 ὑπάρχει καὶ τὴν μεταξὺ δύο κλιμάτων ὁδὸν ἡλίκη ἐστὶν ἐπίστασθαι, ἐμπιπτόντων εἰς αὐτὴν νήσων τε καὶ πελαγῶν καὶ, εἰ τύχοι, ἀβάτων τινῶν τόπων, ἀναγκαῖόν ἐστι καὶ πρὸς τοῦτο μέθοδόν τινα ὑπάρχειν, ὅπως παντελῶς εἴη ἡμῖν ἡ ἐκδεδομένη πραγματεία. δέον δὲ ἔστω, εἰ 10 τύχοι, τὴν μεταξὺ Ἀλεξανδρείας καὶ Ῥώμης ὁδὸν ἐκμετρῆσαι τὴν ἐπ' εὐθείας, τὴν γε ἐπὶ κύκλου περιφερείας μεγίστου τοῦ ἐν τῇ γῇ, προσομολογουμένου τοῦ ὅτι περίμετρος τῆς γῆς σταδίων ἐστὶ μ<sup>α</sup> καὶ ἔτι β, ὥς ὁ μάλιστα τῶν ἄλλων ἀκριβέστερον πεπραγματευμένος 15 Ἐρατοσθένης δείκνυσιν ἐν <τῷ> ἐπιγραφομένῳ περὶ τῆς ἀναμετρήσεως τῆς γῆς. τετηρήσθω οὖν ἔν τε Ἀλεξανδρεία καὶ Ῥώμῃ <ἡ> αὐτὴ ἐκλείψις τῆς σελήνης· εἰ μὲν γὰρ ἐν ταῖς ἀναγραφείσαις εὐρίσκεται, ταύτῃ χρυσόμεθα· εἰ δὲ οὐ, δυνατόν ἐσται ἡμᾶς αὐτοὺς | 20 τηρήσαντας εἰπεῖν διὰ τὸ τὰς τῆς σελήνης ἐκλείψεις διὰ πενταμήνων καὶ ἑξαμήνων γίνεσθαι. ἔστω οὖν εὐρημένη ἐν τοῖς εἰρημένοις κλίμασιν αὕτη <ἡ> ἐκλείψις, ἐν Ἀλεξανδρείᾳ μὲν νυκτὸς ὥρας ε, ἐν Ῥώμῃ δὲ ἡ αὐτὴ νυκτὸς ὥρας γ, δηλονότι τῇ αὐτῇ νυκτί. ἔστω 25 δὲ καὶ ἡ νύξ, τουτέστιν ὁ ἡμερήσιος κύκλος, καθ' οὗ φέρεται ὁ ἥλιος ἐν τῇ εἰρημένῃ νυκτί, ἀπέχων ἀπὸ ἰσημερίας ἑαρινῆς, ὥς ἐπὶ τροπᾶς χειμερινᾶς, ἡμέρας

4 τῷ μήκει 9 μέθον: corr. Vi; f. παντελῆς 10 δεδόσθω  
δὲ: correxi 12 γην τε τὴν ἐπὶ 13 τούτου ὅτι Vi 14 ἐστι

XXXV.<sup>1)</sup> Die Länge aller zu Fuß zugänglichen Terrain-  
 strecken wird entweder vermittelt der von uns kon-  
 struierten Dioptra oder vermittelt des genannten Wege-  
 messers gefunden. Da es jedoch von Nutzen ist, auch  
 5 die Größe des Weges zwischen zwei geographischen Orten  
 zu bestimmen, wenn Inseln und Meere und vielleicht un-  
 wegsame Terrainstrecken auf denselben fallen, so ist es  
 nötig, daß auch hierfür eine Methode da ist, damit der  
 Gegenstand von uns vollständig behandelt sei. Die  
 10 Aufgabe sei beispielsweise, den Weg zwischen Alexandria  
 und Rom auf gerader Linie oder genauer auf der Peri-  
 pherie eines der größten Kreise der Erde zu messen,  
 wofür vorausgesetzt wird, daß der Umfang der Erde  
 252 000 Stadien beträgt, wie der vor andern durch Ge-  
 15 nauigkeit auf diesem Gebiete ausgezeichnete Eratosthenes  
 in der Schrift zeigt, die den Titel: „Über die Messung der  
 Erde“ trägt.

Man beobachte nun in Alexandria und Rom dieselbe  
 Mondfinsternis. (Findet sie sich in den Listen, so bedienen  
 20 wir uns ihrer; wo nicht, so ist es angängig, daß wir sie  
 selbst beobachten und die nötige Angabe machen, weil  
 die Mondfinsternisse alle 5—6 Monate einzutreten pflegen.)  
 Diese Finsternis sei in den bezeichneten Gegenden be-  
 obachtet in Alexandria nachts um die fünfte Stunde, in  
 25 Rom ebendieselbe nachts um die dritte Stunde, natürlich  
 in derselben Nacht. Die Distanz der Nacht, d. h. die  
 Distanz des Tageskreises, auf welchem sich die Sonne

---

1) Für dieses schwierige und stark verderbte Kapitel, zu  
 dessen Verständnis noch vieles fehlt, konnte eine genügende  
 Figur nicht gegeben werden; auch die Übersetzung bedarf  
 besonderer Nachsicht.

---

με καὶ ἔτι B	16 supplevi	17 τῆς γῆς ὅτε τηρήσθω:
correxī ἐν τῇ: correxi	18 ρώμης αὐτῇ	23 εὐρημένην
23—24 ἐκλειψίς τε ἐν	24—25 δὲ ἐν αὐτῆς νυκτός	ωρας
τρεις	26 δὴ	

δέκα· καὶ καταγεγράφθω ἡμισφαίριον τὸ διὰ τῶν τρο-  
πικῶν, εἰ μὲν ἐν Ἀλεξανδρείᾳ ἔσμεν, πρὸς τὸ ἐν Ἀλε-  
ξανδρείᾳ, εἰ δὲ ἐν Ῥώμῃ, πρὸς τὸ ἐν Ῥώμῃ κλίμα.  
ἔστω δὴ ἡμᾶς εἶναι ἐν Ἀλεξανδρείᾳ· καὶ ἐγκείσθω  
κοῖλον ἡμισφαίριόν τι[η] διὰ τῶν τροπικῶν καταγράφειν 5  
πρὸς τὸ ἐν Ἀλεξανδρείᾳ κλίμα. καὶ ἔστω αὐτοῦ ὁ  
περὶ τὸ χεῖλος κύκλος ὁ  $ΑΒΓΔ$ . μεσημβρινὸς δὲ ἐν  
αὐτῷ ἔστω ὁ  $ΒΕΖΗ<Δ>$ . ἰσημερινὸς δὲ ὁ  $ΑΗΓ$ .  
πόλος δὲ τῶν παραλλήλων ὁ  $Ε$ . τοῦ δὲ περὶ τὸ χεῖλος  
τοῦ ἡμισφαίριου πόλος ὁ  $Ζ$ . καὶ ἐντετάχθω ὁμοταγῆς 10  
τῷ κύκλῳ τῷ καθ' ὃν φέρεται ἐν τῇ εἰρημένῃ νυκτὶ  
ὁ ἥλιος ὥρας πέμπτης, τότε μὲν ἀπέχων ἀπὸ ἰσημερίας  
ἑαρινῆς καὶ ἐπὶ τροπὰς χειμερινὰς ἡμέρας ι, καὶ ἔστω  
ὁ  $ΘΚΑ$ . καὶ διηρησθῶ ἡ  $ΘΚΔ$  περιφέρεια εἰς τὰς  
ιβ'. καὶ ἔστω τούτων ἡ πέμπτη ἡ  $ΘΜ$ , ἐπειδήπερ πέμ- 15  
πτης ὥρας ἡ ἐκλειψις ἐτηρήθη ἐν Ἀλεξανδρείᾳ· ἔσται  
ἄρα τὸ  $Μ$  ὁμοταγὲς τῷ πρὸς ὃ ἦν ὁ ἥλιος τῆς ἐκλεί-  
ψεως γενομένης. καὶ γεγράφθω δὲ καὶ τὸ διὰ Ῥώμης  
ἀνάλημμα, ἐν ᾧ ἐγγεγράφθω καὶ ὁ ἡμερησίος κύκλος  
ὁ ὁμοταγῆς τῷ  $ΘΚΑ$ . καὶ ὁρίζοντος μὲν διάμετρος ἡ 20  
 $ΝΞ$ · γνώμων <δὲ> ὁ  $ΟΠ$ . ἡ δὲ τοῦ ἡμερησίου διά-  
μετρος ἡ  $ΡΣ$ . δίορον δὲ ἡ  $ΤΤ$ . καὶ οἷων ἐστὶν ἡ  
 $ΤΦΣ$  περιφέρεια ἡμερησίων ὥρῶν ς, τοιούτων ὥρῶν  
ἡ  $ΤΦ$  γ, ἐπειδήπερ ἡ τήρησις ἐν Ῥώμῃ γεγένηται  
ὥρας γ καὶ τῇ  $ΤΦ$  περιφερείᾳ ὁμοία κείσθω ἡ  $ΜΧ$ . 25  
τὸ ἄρα  $Χ$  σημεῖον πρὸς τῷ ὁρίζοντι τῷ διὰ Ῥώμης.  
ἔστω δὲ καὶ ἄξων ἐν τῷ ἀναλήμματι ὁ  $ΨΩ$ , καὶ τῇ  
 $ΤΦΣ$  περιφερείᾳ ὁμοία κείσθω ἡ  $ΧΚς$ . ἔσται δὴ τὸ

4 δὲ 5 κοινὸν τι η δς τῶν 10 πολος ὁ  $\overline{OZ}$  (sic)  
ὁμοταγὲς 11 καθῶ 12 τὸ μὲν ἀπέχειν 14 διειρησθῶ  
15 τοιοῦτον ἡ  $ΕΗ\overline{\Theta Μ}$ : correxi 17 πρὸς ο μη ἥλιος 20 καὶ ο

während dieser Nacht befindet, von der Frühlingstaggleiche betrage nach der Wintersonnenwende hin 10 Tage. Nun zeichne man eine durch die Wendekreise gehende Halbkugel, wenn wir in Alexandria sind, nach dem Ort von  
 5 Alexandria, wenn wir in Rom sind, nach dem Ort von Rom.

Es werde der Fall genommen, daß wir in Alexandria sind, und die Aufgabe sei, eine konkave Halbkugel durch die Wendekreise nach dem Ort von Alexandria zu zeichnen. Der begrenzende Kreis sei  $AB\Gamma A$ , der Meridian  $BEZH$ ,  
 10 der Äquator  $AH\Gamma$ , der Pol der Parallelkreise sei  $E$ , der Pol des die Halbkugel begrenzenden Kreises  $Z$ . Nun werde die Stelle bezeichnet, welche die Sonne um die fünfte Stunde einnimmt auf dem Kreise, auf welchem sie sich in dieser Nacht bewegt: wobei sie sich 10 Tage von  
 15 der Frühlingsnachtgleiche nach der Wintersonnenwende zu entfernt befindet. Dieser Kreis sei  $\Theta K A$ , sein Umfang werde in 12 Teile zerlegt, und von diesen sei der fünfte  $\Theta M$ , da um die fünfte Stunde die Finsternis in Alexandria beobachtet wurde. Also wird  $M$  der Punkt sein, der  
 20 demjenigen entspricht, an dem sich die Sonne bei Eintritt der Finsternis befand.

Es werde nun auch das Analemma von Rom gezeichnet, in welches auch der Tageskreis eingetragen werden soll, welcher  $\Theta K A$  entspricht. Der Durchmesser des Horizontes  
 25 sei  $N\Sigma$ , der Gnomon  $O\Pi$ , der Durchmesser des Tageskreises  $P\Sigma$ , die Scheidelinie von Tag und Nacht  $T\Gamma$ . Nun ist  $T\Phi = 3$  Tagesstunden derselben Art, deren 6 auf den Peripherieabschnitt  $T\Phi\Sigma$  kommen, da die Beobachtung in Rom um die dritte Stunde erfolgt ist. Nun  
 30 werde  $MX$  der Peripherie  $T\Phi$  ähnlich angenommen; der Punkt  $X$  wird also auf dem Horizont von Rom liegen. Es sei aber auch  $\Psi\Omega$  eine Achse in dem Analemma und  $X\varsigma$  werde der Peripherie  $T\Phi\Sigma$  ähnlich angesetzt. Da

οριζοντος 21 γνωμ ο  $\Theta\Pi$  ή δὲ ή: sed alterum ή del. m. 1

22—23 περιφρεια τη  $H\omega$  ε τοιουτων ωη 25—26 ή  $\overline{MX\Gamma}$

ο άρα  $\overline{X}$  27 και ή

$\varsigma$  ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ τοῦ διὰ Ῥώμης· ἀλλὰ καὶ τὸ  
 $E$  πόλος τῶν παραλλήλων· γεγράφθω διὰ τῶν  $E$ ,  $\varsigma$   
 μέγιστος κύκλος ὁ  $E\varsigma$ · τοῦτο δὴ ἔσται ὁ εἰρημένος  
 διὰ Ῥώμης μεσημβρινός. καὶ τῇ  $\Xi\Omega$  περιφερεία ὁμοία  
 κείσθω ἡ  $\langle A, B, \rangle$  ἀπὸ δὲ τοῦ  $\varsigma A$  τετραγώνου κείσθω <sup>5</sup>  
 ἡ  $A, B, Z$ · τὸ ἄρα  $B$  σημεῖον ἔσται τοῦ διὰ Ῥώμης  
 ὀρίζοντος πόλος, ἀλλὰ καὶ τὸ  $Z$  τοῦ δι' Ἀλεξανδρείας.  
 γεγράφθω οὖν διὰ τῶν  $B$ ,  $Z$ , μεγίστου κύκλου περι-  
 φέρεια ἡ  $BZ$ , καὶ ἐξητάσθω πόσων γίνεται μοιρῶν  
 πρὸς τὸν  $AB\Gamma A$  κύκλον· εὐρήσθω, εἰ τύχοι, μοιρῶν <sup>10</sup>  
<sup>fol. 80<sup>r</sup></sup> |  $\kappa$ . ἔσται οὖν ἡ ἀπολαμβανομένη ἐν τῇ γῇ μεταξὺ  
 Ῥώμης καὶ Ἀλεξανδρείας μοιρῶν  $\kappa$ , οἷων ἐς(τὴν) καὶ ὁ  
 μέγας κύκλος μοιρῶν  $\tau\zeta$ . ἔχει δὲ ἡ μία μοῖρα τῶν ἐν τῇ  
 γῇ σταδίου  $\psi$ , εἴ γε ὅλη  $\langle \eta \rangle$  περίμετρος ἐστὶ  $\mu^{\alpha}$  καὶ  $\beta$ .  
 αἱ ἄρα  $\kappa$  μοῖραι γίνονται εἰς  $\mu^{\alpha}$   $\delta$ . τοσούτους δὴ στα- <sup>15</sup>  
 δίους ἀποφανόμεθα καὶ τὸ τῆς εἰρημένης ὁδοῦ μῆκος.  
 ἐὰν δὲ τὸ  $A$  σημεῖον ὑπερπίπτῃ τοῦ  $\langle \dots \dots \dots \rangle$   
 τῆς ὑπερπιπτούσης περιφερείας ἣν θήσομεν τὴν  $\Gamma$ ,  
 καὶ ἔσται τὸ  $B$  τε διάμετρον τῷ ὑπερπίπτοντι σημείῳ.  
 πάλιν οὖν τετραγώνου θέντες τὴν  $\Sigma B$  ἔξομεν τὸ  $B$  <sup>20</sup>  
 σημεῖον.

<sup>p. 330</sup> λξ. Τῇ δοθείσῃ δυνάμει τὸ δοθὲν βάρος κινῆσαι  
 διὰ τυμπάνων ὀδοντωτῶν παραθέσεως. κατεσκευάσθω  
 πῆγμα καθάπερ γλωσσοκόμον· εἰς τοὺς μακροὺς καὶ  
 παραλλήλους τοίχους διακείσθωσαν ἄξονες παράλληλοι <sup>25</sup>  
 ἑαυτοῖς, ἐν διαστήμασι κείμενοι ὥστε τὰ συμφυῆ αὐτοῖς

1—2 τὸ  $E$  πόλος  $\Gamma$  τῶν 2 γεγράφθω δὴ τῶν  $B\varsigma$  3 κύκλος  
 ο  $TE\varsigma$  5  $\Theta\Sigma$ , ἀπὸ δὲ τοῦ  $\Sigma A$  6—6 κείσθω ἡ  $AB$  το  
 8 τῶν  $BZ$  9 ἡ  $BZ$  11 ἔσται οὖν folio lacerato paene  
 evanida 12 οἰωνες καὶ: correxi 14 add. Vi  $\overline{KE}$  καὶ  $\overline{B}$

nun  $\varsigma$  auf dem durch Rom gehenden Meridian liegt,  $E$  aber der Pol der Parallelkreise ist, so werde durch die Punkte  $E, \varsigma$  ein größter Kreis  $E\varsigma$  konstruiert. Dies wird der genannte Meridian durch Rom sein. Nun werde  
 5  $AB$  der Peripherie  $\Xi\Omega$  ähnlich gemacht, und auf  $\varsigma, A$  das Viereck  $HABZ$  errichtet. Folglich wird der Punkt  $B$  der Pol des Horizonts von Rom sein,  $Z$  derjenige des Horizonts von Alexandria. Nun werde durch  $B$  und  $Z$  die Peripherie eines größten Kreises,  $BZ$ , gelegt und  
 10 darauf geprüft, wie viel Teile sie im Verhältnis zu dem Kreise  $AB\Gamma A$  enthält. Nehmen wir an, sie werde auf 20 Teile bestimmt. Es wird also die auf der Erde zwischen Rom und Alexandria liegende Strecke 20 solcher Teile betragen, von denen der größte Kreis 360 enthält.  
 15 Ein solcher Teil auf der Erde beträgt nun 700 Stadien, sofern der Gesamtumfang 252 000 Stadien beträgt. Die 20 Teile belaufen sich daher auf 14 000. Auf soviel Stadien werden wir daher die Länge der angegebenen Strecke angeben. < . . . . . >

20 XXXVII. Mit einer gegebenen Kraft eine gegebene Last vermittelt Nebeneinanderstellung von Zahnrädern in Bewegung zu setzen.

Es werde ein Gehäuse in Form eines Kastens angefertigt. In seine parallelen Langseiten sollen querliegende  
 25 Achsen eingelassen sein, die einander parallel in Abständen dergestalt liegen, daß die mit ihnen verbundenen Zahnräder nebeneinander liegen und ineinander greifen, so wie wir angegeben werden. Der genannte Kasten sei  $AB\Gamma A$ , in dem die Achse  $EZ$  wie angegeben quer liegen und sich  
 30 leicht drehen soll. Mit diesem sei das Zahnrad  $H\Theta$  fest

---

15  $\mu$  οδίους ουτους δη: correxi 16 αποφανόμεθα 17 τὸ  
 Ἀ σημείον 19 τὸ  $\bar{B}$  τε διάμετρον 20 τὴν  $\Sigma B$  22 cf.  
 Mechanica I 1 p. 2 Nix; ibid. p. 257 Schmidt; Pappus p. 1060  
 Hultsch 23 παραθέσεων: corr. Schmidt κατασκευάσθω  
 24 f. <οὐ> εἰς

ὀδοντωτὰ τύμπανα παρακεῖσθαι καὶ συμπεπλέχθαι ἀλλή-  
 λους, καθὰ μέλλομεν δηλοῦν. ἔστω τὸ εἰρημένον γλωσ-  
 σόκομον τὸ  $AB\Gamma A$ , ἐν ᾧ ἄξων ἔστω διακείμενος, ὡς  
 εἴρηται, καὶ δυνάμενος εὐλύτως στρέφεσθαι, ὁ  $EZ$ .  
 τούτῳ δὲ συμφυῆς ἔστω τύμπανον ὀδοντωμένον τὸ 5  
 $H\Theta$  ἔχον τὴν διάμετρον, εἰ τύχοι, πενταπλασίονα  
 <τῆς> τοῦ  $EZ$  ἄξονος διαμέτρου. καὶ ἵνα ἐπὶ παρα-  
 δείγματος τὴν κατασκευὴν ποιησώμεθα, ἔστω τὸ μὲν  
 ἀγόμενον βάρος ταλάντων χιλίων, ἡ δὲ κινουσα δύνα-  
 μεις ἔστω ταλάντων ε, τουτέστιν ὁ κινῶν ἄνθρωπος ἢ 10  
 παιδάριον, ὥστε δύνασθαι καθ' ἑαυτὸν ἄνευ μηχανῆς  
 ἔλκειν τάλαντα ε. οὐκοῦν ἐὰν τὰ ἐκ τοῦ φορτίου ἐκ-  
 δεδεμένα ὄπλα διὰ τινος <ὀπῆς οὔσης> ἐν τῷ  $AB$  τοίχῳ  
 ἐπειληθῇ περὶ τὸν  $EZ$  ἄξονα <.....> κατειλούμενα τὰ  
 fol. 80<sup>v</sup> ἐκ τοῦ φορτίου ὄπλα | κινήσει τὸ βάρος· ἵνα δὲ κινήθῃ 15  
 τὸ  $H\Theta$  τύμπανον, <δεῖ δυνά>μει ὑπάρχειν πλεον ταλάν-  
 p. 332 των διακοσίων, διὰ τὸ τὴν διάμετρον τοῦ τυμπάνου  
 τῆς διαμέτρου τοῦ ἄξονος, ὡς ὑπεθέμεθα, πενταπλὴν  
 <εἶναι>· ταῦτα γὰρ ἀπεδείχθη ἐν ταῖς τῶν ε δυνάμεων  
 ἀποδείξεσιν. ἀλλ' <.....> ἔχομεν τί τὴν δύναμιν ταλάν- 20  
 των διακοσίων, ἀλλὰ πέντε. γεγονέτω οὖν ἕτερος ἄξων  
 <παβάλληλος> διακείμενος τῷ  $EZ$ , ὁ  $KA$ , ἔχων συμφυῆς  
 τύμπανον ὀδοντωμένον τὸ  $MN$ . ὀδοντῶδες δὲ καὶ τὸ

5 τοῦτο ὀδοντωμένον 7 suppl. Vi 8 ποιησομεθα  
 11 ὥστε δύνασθαι: δυνάσθω Pappus 12 εἰκειν corr. Vi  
 13 ἐνδεδεμένα: correxi <ὀπῆς> add. Hultsch ad Pappum  
 p. 1062, 13 14 ἐπειληθῇ τὸ  $EZ$  ἄξονα hiatus haec fere hausta:  
 <ἐπιστρεφομένου τοῦ  $H\Theta$  τυμπάνου> 14—15 τὰ ἐκ τοῦ φορτίου  
 ἐπλάκων | ἐν τισι το βάρος: correxi; ἐφείλκεν ἄν τι Vi 16 τὸ  
 $\Pi\Theta$  τυμπανον <.....> | μει ὑπάρχειν septem litteris ma-  
 jore absumptis; supplevi dubitanter 18 ἄξωνος 20 post  
 ἀλλ hoc signum ὅ et spatium 22 litterarum; f. ἀλλ' <ὅτι>  
 ἔχομεν [τι] τὴν 21 γεγονέτω ὁ ἕτερος: correxi (q = οὖν)  
 22 supplevi ἔχον συμφυῇ 23 ὀδοντωμενον



verbunden, dessen Durchmesser beispielsweise gleich 5 Achsendurchmessern sei. Und um die Konstruktion an einem Beispiel zu veranschaulichen, so sei die Last = 1000 Talenten, die bewegende Kraft sei = 5 Talenten, d. h. der  
 5 die Bewegung ausführende Mensch oder Sklave sei so stark, daß er für sich ohne Maschine 5 Talente zu bewegen vermag. Wenn nun die an die Last festgebundenen Seile durch eine Öffnung in der Wand  $AB$  geleitet und um die Achse  $EZ$  gewickelt werden, so werden, (wenn sich das  
 10 Rad  $H\Theta$  dreht,) die an der Last befestigten Seile beim Aufwickeln die Last bewegen. Damit nun aber das Zahn-

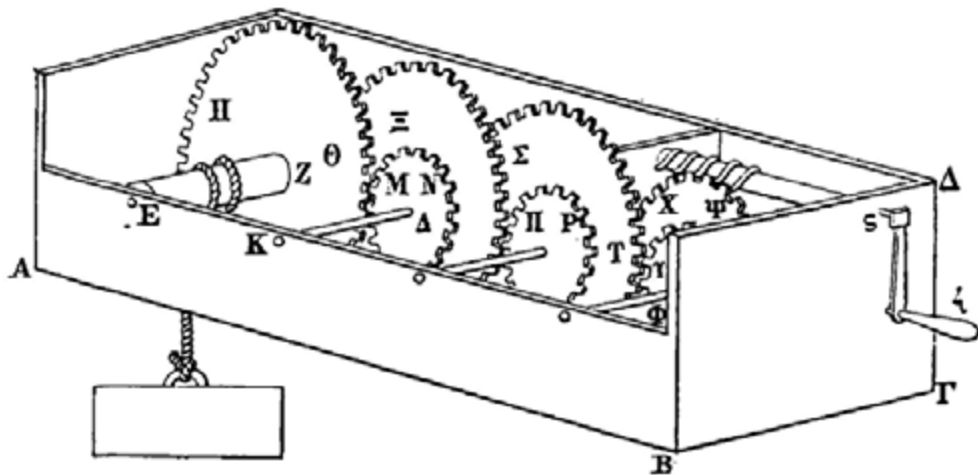


Fig. 115.

rad  $H\Theta$  bewegt wird, muß an Kraft mehr als 200 Talente vorhanden sein, weil der Durchmesser des Zahnrades, wie wir voraussetzten, gleich 5 Achsendurchmessern ist. Der  
 15 Beweis hierfür ward unter den Beweisen der 5 Kräfte geliefert. Da wir nun aber keine Kraft von 200 Talenten, sondern nur eine von 5 Talenten haben, so werde parallel zu  $EZ$  und querliegend noch eine andere Achse,  $KA$  angebracht, mit der das Zahnrad  $MN$  fest verbunden sei.  
 20 Aber auch das Rad  $H\Theta$  ist mit Zähnen versehen, so daß es in die Auszahnungen des Rades  $MN$  eingreift. Mit ebenderselben Achse  $KA$  sei auch noch das Zahnrad  $EO$

$H\Theta$  τύμπανον, ὥστε ἐναρμόζειν ταῖς ὀδοντώσεσι τοῦ  
 $MN$  τυμπάνου. τῷ δὲ αὐτῷ ἄξονι τῷ  $KA$  συμφυῆς  
τύμπανον τὸ  $\Xi\langle O\rangle$ , ἔχον ὁμοίως τὴν διάμετρον πεντα-  
πλασίονα τῆς τοῦ  $MN$  τυμπάνου διαμέτρου. διὰ δὴ  
τοῦτο δεήσει τὸν βουλούμενον κινεῖν διὰ τοῦ  $\Xi O$  τυμ- 5  
πάνου τὸ βάρος ἔχειν δύναμιν ταλάντων  $\mu$ , ἐπειδήπερ  
τῶν  $\sigma$  ταλάντων τὸ πέμπτον ἐστὶ τάλαντα  $\mu$ . πάλιν  
οὖν παρακείσθω  $\langle$ τῷ  $\Xi O$  τυμπάνῳ ὠδοντωμένῳ $\rangle$  τύμ-  
πανον ὀδοντωθὲν ἕτερον  $\langle$ τὸ  $PP$ , καὶ ἔστω τῷ $\rangle$  τυμ-  
πάνῳ ὠδοντωμένῳ τῷ  $PP$  συμφυῆς ἕτερον συμφυῆς 10  
ἔχον ὁμοίως πενταπλὴν τὴν διάμετρον τῆς  $PP$  τυμ-  
πάνου διαμέτρου· ἡ δὲ ἀνάλογος ἐστὶ δύναμις τοῦ  
 $\Sigma T$  τυμπάνου ἢ ἔχουσα τὸ βάρος ταλάντων  $\eta$ · ἀλλ'  
ἡ ὑπάρχουσα ἡμῖν δύναμις δέδοται ταλάντων  $\epsilon$ . ὁμοίως  
ἕτερον παρακείσθω τύμπανον ὠδοντωμένον τὸ  $\Gamma\Phi$  τῷ 15  
 $\Sigma T$  ὀδοντωθέντι· τοῦδε τοῦ  $\Gamma\Phi$  τυμπάνου  $\langle$ τῷ $\rangle$  ἄξονι  
συμφυῆς ἔστω τύμπανον τὸ  $X\Psi$  ὠδοντωμένον, οὗ ἡ  
διάμετρος πρὸς τὴν τοῦ  $\Gamma\Phi$  τυμπάνου διάμετρον  
λόγον ἔχεται, ὃν τὰ ὀκτὼ τάλαντα πρὸς τὰ τῆς δοθείσης  
δυνάμεως τάλαντα  $\epsilon$ . καὶ τούτων κατασκευασθέντων, 20  
ἐὰν ἐπινοήσωμεν τὸ  $AB\Gamma A$   $\langle$ γλωσσόκομον $\rangle$  μετέωρον  
κείμενον, καὶ ἐκ μὲν τοῦ  $EZ$  ἄξονος τὸ βάρος ἐξάψωμεν,  
ἐκ δὲ τοῦ  $X\Psi$  τυμπάνου τὴν ἔλκουσαν δύναμιν, οὐδο-

p. 334 πότερον αὐτῶν κατενεχθήσεται, εὐλύτως στρεφομένων  
τῶν ἀξόνων, καὶ τῆς τῶν τυμπάνων παραθέσεως καλῶς 25  
ἀρμο(ξού)σης, ἀλλ' ὥσπερ ζυγοῦ τινὸς ἰσορροπήσει ἡ  
δύναμις τῷ βάρει. ἐὰν δὲ ἐνὶ αὐτῶν προσθῶμεν  
ὀλίγον ἕτερον βάρος, καταρρέψει καὶ ἐνεχθήσεται ἐφ'  
ὃ προσετέθη βάρος, ὥστε ἐὰν ἐν τῶν  $\epsilon$  ταλάντων

7—8 πάλιοῦν 10—11 ὀδοντωμένον τὸ  $PP$  συμφυῆ ἕτερον  
συμφυῆς ἔχον 12 ἡ δὲ α<sup>λ</sup> in fine versus; in versu sequenti

fest verbunden, dessen Durchmesser gleichfalls 5mal so groß sein soll als der Durchmesser des Zahnrades  $MN$ . Man wird daher, wenn man die Last vermittelst des Zahnrades  $EO$  bewegen will, eine Kraft von 40 Talenten haben  
 5 müssen, da ein Fünftel von 200 Talenten gleich 40 Talenten ist. Neben dem Zahnrad  $EO$  liege nun wiederum ein anderes Zahnrad  $IP$ , und mit dem Zahnrade  $IP$  sei ein anderes  $ST$  fest verbunden, dessen Durchmesser gleichfalls 5mal so groß als der Durchmesser des Zahnrades  
 10  $IP$  sein soll. Die entsprechende Kraft für das Zahnrad  $ST$  wird = 8 Talenten sein; aber die uns zur Verfügung stehende Kraft ist zu 5 Talenten gegeben.

Ebenso liege neben dem Zahnrade  $ST$  ein anderes  $T\Phi$ ; mit der Achse von  $T$  sei das Zahnrad  $X\Psi$  fest verbunden,  
 15 dessen Durchmesser zu dem Durchmesser des Zahnrades  $T\Phi$  in demselben Verhältnis stehen soll, wie die 8 Talente zu den 5 Talenten der gegebenen Kraft.

Denken wir uns bei dieser Konstruktion den Kasten  $AB\Gamma A$  hoch aufgestellt und binden an die Achse  $EZ$   
 20 das Gewicht an, an das Zahnrad  $X\Psi$  dagegen die ziehende Kraft, so wird keins von diesen beiden zur Erde nieder-  
 gehen, wenn sich auch die Achsen leicht drehen und die nebeneinander gestellten Zahnräder gut ineinander greifen, sondern es wird wie bei einer Wage die Kraft mit der  
 25 Last im Gleichgewichte sein. Wenn wir aber zu einem von beiden noch eine geringe andere Last zusetzen, so wird diejenige Seite niederziehen und hinuntersinken, zu der eine Last zugesetzt ward. Daher wird, wenn zu einem der 5 Talente, die als Kraft vorhanden sind, bei-  
 30 spielsweise noch das Gewicht einer Mine zugesetzt wird,

---

spatium 14 litterarum    12—13 τοῦ  $ET$     15—16 ὀδοντω-  
 θεντος οἱ δὲ τοῦ  $T\Phi$  τὸ  $ST$  ὀδοντωθὲν δὲ τοῦ  $T\Phi$     16 ἀξωνι  
 17 τοῦ  $X\Psi$  ὀδοντωμενον    19 πρόστε    22  $E\Xi$  ἀξωνος  
 ἐξάψομεν    23 ἐκ δὲ τῶ  $X\Pi$     23—24 οὐδ' ὁ πρότερον  
 25 ἀξωνων    25—26 παραθέσεως καλῶς ἀρμόσεις: correxi  
 26—27 ἰσορροποῦς εἰη δυνάμεως: corr. Vi    28 καταρέψει  
 29 προσετιῶθη    ἐν: f. ἐν<ι>

101. 82<sup>r</sup> δυνάμει < . . . . . > εἰ τύχοι μ<ν>αἰαῖον προστεθῇ βάρος,  
 κατακρατήσῃ καὶ ἐπισπάσεται τὸ βάρος. ἀντὶ τῆς  
 προσθέσεως τούτῳ δὲ παρακείσθω | κοχλίας ἔχων τὴν  
 ἑλικά ἄρμωστήν τοῖς ὁδοῦσι τοῦ τυμπάνου, στρεφόμενος  
 εὐλύτως περὶ τόρμους ἐνόντας ἐν τρήμασι στρογγύλοις, 5  
 ὧν ὁ μὲν ἕτερος ὑπερεχέτω εἰς τὸ ἐκτὸς μέρος τοῦ  
 γλωσσοκόμου κατὰ τὸν ΓΔ < τοῖχον τὸν παρακείμενον >  
 τῷ κοχλίᾳ· ἡ ἄρα ὑπεροχὴ τετραγωνισθεῖσα λαβέτω  
 χειρολάβην τὴν ΞΖ, δι' ἧς ἐπιλαμβανόμενός τις  
 καὶ ἐπιστρέφων ἐπιστρέφει τὸν κοχλίαν καὶ τὸ ΧΨ 10  
 τύμπανον, ὥστε καὶ τὸ ΤΦ συμφυῆς αὐτῷ. διὰ δὲ  
 τοῦτο καὶ τὸ παρακείμενον τὸ ΣΤ ἐπιστραφήσεται,  
 καὶ τὸ συμφυῆς αὐτῷ τὸ ΠΡ, καὶ τὸ τούτῳ παρα-  
 κείμενον τὸ ΞΟ, καὶ τὸ τούτῳ συμφυῆς τὸ ΜΝ, καὶ  
 τὸ τούτῳ παρακείμενον τὸ ΗΘ, ὥστε καὶ ὁ τούτῳ 15  
 συμφυῆς ἄξων ὁ ΕΖ, περὶ ὃν ἐπειλούμενα τὰ ἐκ τοῦ  
 φορτίου ὅπλα κινήσει τὸ βάρος. ὅτι γὰρ κινήσει, πρό-  
 δηλον ἐκ τοῦ προστεθῆναι ἑτέραν δυνάμει < τὴν > τῆς  
 χειρολάβης, ἣτις περιγράφει κύκλον τῆς τοῦ κοχλίου  
 περιμέτρου μείζονα· ἀπεδείχθη γὰρ ὅτι οἱ μείζονες 20  
 κύκλοι τῶν ἐλασσόνων κατακρατοῦσιν, ὅταν περὶ τὸ  
 αὐτὸ κέντρον κυλίωται.

p. 316 λξ. Ἔστω κοχλίας ἐπὶ τινων σηματοῖων κινούμενος  
 ὁ ΑΒ, ᾧ συμφυῆς ἔστω τύμπανον τὸ Δ ὁδόντων < πα >.  
 τούτῳ δὲ συμφυῆς ἔστω < τύμπανον τὸ Ε > ὁδόντων 25  
 < θ >. καὶ τούτῳ παράλληλον ἔστω τὸ Ζ ὁδόντων ρ·

1 post δυνάμει spatium 7 litterarum μ<...>αιαῖον: correxi  
 2 κατακρατήση 3 κοχλίας τῷ ΧΨ τυμπανῷ ἔχων 4 ἑλικά  
 5 ἐνόντας: correxi 6 ὃν ὁ τὸ ἐντὸς: corr: Vi 7 κατὰ  
 τὴν 8 κοχλίου: correxi; ὁ ἄρα τόρμος τετραγωνισθεὶς ἐλεύ-  
 σεται εἰς χειρολάβην τὴν ρς Vi 8—9 τετραγωνισθῆναι αλασσεται

so wird dieses die (zu bewegende) Last überwältigen und in Zug bringen.

Anstatt eines solchen Zusatzes werde an dieses Zahnrad eine Schnecke angeschoben, deren Windungen zu den 5 Zähnen des Zahnrades passen sollen und das sich in runden Löchern um Zapfen drehen soll, von welchen der eine an der Wand  $\Gamma\Delta$ , die zu der Schnecke rechtwinklig steht, noch aus dem Kasten herausragen soll. Der vorspringende Teil, welcher quadratischen Querschnitt hat, 10 geht in die Handhabe  $\zeta\varsigma$  über. Setzt man diese an und dreht sie, so dreht man vermittels derselben die Schnecke und das Zahnrad  $X\Psi$ , daher auch  $\gamma\Phi$ , das mit diesem fest verbunden ist. Aus diesem Grunde wird sich auch das an dieses angeschobene Rad  $\Sigma T$  drehen und das hier 15 mit festverbundene  $\Pi P$ , und das an dieses angeschobene  $\Xi O$  und das damit fest verbundene  $MN$  und das daran angeschobene  $H\Theta$ , daher auch die mit diesem festverbundene Achse  $EZ$ , um die sich die an der Last befestigten Seile aufrollen und somit die Last bewegen werden. Denn dafs 20 sie sich bewegen werden, ist daraus klar, dafs zu der einen der beiden Kräfte die der Handhabe zugesetzt worden ist, welche einen Kreis beschreibt, der gröfser ist als die Umfangslinie der Schnecke. Es ist nämlich (früher) der Nachweis geliefert worden, dafs die gröfseren Kreise stärker 25 sind als die kleineren, wenn sie sich mit diesen um denselben Mittelpunkt drehen.

XXXV. Es bewege sich in Pfostenlagern die Schraube  $AB$ , mit der das Zahnrad  $A$  mit 81 Zähnen verbunden sein soll. Mit diesem sei das Zahnrad  $E$  mit 9 Zähnen 30 verbunden. Diesem sei das Rad  $Z$  mit 100 Zähnen

---

χειρολαβὴν τὴν  $K\Delta$  11 τὴν  $T\Phi$  12 f. τοῦτον 14 τὸ  $MH$   
 14—15 τὸ τοῦτο παρακείμενον καὶ τὸ τοῦτο τὸ  $MH$  16 ε  
 $E\bar{Z}$  (sic): correxi ἐπελαυνόμενα 19 ἥτης περιγραφῇ 21 cf.  
 Schmidt ad Heronis Aut. p. 400, 3 23 κοιλίαι 23—24 κινούμενοι δ 24 ὡς συμφύεις | ἔστω: correxi ὀδοντω, tum spatium  
 4 litterarum, tum τοῦτο 26 καὶ τοῦτο παρ᾽ ἀλλήλοι

συμφυλές δὲ ἔστω αὐτῷ τὸ *H*, ὀδόντων *ιη*. παρακείσθω  
 fol. 82<sup>v</sup> δὲ τὸ *Θ* ὀδόντων *οβ*. | ὁμοίως δὲ συμφυλές ἔστω αὐτῷ  
 τὸ *K* ὀδόντων *ιη*. ὁμοίως δὲ τὸ *A* ὀδόντων *ρ*· πρὸς  
 ᾧ ἕτερον ὁμοίως ὀδόντων *λ*, ἀφ' οὗ μοιρογνωμόνιον  
 ἔστω [τὸ] δηλοῦν τὸ πλῆθος τῶν σταδίων. κατεσκευάσθω 5  
 δὲ τροχὸς πτερωτὸς ὁ *M*, τὴν περίμετρον ἔχων τὴν  
 ὑπὸ τῶν πτερῶν <...> πᾶσ(σ)ων, τετορνευμένος, ἰσοχρό-  
 νιος ὢν τῇ νηϊ. <...> σὺν τῷδε καὶ τοῦ αὐτοῦ ἐκφυρο-  
 μένω, ἄξονι τούτῳ τῷ τροχῷ προσειλήφθω ὁδοῦ·  
 ἔαν δυνάμενος ἐν μιᾷ ἀποκαταστάσει τοῦ *M* ἕνα 10  
 ὀδόντα τοῦ *A* πίπτειν. δῆλον οὖν ὅτι τῆς νεῶς *ρ*  
 μίλια πορευθείσης τὸ *A* τύμπανον μίαν ἀποκατάστασιν  
 ἔξει· ὥστε ἔαν μὲν ἐν τις κύκλος περὶ τὸ κέντρον τοῦ  
*A* διαιρεθῇ εἰς *ρ*, τὸ μοιρογνωμόνιον τὸ συμφυλές τῷ  
*A*, φερόμενον ἐπὶ τοῦ εἰρημένου κύκλου, δηλώσει τὸ 15  
 καθ' ἕκαστον κίνημα τῆς κινήσεως.

1 αὐτὸ 2 αὐτό 3—4 ὀδόντων ζ πρὸς ω 5 κατασκευάσθω  
 6 post πτερων spatium 3 litterarum 8 συντω δε 8—9 εκ-  
 φυρομενω ἄξονι τούτῳ τῳ τροχῳ 9 οδὲ i. e. ὁδοῦ? haec non  
 extricavi 10 δυναμενος 11 ὀδοντα τοῦ *A* 13 μὲν ἐν  
 τις κυκλος: expectamus γραφεῖς 14—15 τοῦ *A*: corr. Vi  
 16 scribendum τῆς νεῶς; de hoc genere corruptelarum disp.  
 Brinkmannus Mus. Rhen. LVI 72.

parallel, mit ihm fest verbunden sei *H* mit 18 Zähnen. Daran sei *Θ* angeschoben mit 72 Zähnen; mit ihm soll in gleicher Weise *K* verbunden sein mit 18 Zähnen. Ebenso *A* mit 100 Zähnen, [woran in gleicher Weise  
 5 noch ein anderes mit 30 Zähnen]. An diesem soll ein Zeiger angebracht sein, der die Zahl der Stadien angiebt. Es werde ferner ein Flügelrad *M* hergestellt, dessen von den

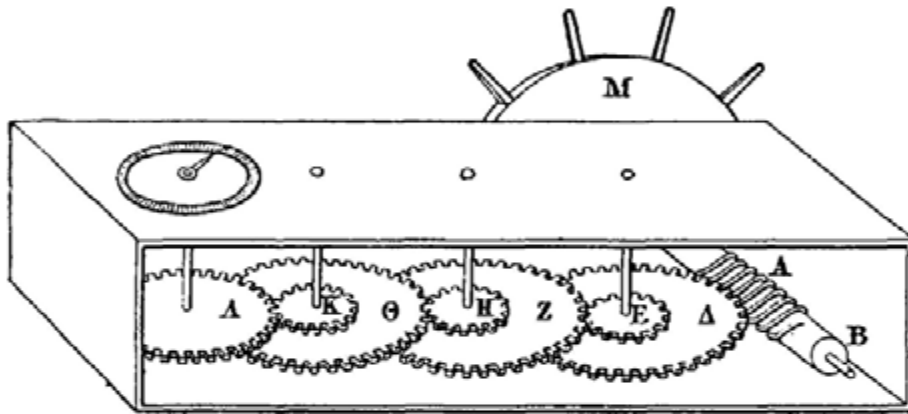


Fig. 116.

Flügeln begrenzter Umfang <.> Schritt betrage; es sei rund gedreht und drehe sich ebensoschnell als das Schiff läuft.  
 10 <...> im Stande ist, bei einer ganzen Umdrehung von *M* einen Zahn von *A* fallen zu lassen. Es ist nun klar, daß wenn das Schiff 100 Meilen durchlaufen hat, das Zahnrad *A* eine vollständige Umdrehung gemacht haben wird. Wird daher auf dem Deckel des Kastens ein Kreis,  
 15 der denselben Mittelpunkt mit *A* hat, beschrieben und in 100 Grade geteilt, so wird der Zeiger, der mit *A* fest verbunden ist, dadurch daß er sich auf dem bezeichneten Kreise dreht, die einzelnen Bewegungen des Schiffes anzeigen.



I.

INDEX NOMINUM.

<i>Ἀλεξανδρείας</i> 302, 11; 306, 7.	<i>Διονυσιοδώρων</i> 128, 3.
12 <i>Ἀλεξανδρεία</i> 302, 17. 24;	<i>Ἐρατοσθένης</i> 302, 16.
304, 2. 4. 6. 16.	<i>Ἐπιδόξου</i> 2, 12. 14.
<i>Ἀρχιμήδης</i> 66, 6. 13. 27; 80, 17;	<i>Πλάτωνος</i> 132, 7.
84, 12; 86, 29; 88, 11. 26; 120,	<i>Ῥώμης</i> 302, 11; 304, 18. 26;
28; 122, 16; 130, 15. 25 <i>Ἀρχι-</i>	306, 1. 4. 6. 12 <i>Ῥώμη</i> 302,
<i>μήδους</i> 2, 12. 18; 82, 27; 92, 10	18. 24; 304, 3 bis. 24.
<i>Ἀρχιμήδεις</i> 86, 22; 172, 11; 184,	
27 <i>Ἀρχιμήδην</i> 92, 9; 138, 9.	



## II.

### INDEX VERBORUM.

Praepositiones coniunctionesque praetermisi. Numeri sunt  
paginarum versiculorumque.

#### A

ἄβατον 190, 13 ἄβάτων 302, 8.

ἄγνοϊαν 288, 24.

ἄγω 220, 3 ἄγειν 212, 11.

22 ἄγοντες 218, 17 ἄγωμεν

144, 15 ἡγαγον 222, 4. 25;

238, 6. 8. 10; 260, 24; 262, 4

ἄχθῶσιν 6, 17 ἄχθείσης

148, 21; 166, 27; 232, 14

ἄχθεισῶν 34, 4; 260, 27;

264, 3. 10; 269, 7 ἡχθῶ

8, 18. 19; 14, 22; 22, 16; 26,

6; 28, 8. 31; 30, 19. 21; 32,

27; 34, 28; 40, 15; 44, 10;

46, 25; 56, 22; 72, 12; 76, 21;

104, 14; 116, 11; 158, 2;

168, 6; 170, 23; 172, 18;

174, 6. 14; 180, 20; 214, 26;

230, 5; 236, 16; 240, 11;

252, 1. 7; 260, 8; 268, 24;

270, 11; 272, 27; 282, 8;

290, 23 ἡχθῶσαν 8, 20;

98, 22; 112, 24; 128, 2. 3;

146, 7; 292, 2; 264, 22

ἄχθήσεται 214, 2 ἀγάγω

280, 6 ἀγάγωμεν 144, 13

ἀγαγεῖν 152, 26; 162, 27;

226, 7; 278, 1 ἀγαγόντα

280, 17 ἀγαγόντες 240, 16;

252, 20; 264, 7. 9; 272, 11

ἀγαγόντας 20, 8 ἀγομένη

40, 11. 15; 94, 27; 98, 19;

100, 10; 102, 8; 110, 1; 232, 1

ἀγόμενον 308, 9 ἀγομένης

96, 26; 166, 7; 234, 21 ἀγο-

μένην 96, 15; 98, 4; 102, 19;

134, 29; 136, 27; 226, 11. 20;

230, 13. 17; 234, 5. 8. 12;

236, 8. 10. 22 ἀγομένας

10, 16; 234, 16 ἡκται 10, 1;

24, 10 ἡγμένη 216, 18 ἡγ-

μέναι 228, 19.

ἀγωγήν 214, 9 ἀγωγάς 190, 3

ἀδελφά 4, 4.

ἀδιαφύρω 126, 1.

ἀδύνατον 46, 14; 212, 17.

ἀέ 94, 16; 96, 7; 190, 19;

221, 14; 238, 15; 284, 13.

ἀθεόρητον 214, 19.

αἰτίαν 6, 1.

ἀκίνητοι 194, 18 ἀκινήτου 228, 7.

15; 242, 5. 13; 256, 26 ἀκι-

νήτων 220, 1; 254, 9; 288, 11.

ἀκλινῇ 256, 10 ἀκλινούς 250,

16; 256, 17.

ἀκολουθεῖ 290, 12 ἀκολου-

θοῦντες 272, 14 ἀκολουθήσει

- 74, 7 ἡκολουθηκέναι 74, 4  
ἡκολουθηκότες 74, 24.  
ἀκόλουθον 66, 5; 92, 4; 132, 6;  
292, 16 ἀκολούθως 26, 6;  
30, 5; 32, 15; 34, 16; 38, 27;  
42, 5. 7; 48, 24; 86, 4; 114,  
28; 118, 16; 124, 14; 126, 5;  
128, 22; 148, 30; 150, 23; 152,  
18; 154, 21; 158, 7; 164, 9;  
168, 1; 178, 26; 182, 8.  
ἀκριβῶς 204, 5. 13; 290, 7;  
298, 5 ἀκριβέστερον 52, 14;  
74, 21; 309, 15.  
ἄκρον 50, 12; 200, 16; 288, 1;  
294, 12; 300, 9 ἄκρα 294, 17  
ἄκρων 18, 7; 126, 24; 190, 14.  
ἀκτίς 244, 12 ἀκτίνας 244, 8;  
250, 5.  
ἀλλά 14, 28. 29; 22, 15; 26, 9.  
11; 28, 25; 30, 2. 3; 32, 11;  
36, 27; 38, 13. 24; 40, 8. 20;  
42, 3; 44, 6. 16; 46, 5; 50, 7.  
24; 66, 17; 72, 2; 76, 8. 15;  
90, 14; 96, 21; 104, 20. 22;  
106, 15; 110, 14; 114, 5;  
124, 1; 126, 19; 128, 13;  
140, 16; 148, 20; 152, 14;  
154, 9. 13; 156, 4; 158, 6;  
162, 4; 170, 10; 180, 23;  
188, 19; 214, 4; 218, 3. 4;  
224, 8; 246, 12; 264, 6; 272,  
22; 278, 8. 14. 16. 22; 282, 5;  
286, 9; 290, 1; 292, 20; 298, 4;  
306, 1. 7; 308, 20. 21; 310, 26.  
13.  
ἄλληλα 2, 18; 88, 7; 142, 8;  
172, 7; 184, 12. 26; 262, 21;  
290, 21; 292, 12. 14 ἄλλή-  
λων 26, 13; 70, 8; 78, 23;  
92, 21; 194, 26; 284, 9; 288,  
19; 300, 19 ἄλλήλοις 98, 27;  
148, 6. 9; 214, 22; 232, 5;  
249, 25; 290, 11; 308, 1 ἄλ-  
λήλαις 252, 17 ἄλλήλους 2, 17;  
88, 5; 98, 7; 160, 4; 172, 5;  
180, 31; 212, 23 ἄλλήλας  
170, 17. 29; 172, 10; 176, 14;  
290, 15.  
ἄλλος 264, 16 ἄλλο 168, 4 ἄλ-  
λον 92, 10; 150, 10. 12; 182,  
16; 218, 14 ἄλλην 144, 20;  
246, 13 ἄλλον 90, 14; 218, 9  
ἄλλω 196, 24; 234, 26 ἄλλαι  
4, 16. 20 ἄλλων 142, 1;  
220, 1; 288, 11; 302, 15  
ἄλλοις 140, 13 ἄλλας 4, 9.  
14 ἄλλως 88, 10; 118, 24;  
130, 4; 138, 19; 224, 16. 27.  
ἀλύσεως 212, 20; 292, 18 ἀλύ-  
σει 262, 12.  
ἄμα 126, 24; 216, 9; 242, 2.  
12; 288, 10.  
ἀμαρτάνοντες 288, 24 ἡμαρτη-  
μένως 188, 10.  
ἀμβλεῖα 10, 21. 25; 12, 3. 6. 8.  
12; 44, 9; 291, 15 ἀμβλεῖαν  
34, 25.  
ἀμβλυγώνιον 14, 18; 34, 24. 31  
ἀμβλυγώνιον 36, 5.  
ἀμετάπτωτος 4, 14.  
ἀμελέστερον 72, 29.  
ἀμήχανον 2, 13.  
ἀμοιρήσει 188, 20.  
ἀμφοτέρως 222, 14 ἀμφοτέρα  
240, 24; 288, 10.  
ἐν 90, 17; 100, 5; 102, 17;  
144, 17; 188, 19; 194, 16;  
204, 2; 210, 8; 214, 20. 24.  
26. 29; 216, 6; 218, 26; 222,  
2. 6. 23. 27; 226, 15; 228, 6.  
14; 240, 1; 242, 7. 11. 23;  
248, 15; 254, 27; 256, 25. 28;  
258, 8; 268, 4; 288, 8. 12;  
296, 3. 19; 300, 6. 24.  
ἀναβάσεως 210, 1. 2. 7. 11. 12.  
14. 16; 212, 1. 3. 8.  
ἀνάβλυσις 284, 13 ἀνάβλυσιν  
284, 12. 18; 286, 6. 18.  
ἀναγκαῖον 90, 5; 92, 10; 140, 7;  
160, 16; 188, 5. 9; 286, 16;  
302, 5 ἀναγκαῖας 4, 4; 188, 3.  
ἀναγραφῇ 126, 22.

- ἀναγραφὴν 188, 13.  
 ἀναγραφείσαις 309, 19 ἀναγέ-  
 γραπται 4, 7.  
 ἀνακαμπῆς! 296, 16 ἀνακαμ-  
 παῖς 196, 20 ἀνακαμπῶς  
 196, 23.  
 ἀνακεκάμφθαι 196, 14.  
 ἀνεκρίναμεν 212, 22.  
 ἀνάλημμα 304, 19 ἀναλήμματι  
 304, 27.  
 ἀναλογία 140, 6. 13. 17 ἀνα-  
 λογίας 234, 1 ἀναλογία 140,  
 22 ἀναλογίας 140, 20.  
 ἀνάλογος 310, 12 ἀνάλογον 18, 6.  
 ἀναλύσει 30, 5; 32, 15; 34, 17;  
 38, 27; 42, 5; 48, 24; 114, 28;  
 118, 17; 128, 22; 148, 30;  
 150, 23; 152, 18; 154, 21;  
 158, 7; 164, 10; 168, 1; 182,  
 9 ἀνάλυσιν 16, 12; 124, 5.  
 ἀναμετροῦν 195, 2 ἀναμετροῦ-  
 σα 190, 5.  
 ἀναμετρήσεως 302, 17 ἀναμε-  
 τρήσει 190, 18.  
 ἀναμφισβήτητος 147, 1.  
 ἀνανεύω 218, 27.  
 ἀνάπαλιν 66, 24; 166, 2.  
 ἀναστρέψαντι 72, 5; 78, 29; 80,  
 23; 88, 17; 148, 14.  
 ἀνατομή 294, 2 ἀνατομήν 294,  
 5 ἀνατομῶν 210, 10 ἀνα-  
 τομάς 200, 4. 14.  
 ἀναφέρουσιν 92, 9 ἀναφέρε-  
 σθαι 254, 2.  
 ἀνδριάντος 90, 14.  
 ἄνεμος 290, 2 ἀνέμου 290, 5.  
 ἀνεκπαισθήτου 172, 25.  
 ἀνέρχεται 192, 10.  
 ἀνεστάτω 232, 22; 295, 17 ἀνε-  
 στάτωσαν 250, 25.  
 ἀνηπλωμένην 84, 24; 86, 5.  
 ἄνθρωπος 308, 10 ἄνθρώποις  
 2, 6.  
 ἀνιῶμεν 204, 1.  
 ἀνισοσκελῶν 10, 15.  
 ἀνισοῦψεῖς 228, 9.  
 ἀνοίγοντες 298, 26.  
 ἀντιπάλους 190, 17.  
 ἀντιπεριστάς 218, 16; 256, 26;  
 258, 1. 10.  
 ἀντλήματος 212, 18.  
 ἄντλησις 212, 18.  
 ἀνυσθιέσης 300, 17.  
 ἄνω 190, 26; 194, 2; 196, 4. 9;  
 200, 15; 202, 9; 204, 16.  
 ἀνωμαλίαν 144, 16.  
 ἀξίαν 140, 8. 12 ἀξίους 140, 6,  
 ἀξιῶσαι 188, 7.  
 ἀξόνια 200, 7 ἀξονίου 206, 16  
 ἀξονίους 200, 11.  
 ἄξων 80, 12; 82, 26; 84, 4; 118,  
 28; 120, 1. 21; 128, 7. 13; 180,  
 21; 182, 17; 294, 25; 304, 27;  
 308, 3. 21; 312, 16 ἄξωνος 308,  
 7. 18; 310, 22 ἄξωνα 294, 17.  
 22; 308, 14 ἄξωνι 300, 8;  
 310, 2. 16; 314, 9 ἄξωνες  
 300, 3; 306, 25 ἄξωνων 82,  
 23; 310, 25 ἄξων(ι)ων 200, 13.  
 ἀπάρδεν 90, 11; 140, 3.  
 ἀπαιτῇ 194, 17.  
 ἄπαξ 12, 24; 14, 26; 38, 8;  
 296, 6. 8. 12. 15. 18.  
 ἄπειρον 294, 8 ἀπείρους 190, 19.  
 ἀπεργασθέν 252, 23.  
 ἀπέχειν 288, 19 ἀπέχων 302,  
 27; 304, 12 ἀπέχοντα 194,  
 26; 256, 19.  
 ἀπῆκται 160, 13; 170, 2.  
 ἄπιστον 130, 7.  
 ἀπλανῶν 286, 22; 288, 5. 6.  
 ἀπλωθεῖσα 130, 7.  
 ἀπλῶς 174, 25; 234, 14.  
 ἀποβλέποντα 226, 14; 238, 15.  
 ἀπογεννώσι 126, 25 ἀπογεννή-  
 σει 126, 17. 19 ἀπογεννη-  
 θεῖσαν 126, 26.  
 ἀπόδειξις 20, 6; 94, 1; 142, 1  
 ἀποδείξει 118, 25 ἀπόδειξιν  
 2, 14 ἀποδείξεις 16, 12  
 ἀποδείξεσιν 308, 20.  
 ἀποδείξομεν 286, 23 ἀπεδείξα-

- μεν 286, 21 ἀπέδειξεν 84, 11;  
 88, 10. 25 ἀποδείξας 86, 30  
 ἀποδέδειχεν 133, 16 ἀπε-  
 δείχθη 152, 19; 308, 19;  
 312, 20 ἀποδειχθέντα 36, 16.  
 ἀποδίδεται 202, 10.  
 ἀποκατασταθῇ 126, 15.  
 ἀποκαταστάσει 314, 10 ἀπο-  
 κατάστασιν 294, 10; 298, 8.  
 11; 314, 12.  
 ἀποκρυβέν 138, 21.  
 ἀπολαμβάνει 286, 3 ἀπολαμβά-  
 νειν 262, 8 ἀπολαμβάνουσιν  
 278, 2; 280, 9 ἀπέλαβον  
 224, 9; 256, 21 ἀπολάβωμεν  
 144, 12 ἀπολαβεῖν 256, 12.  
 14. 15. 16; 260, 1. 5 ἀπολα-  
 βών 148, 1; 256, 28 ἀπόλαβε  
 144, 29; 152, 5; 156, 13. 15;  
 158, 14 ἀπολαμβανομένη 301,  
 11 ἀπολαμβάνεσθαι 258, 9  
 ἀπολαμβανόμενα 184, 25 ἀπο-  
 ληφόμεθα 144, 16; 272, 2  
 ἀπολήψεται 286, 1 ἀπειλήφ-  
 θω 147, 3; 150, 18; 152, 2.  
 7. 18. 27; 180, 2; 218, 6. 10.  
 12. 15; 244, 3; 260, 7. 12;  
 270, 10; 280, 14 ἀπειλήφθη-  
 σαν 290, 21 ἀπειλημένον  
 258, 12 ἀπειλημένα 170,  
 27 ἀποληφθῇ 176, 21.  
 ἀπολήγει 284, 16.  
 ἀπολύσεως 284, 21.  
 ἀπονέμειν 266, 13 ἀπονείμαι  
 140, 5.  
 ἀπορεῖσθαι 2, 11.  
 ἀπορρεῖ 286, 13 ἀπορρεῖν 284,  
 19. 23 ἀπορρέον 286, 1.  
 ἀπόρρυσιν 284, 11. 25.  
 ἀποστάσεις 286, 23.  
 ἀποστήματος 190, 10 ἀποστή-  
 ματα 286, 24 ἀποστημάτων  
 190, 7.  
 ἀποστήσομεν 300, 21 ἀπέστησα  
 258, 7 ἀποστήσας 242, 1;  
 258, 5 ἀφέστηκεν 204, 19.  
 ἀποτέμνουσα 162, 1 ἀποτεμ-  
 νομένης 112, 14 ἀποτεμνόμε-  
 νον 178, 24 ἀποτεμνομένη  
 176, 8; 112, 16.  
 ἀποτομῆς 162 2 ἀποτομήν 168,  
 14; 170, 2.  
 ἀποφανοῦμαι 224, 5; 288, 19  
 ἀποφανούμεθα 222, 17; 286,  
 5. 17 ἀπεφαίνοντο 74, 3  
 ἀποφαίνεσθαι 66, 12. 22;  
 74, 30; 84, 1; 90, 19; 94, 30;  
 104, 1; 112, 6; 120, 26; 122,  
 13; 132, 11. 27; 136, 20 ἀπο-  
 φα[ι]νούμεθα 68, 4 ἀποφα-  
 νούμεθα 68, 11; 80, 8. 16;  
 112, 16; 124, 16; 138, 18.  
 25; 306, 16 ἀποφήνασθαι  
 122, 8; 100, 4.  
 ἀπρόσιτον 190, 12.  
 ἀργότεραν 140, 17.  
 ἀριθμός 16, 17; 18, 11; 94, 7;  
 212, 10. 17 ἀριθμόν 18, 3  
 ἀριθμοί 16, 15; 18, 6; 66,  
 17; 212, 14 ἀριθμῶν 16, 13;  
 160, 16; 212, 6 ἀριθμοῖς  
 50, 25; 160, 14 ἀριθμούς  
 6, 5 (6); 66, 19; 92, 21;  
 118, 26; 212, 8; 216, 21;  
 298, 23.  
 ἀρμόζειν 196, 7 ἀρμοζούσης  
 310, 26 ἀρμόζουσιν 294, 26  
 ἀρμόζοντι 196, 17 ἀρμόσει  
 6, 20; 76, 8. 14; 80, 9.  
 ἀρμοστόν 196, 21; 200, 24 ἀρ-  
 μοστήν 194, 4; 312, 4 ἀρ-  
 μοστά 196, 2; 200, 7. 12  
 ἀρμοστούς 294, 15.  
 ἀρχαῖοι 72, 29.  
 ἀρχῆς 114, 15. 17. 27; 158, 18;  
 212, 24. 26 ἀρχήν 254, 15;  
 298, 13.  
 ἄρχειν 140, 13 ἀρχόμενα 70, 9  
 ἀρξάμεθα 4, 8; 6, 3 ἀρξάμε-  
 νον 298, 18.  
 ἀσπιδίσκη 200, 17; 202, 13. 25;

204, 2. 9 ἀσπιδίσκης 204, 8  
 ἀσπιδίσκην 202, 20.  
 ἀσπίδων 200, 19.  
 ἀστερίσκου 292, 8 ἀστερίσκω  
 288, 21.  
 ἀστήρ 288, 15 ἀστέρες 288, 10  
 ἀστέρας 288, 19 ἀστέρων 190,  
 6; 286, 22; 288, 3. 12.  
 ἄτακτος 90, 8; 272, 22 ἄτακτον  
 138, 13. 20 ἀτάκτου 90, 18;  
 260, 20 ἄτακτα 138, 7 ἀτάκ-  
 τους 90, 6; 92, 7.  
 ἀτόπων 214, 16.  
 αὐ 4, 26.  
 αὐξομένων 296, 23.  
 αὐταρχες 286, 7 αὐτάρκως 90,  
 5. 22; 174, 23.  
 αὐτοματίσαι 212, 17.  
 αὐτομάτως 202, 28.  
 αὐτός 6, 20; 56, 4; 66, 13. 27;  
 86, 28; 88, 26; 122, 16; 130,  
 26; 298, 9 αὐτό 46, 11; 48,  
 23; 50, 19; 54, 23; 56, 21;  
 58, 16; 60, 11; 62, 14; 68,  
 12. 17; 76, 1; 96, 17; 98, 6.  
 9. 27; 106, 17; 114, 8. 11.  
 14. 17; 118, 8; 129, 15; 130,  
 20; 138, 19; 142, 7; 144, 1;  
 150, 18; 158, 17; 160, 27;  
 188, 17; 190, 28. 29; 194, 16;  
 224, 21; 226, 3. 4; 236, 18;  
 254, 26; 266, 10; 268, 12;  
 270, 12; 272, 3; 274, 25. 26;  
 276, 16. 18; 286, 26; 288, 8.  
 16; 300, 11; 312, 21 αὐτή  
 8, 8; 14, 4; 80, 9; 132, 21;  
 144, 11; 180, 1; 284, 13;  
 302, 18. 25 αὐτοῦ 6, 10; 12,  
 15; 14, 20; 28, 7; 30, 18;  
 32, 26; 34, 27; 36, 23; 38,  
 15; 44, 4. 19. 21; 46, 11. 17;  
 50, 18; 52, 14. 19. 29; 54, 22;  
 56, 20; 58, 15; 62, 13; 64,  
 3; 74, 1; 88, 17; 90, 16;  
 92, 15; 94, 10. 27. 29; 96, 2.  
 19; 98, 3. 11. 17. 20; 108,

10; 114, 25; 120, 19; 128,  
 16. 26. 27; 132, 11. 12; 148,  
 3; 160, 19; 166, 16, 20. 27;  
 172, 25; 178, 22; 180, 18.  
 21; 182, 7; 194, 13; 220, 7;  
 222, 3. 24; 226, 19; 228, 6.  
 7; 234, 5. 25. 28; 242, 28;  
 244, 1. 3. 17; 246, 5. 9; 248,  
 7. 12; 250, 16; 252, 17; 254,  
 15; 256, 25. 26; 258, 9; 264,  
 2; 272, 2; 274, 7; 276, 4.  
 21; 284, 22; 286, 10; 288, 9.  
 15. 26; 296, 19; 300, 10; 304,  
 6; 314, 8 αὐτῆς 4, 2; 20, 9;  
 26, 9; 80, 12; 90, 9; 96, 4.  
 17. 25; 98, 5. 8. 26; 102, 18;  
 104, 4. 5. 24; 108, 2; 126,  
 10. 11; 140, 8; 176, 6; 196,  
 8; 188, 4. 18; 212, 24; 214,  
 3; 220, 5; 222, 26; 226, 8;  
 242, 14; 260, 12; 264, 8;  
 270, 10; 272, 9. 12. 23; 278,  
 26; 280, 18; 284, 12; 288,  
 14 αὐτῷ 2, 15; 8, 22; 76, 19;  
 80, 15. 21; 84, 16; 96, 22;  
 122, 19; 130, 26; 152, 11;  
 156, 19. 21; 158, 17; 164, 7.  
 12; 194, 1. 9. 11. 14; 218, 18;  
 246, 15; 248, 2; 272, 19;  
 288, 23; 294, 12; 296, 7. 10.  
 15; 298, 7. 10; 304, 7; 310,  
 2; 312, 11. 13; 314, 1. 2  
 αὐτῇ 2, 20; 56, 24; 60, 26;  
 64, 7; 96, 10. 28; 102, 11;  
 126, 1; 172, 18; 180, 15;  
 190, 31; 200, 19; 204, 10;  
 216, 8; 224, 24; 226, 5;  
 234, 27; 242, 4; 244, 11;  
 246, 14; 250, 10; 258, 13;  
 266, 7; 212, 5; 276, 18;  
 302, 25 αὐτόν 54, 11; 118,  
 8. 10. 14; 122, 9; 162, 20; 170,  
 18. 29; 172, 15. 17; 174, 28;  
 180, 9; 200, 25; 242, 7. 15;  
 254, 5; 274, 27; 284, 22. 23;  
 288, 11. 22; 294, 20 αὐτήν

2, 15; 4, 2; 8, 22; 14, 21;  
 40, 18; 54, 12; 76, 19; 80,  
 14. 20; 84, 16; 86, 4; 90, 8;  
 96, 22. 27; 102, 11; 122, 18.  
 21; 124, 5; 140, 9; 142, 4;  
 176, 7; 240, 4; 268, 24. 26.  
 27. 28; 272, 8; 278, 19; 284,  
 24; 290, 23; 294, 7; 300, 15;  
 302, 7 *αὐτά* 70, 18; 72, 24;  
 90, 10; 92, 12; 104, 25; 106,  
 6; 108, 3. 7; 110, 26; 114,  
 21. 24; 118, 8; 148, 28; 150,  
 22; 154, 8. 19; 210, 8; 214,  
 13; 230, 29; 232, 9; 234, 15;  
 242, 21; 246, 17. 24; 252, 20;  
 254, 19; 298, 29 *ταῦτά* 20, 3  
*αὐτῶν* 2, 11; 26, 24; 28, 23;  
 30, 14; 36, 11. 16; 46, 15;  
 68, 13; 80, 16; 112, 6; 114,  
 20; 126, 8; 134, 4. 24; 152,  
 7; 156, 18; 164, 3. 15; 168,  
 10; 176, 2; 188, 16; 194, 27;  
 196, 28; 200, 22; 216, 12;  
 218, 21; 220, 12; 222, 20;  
 228, 25; 230, 13; 232, 1. 3;  
 234, 16. 17; 244, 10; 254, 9;  
 262, 17; 264, 3. 9; 272, 24;  
 276, 28; 288, 6; 290, 25;  
 298, 24; 300, 4. 21; 310, 24.  
 27 *αὐτοῖς* 78, 8. 22; 290, 12;  
 306, 26 *αὐταῖς* 8, 23; 46, 18;  
 104, 24; 152, 26; 272, 15  
*αὐτούς* 8, 17; 304, 20 *αὐτάς*  
 6, 6; 90, 7; 174, 26; 222, 15;  
 262, 23; 278, 1.  
*αὐχμῶν* 284, 16.  
*ἀφανῶν* 268, 17.  
*ἀφελοῦμεν* 112, 15; 172, 28  
*ἀφέλω* 280, 5 *ἀφέλωμεν* 138,  
 22. 23 *ἄφελε* 10, 10; 14,  
 14; 16, 4. 7; 18, 17; 32,  
 16. 18; 34, 18; 36, 4; 40, 2.  
 5; 42, 22; 44, 27; 46, 1;  
 108, 16; 116, 5; 128, 22;  
 154, 28; 156, 12; 182, 13.  
 17; 184, 3; 284, 7 *ἀφελεῖν*

120, 24; 148, 3; 268, 7. 9.  
 14; 274, 7. 11. 13 *ἀφελόντα*  
 68, 14 *ἀφελόντες* 124, 16;  
 288, 7 *ἀφηγήσθω* 168, 4  
 278, 24; 280, 6. 12.  
*ἀφιεμένων* 194, 10 *ἀφῇ* 202,  
 21.  
*ἀφορίζουσα* 268, 2. 13.  
*ἄχρη* 46, 21; 90, 16; 126, 14;  
 210, 8; 250, 12; 252, 22.  
*ἄχρη* 194, 14; 216, 6; 218, 26;  
 222, 2. 6. 23. 27; 226, 15;  
 228, 6. 14; 238, 15; 242, 7.  
 11; 254, 27; 256, 24; 258, 8;  
 268, 4; 288, 9. 11. 14.

## B

*βαδίζεσθαι* 302, 3.  
*βάθος* 194, 13; 234, 19 *βά-*  
*θους* 92, 16. 17 *βάθει* 234,  
 20. 25.  
*βαλανείους* 132, 3.  
*βληθείσης* 200, 28.  
*βάρος* 204, 17; 306, 22; 308, 9.  
 15; 310, 6. 13. 22. 28. 29;  
 312, 1. 2. 17 *βάρει* 202, 23;  
 310, 27 *βάρη* 254, 8; 288,  
 26; 290, 4 *βαρῶν* 290, 6.  
*βεβασανισμένω* 262, 13.  
*βάσις* 76, 8. 10. 15; 80, 9. 12; 82,  
 3; 84, 4; 88, 20; 94, 11. 21;  
 96, 4; 98, 17; 100, 7. 19;  
 104, 5; 106, 10. 12. 14. 15.  
 21; 108, 25; 110, 22. 24. 27;  
 112, 4. 5. 19. 27. 29; 114, 1.  
 3. 5. 7. 9. 10. 12. 13. 16; 116,  
 23; 118, 1. 3. 5. 7. 9. 11. 13;  
 120, 13. 15. 22. 24; 124, 2;  
 132, 13; 134, 2. 5. 7. 24;  
 136, 3; 174, 26; 178, 20;  
 180, 7; 246, 4 *βάσεως* 74, 23;  
 76, 3. 13; 80, 13; 84, 26;  
 86, 12. 16; 88, 13. 15. 29;  
 94, 9. 29; 96, 2. 10. 13. 17.  
 19. 25. 26; 98, 2. 5. 9. 12.  
 26; 102, 9. 17; 104, 24;

112, 9; 120, 12; 122, 15;  
128, 8. 12. 24; 130, 9; 15  
βάσει 94, 9. 20, 22. 24. 26;  
96, 1. 5. 8. 9; 98, 16; 104, 5;  
142, 29. 176, 7. 22; 178, 19;  
180, 3. 9; 246, 8. 26 βάσιν  
2, 15; 8, 22; 24, 10; 74, 1;  
76, 19; 80, 14. 19; 84, 16;  
94, 18. 28; 96, 3. 6. 14. 22.  
28; 100, 5; 102, 5. 11. 12;  
104, 4. 11; 106, 8; 110, 24;  
112, 7; 116, 19; 122, 1. 19;  
130, 18. 19; 176, 4 βάσεις  
98, 2; 108, 24; 130, 25. 28;  
134, 22 βάσεων 84, 31; 88,  
12; 118, 28; 120, 1; 130, 14;  
180, 18 βάσειν 120, 6.  
βέλους 190, 20.  
βιαιότερον 284, 15.  
βιβλίω 92, 6; 130, 26.  
βίω 190, 1.  
βλάπτοντες 214, 7 βλάπτεσθαι  
214, 9.  
βούλωμαι 224, 17; 256, 20; 258,  
4 βούλεται 6, 6 βουλόμεθα  
138, 12; 244, 5; 250, 19. 27;  
260, 8. 9 βούλωμαι 256, 23.  
28 βούληται 66, 21 βουλώ-  
μεθα 20, 1; 66, 25; 80, 13;  
204, 2; 214, 25; 242, 20. 23;  
246, 11. 20; 288, 3; 296, 3;  
298, 25 βούλοιτο 140, 18  
βουλόμενον 310, 5 βουλόμε-  
νοι 290, 3 βουλομέναις 92,  
12; 188, 12.  
βραδέως 292, 19 βραδυνέρας  
288, 11.  
βραχύ 194, 17.

## Γ

γαστέρα 286, 25.  
γοῦν 140, 7; 190, 14.  
γένεσιν 126, 10.  
γενναῖαι 284, 17.  
γενναίως 2, 12.  
γένος 2, 7.

γέφυραν 241, 26.  
γεωγραφουμένων 190, 8.  
γεωμετρία 2, 3. 5 γεωμετρίας  
140, 21.  
γεωμετρική 20, 6 γεωμετρικάς 16.  
11. (12) γεωμετρικῶς 160, 17;  
γῆ 140, 8 γῆ 2, 4; 302, 13;  
306, 11. 14 γῆς 286, 20,  
292, 18; 302, 14. 17.  
γίγνεται 6, 2; 14, 8. 9. 10. 11.  
12. 13. 15. 16; 16, 2. 3. 4. 5.  
6. 7. 8. 9; 18, 16. 20. 26. 27.  
29; 24, 24. 25; 30, 6. 7. 9.  
10. 11; 32, 19. 22; 34, 19  
22; 36, 6. 7. 8. 28. 29; 40, 1.  
2. 3. 4. 5. 6. 7; 42, 16. 20.  
21. 22. 24; 44, 24. 25. 26. 27.  
28. 29; 46, 2. 3; 48, 25. 26;  
52, 9. 10. 11; 54, 3. 4. 5. 6.  
15. 16; 58, 10. 11; 60, 5. 6;  
62, 8. 9. 26. 27; 64, 29. 30;  
66, 8. 11; 68, 9. 19. 20. 22;  
70, 2. 3. 4; 74, 18. 20. 29;  
76, 2. 4. 5; 88, 7; 96, 2;  
102, 3. 13. 15; 108, 12. 13.  
14. 19; 116, 3. 4. 5. 6. 7. 8.  
9; 118, 18. 19. 20. 21. 22;  
124, 7. 8. 9. 11. 12. 13; 128,  
23. 25. 27. 29; 130, 2. 7. 23.  
24; 144, 24. 25. 26. 27. 28;  
146, 23. 25. 26; 150, 4. 6. 7.  
11. 12. 13. 26—152, 1. 2. 3.  
4; 154, 26. 27. 29; 156, 1. 2.  
3. 9. 11; 158, 8. 11; 160, 10.  
11. 12; 176, 24. 26. 27; 178,  
1. 8. 9. 11. 13; 182, 10. 11.  
14. 15. 21; 184, 4. 5. 6; 190,  
25; 194, 6. 9; 196, 15; 200,  
6. 7. 12. 23. 24; 204, 16. 18.  
21; 240, 22; 246, 4. 10. 24;  
280, 1. 2; 290, 11; 292, 23;  
296, 4; 306, 9 γίνονται 4, 12;  
8, 12; 10, 9. 16. 11; 18, 19.  
20; 32, 16. 17. 18. 21; 40, 5;  
54, 3; 66, 10; 92, 22; 108,  
20; 122, 10; 132, 2; 146, 21.

27; 158, 13; 182, 24; 184, 3. 5; 200, 20; 280, 13; 284, 6. 9; 286, 5; 298, 15; 306, 15 γίγνεσθαι 20, 2; 274, 30; 296, 18; 302, 22 γιγνέσθω 74, 1; 296, 2 γιγνομένην 20, 5; 252, 12 γινόμενον 236, 13 γινομένου 240, 21; 290, 11 γιγνομένων 132, 26; 140, 4 γινομένης 290, 6 γένηται 78, 7; 194, 15; 268, 5 γενέσθαι 138, 21; 246, 15; 248, 8; 254, 20, 24; 309, 2 γενομένη 130, 8 γενόμενον 22, 18 γενομένου 262, 21; 266, 12 γενομένης 304, 18 γενόμενα 24, 27; 78, 8. 21; 102, 2; 130, 2; 146, 20; 156, 10; 158, 13 γενόμεναι 78, 9 γενομένων 42, 15; 66, 26; 68, 3; 78, 6. 13; 102, 19—104, 1; 108, 12; 122, 5. 7; 136, 13. 19; 138, 3; 156, 11; 268, 17 γεγονέτω 78, 3; 142, 9; 152, 28; 160, 21; 162, 9; 164, 5; 170, 6; 174, 6; 278, 3; 280, 10; 292, 25; 294, 2; 308, 21 γεγένηται 304, 24 γεγενήσθω 250, 11 γεγονός 142, 23 γενηθείσα 128, 6; 294, 3 γενηθείσης 252, 27 γενηθέντος 254, 1 γενηθέντων 262, 10.  
 γλωσσοκόμου 312, 7 γλωσσόκομον 306, 24; 308, 2; 310, 21.  
 γνωμόνιον 204, 9 γνωμονίων 300, 1.  
 γνώμων 304, 21.  
 γραμμή 90, 8; 204, 21; 238, 5; 244, 1; 246, 3. 9. 23. 25; 264, 4. 6; 266, 6; 272, 23 γραμμήν 236, 10; 242, 19; 244, 15; 246, 13. 17. 20 γραμμής 90, 9. 12. 19; 228, 11; 236, 2; 242, 27; 244, 14; 246, 19; 260, 19. 23; 262, 9;

264, 14 γραμμῇ 246, 18 γραμμαί 204, 7. 14 γραμμάς 4, 14; 90, 11; 204, 11; 262, 8; 266, 1.  
 γραφῆς 188, 7.  
 γράφειν 300, 12 γράψω 242, 19 γράψει 288, 1; 300, 9 γράψομεν 46, 21; 176, 13; 286, 26 γράψαι 158, 16; γράψεσθαι 246, 23. 27 γραφομένων 292, 24; 300, 14. 24 γραφέντος 184, 25 γεγράφω 170, 26; 184, 23; 304, 16; 306, 2. 8.  
 γωνία 10, 24. 25; 12, 2. 6. 12. 17; 30, 4; 50, 7. 8. 9. 10. 11. 21; 56, 23; 58, 23; 60, 19; 64, 6; 166, 13; 170, 1; 250, 19; 252, 5; 290, 16. 19 γωνίας 22, 25; 28, 5; 104, 30; 134, 21; 136, 24; 256, 11; 282, 13 γωνία 250, 15; 252, 10; 292, 15 γωνίαν 4, 18; 6, 12. 22; 10, 21; 32, 24; 36, 18; 46, 14. 24; 88, 25; 262, 20 γωνία 134, 1 γωνιών 10, 17. 18; 256, 10.

## Δ

δακτύλων 196, 15. 22; 200, 21. 27; 286, 6. 9. 18 δακτύλους 196, 4. 12; 204, 5. 15; 286, 3. 4.  
 δαπάνην 214, 11.  
 δει 36, 11; 50, 26; 66, 12. 21; 74, 14; 76, 6; 88, 2; 90, 15; 94, 28; 102, 16; 106, 31; 110, 29; 132, 10; 138, 26; 166, 15; 178, 3; 180, 7; 190, 20; 212, 26; 226, 10; 236, 11; 238, 5; 254, 6; 256, 9. 14. 15. 16; 260, 5; 264, 17; 268, 9; 274, 7. 13; 284, 18. 23; 286, 12. 24; 296, 24; 308, 16 δέη 46, 9; 68, 6; 82, 1; 126, 4; 216, 9 δέον



- 10, 20; 20, 10; 126, 26; 142, 7; 144, 1; 146, 4; 156, 19; 164, 4; 176, 7; 236, 7; 266, 9; 272, 25; 278, 24; 280, 19; 302, 10 *ἔδει* 12, 3. 6; 46, 6. 7 *δεήσει* 28, 1. (2); 46, 10; 66, 10; 82, 29; 88, 14; 90, 8; 100, 1; 102, 1; 120, 17; 122, 4. 11; 124, 5; 130, 22; 132, 24; 136, 10; 138, 11; 162, 25; 170, 11; 176, 18; 244, 16; 268, 3. 6. 8. 14; 274, 10; 300, 27; 310, 5.
- δείκνυσιν* 66, 7. 13. 27; 122, 1. 16; 130, 26; 302, 16 *δείξομεν* 34, 5; 40, 11; 68, 16; 166, 15; 174, 14; 176, 20; 214, 11; 268, 10; 274, 14; 276, 5. 26; 290, 13; 298, 28 *ἔδειξε* 80, 17 *δείξει* 36, 13; 46, 6; 50, 3; 106, 31 *δείκνυται* 82, 27; 122, 9 *δείχθη* 12, 9; 28, 29; 74, 13; 102, 10; 108, 2 *δέδεικται* 12, 21; 58, 19; 62, 17; 118, 15; 128, 3; 162, 3; 172, 11; 184, 17; 230, 16; 292, 14.
- δείξιν* 242, 25.
- δέκα* 200, 27; 212, 13; 304, 1.
- δεκάγωνον* 52, 5; 60, 8; 62, 7. 10.
- δέκατον* 224, 21. 23.
- δέλτω* 216, 10.
- δεξιά* 204, 8.
- δέξασθαι* 138, 12; 196, 11; 204, 17.
- δεξαμενής* 188, 16 *δεξαμενή<ν>* 138, 11.
- δεύτερον* 268, 13.
- δή* 10, 26; 12, 10; 24, 22; 26, 6; 30, 30; 34, 3; 40, 17; 42, 5. 7; 44, 1. 5. 10; 56, 24; 62, 26; 70, 15. 20; 74, 23. 76, 11; 84, 3. 22; 92, 21; 94, 17. 19. 20; 96, 12. 16. 18; 98, 1. 5. 15; 102, 5; 104, 3. 4. 11. 25; 106, 6; 108, 4. 7; 110, 4. 11. 26. 29; 112, 25; 114, 21. 27; 116, 12. 28; 118, 9. 16; 120, 15; 122, 14; 126, 18. 23; 128, 21; 132, 7; 136, 21; 138, 6. 13; 146, 1. 6. 8; 148, 6. 28. 31; 150, 19. 22. 23; 152, 18; 154, 21; 156, 22; 158, 2; 160, 7; 162, 16; 164, 9. 14; 168, 1. 8; 170, 27; 174, 14. 17; 180, 6. 20; 184, 13; 216, 9; 220, 9; 222, 11; 224, 18. 22; 226, 2. 4. 17; 230, 20; 232, 20; 234, 3. 25. 26; 240, 3. 5. 13. 18; 242, 10. 13. 16; 252, 3. 9; 256, 4. 7. 21. 23; 274, 25; 276, 14. 15. 17. 23; 278, 3. 18; 280, 15; 284, 4; 286, 5; 292, 13; 300, 4. 9; 304, 28; 306, 3. 15; 310, 4.
- δῆλον* 10, 23. 25; 138, 13; 172, 15; 314, 11 *δήλη* 288, 17.
- δηλονότι* 294, 16. 21; 296, 1; 302, 25.
- δηλοῦν* 308, 2; 314, 15 *δηλώσει* 296, 13; 314, 15 *δηλωθήσονται* 296, 19.
- δήποτε* 102, 6.
- διαβήτην* 218, 21; 220, 12. 16. 17; 222, 17. 20; 230, 1. 8; 232, 4; 234, 17; 236, 17. 26.
- διάγειν* 260, 21 *διαγαγεῖν* 146, 4; 150, 19; 152, 8; 160, 21; 162, 7; 164, 4. 18; 166, 17; 170, 5; 280, 9 *διαγαγόντα* 274, 8 *διήχθω* 152, 10; 164, 7. 11; 166, 20; 168, 11; 264, 18 *διήχθωσαν* 156, 20; 248, 13 *διήκται* 160, 27.
- διαγώνιον* 46, 10 *διαγωνίου* 46, 14 *διαγωνίους* 252, 17.
- διαδοχήν* 92, 9.
- διαιρεῖν* 140, 19; 168, 12 *διαιροῦσα* 142, 9; 144, 3; 152, 10; 166, 20 *διαιροῦσαν* 144,

- 22; 146, 5; 152, 9. 27; 156, 20; 160, 20; 164, 4; 166, 17  
*διαίρουσαι* 156, 21 *διελούμεν*  
 172, 15; 266, 6; 288, 2; 300, 10  
*διελείν* 112, 13; 142, 3. 7. 28; 144, 1; 150, 15; 178, 18. 24; 180, 7. 8; 266, 9. 10; 272, 16. 25 *διελόντι* 50, 28; 120, 9. 20; 154, 7 *διαίρεται* 144, 22; 146, 22; 174, 26; 176, 25 *διαίρουντα* 158, 18  
*διαίρεσθαι* 160, 15 *διήρηται* 140, 8; 266, 2 *διήρηται* 140, 12 *διηρησθω* 164, 6. 10; 180, 13; 204, 4; 304, 14 *διηρημέναις* 94, 2 *διηρημένον* 6, 18 *διαίρεθῃ* 6, 15; 314, 14 *διαίρεθέν* 46, 11.  
*διαίρεσεις* 140, 4; 174, 22; 176, 1; 204, 6; 272, 18 *διαίρεσιν* 300, 13.  
*διακείσθωσαν* 306, 25 *διακείμενος* 308, 3. 22.  
*διακοσίων* 308, 17. 21.  
*διαμένει* 284, 13 *διαμένουσιν* 290, 1. 7. 8 *διαμένειν* 96, 7; 290, 9 *διαμένοντος* 126, 16.  
*διάμετρος* 66, 9; 74, 9. 10; 82, 20; 84, 17, 21; 86, 15; 88, 1. 4. 8. 13. 15. 31; 96, 12. 19; 98, 2. 12; 116, 13. 15; 120, 12; 122, 15; 126, 26; 128, 17. 24. 26; 130, 6. 9. 15; 134, 8; 158, 16. 17; 160, 8. 13; 170, 20; 180, 11; 182, 18; 184, 16; 304, 20. 21; 310, 18 *διαμέτρον* 36, 12; 66, 8; 68, 2; 74, 6. 25; 88, 4; 120, 27; 122, 10; 204, 10; 308, 7. 18; 310, 4. 12  
*διαμέτρῳ* 88, 13; 122, 3 *διάμετρον* 66, 15. 25. 27; 68, 11; 74, 27; 88, 21; 116, 29; 118, 3. 7. 11; 120, 18; 124, 2; 160, 2. 3; 200, 27; 306, 19; 308, 6. 17; 310, 3. 11. 18  
*διάμετροι* 68, 18; 120, 1; 180, 18 *διαμέτρων* 2, 17; 88, 6; 160, 5 *διαμέτρους* 120, 7.  
*διαρρεῖν* 196, 25.  
*διανομῶν* 2, 9 *διανομάς* 2, 4  
*διαπήγματι* 294, 13.  
*διαρρομβονμένον* 46, 17.  
*διαστάσεις* 94, 2 *διαστάσεων* 4, 11; 90, 23.  
*διάστημα* 214, 20; 218, 21; 222, 20; 224, 3. 5. 6. 8. 17. 27; 232, 3; 234, 17; 236, 17. 26; 241, 1; 256, 12. 13. 15. 21; 230, 1. 7; 258, 12; 260, 1; 288, 3 *διαστήματος* 260, 10 *διαστήματι* 170, 25; 184, 23; 260, 3 *διαστήματα* 94, 3, 190, 6. 21; 232, 4; 242, 22; 292, 18. 22 *διαστήμασιν* 300, 14; 306, 26.  
*διατεμνέσθω* 196, 7.  
*διατηρῶν* 226, 14; 238, 14.  
*διατοναίω* 294, 24.  
*διατρέχειν* 200, 2. 25.  
*διαφοράν* 20, 2. 4. (5); 188, 13.  
*διάφορον* 18, 29 *διαφόρον* 18, 23; 48, 28 *διαφόροις* 188, 16.  
*διδάσκει* 2, 3.  
*διδόμενον* 164, 15 *διδόμενας* 132, 11 *δέδοται* 110, 23; 120, 13; 132, 22; 278, 9. 10; 310, 14 *δεδόσθω* 126, 28; 164, 3; 176, 6; 180, 11; 270, 5 *δοθῇ* 66, 9. 20. 24; 68, 1. 28; 80, 11; 86, 15 *δοθείς* 40, 22. 23; 100, 2; 110, 17. 18; 118, 15. 28; 120, 8. 16. 17; 124, 4; 128, 13. 14. 19. 20; 150, 21. 24; 154, 25; 160, 3. 6. 8; 166, 3. 23. 24; 168, 2; 170, 18; 172, 16; 178, 20; 180, 6. 17. 18. 19. 25; 182, 2. 3. 5; 184, 13; 248, 11; 252, 16; 254, 4; 278, 6. 12. 13; *δοθείσα* 22, 2; 24, 13; 28, 18. (19). 23. 24;

- 30, 1. 2. (3). 4. 29; 32, 9;  
36, 25; 40, 11. 12. 14. 17.  
23. 24. 25. 26; 42, 2. 4; 48,  
2; 52, 30; 94, 26; 96, 19;  
106, 31; 108, 1. 3. 4. 5. 6. 7.  
9. 27; 110, 17. 19. 21. 22;  
114, 20. 23; 120, 10. 11. 12.  
21; 122, 26. 28. 29. 30; 124,  
1; 128, 17; 136, 2. 13; 148,  
25. 27; 150, 21; 152, 15. 16;  
154, 7; 158, 5; 162, 23; 166,  
8. 12. 28. 29; 170, 1. 7; 174,  
10. 11; 180, 22. 23. 24. 26.  
27. 28; 182, 5. 6; 226, 9;  
230, 29; 232, 7. 19; 256, 14;  
278, 5. 8. 9. 14. 15. 16. 17;  
280, 21; 282, 29 *δοθέν* 10,  
18; 22, 1; 24, 21; 28, 25.  
29. 30; 36, 23. 26. 27; 38, 1.  
6. 9. 11. 12. 13. 17. 22. 26;  
40, 26; 44, 6. 12. 13. 15. 17.  
19. 20. 21. 23; 46, 12; 48,  
23; 52, 4. 5. 6. 8. 30; 54, 1;  
56, 11. 12; 58, 8. 18; 60, 3;  
62, 6. 7. 24. 25; 64, 28; 94,  
13; 96, 18. 20; 98, 11. 29;  
100, 1. 15; 102, 1; 106, 31;  
108, 4. 9. 10; 110, 25. 28. 29;  
114, 18. 22. 24. 26. 27; 118,  
15; 120, 2; 122, 27; 124, 4;  
128, 20; 130, 20. 21; 132,  
23; 136, 7; 142, 5. 28; 146,  
1; 148, 4. 15. 16. 17. 19. 23.  
25. 28. 29; 150, 21; 152, 16.  
17; 154, 3. 8. 10. 12. 16. 17.  
18; 158, 6; 160, 6. 7. 24. 25;  
162, 1. 21. 22. 23. 25. 164, 8.  
17. 18; 166, 3. 4. 11. 12. 13.  
18. 19. 24. 25. 26. 29; 168,  
10. 13. 16. 17; 170, 1. 7. 9;  
174, 11. 12. 15. 16; 180, 19;  
182, 7; 214, 18; 228, 2; 232,  
4; 234, 24; 242, 27; 248, 1. 11;  
254, 6; 256, 15; 260, 5. 18.  
19; 268, 21; 270, 10; 272,  
16. 17. 19. 25; 274, 17. 20;  
278, 3. 13; 280, 10. 11. 20;  
284, 3; 306, 22 *δοθέντος*  
68, 6; 140, 20; 148, 3; 150,  
14; 152, 25; 158, 16; 160,  
18. 19. 27; 162, 6; 166, 16;  
170, 5; 174, 3; 214, 18; 234,  
19; 250, 16; 258, 12; 260, 2.  
9. 14; 268, 8; 272, 16; 276,  
27 *δοθείσης* 92, 14; 96, 24;  
120, 27; 170, 15; 256, 13;  
310, 19 *δοθέντι* 142, 4; 146,  
6; 152, 9. 28; 145, 18—160,  
1. 21; 162, 24; 164, 5. 6. 10;  
166, 18. 21; 168, 12; 170, 18;  
178, 19; 180, 7; 248, 1; 256,  
13; 260, 3; 268, 9 *δοθείση*  
170, 11; 226, 7; 236, 19;  
250, 15; 260, 3. 22; 306, 22  
*δοθέντα* 38, 1; 140, 18; 142,  
28; 162, 1; 164, 8; 166, 1;  
172, 13; 188, 17; 214, 21;  
218, 23; 222, 21; 232, 6. 11;  
252, 27; 266, 9; 272, 17;  
274, 16 *δοθείσαν* 30, 28; 36,  
20; 40, 12; 170, 6; 184, 11;  
278, 1 *δοθέντες* 182, 1  
*δοθείσαι* 180, 18 *δοθέντων*  
36, 12; 218, 20; 222, 19;  
232, 8; 234, 15; 238, 9; 242,  
28 *δοθέντας* 174, 27; 212,  
26 *δοθείσων* 10, 19; 18, 13;  
20, 7; 26, 2; 34, 20; 36, 6;  
46, 13. 16; 150, 17; 232, 16;  
280, 16 *δοθείσας* 36, 12 *δο-*  
*θήσεται* 36, 15.  
*διελθόντα* 296, 28.  
*διεξελοῦμεν* 274, 15.  
*διημαρτημένα* 188, 11.  
*δικαιοσύνη* 140, 22.  
*δίμοιρον* 122, 7; 130, 29.  
*διό* 4, 17; 176, 2; 286, 11;  
290, 2.  
*διοίκησιν* 2, 8.  
*διοίσει* 92, 16; 162, 5; 212, 26;  
242, 21.  
*διοπτρεύειν* 200, 5; 214, 23 *δι-*

- οπτεύομεν 228, 5; 234, 27;  
 258, 14; 288, 7 διοπτεύοντες  
 216, 9.  
 διόπτρα 188, 21; 210, 4. 9. 11.  
 13. 15. 17; 212, 2; 214, 25.  
 27; 216, 1. 7; 218, 24; 222,  
 22, 28; 226, 17; 228, 4; 234,  
 25; 242, 3; 250, 11; 258, 13;  
 260, 6; 272, 9 διόπτρας 190,  
 22. 24; 200, 18; 210, 5; 214,  
 19. 24; 216, 9; 218, 17;  
 220, 4. 5; 222, 4. 26; 224,  
 18; 228, 7; 238, 8. 9; 240,  
 2; 242, 6. 10. 14; 244, 6. 10;  
 248, 13; 250, 1; 256, 12. 20;  
 260, 1. 11. 15. 21. 24; 264,  
 18. 22; 270, 9; 272, 27; 286,  
 1. 20. 24; 302, 4 διόπτρα  
 188, 15; 242, 2. 12. 13. 16;  
 244, 2; 256, 24; 258, 8; 286,  
 26 διόπτραν 220, 6; 222,  
 1. 26; 224, 17; 226, 1. 13;  
 238, 14; 240, 31; 256, 18;  
 258, 5.  
 διοπτρική 190, 19; 188, 3 δι-  
 οπτρική 292, 16 διοπτρικάς  
 286, 20; 288, 21.  
 διοπτρισμοῦ 216, 10.  
 διόρθωσιν 188, 9.  
 δίωρον 304, 22.  
 διορύζομεν 240, 20 διορύξαι  
 238, 3; 240, 27.  
 διότι 2, 19.  
 διπλάσια 88, 5; 278, 20 διπλά-  
 σιον 8, 20; 14, 6. 31; 22, 5.  
 10; 36, 2; 38, 20; 52, 6;  
 56, 27; 66, 30; 72, 18. 20;  
 74, 14; 100, 14; 146, 15;  
 148, 21. 23; 166, 27; 274, 3;  
 280, 25; 282, 2 διπλασίων  
 72, 16; 278, 21.  
 διπλασίονες 26, 23.  
 διπλασιάσαντες 42, 16.  
 διπλή 34, 7; 46, 25; 54, 19;  
 70, 20; 72, 16.  
 δίς 12, 23; 14, 23; 26, 7; 38,  
 5. 7; 42, 16; 44, 12; 88, 7;  
 124, 10; 146, 26; 280, 12.  
 δίχα 22, 24; 18, 8; 30, 30;  
 34, 3; 72, 8; 76, 24; 78, 4;  
 104, 13; 112, 23; 170, 8. 12;  
 282, 13.  
 διχοτομίας 78, 4.  
 διωσθῶσιν 130, 27.  
 δοκοῦσι 73, 4 δοκεῖν 190, 14  
 δρᾶν 140, 14.  
 δύναμαι 224, 24 δύναται 82,  
 28; 160, 16 δυνάμεθα 224,  
 6; 244, 13; 276, 20 δύνανται  
 66, 4; 302, 3 δύνασθαι 194,  
 28; 296, 26; 308, 11 δυνά-  
 μενος 308, 4; 314, 10 δυνά-  
 μένη 195, 19; 214, 22 δυνά-  
 μενον 200, 25; 204, 16; 272,  
 1 δυνάμενω 262, 14 δυνάμε-  
 νην 138, 11; 298, 1 δυνάμενα  
 200, 2 δυνάμενων 138, 56  
 δυνάμενοις 140, 13, 14.  
 δύναμις 308, 9; 310, 12. 14.  
 27; δυνάμεως 48, 5; 310, 20  
 δυνάμει 26, 26. (27); 42, 9.  
 10. 19. 21. 22. 23. 26; 54, 17;  
 306, 22; 308, 16; 312, 1. 18  
 δύναμιν 308, 20; 310, 6. 23  
 δυνάμεων 308, 19.  
 δυναμοδύναμις 48, 11. 19. 21.  
 δυνατός 230, 27 δυνατόν 20, 8;  
 60, 13; 130, 4; 138, 19; 160,  
 14; 200, 4. 25; 212, 16;  
 214, 11; 220, 16; 224, 16.  
 27; 226, 5; 228, 19. 22;  
 230, 16; 232, 11; 234, 3. 10;  
 236, 17. 19. 20. 24. 27; 240,  
 5; 262, 10; 264, 19; 266, 3;  
 268, 28; 274, 1. 4; 276, 3. 5.  
 21. 22. 23. 25; 280, 17; 290,  
 25; 298, 2. 28; 300, 18, 20;  
 302, 20.  
 δύσεργον 144, 15.  
 δυσχερῶς 188, 7. 10.  
 δυσχερηστίας 288, 25 δυσχερη-  
 στία 290, 4.

δωδεκάεδρον 136, 21 δωδεκα-  
έδρον 132, 8; 138, 5.  
δωδεκαγώνου 46, 21; 64, 31 δω-  
δεκάγωνον 64, 1. 26. 28.  
δωδεκάκι 138, 4.

## E

Ἐάν (κᾶν) 6, 19; 12, 10; 16,  
15; 20, 1; 46, 8; 52, 12;  
54, 7; 66, 9. 19. 24; 68, 1.  
6. 28; 74, 6. 26; 76, 1. 9.  
16; 80, 7. 10; 82, 1; 84, 22;  
86, 4. 14; 88, 1; 92, 20;  
94, 1; 96, 2. 15; 116, 25;  
126, 4; 130, 27; 136, 22;  
138, 20; 144, 12. 18; 148, 6;  
152, 5; 176, 20; 194, 6. 13;  
200, 12; 202, 14. 20; 204, 1.  
6; 146, 11. 19; 252, 3. 11.  
16, 22; 264, 2; 266, 5; 272,  
21; 274, 1; 276, 6; 280, 5;  
288, 4; 290, 8; 292, 7; 296,  
12. 17; 300, 17; 306, 17;  
308, 12; 310, 21. 27. 29;  
314, 13.  
ἐαρινῆς 302, 28; 304, 13.  
ἐαντό 22, 18; 26, 22; 48, 4. 8.  
17. 20. 23; 124, 6.  
ἐαυτῇ 96, 7 ἐαυτόν 18, 9; 26,  
21; 308, 11 ἐαυτά 8, 11;  
10, 10. 11; 14, 8. 9. 10. 13.  
14; 16, 2. 3. 7; 18, 29; 30, 9.  
10; 32, 17. 18; 38, 29; 40, 1.  
3. 4; 44, 24. 25. 26. 28; 48,  
10. 13. 16. 25; 52, 9; 54, 3;  
56, 15; 58, 10; 60, 5; 62, 8.  
26; 64, 29; 66, 10; 118, 18.  
20; 122, 4. 124, 11; 130, 22;  
140, 11; 144, 24; 150, 6; 156,  
9; 160, 10; 184, 4. 5 ἐαυτοῖς  
306, 26 ἐαυτούς 190, 17 ἐαν-  
τάς 112, 3.  
ἐᾶν 314, 10 ἐάση 202, 15.  
ἐγγίζον 52, 13.  
ἐγγεγλυμμένην 294, 19.

ἐγγράφαντες 172, 27 ἐγγε-  
γράφω 22, 2. (3); 280, 22;  
304, 19 ἐγγεγραμμένον 80, 3  
ἐγγραφή 54, 8 ἐγγραφέντι  
80, 3.  
ἐγγιστα 18, 28; 48, 28; 52, 12;  
54, 5. 13. 17. 27; 56, 29;  
58, 20. 24. 26; 62, 19; 64, 15.  
21; 66, 8; 80, 8; 108, 15.  
19; 112, 21; 134, 10; 144,  
12. 27; 150, 8; 156, 12; 160,  
12; 172, 16. 25; 176, 19;  
178, 5. 16; 180, 2; 184, 3;  
244, 6. 18; 264, 19; 280, 3.  
ἐκκείσθω 170, 19; 184, 14;  
304, 4 ἐκκείσθωσαν 228, 8  
ἐγκείμενος 204, 18.  
ἐγκλίνω 222, 5; 256, 24 ἐγκλί-  
νομεν 288, 8 ἐνέκλινα 258, 8  
ἐγκλίνειν 250, 15. 19 ἐγκλίνας  
248, 6 ἐγκλινέσθω 234, 28.  
ἐγκλισιν 252, 24.  
ἐγκέκοπται 196, 10.  
ἐγκεκρούσθωσαν 248, 15.  
ἐγκεχαράχθωσαν 204, 7.  
ἐγχωννύσθω 250, 12.  
ἐγχωσθήσεται 252, 22.  
ἐμοῦ 188, 6 με 280, 11. 13. 15  
ἡμεῖς 4, 7; 188, 17 ἡμῶν 4,  
6; 188, 11. 20; 226, 20;  
228, 3. 12; 230, 4. 10. 17.  
21; 234, 5. 21; 236, 2; 256,  
12; 292, 22. 24 ἡμῖν 188,  
18; 286, 19; 302, 10 ἡμᾶς  
218, 20. 23; 220, 2; 224, 7.  
25; 226, 12; 228, 22; 234, 2;  
244, 10; 248, 3; 302, 20.  
ἔδαφος 228, 10; 244, 16; 248,  
16; 250, 15, 17 ἐδάφους 202,  
16; 204, 12; 236, 1. 4 ἐδάφει  
238, 7; 244, 12; 246, 21;  
248, 14; 252, 26; 254, 10. 19.  
24; 256, 8.  
ἔδρα 238, 5 ἔδρας 98, 4. 20.  
22; 194, 10.  
ἔθισται 288, 19.

ἔθνη 140, 9.

εἰ 10, 20. 21. 24; 12, 2; 66, 9.  
20; 88, 3; 90, 7. 13. 20; 92,  
16; 138, 10; 140, 18; 146, 3;  
166, 4. 10; 168, 13. 15; 176,  
9; 212, 13. 16, 19. 20; 218,  
7. 12; 220, 13; 224, 4. 8;  
230, 2; 236, 23; 240, 9;  
254, 1; 256, 29; 266, 14, 15;  
268, 1. 3. 12. 13; 274, 5. 7;  
276, 1; 296, 11; 298, 9. 15;  
302, 8. 10. 19. 20; 304, 2. 3;  
306, 14; 308, 6; 312, 1.

εἴπερ 222, 14.

εἶδος 126, 25.

εἰκός 296, 18.

εἰκοσαέθρου 132, 9; 134, 17.  
18. 23. 27. 29. 31; 136, 6. 9.  
20.

εἰκοσάκι 54, 4; 136, 18.

εἰκότως 174, 26.

εἰσοδοί 132, 4.

εἴτα 24, 28; 90, 17; 196, 16.  
22; 210, 7. 11. 13. 17; 214,  
14; 218, 26; 210, 3; 222, 5;  
250, 6; 254, 21. 25; 256, 27;  
258, 10; 272, 11; 284, 21;  
288, 10. 15.

εἴτε 92, 10.

εἰργον 190, 11.

εἰσιέναι 274, 20.

εἰσελθόντα 274, 17.

ἐκαστος 296, 6 ἐκαστον 6, 19;  
300, 21; 314, 16 ἐκάστη 22, 1;  
24, 13; 46, 24; 50, 17; 52,  
17; 54, 22; 56, 19; 58, 14;  
60, 9; 62, 12; 102, 7. 13;  
108, 27; 126, 8; 132, 15. 22.  
28; 134, 17; 136, 2. 21;  
280, 21; 282, 24; 292, 4  
ἐκάστης 92, 15; 216, 12  
ἐκάστου 276, 8. 23; 298, 4.  
23. 27. 28 ἐκάστω 266, 12  
ἐκάστην 4, 21. 23. 29; 6, 4;  
10, 19; 30, 28; 36, 20; 40,  
13; 64, 2; 276, 21; 298, 2.

ἐκατέρα 22, 21; 28, 22. (23);  
30, 14; 36, 24; 40, 25; 42, 2;  
70, 1; 108, 4. 6. 7; 110, 6.  
17; 144, 19; 182, 6; 228, 24;  
232, 19; 252, 7; 278, 5; 282,  
10; 290, 24; 292, 1 ἐκάτερον  
68, 14; 228, 20; 239, 15 ἐκα-  
τέρον 36, 11 ἐκατέρας 134,  
4 ἐκατέρω 182, 21 ἐκατέρα  
52, 26; 104, 31; 170, 13;  
196, 20 ἐκατέρων 8, 15; 112,  
2. 3; 220, 12; 224, 20; 228,  
23; 270, 13. 15; 276, 28;  
290, 17 ἐκατέρων 200, 22.

ἐκβάλλοντα 270, 3 ἐκβάλωμεν  
94, 4 ἐκβαλεῖν 170, 13 ἐκ-  
βαλλόμενον 226, 20; 228, 11;  
230, 14. 17. 21; 232, 2; 234,  
5. 13. 21. 23 ἐκβαλ(λ)ομένη  
110, 5 ἐκβαλλομένου 232, 12  
ἐκβαλλόμεναι 110, 3 ἐκβαλ-  
λομένας 244, 8; 250, 6 ἐκ-  
βεβλήσθω 20, 21; 22, 10. (11);  
28, 9; 50, 4; 58, 17; 62, 15;  
82, 5; 104, 15; 120, 4; 180,  
3; 256, 1; 270, 7; 276, 10.  
15; 282, 2 ἐκβεβλήσθωσαν  
152, 28; 274, 21; 278, 3 ἐκ-  
βεβλημένος 236, 14 ἐκβεβλη-  
μένη 240, 4. 10. 12 ἐκβεβλη-  
μέναι 216, 18; 228, 17 ἐκ-  
βληθείσης 160, 18 ἐκβληθεῖ-  
σαν 44, 10.

ἐκδεδεμένα 308, 12 ἐκδεθεῖσα  
202, 7

ἐκδεδομένη 302, 10.

ἐκεῖ 216, 22.

ἐκεῖνο 214, 17.

ἐκθλίβεσθαι 284, 15.

ἐκκεκνωμένον 138, 17.

ἐκκυλίσεως 292, 21.

ἐκλειψις 203, 23; 302, 18. 21;  
304, 16 ἐκλείψεως 304, 17

ἐκλείψεων 190, 7.

ἐκλογισάμενον 212, 27.

ἐκμετρεῖν 292, 20 ἐκμετροῦντα

298, 2 ἐκμετρήσωμεν 138, 23  
 ἐκμετρήσαι 302, 19.  
 ἐκνεύσομεν 214, 8. 17.  
 ἐκπετάσαντες 86, 4.  
 ἐκπίπτειν 200, 26; 214, 11 ἐκ-  
 πίπτον 236, 3.  
 ἐκτείναντα 90, 17 ἐκτενοῦμεν  
 272, 7 ἐκτείνεσθαι 262, 13;  
 272, 1 ἐκτεταμένων 254, 14  
 ἐκτεταμένην 84, 24; 86, 6.  
 ἐκθρόσμεθα 6, 6; 66, 5; 160,  
 17; 204, 25; 268, 20 ἐξέθεντο  
 292, 22 ἐκθέμενον 126, 9  
 ἐκθέμενον 190, 22 ἐκθεσι-  
 μένα 188, 10.  
 ἐκτός 10, 18; 190, 20; 246, 16;  
 262, 15; 264, 2; 274, 23;  
 300, 4. 16; 312, 6.  
 ἔκτον 64, 6 ἔκτον 54, 1, 58, 11;  
 130, 17. 24.  
 ἐλάσσων 70, 25; 72, 6. 15. 16;  
 82, 26; 212, 16 ἔλασσον 10,  
 24. 26; 72, 10. 18. 20. 22. 23.  
 25. 26. 28; 76, 2. 9. 26; 78,  
 2. 25. 26. 27. 29; 80, 22;  
 82, 17; 124, 16; 190, 31;  
 196, 12; 224, 8 ἐλάσσονι  
 20, 1 ἐλάσσονος 68, 21; 178,  
 12 ἐλάσσονα 20, 4; 44, 8;  
 66, 16; 68, 15; 72, 2; 78, 6.  
 14; 190, 16 ἐλασσόνων 76, 6;  
 312, 21.  
 ἐλάχιστον 220, 19; 222, 12. 17  
 ἐλάχιστον 18, 23 ἐλαχίστους  
 66, 18.  
 ἔλικος 194, 13 ἔλικι 293, 16  
 ἔλικα 194, 4. 18; 294, 19. 26;  
 312, 4 ἔλικες 200, 11.  
 ἔλκειν 308, 12 ἔλκονσαν 310, 23.  
 ἔλλείπει 178, 7 ἔλλειπειν 140, 20  
 ἔλλείποντα 178, 6 ἔλλιπές  
 138, 16.  
 ἔλλειψις 94, 11 ἔλλειψεως 84, 2;  
 94, 12. 13. 16; 296, 12 ἔλ-  
 λείψει 82, 29 ἔλλειψιν 82, 25;  
 94, 18; 246, 12.

ἐμβαδός 4, 21. 22 ἐμβαδοῦ 106,  
 24; 148, 20. 22 ἐμβαδῶ 74,  
 22; 84, 6. 148, 18; 282, 5  
 ἐμβαδόν 6, 13. (14). 23; 8, 1.  
 10; 10, 7. 8; 12, 15; 14, 17.  
 21; 16, 19; 18, 13. 21; 20, 7.  
 10; 22, 2. 18; 24, 1. 21. 29;  
 26, 2. 3. 25. 26. 28; 28, 2. (3).  
 7; 30, 8. 18; 32, 20. 22. 27;  
 34, 12. 23. 27; 36, 3. 9. 23;  
 40, 8. 10; 42, 8; 44, 4. 5;  
 46, 4. 6. 10. 12. 13. 15. 17;  
 48, 22. 29; 50, 18; 52, 11.  
 14. 20; 54, 6. 22; 56, 17. 20;  
 58, 12. 15; 60, 7. 10; 62, 10.  
 13. 28; 64, 3. 31; 66, 12;  
 68, 5. 8. 19. 20. 22; 70, 4;  
 74, 3. 7. 16. 30; 80, 8. 13.  
 16; 82, 18. 21. 22. 24; 84, 2.  
 18. 19. 31; 86, 26; 88, 8;  
 90, 1. 19; 94, 29; 100, 2;  
 102, 4. 7; 106, 17. 28; 128,  
 27; 132, 24; 136, 17; 138, 2;  
 142, 24; 146, 24; 148, 16.  
 17. 18. 19. 20; 154, 23; 156,  
 5. 7; 182, 12; 262, 15; 268,  
 1. 4. 12; 276, 6. 9. 24. 25;  
 280, 17. 19. 20. 22; 282, 8;  
 284, 4. 10.  
 ἐμβαλλέτω 110, 12 ἐμβαλεῖν 138,  
 13; 290, 4 ἐμβληθέντος 138,  
 15. 19; 196, 24.  
 ἐμβαῖνον 200, 16.  
 ἐμβολέα 126, 23.  
 ἐμπήγνυται 204, 14.  
 ἐμπιπτόντων 302, 7.  
 ἐμπλακῆναι 194, 17.  
 ἐμπέση 214, 16; 266, 6.  
 ἐμποδίξεσθαι 300, 18.  
 ἐμποδισμὸν 274, 19.  
 ἐμποδῶν 190, 11; 214, 5; 300, 22.  
 ἐμπροσθεν 232, 14; 242, 6. 10.  
 14; 256, 18.  
 ἐμφανίσαι 190, 2.  
 ἐνεχθήσεται 310, 28.  
 ἐναγώνον 58, 18; 60, 7.



ἐναλλάξ 24, 3; 282, 17.  
 ἐναρμόζειν 310, 1 ἐναρμόσαι  
 284, 22 ἐναρμόζεται 196, 5.  
 20; 200, 1 ἐναρμοσθῆναι 194,  
 28 ἐνηρμόσθω 54, 10; 172, 17.  
 ἐνδεής 92, 11.  
 ἐνδεκάγωνον 62, 11. 17. 22. 23.  
 25. 28.  
 ἐνόντα 201, 17 ἐνόντας 312, 5.  
 ἐνέργειαν 188, 15.  
 ἐνεργεῖν 188, 21 ἐνεργεῖσθαι  
 188, 19.  
 ἐνιοι 138, 8 ἐνια 140, 10.  
 ἐννάγωνον 58, 13; 60, 1. 4.  
 ἐνναπλάσιον 58, 21.  
 ἐννοοῖμεθα 222, 15.  
 ἐντετάχθω 304, 16.  
 ἐντιθείς 288, 10.  
 ἐντέμνονται 200, 11.  
 ἐντὸς 10, 17; 126, 6; 300, 11. 15.  
 ἐντυγχάνουσιν 188, 12.  
 ἐξάγωνον 52, 15; 54, 2; 98, 24  
 ἐξάγωνος 98, 17 ἐξαγώνου  
 54. 1. 6. 11; 100, 2.  
 ἐξάκις 286, 5.  
 ἐξαμήνων 302, 22.  
 ἐξανύεσθαι 298, 1 ἐξανυσθεῖσαν  
 298, 25.  
 ἐξαπλεύρου 32, 3.  
 ἐξάψωμεν 310, 22.  
 ἐξήρκει 2. 9.  
 ἔξεστι 26, 27 ἐξεῖναι 274, 19  
 ἐξέσται 188, 12; 292, 23.  
 ἐξῆς 6, 3; 16, 12; 40, 11; 46,  
 20; 66, 5; 76, 17; 90, 10;  
 166, 9. 15; 174, 23; 176, 20;  
 190, 23; 210, 8; 219, 11; 268,  
 10; 274, 14; 276, 5; 294, 6;  
 298, 3. 9.  
 ἐξητάσθω 306, 9.  
 ἐξόν 6, 6.  
 ἔξω 200, 23.  
 ἐπάνω 8, 1; 34, 5; 36, 1; 154,  
 24; 222, 15; 224, 3; 230, 16;  
 254, 10. 19. 23; 256, 7.  
 ἐπαγγελίας 286, 21.

ἐπεὶ 4, 13; 6, 10; 8, 4. 23;  
 12, 26; 16, 17; 18, 6. 22. 24;  
 22, 20; 24, 20; 26, 1; 28, 10.  
 22. 26; 30, 1. 27; 32, 5;  
 34, 11; 36, 24; 40, 18. 19.  
 25; 42, 10; 46, 25; 48, 22.  
 27; 50, 25; 66, 17; 68, 18;  
 70, 12. 28; 72, 22; 74, 16;  
 76, 9; 78, 23. 25. 82, 5. 19.  
 26; 84, 27; 88, 22; 96, 21;  
 98, 6. 25; 102, 9; 104, 15.  
 19. 28. 31; 106, 3. 7; 108, 1.  
 7; 110, 2. 8. 22; 114, 19. 23;  
 118, 18; 122, 26; 128, 9. 14;  
 130, 4; 132, 22; 134, 9. 11.  
 18. 27; 136, 1; 144, 23; 146,  
 9. 12. 20. 22; 148, 10; 150, 5;  
 152, 19; 154, 1. 4; 160, 1.  
 21; 162, 21; 166, 21; 176,  
 24; 180, 22; 182, 6; 212, 9;  
 216, 21. 22. 23. 24. 25. 26.  
 28; 230, 6; 236, 18. 20;  
 260, 20; 278, 8. 20. 26; 282,  
 10; 286, 19; 288, 20; 292, 5;  
 298, 4; 300, 23; 302, 5 cf.  
 ἐπεῖπερ.  
 ἐπειδὴ 2, 9; 46, 21.  
 ἐπειδὴπερ 4, 10; 10, 4; 24, 19;  
 68, 25. 27; 96, 9. 26; 144,  
 15; 118, 4; 230, 29; 234,  
 9; 276, 4. 21; 304, 15, 24;  
 310, 6.  
 ἐπειλούμενα 312, 6.  
 ἐπειληθῇ 308, 14.  
 ἐπεῖπερ 88, 5.  
 ἔπειτα 262, 12.  
 ἐπεξέτεινα 254, 22.  
 ἐπιβεβληκότων 2, 12. (13).  
 ἐπέγνωμεν 214, 4 ἐπιγνώναι  
 220, 12; 230, 16; 286, 7;  
 298, 24 ἐπιγνώσομαι 288, 17  
 ἐπιγνωσόμενα 284, 25.  
 ἐπιγραφομένω 128, 4; 302, 16  
 ἐπιγράφωμεν 216, 12; 298, 20.  
 23 ἐπέγραψα 256, 27; 258, 3.  
 ἐπιγραφὴ 258, 9 ἐπιγραφῇ



- 300, 15 ἐπιγραφάς 214, 1;  
258, 4. 6. 7. 14.  
ἐπιδέχεται 204, 6.  
ἐπεξεργνόμεν 240, 8 ἐπιξεργνύ-  
ουσα 224, 23 ἐπιξεργνούσης  
232, 9 ἐπιξεργνύουσιν 230,  
28 ἐπιξεργνύουσας 90, 10  
ἐπίξευξον 144, 29; 148, 1  
ἐπίξευξωμεν 142, 23; 146,  
18; 252, 12 ἐπίξευξαι 162,  
26; 170, 12; 214, 19 ἐπίξευ-  
ξαντα 170, 13 ἐπίξευξαντες  
144, 21; 272, 8 ἐπιξεργνυ-  
μένη 226, 10; 232, 6 ἐπι-  
ξεργνυμένην 214, 12; 252, 4  
ἐπιξεργνύμεναι 256, 11 ἐπι-  
ξεργνυμένης 244, 7; 250, 5;  
262, 8 ἐπιξεργμῆναι 134, 20  
ἐπιξεργμῆνας 136, 23 ἐπι-  
ξευχθῆναι 152, 5 ἐπεξεύχθω 22,  
20; 26, 23; 44, 4; 50, 5;  
58, 16. 17; 62, 14. 15; 104,  
12. 14. 15; 134, 27; 148, 10;  
164, 12. 13; 168, 8. 14; 170, 8;  
174, 7. 14; 184, 21; 256, 1;  
274, 25; 276, 17; 280, 14;  
282, 9; 290, 22 ἐπεξεύχθω-  
σαν 22, 4; 50, 19; 52, 23;  
54, 14; 56, 21; 60, 13; 64,  
4; 70, 26; 72, 9. 13; 76, 21.  
24; 78, 5. 10; 84, 5; 98, 23;  
110, 12; 112, 25; 116, 21;  
132, 17; 152, 4; 156, 22;  
162, 11; 170, 23; 172, 19.  
21; 252, 8; 280, 23; 296, 27  
ἐπιξευχθεῖσα 156, 16; 158,  
14; 164, 1; 232, 25; 240, 10  
ἐπιξευχθείσης 152, 23 ἐπι-  
ξευχθείση 162, 10 ἐπιξευχθεῖ-  
σαι 144, 19 ἐπιξευχθεῖσδων  
174, 4 ἐπιξευχθείσας 274, 1;  
276, 7.  
ἐπικαθήμενον 194, 1.  
ἐπικείμενον 194, 24 ἐπικειμέ-  
νους 216, 20.  
ἐπιθεωρήσομεν 300, 16.  
ἐπεκτείνω 254, 17. 18 ἐπεκτεί-  
νεσθαι 254, 15.  
ἐπιλαμβανόμενος 312, 9.  
ἐπιλογιζόμενοι 16, 11; 274, 15  
ἐπιλογιζόμεθα 12, 10 ἐπιλο-  
γίσασθα 240, 6 ἐπιλογισά-  
μεναι 298, 22.  
ἐπιμήκει 196, 17.  
ἐπινοήσομεν 310, 21 ἐπινοήσω-  
μεν 94, 2 ἐπινοήση 188, 20  
ἐπινοήσαι 2, 19 ἐπινενοηκέ-  
ναι 138, 9 ἐπινοείσθω 94,  
12 ἐπινοεῖται 4, 11 ἐπινοη-  
θέντα 2, 9. (10).  
ἐπινοίας 2, 14; 92, 8.  
ἐπίπεδος 90, 7. 13 ἐπιπέδον  
110, 1. 20; 232, 12; 256, 17;  
288, 9 ἐπιπέδω 94, 13. 25.  
31.—96, 1. 8; 110, 9; 126,  
10; 128, 1; 170, 16; 176, 7.  
22; 178, 18; 180, 9; 184, 11.  
14; 212, 15; 214, 24; 244, 2;  
246, 7. 22. 23. 24; 248, 1. 9.  
17; 250, 23; 256, 22; 290,  
14. 16 ἐπίπεδον 84, 25; 86, 6;  
90, 18; 94, 16; 96, 26; 98,  
4. 12. 20; 100, 11; 102, 9;  
110, 2. 12. 20; 112, 12; 120, 4;  
126, 12. 14. 17; 180, 3; 226,  
20; 228, 3. 11; 230, 9. 10.  
14. 18. 22; 232, 2. 16; 234,  
6. 13. 21. 23; 236, 3. 8. 12;  
248, 1. 5; 252, 9. 15. 23;  
292, 3. 5. 9 ἐπίπεδα 94, 3  
108, 26; 214, 22; 290, 11.  
21; 292, 12 ἐπιπέδων 4, 8;  
66, 3; 100, 14; 108, 23; 112,  
19; 174, 22 ἐπιπέδοις 4, 9;  
94, 4 ἐπιπέδους 92, 6.  
ἐπιπωμάζεται 196, 16.  
ἐπιπώματι 300, 26.  
ἐπισκευήν 254, 4.  
ἐπισκέψασθαι 10, 16. 20; 212,  
27; 228, 20; 284, 11; 288, 4;  
298, 26 ἐπισκεπόμεν 298, 27  
ἐπισκεψόμεθα 212, 23.

ἐπισκέψεως 2, 11.  
 ἐπισπάσεται 312, 1 ἐπισπάσεται  
 202, 16.  
 ἐπιστάμεθα 228, 26 ἐπίστασθαι  
 268, 8; 292, 21; 302, 7.  
 ἐπιστημῶν 142, 2.  
 ἐπιστρέφω 288, 14 ἐπιστρέφον-  
 σιν 298, 14 ἐπιστρέφων 312, 10  
 ἐπιστρέψει 312, 10 ἐπιστρέ-  
 ψωμεν 194, 7. 17 ἐπέστρεψα  
 222, 2 ἐπιστρέψας 222, 5  
 ἐπιστρέψωμεν 194, 7. 13 ἐπι-  
 στρέψω 288, 11 ἐπιστρέψη  
 200, 14 ἐπιστρέφεται 298, 9  
 ἐπιστραφήσεται 312, 12 ἐπε-  
 στράφθω 218, 26; 222, 23  
 ἐπιστραφεῖς 226, 15.  
 ἐπιταχθέντα 184, 13 ἐπιτε-  
 τάχθω 162, 8; 178, 24; 180, 8.  
 ἐπιτείνεται 284, 14.  
 ἐπιτελέσαντες 188, 16.  
 ἐπιτενξόμεθα 242, 24.  
 ἐπιτύχωσι 290, 8.  
 ἐπίτριτος 70, 26; 72, 6. 15 ἐπί-  
 τριτον 48, 1; 76, 18. 23; 80, 5.  
 6. 19. 25. 27, 28; 84, 15.  
 ἐπιφάνεια 2, 19; 4, 10; 86, 1;  
 88, 10. 11. 17. 18. 28; 90, 3.  
 7. 14; 172, 1. 4; 236, 1 ἐπι-  
 φανείας 4, 9; 6, 8; 90, 6.  
 20. 23; 92, 5; 126, 7. 20;  
 170, 24. 28; 184, 22; 300, 1.  
 16 ἐπιφανεία 88, 12; 120, 5;  
 170, 26; 184, 24; 196, 9 ἐπι-  
 φάνειαν 84, 20. 23; 86, 3;  
 28; 88, 14. 19; 96, 16; 126,  
 17; 170, 15; 248, 10 ἐπιφά-  
 νειαι 4, 24; 90, 20; 182, 9  
 ἐπιφανειῶν 4, 12; 66, 4; 90, 4.  
 20; 92, 3; 126, 22.  
 ἐπιφύρεσθαι 284, 17.  
 ἐπιχειροῦντες 190, 15.  
 ἐπιχθεῖσα corruptum 264, 28.  
 ἐπιχορηγεῖ 286, 11 ἐπιχορη-  
 γούμενον 286, 15.  
 ἐποίκια 140, 16.

ἐπτάγωνον 54, 7. 21; 56, 8. 10.  
 13; 56, 17 ἐπταγώνου 54, 9.  
 14.  
 ἐπτάκι 54, 5 ἐπτάκις 66, 26.  
 ἐργαζόμενοι 240, 26 ἐργαζόμε-  
 νους 214, 2.  
 ἐλθεῖν 254, 7 ἐλθών 256, 16.  
 ἐσχάτον 78, 2 ἐσχατα 78, 20.  
 ἐτερόμηκες 6, 8 ἐτερομήκους  
 6, 14.  
 ἕτερος 288, 5. 6. 15; 210, 4;  
 308, 21; 312, 6 ἕτερα 242,  
 18; 244, 6. 14 ἕτερον 52, 12;  
 94, 21; 113, 1; 172, 28; 202,  
 5. 11; 218, 27; 220, 8; 240,  
 7; 254, 21. 26; 258, 2; 264,  
 13; 294, 12. 23; 300, 20;  
 310, 9. 10. 15. 28; 314, 4  
 ἕτερον 52, 13; 106, 12; 230,  
 13; 232, 1. 2. 23; 234, 12.  
 22; 260, 1; 294, 26 ἕτερον  
 246, 22 ἕτερα 74, 23; 300,  
 16; 312, 18 ἕτεραν 172, 27;  
 188, 19; 220, 4; 224, 19;  
 260, 22. 26 ἕτεραι 90, 20  
 ἕτεροι 196, 13; 228, 8 ἑτέ-  
 ρους 256, 28 ἑτέρας 214, 4;  
 216, 8.  
 ἔτι 2, 10; 4, 17; 18, 18; 24,  
 26. 27; 28, 7; 36, 20. 26;  
 92, 6; 106, 13; 108, 28; 132,  
 8; 180, 13. 29; 182, 23;  
 216, 11; 222, 20; 232, 3;  
 234, 22; 238, 9. 11; 264, 13;  
 276, 28; 290, 8; 302, 14.  
 εὖ 254, 14.  
 εὐθετοῦσι 66, 18 εὐθετούσης  
 214, 4 εὐθετοῖ (?) 132, 5.  
 εὐθύγραμμον 4, 12 (13). 13. 27;  
 92, 14 εὐθυγράμμου 68, 6;  
 166, 15 εὐθυγράμμων 46, 20;  
 92, 3; 112, 18.  
 εὐθεῖα 4, 14. 15; 94, 13; 96, 2;  
 100, 8; 106, 12; 110, 10;  
 114, 1. 3; 126, 10. 13; 142,  
 10; 144, 3; 160, 27; 210, 5.

10. 12. 13. 15. 17; 212, 2;  
 214, 24; 222, 24; 226, 18;  
 254, 10; 256, 14; 260, 7. 11;  
 264, 18; 270, 9 *εὐθείας* 80,  
 11. 18; 84, 14; 90, 10; 94,  
 15; 96, 5. 6; 120, 3; 136, 23;  
 200, 28; 216, 8; 218, 19;  
 220, 2. 8; 226, 2. 14; 228,  
 13. 14; 232, 9; 236, 3. 5;  
 238, 3. 14; 240, 21. 23. 29;  
 242, 26; 256, 13; 258, 11;  
 260, 2; 262, 10; 264, 10;  
 266, 1; 270, 3; 272, 24;  
 276, 14; 302, 12 *εὐθεία* 142,  
 29; 150, 16; 226, 3. 7. 8;  
 260, 9. 22; 264, 5 *εὐθείαν*  
 4, 15. 17; 106, 10; 166, 17;  
 214, 12. 19; 230, 29; 238, 6;  
 240, 8; 244, 12; 256, 22  
*εὐθείαι* 148, 2. 13; 272,  
 22; 290, 14, 22 *εὐθειῶν*  
 58, 19; 62, 18; 174, 4; 216,  
 11; 248, 17; 250, 10; 252,  
 23; 260, 28; 264, 15; 266,  
 11; 268, 22; 272, 20; 274,  
 21 *εὐθείαις* 172, 14; 262,  
 3; 272, 15.  
*ἐφαπτομένης* 180, 28.  
*ἔγω* 174, 26. 27. 28; 176, 13.  
 16; 178, 28; 180, 16; 220,  
 15; 224, 25; 228, 23; 230, 8;  
 276, 4 *ἔχει* 8, 22; 18, 25;  
 48, 3. 6. 14. 20. 27; 50, 28.  
 29; 52, 4; 54, 9. 20; 56, 29;  
 58, 5. 7. 24. 25. 27; 60, 1;  
 62, 6. 24; 66, 15. 16; 72, 3;  
 112, 9; 116, 28; 118, 1. 8.  
 11. 14; 122, 19; 128, 5. 6;  
 132, 10; 134, 20; 136, 26;  
 142, 26. 27; 144, 6; 146, 6.  
 13; 150, 24; 154, 25; 160, 9;  
 162, 20; 184, 26; 218, 5;  
 230, 2; 234, 18; 274, 27. 28;  
 306, 18 *ἔχομεν* 238, 1; 266,  
 14; 270, 13; 308, 20 *ἔχουσιν*  
 18, 6. (7). 22; 36, 11; 172, 9;  
 212, 22. 24 *ἔχῃ* 4, 22. 23; 94, 21;  
 100, 5; 296, 4. 12. 17. 20  
*ἔχέτω* 220, 11; 286, 3; 294,  
 19. 25; 310, 19 *ἔχειν* 4, 5;  
 8, 13; 46, 11; 136, 15; 170,  
 17; 184, 12; 248, 10; 284,  
 24; 294, 7; 310, 6 *ἔχων* 4,  
 28; 86, 7; 88, 21; 96, 17;  
 98, 6; 122, 1; 190, 26; 196, 6;  
 204, 15; 258, 14; 294, 13;  
 308, 22; 312, 3; 314, 6 *ἔχου-*  
*σα* 94, 13; 112, 8; 176, 4;  
 190, 30; 194, 23; 200, 27;  
 218, 25; 310, 13 *ἔχον* 6, 21;  
 8, 14; 10, 19; 12, 13; 14, 18;  
 26, 4; 28, 5; 30, 14. 28; 32,  
 24; 34, 25; 40, 12; 44, 1;  
 50, 2; 64, 2; 80, 15; 94, 8.  
 18; 98, 16; 102, 12. 108, 24;  
 142, 5. 30; 146, 1; 194, 4;  
 196, 21; 200, 23; 220, 9;  
 254, 20. 25; 256, 3; 294, 1.  
 15. 17. 22; 308, 6; 310, 3. 11  
*ἔχοντος* 2, 15; 76, 19; 86, 20;  
 84, 16; 96, 22. 28; 102, 11;  
 106, 9; 130, 18; 276, 27  
*ἔχοντι* 200, 11 *ἔχοντα* 122,  
 19; 142, 4. 8; 170, 29; 194,  
 12; 196, 12; 200, 4. 6. 8. 15;  
 258, 6; 260, 4 *ἔχοντες* 112,  
 13; 130, 28; 262, 17 *ἔχου-*  
*σαν* 102, 5; 104, 4; 134, 22;  
 204, 17 *ἔχουσαι* 136, 25; 254,  
 8 *ἔχόντων* 216, 17; 302, 1  
*ἔχουσῶν* 214, 13 *ἔχοντας*  
 214, 1 *ἐχούσας* 126, 4; 170,  
 29 *ἔλκε* 36, 17; 298, 11 *ἔξω*  
 230, 1. 8. 11; 248, 8; 258, 4  
*ἔξει* 130, 8; 178, 27; 200, 15;  
 202, 24; 204, 8; 252, 24;  
 272, 8; 300, 14; 314, 13  
*ἔξομεν* 42, 18; 66, 26; 112,  
 14; 138, 4. 5; 144, 22; 218,  
 18; 238, 2; 240, 19; 262, 14;  
 264, 3; 270, 14; 272, 10. 12;  
 308, 20.

εὐλογον 138, 7; 288, 22.  
 εὐλύτως 190, 29; 200, 25; 308, 4; 310, 24; 312, 5.  
 εὐμετάφορον 138, 10.  
 εὐπρεπείας 194, 3.  
 εὐπρεπεστέραν 196, 18.  
 εὐρίσκειν 300, 1 εὐρωμεν 276, 8  
 εὐρεῖν 6, 9. 23; 8, 17; 12, 15; 14, 20; 18, 14; 20, 7. 9; 22, 2; 26, 2. 4. 28; 28, 3. 7; 30, 17; 32, 26; 34, 27; 44, 4; 46, 13; 50, 18. 25; 52, 19; 54, 22; 56, 20; 58, 15; 60, 10; 62, 13; 64, 3; 66, 21. 25; 68, 13; 80, 14; 88, 2; 100, 11; 120, 28; 222, 19; 226, 11. 19; 228, 22; 230, 12. 28; 232, 8. 13. 17; 234, 4. 9; 252, 25; 280, 16. 18. 21; 286, 8 εὐ-  
 ρόντα 112, 2 εὐρήσομεν 20, 4; 52, 14; 142, 25 εὐρίσκεται 302, 5. 19 εὐρεθήσεται 296, 6  
 εὐρεθείη 268, 1. 3 εὐρεθῆναι 220, 17 εὐρήσθω 34, 26; 36, 6; 226, 11; 232, 17; 240, 9; 248, 3. 5; 260, 6; 306, 10 εὐρεθέντος 218, 6  
 εὐρεθέντα 20, 3 εὐρεθείσης 158, 12 εὐρηται 226, 6; 296, 22 εὐρημένη 216, 13; 220, 13; 230, 3; 236, 23; 302, 23  
 εὐρημένης 240, 23 εὐρεθή-  
 σεται 28, 31; 112, 11.  
 εὐχέριαν 188, 8.  
 εὐχρηστίας 172, 15.  
 εὐχρηστος 190, 4; 266, 18 εὐ-  
 χρηστον 4, 6; 132, 1; 140, 7; 286, 21; 302, 5.  
 εὐχερεστέρα 118, 26.  
 ἐφαπτομένης 130, 28.  
 ἐφαρμογή 140, 21.  
 ἐφαρμόζω 254, 19. 24 ἐφαρμό-  
 ζει 4, 15. 19 ἐφαρμόσασα  
 204, 22 ἐφαρμόσαντες 246, 24.  
 ἐφάδρα 98, 20 ἐφάδρας 98, 3.

19; 112, 12; ἐφάδρα 112, 10;  
 116, 26 ἐφάδραν 112, 13.  
 ἐπισταθῆ 96, 3 ἐφαστ<άτ>ωσαν  
 236, 4 ἐφαστάτω 194, 25.  
 ἐφοδικῶ 80, 17; 84, 12; 130, 7.  
 ἔφοδος 76, 8. 15 ἐφόδω 74, 24;  
 76, 5. 17.  
 ἔως 78, 2; 216, 7; 234, 28;  
 242, 16; 244, 12; 298, 7.

## Z

ζητουμένω 112, 6 ζητουμένη  
 230, 26 ζητουμένης 218, 19.  
 ζευγνυούσης 218, 10. 16.  
 ζυγοῦ 310, 26.

## H

ἡγοῦμαι 188, 9 ἡγούμεθα 288,  
 22 ἡγησάμεθα 4, 5. (6).  
 ἡγεμόσι 140, 12.  
 ἡδη 140, 7.  
 ἡλιακοῦ 286, 13.  
 ἡλίκη 214, 26. 29; 220, 14;  
 228, 24. 25. 26; 230, 6. 8. 11.  
 29; 238, 1; 240, 6; 260, 7;  
 302, 6 ἡλίκον 214, 20 ἡλίκην  
 214, 24.  
 ἡλίκα 242, 23.  
 ἡλιος 302, 27; 304, 12. 17  
 ἡλίου 190, 8.  
 ἡμῖν 310, 14 ἡμεῖς 190, 11.  
 ἡμέρα 286, 15; 298, 1 ἡμέραν  
 298, 2 ἡμέρας 296, 3; 302,  
 28; 304, 13.  
 ἡμερήσιος 302, 26; 304, 19  
 ἡμερησίου 304, 21 ἡμερησίων  
 304, 23.  
 ἡμικυκλίου 72, 28; 74, 6. 8. 9.  
 12. 16. 28. 30; 76, 6; 82, 1.  
 17 ἡμικύκλιον 218, 24. 27;  
 226, 5 ἡμικυκλίων 202, 3.  
 ἡμιδακτυλ<ί>ον 200, 7.  
 ἡμιόλιος 122, 3 ἡμιόλιον 132, 19.  
 ἡμίσεια 22, 12; 24, 14. 16. 17.

18; 50, 13; 106, 2. 5. 6;  
108, 3; 114, 20; 282, 25. 26;  
284, 2. 3 *ἡμίσειαν* 168, 7  
*ἡμισείας* 74, 23; 76, 3. 13;  
166, 6.

*ἡμις* 86, 23 *ἡμισυ* 8, 2; 10,  
9. 13; 14, 12. 17; 16, 5. 10;  
18, 16. 27; 24, 24; 26, 21. 25;  
30, 6; 32, 17. 21; 34, 22;  
36, 7; 38, 28; 40, 3. 7; 44,  
21. 28; 46, 3; 62, 9; 68, 2. 3;  
74, 2. 15. 19. 29; 76, 2;  
84, 9; 102, 3; 108, 12. 13;  
116, 3. 5. 6; 118, 17. 19;  
124, 6. 9. 18; 128, 5. 16. 28.  
29; 134, 6; 182, 14; 262, 22.  
23. 24; 284, 7 *ἡμίσεως* 56,  
23. 25 *ἡμίσει* 282, 4 *ἡμίσεων*  
26, 24.  
*ἡμισφαίριον* 304, 1. 5 *ἡμισφαί-  
ριον* 124, 18; 304, 10.  
*ἡρεμεῖν* 290, 7 *ἡρεμοῦσιν* 290, 1.  
*ἦτοι* 4, 29; 10, 17. 21; 12, 2;  
36, 14; 68, 6; 96, 3; 112, 21;  
190, 11; 196, 10; 212, 21;  
240, 24; 272, 9; 274, 18. 23.  
*ἦττον* 140, 11.



*θειώδεις* 214, 7.  
*θέλομεν* 212, 11.  
*θέσις* 226, 6. 11; 234, 1; 248,  
3. 4 *θέσεως* 222, 27; 234, 18;  
240, 1 *θέσει* 94, 17; 148, 29;  
150, 22; 152, 17; 154, 20;  
158, 6; 162, 21. 22. 23. 25;  
164, 9; 166, 14. 29; 168, 15;  
170, 3. 4. 8. 10; 174, 13. 16;  
270, 9; 278, 15. 17 *θέσιν*  
96, 10; 222, 21; 224, 26;  
226, 16; 232, 8. 13. 16; 244,  
14; 272, 8; 294, 7 *θέσεις*  
160, 26.  
*θεωρεῖται* 140, 7 *τεθεωρήσθω*  
228, 16; 236, 5; 250, 7.

*θεωρήματα* 2, 10.  
*θεωρίαν* 190, 5.  
*θῆλυς* 200, 23.  
*θόλους* 126, 5.

# I

*ιδία* 194, 15 *ιδίω* 202, 23.  
*ιδιώματος* 190, 13.  
*ἴνα* 6, 4; 68, 15; 144, 14; 244,  
17; 254, 28; 298, 25; 302, 2;  
308, 7. 15.  
*ισημέριος* 302, 28; 304, 12.  
*ισημερινός* 304, 7.  
*ισογώνιον* 50, 16; 52, 15; 56,  
18; 58, 13; 60, 8; 62, 11;  
64, 1; 98, 25; 102, 12 *ισο-  
γώνια* 66, 2 *ισογωνίων* 46, 20.  
*ισομήκης* 200, 24.  
*ισοπαχῆ* 174, 24.  
*ισόπλευρον* 4, 28; 46, 23; 50,  
16; 52, 15. 28; 54, 7. 14. 21;  
56, 18; 58, 13; 60, 8; 62, 11;  
64, 1; 98, 25; 102, 7. 12;  
172, 17; 250, 18 *ισόπλευρα*  
66, 1—2 *ισοπλεύρον* 132, 25;  
136, 18; 172, 27 *ισοπλεύρω*  
250, 17 *ισοπλεύρων* 46, 20;  
134, 19.  
*ισορροπήσει* 310, 26.  
*ἴσος* 18, 7. 9; 98, 9 *ἴση* 16, 1;  
22, 11. 28; 24, 1. 19. 20;  
28, 10. 17; 30, 3. 24; 32, 5.  
8. 12; 40, 19. 21; 42, 3;  
56, 5. 6. 11; 52, 25; 54, 11.  
13; 56, 24. 27. 29; 60, 27;  
62, 1; 64, 7; 68, 27. 28;  
72, 14; 88, 11. 13. 28. 29;  
104, 11. 20. 28. 30. 31; 106, 3;  
112, 22; 114, 12; 140, 22;  
152, 15. 21; 170, 7; 172, 2.  
3. 4; 180, 27; 184, 16; 230, 9;  
244, 10. 12; 250, 28; 252,  
1. 7. 18; 252, 14; 254, 13;  
256, 4; 276, 11; 282, 3. 14;  
290, 24; 292, 1 *ἴσον* 2, 16;  
10, 4. 22; 12, 4; 22, 15. 18;

24, 12; 28, 26. 29; 32, 1. 3.  
 13; 34, 6; 42, 1; 68, 7. 26;  
 70, 11. 14. 16. 18. 20. 21;  
 76, 20. 27. 28; 78, 22. 24;  
 80, 1. 15. 20. 21; 82, 6. 28;  
 84, 8. 17; 88, 14; 96, 22. 28;  
 98, 27; 102, 11; 104, 26. 28;  
 114, 6. 9. 15; 122, 2. 19;  
 140, 5; 148, 18; 152, 12. 13;  
 156, 22; 158, 1; 162, 11. 13;  
 166, 5; 168, 5; 172, 23;  
 174, 8; 224, 4. 6. 7; 256, 13;  
 260, 3; 266, 14; 268, 1. 4. 7.  
 9. 12; 272, 1. 2; 274, 9;  
 282, 5. 23 *ἴσην* 8, 14; 22, 13;  
 30, 13; 86, 7. 11; 112, 6;  
 122, 1; 170, 11; 252, 18;  
 254, 20. 25; 256, 2; 276, 13;  
 290, 26 *ἴσῳ* 170, 26; 184, 23  
*ἴσα* 8, 5; 66, 8; 78, 9. 11;  
 80, 2; 98, 27; 104, 23; 106,  
 25; 148, 5. 9; 172, 13; 174,  
 5. 21; 256, 8; 266, 10; 272,  
 26 *ἴσοι* 122, 10; 212, 13  
*ἴσαι* 22, 23. 24; 32, 6; 104,  
 19; 134, 22; 170, 9; 282, 12;  
 290, 22; 292, 6 *ἴσων* 8, 15  
*ἴσοις* 140, 5 *ἴσας* 22, 26.  
 27; 94, 26; 96, 1. 9; 104,  
 29.  
*ἰσοσκελές* 8, 14. 23; 30, 13. 27  
*ἰσοσκελοῦς* 86, 3 *ἰσοσκελῶν*  
 36, 13.  
*ἰσοῦψεις* 98, 7.  
*ἰσοῦψῆ* 212, 14.  
*ἰσοχρόνιος* 314, 7.  
*ἴσεται* 190, 11; 214, 5 *ἔστησα*  
 224, 17; 226, 1; 240, 30  
*στήσας* 222, 1; 258, 5; *στα-*  
*θήσονται* 204, 12 *ἔστηκός*  
 4, 17.  
*ἱστοροῦσι* 138, 8 *ἱστοροῦντες*  
 92, 9.  
*ἰσχουσιν* 284, 18.  
*ἴνυς* 68, 23 *ἴνυος* 70, 5;  
 160, 1.

## Κ

*καθά* 308, 2.  
*καθάπερ* 126, 21; 190, 25;  
 194, 2. 26; 292, 25; 306, 24.  
*κάθαρσιν* 254, 3.  
*κάθετος* 8, 18; 10, 1. 12; 14,  
 15. 21. (22); 16, 8; 24, 10;  
 26, 6; 28, 31; 30, 21. 29;  
 32, 19. 28; 34, 3. 21. 28;  
 36, 6. 24; 40, 11. 14. 16. 18;  
 42, 9. 25; 44, 16; 46, 25;  
 50, 20; 54, 12. 24; 56, 22;  
 64, 5; 70, 27; 72, 12; 74, 9;  
 76, 10; 80, 12; 82, 4; 94, 27;  
 98, 19; 100, 10; 102, 8;  
 104, 10; 106, 30; 110, 1. 11.  
 20. 25; 112, 12; 116, 1;  
 122, 15. 20, 23; 132, 23;  
 136, 1. 3; 138, 1; 146, 8. 20;  
 150, 5; 166, 8; 168, 5;  
 180, 20; 222, 13; 230, 5. 21,  
 26; 232, 1; 236, 11; 240, 3.  
 5. 11. 13; 252, 6; 268, 24.  
 26. 27. 28; 270, 11; 272, 27;  
 278, 4. 19; 280, 11; 290, 23  
*καθέτον* 18, 14; 20, 10; 26,  
 2. 3. 28; (28, 1); 72, 23;  
 74, 19; 76, 15; 80, 10; 96, 25;  
 148, 21; 166, 7. 27; 230, 17;  
 232, 14; 234, 20; 252, 3;  
 280, 5. 8. 19 *κάθετον* 14, 20;  
 20, 8; 28, 2; 30, 19; 32, 22.  
 26; 34, 27; 74, 1. 2. 27;  
 80, 22; 94, 30; 96, 15; 98, 4;  
 100, 3; 102, 2. 18; 106, 18.  
 21. 24. 31; 108, 21; 122, 21;  
 124, 10; 134, 28; 136, 17.  
 19. 27; 138, 3; 146, 7; 226,  
 19; 230, 10. 13; 234, 8. 10.  
 12; 236, 7. 10. 22; 238, 2;  
 240, 28; 242, 9. 17. 19. 23;  
 252, 22. 23; 278, 1; 280, 18  
*κάθετοι* 30, 31; 98, 22; 256,  
 11 *καθέτων* 34, 4; 112, 3  
*καθέτους* 10, 16; 234, 16.

- καθιστᾶν 256, 10 καταστήσει 204, 23 καταστήσομεν 246, 22. 27 κατέστησα 220, 6 καταστήσαι 244, 16 καταστήσαντες 194, 16 κατασταθέντων 244, 11 κατασταθεισῶν 254, 7 κατασταθήσεται 204, 1 καθιστάτω 250, 3 καθεστᾶσθω 222, 22; 244, 1 καθεσταμένον 248, 8.
- καθολική 18, 12 καθολικῇ 46, 13 καθολικώτερον 268, 19.
- καθόλου 66, 4; 76, 4; 94, 7; 102, 16; 112, 7; 190, 9.
- καθώς 128, 28.
- καίτοι 2, 12.
- κακοπαθῶς 292, 19.
- καλῶ 94, 19; 96, 14; 98, 3 καλοῦσιν 126, 18. 23 καλουμένον 292, 17 καλουμένης 212, 20 καλουμένων 288, 20 καλουμένων 132, 7 καλεῖται 4, 20. 22; 68, 23; 92, 18 ἐκλήθη 2, 5.
- καλῶς 4, 5; 310, 25.
- καμάρας 126, 4; 132, 2.
- καμπύλη 264, 4.
- καταντήσομεν 252, 27.
- κᾶν 74, 18; 94, 20. 23; 126, 18; 142, 23; 146, 18; 162, 3.
- κανὼν 196, 5; 204, 4; 210, 5; 212, 4; 218, 25; 222, 23; 228, 5; 234, 27; 236, 14; 242, 4. 8. 17; 244, 2. 5; 258, 13. 15 κανόνα 202, 14; 204, 22; 220, 7; 222, 5; 226, 14; 242, 14; 256, 18. 24; 258, 6. 8; 288, 7. 10. 14 κανόνος 196, 9; 202, 2. 9. 11; 204, 3. 7. 11. 20; 210, 4; 218, 27; 222, 9. 26. 27; 228, 15. 16; 232, 23; 286, 6; 240, 1; 242, 2. 5. 8. 12. 13. 16; 244, 10; 250, 4; 256, 27; 258, 2. 11; 296, 12 κανόνι 196, 17. 26; 200, 10. 12. 24; 236, 5; 258, 4; 288, 2 κανόνα 222, 2; 238, 14 κανόνες 200, 20; 204, 12; 228, 8. 14; 236, 4; 242, 11. 12 κανόνων 200, 19; 204, 13; 236, 22; 242, 5; 274, 23 κανόνας 240, 30; 242, 3.
- κανόνια 194, 26 κανονίων 196, 1.
- καταβάσεως 210, 1. 2. 6. 12. 14. 16; 212, 1. 3. 7. 10.
- καταβιβάζονται 66, 18.
- κατάγεσθαι 212, 16.
- καταγράφειν 304, 5 καταγεγράφθω 304, 1.
- καταδιαιρούμενα 66, 2—3 καταδιαιρούντα 90, 13.
- κατακρατοῦσιν 312, 21 κατακρατήσιν 312, 2.
- καταλειπόμενον 138, 24 καταλ(ε)ιπομένον 174, 1; 176, 9; 178, 26; 180, 10 καταλειπόμενα 148, 4; 270, 2 καταλειπομένων 268, 17 κατελείφθησαν 140, 15 καταλείψας 256, 23; 258, 1.
- καταπεπρισμένον 94, 5.
- καταρρέψει 310, 28.
- κατασκευή 190, 24; 200, 18; 292, 26 κατασκευῆς 204, 24 κατασκευῇ 296, 25 κατασκευήν 190, 22; 308, 8 κατασκευάς 190, 3.
- κατασκευαζόμενος 132, 2 κατασκευασάμενος 190, 15 κατεσκευάσθω 214, 21; 306, 23; 314, 5 κατασκευασθεῖσα 188, 20 κατασκευασθείσης 260, 21; 286, 19; 302, 4 κατασκευασθέντων 310, 20.
- κατατετμημένον 112, 26.
- καταφρέσθαι 204, 1 κατενεχθήσεται 202, 21; 212, 12; 310, 24.
- κατειλούμενα 308, 14.
- κατησχολεῖτο 2, 5.



- κάτω 190, 30; 200, 6. 13. 15;  
 202, 22; 204, 4. 16. 18. 21.  
 κέγχρον 140, 19.  
 κενῆς 126, 7.  
 κείσθω 22, 11; 50, 5; 104, 11;  
 112, 22; 184, 16; 212, 4;  
 214, 23; 218, 24; 228, 3;  
 234, 25; 250, 28; 252, 1. 6. 7;  
 254, 13; 256, 4; 260, 6;  
 274, 24; 276, 11; 282, 3;  
 304, 25. 28; 306, 5 κείσθαι  
 284, 23 κείμενον 202, 9;  
 234, 7. 13; 296, 2 κείμενον  
 220, 3; 242, 9; 256, 5; 294,  
 17. 22; 310, 22 κείμενοι  
 306, 26 κίεσται 300, 3.  
 κέντρον 22, 3; 50, 18; 52, 21;  
 54, 10. 23; 56, 20; 58, 16;  
 60, 10; 64, 4; 68, 12. 17; 94,  
 15; 120, 14. 15. 23. 25; 122,  
 23; 126, 29; 128, 12; 130, 15;  
 132, 16; 134, 23. 26; 136, 25;  
 158, 17; 172, 3. 4; 184, 15;  
 190, 28; 280, 23. 26; 312, 22;  
 314, 13 κέντρον 22, 9; 54,  
 8. 12; 74, 14; 86, 25; 88, 29;  
 122, 20; 128, 8; 130, 5. 14;  
 134, 20. 28; 136, 22. 27;  
 284, 1; 294, 12 κέντρα 118,  
 27.  
 κεφάλιον 194, 2. 24.  
 κηρῶ 138, 21; 196, 23.  
 κιβωτάριον 298, 27 κιβωταρίου  
 292, 27; 294, 2. 5. 13. 18.  
 23. 25; 296, 3; 298, 28;  
 300, 3. 19. 26.  
 κιβώτιον 292, 25.  
 κινεῖν 310, 5 κινῶν 308, 10  
 κινούσα 308, 9 κινήσει 200,  
 14; 296, 7; 308, 15; 312, 17  
 ἐκίνησαν 298, 12 κινήσαι  
 306, 22 κινεῖται 244, 2 κι-  
 νείσθω 228, 6 κινεῖσθαι 298,  
 18 κινούμενος 228, 5; 312,  
 23 κινούμεναι 290, 1 κινη-  
 θήσεται 296, 17 κινήθη 308,  
 15 κεκινημένον 298, 19 κι-  
 κινήκεναι 296, 11.  
 κίνημα 314, 16.  
 κινήσεως 314, 16.  
 κιονίου 194, 2.  
 κίοσιν 126, 21. 26.  
 κλάσεις 216, 11 κεκλάσθωσιν  
 276, 12.  
 κλίμα 212, 28; 214, 4; 250, 16;  
 304, 3. 6 κλίματος 212, 28  
 κλιμάτων 302, 6 κλίμασιν  
 302, 23.  
 κλίμακας 190, 15.  
 κέκλιται 252, 15; 290, 19 κι-  
 κλιμένη 96, 3 κεκλιμένον 94,  
 24; 252, 9 κεκλιμένα 272, 14.  
 κλίσις 252, 5; 290, 19 κλίσιν  
 250, 28.  
 κόγχην 124, 17.  
 κοῖλον 92, 16; 304, 5 κοίλης  
 126, 7 κοῖλαι 4, 16 κοίλας  
 4, 10; 290, 4 κοίλων 92, 18  
 126, 24.  
 κοινόν 28, 27; 130, 29; 162, 12  
 κοινή 134, 2 κοινοῦ 32, 2  
 κοιναί 28, 11 κοινῶν 32, 6.  
 κόλουρος 112, 7. 12; 118, 16.  
 27; 120, 17 κόλουρον 104, 3;  
 106, 7; 116, 12; 118, 14. 24;  
 180, 14 κολούρου 106, 27;  
 108, 22; 112, 17; 118, 23;  
 120, 2. 5. 26; 178, 26; 180,  
 15.  
 κολουροκάνου 182, 9. 12.  
 κορυφή 100, 8; 104, 4. 6; 106,  
 11. 13. 14. 20. 22; 108, 25;  
 110, 23. 27; 112, 5, 11. 20.  
 28; 114, 1. 2. 4; 116, 18. 24;  
 118, 2. 4. 10. 12. 13; 120, 3.  
 14. 16. 23; 132, 14; 134, 25;  
 136, 4; 178, 21; 180, 8;  
 246, 5 κορυφήν 106, 9; 142,  
 4. 9; 176, 5 κορυφῆς 94, 27;  
 96, 14. 25; 100, 10; 102, 8.  
 18; 110, 24; 116, 15; 234, 4.  
 κορυφῇ 112, 10; 120, 25;



- 144, 1; 176, 8; 178, 25;  
180, 10 κορυφαί 134, 3 κο-  
ρυφάς 134, 23; 136, 25 κο-  
ρυφαῖς 174, 26.  
κουράν 204, 15 κουράς 204, 4  
κουρά 204, 20.  
κοχλίου 294, 16; 296, 13; 298, 4;  
312, 19 κοχλία 294, 14, 20;  
296, 16; 298, 13; 312, 8  
κοχλίαν 194, 14, 17; 294, 20;  
298, 7; 312, 10 κοχλίας 296, 5  
κοχλιῶν 212, 21 κοχλίας 194,  
12, 22; 196, 1; 294, 11  
κοχλίας 296, 6, 15; 312, 3, 23.  
κοχλίδιον 194, 4, 7 κοχλιδίου  
194, 6.  
κρέμονται 288, 26 κρεμάμενον  
204, 17 κρεμαμένως 292, 10.  
κρήναις 132, 3.  
κρίνειν 188, 13; 292, 23.  
κυβική 178, 16 κυβικήν 176, 19;  
178, 1, 3; 184, 2.  
κύβισον 176, 24; 182, 23 κυ-  
βίσαι 132, 10 κυβίσαντα 122,  
11.  
κύβος 4, 28; 132, 10; 176, 15.  
17, 18; 178, 28, 29 κύβον  
130, 27, 29; 176, 16; 178, 5.  
28; 182, 1, 2 κύβου 132, 1,  
7; 178, 12 κύβοι 122, 10;  
176, 15 κύβους 182, 24.  
κύκλος 22, 3; 54, 10; 58, 16;  
62, 14; 70, 26; 82, 5; 88, 3,  
21; 118, 4, 7, 12; 120, 14,  
16, 23, 25; 124, 3; 126, 19;  
128, 5, 17; 170, 19, 26; 172,  
16; 178, 21; 180, 8; 182, 8;  
184, 14, 23; 246, 5; 280, 22;  
300, 15; 302, 26; 304, 7, 19;  
306, 3, 13; 314, 13 κύκλου  
2, 20; 22, 10; 46, 22; 50, 19;  
52, 22; 54, 8, 12, 23; 56, 21;  
60, 12, 17; 64, 4; 66, 6, 8, 9,  
12, 14, 20, 28, 29, 30; 68, 5,  
11, 19, 21; 70, 23; 72, 28;  
74, 5, 11, 24, 25; 76, 18, 20;  
82, 2, 21; 84, 28; 86, 6, 22;  
25, 31; 88, 2, 4, 8, 31; 90, 1;  
122, 22; 126, 16, 20, 27, 29;  
128, 7, 18; 130, 7; 132, 16;  
158, 16; 160, 3; 170, 28;  
172, 5, 20, 22, 24; 174, 2;  
180, 11; 184, 25; 200, 28;  
242, 27; 244, 4; 246, 3, 10,  
11; 282, 2; 302, 12; 306, 8;  
314, 15 κύκλω 22, 22; 58, 19;  
62, 18; 88, 28; 122, 2; 172,  
2, 4; 180, 13; 282, 11; 304,  
11 κύκλον 54, 7; 68, 7; 82,  
28; 116, 29; 128, 26; 134,  
26; 158, 18; 160, 2; 172, 13,  
26; 180, 4; 286, 26; 300, 9,  
13; 306, 10; 312, 19 κύκλοι  
2, 16; 88, 5; 160, 4; 312, 21  
κύκλων 68, 12, 14, 15; 88, 6;  
300, 25 κύκλους 66, 9 κύκλους  
302, 1.  
κυλίωνται 312, 22.  
κυλινδρικών 126, 3 κυλινδρικάς  
92, 7.  
κυλίνδριον 196, 21 κυλίνδρια  
196, 23, 27 κυλινδρίων 196,  
25; 200, 3, 9.  
κύλινδρος 2, 14, (15); 94, 18, 23;  
96, 16; 98, 5, 10; 122, 1;  
128, 13, 15, 20; 130, 8 κύ-  
λινδρον 98, 1; 118, 7; 128,  
7, 19, 24; 130, 27 κυλίνδρον  
4, 3; 84, 20, 24, 26, 27; 86,  
1, 29; 88, 12, 14, 26; 96, 21;  
120, 29; 122, 6; 128, 12;  
130, 9, 11, 13, 19, 22, 25  
κυλίνδρω 98, 6 κύλινδροι  
98, 7; 174, 25 κυλινδρων  
66, 14; 130, 29.  
κυρταί 4, 16 κυρτής 126, 24  
κυρτάς 4, 10.  
κυρτώσεως 250, 2, 9.  
κυρτώσαι 248, 10.  
κῶμαι 140, 15.  
κωνικάς 92, 7 κωνικών 126, 3.  
κωνοειδέσιν 82, 27.

κωνοκόλουρος 180, 16. 17. 20  
κωνο[υ]κολούρου 184, 6.  
κῶνος 96, 15. 21; 118, 16. 27;  
120, 13. 15. 17; 124, 4; 178,  
20; 180, 6. 21. 29; 184, 9;  
246, 4. 24 κῶνον 116, 12. 18;  
118, 3. 11. 14. 24; 120, 3.  
22. 24; 122, 18. 25; 178, 17.  
25; 180, 14. 30; 182, 18  
κῶνου 2, 15; 80, 18; 84, 15;  
86, 3. 8. 13. 17; 96, 12. 14.  
23; 116, 19; 118, 23; 120, 2.  
6. 12. 26; 124, 2; 178, 26;  
180, 15; 182, 19 κῶνω 96,  
17 κῶνοι 98, 7; 180, 31  
κῶνων 176, 2; 180, 30.

## Α

λαμβάνω 220, 1 λαμβάνει 4,  
26. (27); 194, 11; 298, 11  
λαμβάνειν 286, 25 λαμβάνων  
242, 18; 258, 3. 7 λαμβάνον-  
τες 74, 2; 242, 22; 244, 14  
λαμβάνουσι 4, 25 λαμβάνεται  
94, 28 ληψόμεθα 18, 23;  
96, 24; 272, 23 λήψει 118,  
26 ἔλαβον 220, 5; 224, 18.  
20; 226, 1; 256, 26; 258, 1.  
10; 260, 22. 27; 266, 11  
λάβῃ 298, 8 λάβωμεν 52, 13  
λαβέ 10, 9; 18, 16. 21; 48,  
26. 27; 54, 5; 128, 28; 156,  
11; 160, 12; 178, 5; 182, 9;  
184, 2 λαβέτω 312, 8 λαβεῖν  
8, 9; 46, 10; 50, 26; 66, 22;  
74, 15; 84, 1; 90, 9; 122, 5.  
7. 12; 124, 6; 136, 13; 174,  
13; 176, 19; 178, 3; 218, 21;  
220, 18; 224, 16. 27; 234, 19  
λαβῶν 74, 19; 254, 13. 16. 21  
λαβόντα 8, 13; 26, 28; 90,  
15; 94, 29; 100, 2; 102, 16;  
104, 1; 132, 27; 136, 17. 20  
λαβόντες 42, 16; 66, 26; 68,  
1. 3. 7. 10; 138, 2. 4; 240,

15; 264, 8; 270, 15; 272, 19  
λαβόντας 46, 9 εἰληφέτω  
298, 9 εἰληφέναι 294, 10  
λαμβάνομένων 244, 17 λα-  
βόμενοι 272, 6 εἰλήφθω 48,  
27; 50, 18; 52, 20; 54, 23;  
56, 20; 60, 10; 64, 3; 126,  
11. 29; 132, 16; 134, 25;  
170, 24; 174, 17; 184, 21;  
214, 23; 216, 2; 222, 16;  
232, 20; 254, 10; 264, 20;  
270, 8 εἰλήφθωσαν 240, 29  
εἰληφε 140, 17 ληφθείσης  
242, 21 ληφθέντων 250, 11.  
12; 262, 3; 264, 21; 288, 18.  
λανθάνωσιν 288, 24.  
λέγω 4, 17; 70, 10; 76, 22;  
110, 4. 8; 112, 10; 120, 1;  
132, 7; 172, 19; 184, 24;  
292, 13 ἐροῦμεν 178, 4;  
200, 20 εἰπεῖν 46, 8. 10. 15;  
90, 6; 140, 19; 302, 21 λε-  
λεχότων 188, 5 λέγεται 6, 11  
λέγεσθαι 292, 26 εἴρηται 6, 2;  
76, 15; 94, 22; 178, 24;  
180, 13; 184, 10; 194, 24;  
200, 18; 252, 15. 19; 270, 5;  
308, 4 εἴρηται 174, 23 εἰ-  
ρήσθω 46, 19 εἰρημένος 94,  
6; 128, 15; 194, 14; 306, 3  
εἰρημένη 76, 14; 138, 1;  
204, 22 εἰρημένου 68, 23;  
90, 1; 94, 31; 112, 15; 122,  
22, 24; 128, 12; 132, 29;  
194, 7; 204, 19; 256, 14  
εἰρημένης 306, 16 εἰρημένην  
74, 17; 94, 18. 30; 100, 3;  
136, 19; 196, 7; 252, 24;  
260, 4 εἰρημένον 204, 20;  
298, 17; 308, 2; 314, 15  
εἰρημένης 4, 5; 94, 14; 96, 5;  
190, 24; 204, 10. 24 εἰρημένω  
74, 22; 194, 3; 196, 2; 250,  
14; 294, 10. 14; 298, 21  
εἰρημένην 74, 8; 204, 20;  
302, 27; 304, 11 εἰρημένοι

98, 8; 172, 5; 288, 9 *εἰρη-  
μένα* 4, 25; 6, 2; 188, 7. 8;  
232, 4; 290, 21; 294, 1; 300, 2  
*εἰρημέναι* 4, 24; 172, 9 *εἰρη-  
μένων* 4, 11. (12); 78, 27;  
108, 24; 174, 22; 214, 16;  
266, 4 *εἰρημέναις* 204, 11  
*εἰρημένοις* 26, 7; 42, 8; 178,  
17; 200, 1. 5; 212, 6; 230,  
15; 246, 18; 302, 23 *εἰρη-  
μῆταις* 196, 19 *εἰρημένους*  
212, 25 *ῥηθύντος* 302, 5  
*ῥητῆν* 18, 22; 48, 27 *ῥητῆς*  
26, 2. 3. 28.  
*λεπτότατον* 90, 15.  
*λεπίδι* 200, 16.  
*λεπίδια* 200, 1. 14 *λεπιδίους*  
200, 5.  
*λεπκῶ* 202, 3.  
*λιμένι* 244, 14 *λιμένα* 242, 27;  
244, 5 *λιμένων* 190, 3.  
*λόγος* 2, 4; 6, 20; 40, 22; 52,  
1. 2; 54, 16. 18. 20. 25. 27;  
56, 1. 3. 6. 8; 58, 1. 3.; 60,  
28; 62, 2. 18. 20. 21; 64, 12.  
20. 24. 26; 110, 16. 17; 120,  
7; 124, 1; 128, 17. 20; 142,  
11. 17; 144, 23; 146, 6. 22.  
26; 150, 20. 24; 154, 1. 2.  
5. 6. 25; 160, 1. 2. 5. 9. 21.  
23; 166, 2. 22. 23; 168, 2;  
170, 18; 176, 24; 180, 24.  
29; 182, 4; 184, 13; 218, 5;  
278, 6. 11. 12 *λόγον* 98, 16;  
112, 9; 140, 21; 170, 15;  
216, 13 *λόγον* 48, 3. 6. 13.  
20; 50, 12. 28. 29; 52, 4;  
54, 9; 56, 29; 58, 5. 7. 24.  
25. 27; 60, 1; 62, 6. 23; 66,  
15; 72, 3; 116, 28; 118, 1.  
8. 10. 14; 122, 4. 9. 19; 128,  
5; 134, 30; 136, 26; 140, 18;  
142, 8. 26. 28; 144, 6; 146,  
13; 150, 16; 162, 20; 166, 1;  
170, 17. 29; 172, 9; 174, 27.  
28; 176, 13. 16; 178, 28;

180, 16; 184, 12. 26; 220, 12;  
230, 2; 274, 26. 28; 310, 19  
*λόγω* 142, 4; 146, 5; 152, 9.  
11. 28; 156, 20. 21; 158, 18;  
160, 21; 162, 9. 24; 164, 5.  
6. 7. 11. 12; 166, 18. 21;  
168, 12; 178, 19; 180, 7;  
218, 18; 252, 3 *λόγους* 174, 27.  
*λελογχότα* 140, 10.  
*λοιπός* 50, 31; 120, 17 *λοιπή*  
30, 2. 27; 34, 1. 30; 108, 8;  
142, 22; 152, 20; 158, 9;  
180, 24. 28; 216, 26; 218, 1.  
2; 232, 19; 278, 15. 16. 22;  
280, 4 *λοιποῦ* 122, 20; 144, 2.  
172, 3 *λοιπόν* 12, 23; 14, 3;  
26, 10; 44, 16; 82, 23; 104,  
26; 110, 28; 112, 13. 16;  
118, 12; 120, 26; 152, 13;  
166, 26; 168, 5. 14; 240, 22;  
284, 7. 8; 294, 24 *λοιπά* 10,  
11; 14, 12. 14; 16, 5. 7;  
30, 9; 32, 18; 34, 19; 36, 5;  
40, 3; 42, 23; 44, 27; 46, 1;  
108, 16. 17; 116, 5; 128, 23;  
150, 2; 154, 29; 182, 13. 17;  
262, 19; 266, 3; 272, 13  
*λοιπαί* 18, 17. 18; 24, 25. 26;  
32, 16; 40, 6; 156, 13; 184, 3  
*λοιπῶν* 116, 6; 248, 16; 250,  
10; 262, 25; 268, 16; 274, 14;  
276, 24; 298, 22 *λοιποῦς*  
268, 19.  
*λουτήρος* 124, 17; 126, 6 *λου-  
τήρα* 124, 14.

## M

*μακροί* 196, 3 *μακροῦς* 306, 24  
*μακροτέρων* 214, 10.  
*μᾶλλον* 46, 22; 52, 13; 284, 21  
*μάλιστα* 290, 2; 302, 15.  
*ἐμάθομεν* 26, 1; 34, 21; 46, 12;  
48, 28; 82, 19. 21; 88, 9;  
96, 20; 102, 14; 108, 15. 19;  
128, 28; 130, 11; 132, 26;

- 146, 8; 152, 10; 154, 24;  
182, 10. 19; 222, 15; 224, 3;  
226, 12; 232, 13; 234, 9. 15;  
240, 30; 260, 7. 20.  
*μέγας* 306, 13 *μεγάλην* 140, 9.  
*μέγεθος* 20, 9; 224, 26; 226, 6;  
234, 20; 252, 21; 280, 18;  
296, 24 *μεγέθει* 148, 4; 214,  
25. 27. 29; 244, 11; 270, 9;  
278, 3. 5. 10; 300, 12 *μεγέ-*  
*θη* 70, 7; 216, 12 *μεγεθῶν*  
190, 7.  
*μέγιστος* 170, 19; 306, 3 *με-*  
*γίστου* 2, 20; 70, 10; 86, 31;  
302, 13; 306, 8 *μεγίστω* 122, 2  
*μέγιστα* 140, 9 *μεγίστων* 184,  
14.  
*μέθοδος* 10, 9; 14, 8; 16, 1;  
18, 12; 80, 9; 144, 12; 146,  
19 *μεθόδου* 212, 24 *μεθόδω*  
46, 14; 74, 8; 138, 26 *μέθο-*  
*δον* 138, 9; 302, 9 *μεθόδους*  
292, 23.  
*μείζων* 72, 5; 74, 26; 76, 9.  
16; 80, 10; 82, 25; 110, 3;  
212, 11; 228, 9; 290, 25  
*μείζον* 10, 24; 12, 7. 11;  
14, 22; 44, 11; 50, 13; 76,  
11. 12. 18. 22; 78, 7. 18;  
80, 5. 6. 25. 28; 82, 1; 172,  
25 *μείζονος* 68, 15. 19; 124,  
16 *μείζονι* 194, 6 *μείζω* 140,  
13 *μείζονα* 38, 2. 5; 66, 15;  
78, 8. 22; 110, 7; 214, 11;  
284, 21; 300, 13; 312, 20  
*μείζονες* 312, 20 *μείζονι* 300,  
14.  
*μείον* 268, 3; 274, 9; 286, 11.  
*μειούρων* 176, 1.  
*μέλανι* 202, 5.  
*μέλλει* 246, 23 *μέλλομεν* 308, 2  
*μέλλουσα* 292, 26 *μέλλον* 138,  
10 *μέλλοντος* 258, 9.  
*μέντοι* 76, 7; 80, 10; 284, 13.  
17.  
*μενούσης* 96, 4 *μένοντος* 126, 13;  
210, 3; 228, 7. 15; 242, 4. 13;  
256, 25 *μενόντων* 220, 1 *με-*  
*νεῖ* 194, 18.  
*μέρισον* 18, 25; 42, 21; 146,  
21. 25. 27; 150, 6; 154, 27;  
158, 13; 160, 11.  
*μέρος* 52, 7; 54, 1; 58, 20;  
74, 22; 90, 16; 96, 21. 27;  
102, 10; 106, 29; 130, 17;  
136, 6; 172, 20. 22. 24. 28;  
174, 1. 7. 18; 196, 4; 200,  
14. 23; 202, 12. 23; 204, 18;  
224, 20. 22. 23; 226, 2. 3.  
4; 236, 28; 240, 17. 19;  
260, 8. 9. 10; 266, 12; 268,  
14; 270, 10. 12; 272, 2. 3;  
274, 6. 12. 24. 25. 26; 276,  
16. 18; 288, 14; 312, 6 *μέ-*  
*ρους* 190, 26. 30; 194, 2; 200,  
15; 294, 19. 26; 300, 4 *μέρει*  
74, 26; 204, 11; 266, 12. 14;  
268, 2. 5. 13; 274, 9 *μέρη*  
4, 25; 6, 1. 5; 212, 10; 228,  
10; 244, 6; 266, 9. 10; 272,  
17. 26; 274, 16. 23 *μερῶν*  
132, 4; 200, 6; 202, 18. 25;  
204, 7. 9. 14. 16; 242, 21;  
268, 3. 11. 16; 274, 7 *μέρεσι*  
220, 2; 222, 22; 224, 7. 25;  
234, 2; 248, 4.  
*μεσημβρινός* 304, 7; 306, 4 *με-*  
*σημβρινοῦ* 306, 1.  
*μέση* 204, 21; 264, 19 *μέσον*  
50, 12; 188, 11; 248, 12  
*μέσον* 18, 7; 264, 1 *μέσης*  
70, 23. 24; 72, 8; 76, 20;  
126, 24 *μέσω* 200, 22; 298,  
20 *μέσους* 212, 22. 25. 29  
*μέσας* 200, 4.  
*μεταγαγεῖν* 188, 8.  
*μετακείσθω* 210, 4; 214, 25. 29.  
*μετακινουμένης* 244, 9.  
*μεταξύ* 60, 12; 190, 6; 194, 27.  
28; 196, 4; 214, 20; 218, 21;  
222, 20; 224, 16; 228, 7. 26;  
230, 7; 232, 3; 234, 17;

- 236, 6; 264, 3. 5. 10; 266, 1.  
6; 272, 24; 288, 3. 17; 302,  
5. 6. 11; 306, 11.  
μεταπίπτει 46, 16.  
μετατίθημι 242, 5 μετατίθεσθαι  
138, 27 μεταθείς 220, 6 με-  
τατεθείσης 242, 10.  
μεταχειρίζεσθαι 92, 12.  
μεταφέρω 242, 14.  
μετεωρίσει 202, 19.  
μετέωρον 228, 1; 310, 21 με-  
τεωρότερον 212, 12; 214, 6;  
228, 20.  
μετρῶμεν 74, 7 μετρεῖν 90, 12.  
18; 126, 5; 262, 11; 274, 2;  
292, 18 μετροῦντα 292, 19  
μετροῦντες 298, 8 ἐμέτρον  
72, 29 μετρήσομεν 82, 2;  
86, 3; 88, 19; 124, 14. 18;  
262, 16; 264, 6. 11; 266, 8  
ἐμέτρησα 224, 1; 266, 11.  
13 ἐμέτρησεν 86, 29 ἐμετρή-  
σαμεν 92, 6 μετρήσωμεν 80, 7  
μέτρησον 108, 14. 17; 128,  
24. 26 μετρήσαι 82, 1. 25;  
84, 3. 20; 86, 23; 88, 15;  
92, 14; 96, 12; 98, 1. 15;  
102, 5; 104, 3; 108, 23; 112,  
3. 18; 116, 13; 118, 24; 120,  
22; 122, 14; 126, 9. 27; 130,  
4. 13; 132, 13. 20; 136, 21;  
138, 20; 220, 16; 224, 6. 24;  
226, 5; 244, 12; 260, 18;  
264, 17; 270, 2. 3; 274, 4.  
17; 266, 3. 22 μετρήσαντα  
68, 14 μετρήσαντες 88, 14;  
112, 15; 138, 17. 22; 262, 14  
μεμετρηκέναι 90, 23 μεμετρή-  
κως 298, 5 μετρεῖται 66, 3;  
94, 9. 20. 23; 100, 6; 112, 8;  
262, 20 μετρεῖσθαι 66, 5;  
90, 7; 92, 17; 138, 10 μετρον-  
μένη 296, 5 μετρούμενον  
296, 24 μεμετρήσθαι 90, 5  
μεμετρημένον 262, 25; 264,  
15 μεμετρημένων 126, 4 με-
- τρηθήσεται 90, 21; 94, 22  
μετρηθῆναι 138, 12; 266, 5  
μετρηθέντος 138, 24 μετρη-  
θείσης 94, 10 μετρηθέντων  
138, 6.  
μέτρησις 266, 8 μετρήσεως 264,  
16 μετρήσει 66, 6. 28; 124,  
15; 126, 6; 138, 8 μέ-  
τρησιν 6, 4; 36, 10; 68, 16;  
70, 6; 92, 3; 132, 10; 268, 20  
μετρήσεις 2, 4; 16, 13; 66, 18;  
126, 2; 132, 9 μετρήσεων 2,  
8; 4, 8; 6, 3; 140, 4.  
μετρικῶν 2, 1.  
μέτρον 6, 7; 210, 1; 272, 9. 12  
μέτρον 258, 10; 260, 14 μέ-  
τρω 224, 2 μέτρα 258, 4  
μέτροις 272, 15.  
μέχρι 2, 11; 16, 11; 80, 13.  
μηδαμόθεν 196, 25; 284, 19.  
μηδέ 140, 19; 260, 4.  
μηδέν 92, 11; 140, 14; 214, 9;  
300, 21 μηδενί 214, 2.  
μηδεμιᾶς 164, 16; 168, 11 μη-  
δεμιᾶ 36, 19 μηδεμίαν 36,  
19.  
μηκέτι 264, 14.  
μήκος 84, 25. 29; 92, 19; 130,  
8; 174, 28; 194, 12; 196, 5.  
8. 11; 200, 8. 20; 204, 6. 14;  
212, 27; 256, 19; 298, 2. 26;  
300, 2. 17; 306, 16 μήκους  
92, 15; 264, 18 μήκει 42, 24.  
26. 27; 54, 18; 196, 10;  
202, 1 μήκη 254, 18; 302, 4.  
μήν 12, 6; 188, 19.  
μηχανῆς 308, 11.  
μηχανήματα 190, 15.  
μηνύουσιν 298, 16 μηνῶσαι 288,  
22.  
μήτε 226, 8; 262, 13. 14.  
μικρά 140, 10 μικροί 140, 14.  
μικροψυχότεροις 140, 15.  
μίλια 314, 12.  
μιμήματος 268, 18; 270, 14;  
272, 10 μιμήματι 272, 14.

*μναῖα* 312, 1.  
*μοῖρα* 306, 13 *μοίρας* 280, 5;  
 288, 2. 19 *μοίραν* 288, 13. 16  
*μοῖραι* 306, 15 *μοιρῶν* 10,  
 19; 278, 18. 19. 21. 22. 23.  
 24. 25. 26. 27; 280, 3. 4. 7.  
 11. 12. 15; 284, 5. 6; 288, 4.  
 16. 17; 306, 9. 10. 12. 13.  
*μοιρογνωμόνιον* 288, 16; 300, 6.  
 8; 314, 4. 14 *μοιρογνωμονίου*  
 288, 1 *μοιρογνωμονίων* 288,  
 13; 300, 12. 25.  
*μολιβοῦν* 202, 26; 284, 20.  
*μοναδιαῖα* 94, 3. 6.  
*μονάδος* 6, 19; 18, 29; 26, 8. 9  
*μονάδες* 44, 29; 68, 2. 4;  
 74, 16; 92, 22; 122, 8. 12;  
 146, 17. 21; 156, 13; 158, 14;  
 178, 7. 8. 14; 184, 13 *μονά-*  
*δων* 6, 5. 9. 14. 22. 23; 8, 7.  
 15. 17; 10, 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8;  
 12, 14. 23. 25. 26; 14, 2. 3.  
 4. 5. 6. 7. 19. 20. 24. 25. 26.  
 27. 28. 29. 30; 16, 1. 9; 18,  
 15; 24, 22. 23; 26, 5. 6. 8.  
 10. 11. 13. 15. 21. 22; 28, 6;  
 30, 14. (15). 16. 17. 26. 27.  
 29. (30); 32, 9. 10. 11. 13. 14.  
 20. 25. 26. 28; 34, 1. 3. 9.  
 10. 14. 21. 26. 29. 30. 31;  
 36, 3. 21. 22. 27; 40, 9; 42,  
 6. 7. 10. 11. 12; 44, 2. 3. 4.  
 6. 7. 8; 46, 4. 6. 24; 50, 17;  
 54, 22; 56, 19; 58, 14; 60, 9;  
 62, 13; 64, 3; 66, 10. 20. 23.  
 24; 68, 1. 8. 10; 70, 1. 2;  
 74, 10. 11. 12. 17. 27. 28;  
 76, 3. 10. 11. 13; 82, 3. 4. 8.  
 10. 12. 13. 15. 18. 19. 21. 23.  
 24. 26; 84, 4. 10. 17. 19. 22.  
 28. 29. 30. 31; 86, 2. 18. 19.  
 21. 26. 27; 88, 1. 3. 9. 10.  
 16. 17. 21. 22. 23. 24. 31;  
 90, 1. 2; 92, 19. 20; 94, 1;  
 96, 13. 20. 23; 98, 2. 3. 12.  
 18. 20; 100, 9. 11; 102, 8.

9. 13. 14. 15; 104, 8. 11;  
 114, 29; 116, 1. 2. 14. 16. 17;  
 120, 27; 122, 15. 16; 126,  
 28. 29; 128, 9. 10. 11. 14.  
 25. 27; 130, 5. 6. 7. 9. 10.  
 11. 15. 16; 132, 15. 20. 21.  
 22. 29; 134, 9. 11. 12. 14.  
 18. 21; 136, 1. 22. 29; 138, 1;  
 142, 5. 6. 21. 22. 25. 26. 30.  
 31; 144, 10. 11. 12. 13. 17.  
 20; 146, 2. 3. 4. 8. 11. 14. 17.  
 18; 148, 31; 150, 1. 3. 5. 7.  
 8. 9. 10. 13. 25. 30; 152, 3.  
 8. 19. 20. 21. 22. 23; 154, 22.  
 23. 24; 156, 2. 4. 6. 8. 14.  
 16. 18; 158, 10; 160, 8;  
 176, 6. 17. 18. 19. 20. 21;  
 178, 3. 15. 21. 23. 29; 180,  
 1. 12. 13; 182, 18 *μονάδας*  
 6, 15; 18, 17; 52, 18; 100, 4;  
 132, 11; 150, 12; 156, 8. 15;  
 158, 11. 12. 13.  
*μόνης* 140, 21 *μόνοι* 270, 6.  
*μόριον* 20, 1 *μορίφ* 20, 1.

## N

*ναστόν* 92, 17 *ναστῶν* 92, 19.  
*νεῶς* 314, 11 *νηῖ* 314, 8.  
*νέμεται* 140, 9.  
*νεύειν* 250, 6. 16. 28 *νεύουσα*  
 240, 18. 19 *νευουσῶν* 150,  
 18.  
*νήσων* 302, 7 *νήσους* 190, 9.  
*νοεῖν* 242, 25 *νοεῖσθαι* 228, 4.  
 10. 13; 230, 19. 24; 236, 1.  
 3; 248, 16; 268, 15 *νοήσωμεν*  
 84, 22; 86, 4; 136, 23; 252,  
 4. 11; 274, 1; 276, 6 *νε-*  
*νοήσθαι* 96, 16; 98, 4; 116,  
 17; 120, 2; 134, 24; 216,  
 17; 236, 12. 14; 238, 4;  
 240, 3. 10. 12 *νενοήσθωσαν*  
 134, 19; 228, 17.  
*νομίζω* 188, 5 *νομίζομεν* 90, 5.  
 22; 140, 3; 292, 16

νῦν 2, 11; 20, 3; 178, 4; 188, 11; 200, 19; 204, 24; 276, 2.  
 νύξ 302, 26 νυκτός 302, 24. 25  
 νυκτί 302, 25. 27; 304, 11.

## Σ

ξύλινος 290, 4.  
 ξύλοις 132, 5.  
 ξύσται 126, 1.

## Ο

ὄγκος 138, 15 ὄγκον 286, 8. 16.  
 ἦδε 20, 6 τοῦδε 310, 16 τῷδε 314, 8.  
 ὀδομέτρον 292, 17; 302, 5.  
 ὠδοντωμένον 310, 8. 10 ὠδοντωμένον 190, 31; 194, 8; 294, 15; 308, 5. 23; 310, 15. 17 ὠδοντωμένα 300, 2 ὀδοντωθέν 310, 9. 16.  
 ὀδοντωδεις 308, 23.  
 ὀδοντώσεις 310, 1.  
 ὀδοντωτοῦ 296, 14 ὀδοντωτῷ 194, 3; 298, 21 ὀδοντωτόν 294, 21; 298, 7. 18 ὀδοντωτά 308, 1 ὀδοντωτῶν 298, 22; 300, 23 306, 23.  
 ὀδός 296, 5 ὀδοῦ 214, 3; 296, 24; 298, 4. 17. 26; 300, 2. 17; 306, 16 ὀδὸν 214, 10; 296, 26; 298, 3. 19. 25; 302, 6. 11.  
 ὀδοὺς 296, 16; 298, 16 ὀδόντα 296, 7. 10; 314, 11 ὀδόντες 298, 16 ὀδόντων 296, 23; 298, 24; 300, 11. 14; 312, 24. 25. 26; 314, 1. 2. 3. 4 ὀδοῦσι 194, 5. 18; 312, 4 ὀδόντας 194, 15; 294, 15; 296, 1. 12. 17; 298, 11. 12. 19. 27.  
 ὄθεν 2, 5; 130, 22.  
 οἰαιδηποτοῦν 150, 26; 176, 4.  
 οἰανδήποτε 112, 8.  
 ἴσμεν 230, 6 εἰδῶμεν 10, 17 εἰδέναι 284, 12; 286, 6. 32.

οἰκοδομήματος 190, 4 οἰκοδομημάτων 274, 19.  
 οἶμαι 90, 6; 288, 25.  
 οἶον 18, 14; 74, 8; 94, 11; 138, 7; 174, 24; 176, 1; 256, 17; 262, 24; 264, 5; 268, 7; 270, 5; 276, 1; 286, 3 οἶαν 100, 5; 102, 5 οἶα 102, 17 οἶων 304, 22; 306, 12.  
 οἰονδηποτοῦν 94, 8 οἰονδηποτοῦν 18, 3; 68, 7; 234, 7 οἰωνδηποτοῦν 234, 15.  
 οἶονεῖ 224, 21.  
 ὀκτάγωνον 56, 18; 58, 7. 9 ὀκταγώνου 58, 12.  
 ὀκτάεδρον 132, 28. 29; 134, 6. 15 ὀκταέδρου 132, 8; 134, 15.  
 ὀκταπλάσιον 58, 22.  
 ὀκτὼ 294, 9; 296, 9; 310, 19.  
 ὀλίγον 212, 20; 310, 28 ὀλίγην 140, 10 ὀλίγων 190, 2 ὀλίγας 188, 16; 288, 21.  
 ὄλος 126, 19 ὄλη 42, 4; 120, 11; 122, 29; 152, 22; 158, 9; 216, 23. 27; 218, 1. 3; 278, 20; 306, 14 ὄλον 28, 28; 154, 11; 162, 19; 166, 11; 168, 17; 172, 26; 262, 25; 274, 4; 276, 9; 278, 10. 25 ὄλον 38, 25; 44, 22; 46, 5; 120, 11; 134, 6; 156, 7; 172, 20. 22. 24; 174, 1; 264, 18; 274, 6. 9. 12; 276, 25 ὄλω 28, 28 ὄλην 112, 15; 230, 9; 246, 12.  
 ὄμβρων 284, 14.  
 ὁμοία 104, 5; 244, 3; 246, 3. 10; 250, 14; 304, 25. 28; 308, 4 ὁμοιον 24, 1; 104, 6. 7; 112, 21; 250, 2 ὁμοίαν 246, 14. 19 ὁμοια 104, 16; 144, 8; 256, 8 ὁμοίων 126, 8 ὁμοίως 4, 22; 6, 16; 8, 11; 12, 10; 34, 5; 36, 1; 44, 5; 46, 5; 68, 20; 70, 20; 74, 20; 26; 78, 10; 86, 5; 88, 16;



- 94, 22; 96, 23; 108, 18; 124, 18; 156, 22; 158, 10; 172, 26; 174, 14; 184, 17; 212, 8; 214, 27; 216, 1; 224, 19; 226, 2; 228, 22; 230, 20; 234, 10; 240, 8. 12. 14. 18; 242, 17; 244, 14; 246, 11. 26; 248, 4; 250, 4. 18; 256, 9; 260, 26; 262, 16. 25; 276, 23; 282, 14; 288, 15; 294, 17; 310, 3. 11. 14; 314, 2. 3.
- ὁμολογον* 112, 10 *ὁμολόγων* 176, 14.
- ὁμοῦ* 44, 25.
- ὁμοταγής* 304, 10. 20 *ὁμοταγές* 304, 17.
- ὀνομάζωμεν* 6, 5.
- ὀνησεν* 190, 5.
- ὀξυγώνιον* 12, 13; 32, 23; 34, 2 *ὀξυγωνίου* 34, 19 *ὀξυγωνίων* 36, 14.
- ὀξεῖα* 10, 21. 24; 12, 1. 2. 9. 16; 38, 2; 290, 20 *ὀξεῖα* 292, 15 *ὀξεῖαν* 32, 23 *ὀξεῖα* 190, 14.
- ὀπῆς* 308, 13.
- ὀπισθεν* 202, 18. 24; 204, 9.
- ὀπλα* 308, 13. 15; 312, 17.
- ὀπον* 132, 5; 202, 12; 204, 13; 250, 27.
- ὀπως* 10, 16; 92, 11; 256, 10; 288, 23; 302, 9.
- ὀρη* 226, 16 *ὀρωμένου* 226, 19; 234, 8. 10. 11. 13 *ὀρωμένω* 228, 2 *ὀρωμένων* 222, 19; 230, 12. 28.
- ὀργανον* 292, 24; 296, 26.
- ὀρθογώνιον* 4, 13. 28; 6, 11. 21; 28, 4; 92, 14; 112, 20. 21. 28. 29; 114, 2. 4. 6. 7. 9; 138, 21. 23; 262, 12 *ὀρθογωνίου* 80, 18; 84, 14 *ὀρθογωνίω* 24, 9 *ὀρθογωνίαν* 138, 11 *ὀρθογώνια* 262, 16, 18. 19.
- ὀρθός* 96, 15. 16; 98, 5. 10; 126, 12 *ὀρθή* 4, 18; 8, 4; 10, 21. 23; 12, 2. 3. 5. 9; 22, 21. 29; 30, 4; 36, 25; 40, 20; 42, 1; 44, 2. 17; 50, 23; 56, 26; 58, 23; 60, 28; 96, 3; 204, 21; 232, 22; 256, 6; 282, 10; 290, 18; 292, 3. 4 *ὀρθόν* 202, 15; 204, 22; 242, 15; 256, 19 *ὀρθοῦ* 98, 10; 126, 16; 239, 13; 296, 1 *ὀρθῆς* 24, 9; 50, 2. 8. 10. 21. 22; 56, 23. 24. 26; 60, 21. 25; 64, 6. 7 *ὀρθῇ* 22, 29; 40, 20 *ὀρθήν* 4, 18. 19; 6, 12. 21; 36, 19; 40, 13. 24; 50, 1; 88, 25; 262, 6. 20 *ὀρθοί* 196, 13; 204, 12; 228, 9; 248, 15 *ὀρθαί* 290, 7 *ὀρθῶν* 302, 1 *ὀρθοῖς* 300, 26 *ὀρθαῖς* 22, 23. 24. 27; 282, 12 *ὀρθούς* 240, 31 *ὀρθάς* 22, 19; 28, 5; 70, 24. 25; 72, 7; 76, 21; 94, 9. 12. 19. 21. 24; 98, 16; 128, 1; 170, 23; 184, 20; 202, 1; 214, 22. 28; 216, 1. 2. 4. 5. 18; 218, 8. 13. 17; 220, 3; 222, 4. 25. 27; 224, 1; 226, 7. 10. 16. 17; 232, 5; 238, 8. 10. 11. 12. 13; 240, 1. 16; 250, 24; 252, 1. 14. 17. 18; 256, 8; 260, 22. 25. 26. 27; 262, 4. 8; 264, 7. 9. 22; 268, 25. 26. 28; 270, 3; 272, 11. 14; 290, 9. 11. 15. 17; 294, 12. 16 *ὀρθῶ* 290, 21; 292, 12; 300, 24 *ὀρθῶς* 250, 3.
- ὀρίζοντος* 304, 26; 306, 7 *ὀρίζοντι* 212, 15; 228, 1. 12; 230, 14. 19. 22; 232, 3; 234, 6. 14. 22. 23; 236, 9. 13; 244, 3. 17; 246, 2. 21; 304, 26 *ὀρίζοντα* 13, 16; 232, 22; 250, 3; 256, 11; 290, 8. 10; 292, 9 *ὀρισθείση* 214, 16.
- ὀρος* 214, 6; 238, 3; 240, 27 *ὀρους* 234, 4; 238, 4 *ὄρει*



234, 7. 11. 13; 242, 1. 19. 22  
 ὄρεων 234, 8.  
 ὄροι 270, 7 ὄρων 268, 17 ὄρους  
 212, 29; 268, 19.  
 ὄρυγή 256, 6.  
 ὄρυγμα 234, 24; 240, 21. 22 ὄρυγ-  
 ματος 234, 19; 238, 4; 240, 25.  
 ὀρύσσοντες 242, 23 ὀρύξαι 238, 6  
 ὀρύξαντα 286, 12 ὀρυχθείσης  
 256, 5.  
 ὀ 6, 6; 68, 23; 76, 11; 258, 3;  
 260, 8. 10; 264, 17; 270, 12;  
 272, 10; 304, 17; 310, 29  
 οῦ 22, 3; 46, 23; 50, 17;  
 54, 22; 56, 19; 58, 14. 16;  
 60, 9; 62, 12. 14; 78, 2;  
 82, 3; 84, 21. 25; 86, 25;  
 88, 2. 8. 12. 15. 20; 96, 12;  
 98, 1; 100, 7; 102, 7. 13;  
 106, 10. 19; 108, 14. 18. 25;  
 112, 9. 19. 27. 29; 114, 1. 5.  
 7. 8. 10. 13. 15; 116, 13;  
 118, 3. 5. 7. 11. 13. 27; 120,  
 13. 15. 22. 24; 122, 14. 23;  
 124, 2; 126, 14; 128, 7. 24.  
 26; 130, 21; 132, 28. 29;  
 134, 5. 7. 17; 158, 16. 17;  
 170, 20; 172, 2. 4. 16. 18;  
 178, 20; 184, 15; 196, 1;  
 204, 15; 216, 7; 218, 20;  
 224, 17; 226, 10; 228, 5;  
 234, 27. 28; 242, 16; 244, 12;  
 252, 26; 256, 16; 258, 14;  
 280, 23; 282, 22; 288, 7;  
 294, 22; 298, 7; 300, 9; 302,  
 26; 310, 17; 314, 4 ἡς 2, 14;  
 82, 25; 84, 3; 110, 26; 112,  
 4; 114, 3. 12; 116, 23; 118, 1.  
 9; 132, 13. 15; 134, 24; 136,  
 3; 213, 3; 260, 5; 294, 13;  
 312, 9 ὦ 126, 13; 144, 23; 172,  
 25; 176, 25; 246, 8. 25; 264,  
 17; 292, 26; 304, 19; 308, 3;  
 312, 24; 314, 4 ἦ 4, 17; 24,  
 15. 18; 120, 21; 214, 29;  
 250, 19; 260, 9; 280, 26;

284, 2; 290, 19; 300, 18 ὦν  
 48, 3. 6. 7. 14. 20; 50, 28.  
 30. 31; 52, 4; 54, 9. 18.  
 20. 25. 26. 28; 56, 1. 2. 6.  
 29; 58, 1. 3. 5. 6. 7. 25. 26.  
 27; 60, 1. 2. 3. 29; 62, 2. 3.  
 20. 23. 24; 64, 16. 21. 24.  
 25. 26. 27; 66, 16; 116, 28;  
 122, 19; 126, 23; 128, 4;  
 136, 28; 142, 8. 21. 27; 144,  
 6; 176, 16; 212, 11; 218, 5;  
 244, 4; 274, 26; 286, 9;  
 288, 1; 304, 11; 310, 19;  
 312, 16 ἦν 6, 1; 236, 11;  
 288, 13. 16; 306, 18 ἄ 10, 11;  
 42, 16. 23; 68, 9; 258, 3  
 ὦν 6, 19; 14, 14; 24, 24;  
 26, 22; 32, 21; 36, 12; 46, 3;  
 66, 11; 68, 17; 74, 19; 76, 2;  
 82, 22; 92, 5. 8; 94, 6; 108,  
 13; 116, 2. 3. 5; 118, 17. 19;  
 134, 2; 166, 25; 184, 6; 190,  
 16; 212, 22; 216, 28; 228, 9;  
 238, 5; 248, 15; 262, 4; 280,  
 4; 288, 26; 292, 23; 294, 1;  
 312, 6 οἷς 78, 11; 196, 27 ἄς  
 200, 11 ὅπερ 142, 1; 296, 18.  
 ὁσάκις 298, 8.  
 ὁσαπλασία 260, 13.  
 ὅσος 138, 14 ὅση 284, 12 ὅσοι  
 194, 12; 196, 4; 200, 8;  
 204, 19 ὅσῳ 296, 4 ὅσοι 188,  
 13; 302, 3 ὅσαι 66, 4 ὅσα  
 4, 4. 6. 7; 46, 7; 66, 1; 90, 4;  
 140, 16; 160, 14. 15; 174,  
 24. 25; 178, 7 ὅσων 42, 24;  
 144, 17; 256, 22; 288, 4  
 ὅσους 204, 5; 256, 28; 258, 7.  
 ὁσαδηποτοῦν 70, 7 ὁσαιδηπο-  
 τοῦν 248, 14.  
 ἥτις 128, 11; 232, 6; 242, 19; 312,  
 19.  
 ὅταν 4, 21. 23; 76, 8. 15;  
 80, 9; 132, 3; 214, 8. 14;  
 266, 8; 288, 3; 290, 2; 298,  
 18. 25; 312, 21.

ὄτε 236, 21; 240, 7; 258, 7.

ὄτι 2, 16; 4, 1; 10, 23. 25;  
12, 9. 12; 34, 5; 40, 14. 17;  
50, 3; 58, 19; 62, 18; 66, 7.  
14. 29; 70, 10. 25; 72, 10;  
74, 13; 76, 22; 80, 17; 82,  
28; 84, 14; 86, 23; 88, 27;  
90, 15; 106, 31; 110, 6. 8;  
120, 1; 122, 1. 9. 17; 128, 4;  
130, 17. 27; 138, 14; 172,  
14. 19; 174, 15; 184, 24;  
190, 1; 230, 27; 234, 3;  
244, 2. 14; 284, 13; 286, 7;  
288, 26; 302, 13; 312, 17.  
20; 314, 11.

οὐδέ 12, 6. 8. 9; 286, 15; 290,  
12; 298, 5.

οὐδεμία 142, 2 οὐδέν 92, 16;  
162, 4; 212, 26; 242, 21.

οὐδοπότερον 310, 23.

οὐκ 2. 9; 4, 16. 20; 12. 2. 3.  
5. 8; 18, 22; 48, 27; 50, 25;  
66, 1. 18; 76, 6. 14; 90, 13;  
118, 26; 132, 5; 140, 3. 11;  
160, 16; 168, 15; 172, 14;  
176, 1; 188, 9. 14. 19. 20;  
196, 15; 202, 12; 204, 13;  
214, 3; 284, 13. 17; 286, 7;  
288, 26; 290, 10. 21; 294, 17;  
298, 4; 302, 20.

οὐκοῦν 14, 11; 194, 13; 268,  
10; 308, 12.

οὖν 4, 4; 6, 4; 10, 18. 22;  
12, 3; 16, 11; 18, 6. 22;  
20, 8; 22, 21; 26, 1; 28, 2;  
30, 1. 27; 36, 16; 42, 12;  
46, 7; 64, 7; 66, 6; 68, 18;  
74, 13; 76, 5. 27; 82, 26;  
84, 27; 86, 14; 88, 16. 22;  
90, 4. 7; 96, 23; 98, 6. 25;  
102, 6. 9; 104, 16; 106, 7;  
110, 6. 22; 112, 13; 116, 25;  
122, 16. 21; 124, 16; 126, 26;  
128, 9; 132, 9. 22; 134,  
9. 11. 18. 27; 136, 1. 22;  
138, 1; 144, 21; 148, 10;

152, 10. 22. 23; 154, 1. 26;  
156, 13. 20; 160, 1. 14. 21;  
162, 21; 166, 21; 172, 14;  
174, 20. 22. 24; 178, 26;  
180, 2; 182, 24; 188, 13. 17;  
190, 22; 194, 16. 20; 204, 24;  
210, 2. 3; 212, 6. 9; 216, 12;  
218, 2. 5. 10. 17; 220, 13;  
222, 1. 15. 28; 224, 2. 9;  
226, 16; 228, 3. 13. 16;  
230, 2; 234, 28; 236, 12. 23;  
240, 9. 15. 20. 30; 242, 3;  
246, 18; 248, 7. 17; 252, 22;  
256, 21; 258, 5. 13; 260, 13.  
20; 262. 20; 266, 2. 4. 11. 13;  
268, 6. 11; 270, 5. 15; 272, 8;  
274, 5. 14; 276, 5. 6; 278, 5.  
9. 20. 24. 27; 280, 3. 10. 11.  
14. 17. 27; 282, 10; 284, 18;  
286, 1. 19; 288, 3. 20. 24;  
290, 6. 7. 20. 22; 292, 11.  
22. 25; 294, 8. 10. 25; 296,  
11; 298, 20; 300, 23; 302, 3.  
17. 22; 306, 8. 11. 20; 308,  
21; 310, 8; 314, 11.

οὐράνια 190, 5; 286, 22.

οὗτος 294, 25 αὐτή 10, 9; 16, 2;  
76, 7; 116, 25; 164, 14;  
266, 8; 302, 23 τοῦτο 4, 28;  
36, 15; 44, 14; 46, 22; 78, 1;  
132, 1; 134, 2; 138, 22;  
150, 19; 162, 2; 166, 9;  
196, 16; 188, 17; 216, 5;  
232, 26; 244, 9; 254, 23;  
256, 7; 260, 15; 268, 10;  
276, 4; 290, 13; 292, 23;  
294, 8; 296, 2. 17; 298, 11;  
300, 27; 302, 9; 306, 3; 310,  
5; 312, 12 τουτέστι 22, 9;  
24, 3. 4. 8; 28, 24; 32, 8;  
42, 18; 46, 26; 48, 4. 7. 9;  
52, 3; 54, 11. 26. 28; 56, 2;  
58, 2. 7. 27; 60, 2; 62, 3. 21;  
64, 18. 27; 70, 29; 72, 4.  
6; 80, 12. 19. 23. 24; 84,  
10. 15. 17. 24; 86, 1; 100, 3;

- 104, 17. 18. 22. 28. 29; 106, 1. 4. 5; 108, 9; 110, 16; 114, 21. 23; 116, 2. 9; 118, 22; 120, 8. 11; 122, 6. 27; 124, 10; 126, 7; 128, 11; 130, 10. 23; 132, 18; 144, 18. 19. 20. 26; 146, 10. 24; 148, 24; 162, 14. 18; 178, 13; 180, 23; 182, 4. 8. 16; 212, 10. 14; 216, 11; 218, 9; 230, 4; 232, 14; 234, 16. 19; 236, 9. 25. 27; 238, 2; 252, 10. 26; 256, 20; 262, 13; 268, 21; 282, 16. 18. 21; 284, 1. 12; 298, 20; 302, 26; 308, 10 *τούτων* 16, 11; 20, 6; 26, 16; 76, 12; 80, 7. 13; 92, 5; 94, 1; 96, 18; 120, 24; 218, 6; 262, 15; 290, 11 *ταύτης* 256, 18; 264, 20 *τούτω* 68, 7; 80, 15; 194, 22; 200, 24. 26; 294, 20; 308, 5; 312, 3. 13. 14. 15. 25. 26; 314, 9 *ταύτη* 76, 5; 164, 13; 214, 14; 218, 7. 12; 222, 25; 260, 25; 290, 3; 302, 10 *τούτων* 116, 29; 122, 4; 128, 6; 288, 2 *ταύτην* 236, 19; 242, 25 *οὗτοι* 66, 17; 74, 4. 23 *ταῦτα* 14, 15; 16, 4. 9; 18, 19. 20; 30, 7. 9; 32, 17; 34, 22; 36, 8; 40, 2. 4. 5. 6; 44, 28; 46, 1. 2; 48, 25; 52, 10; 54, 4; 56, 15; 58, 10; 60, 5; 62, 8. 26; 64, 29; 66, 2. 11; 70, 2. 3. 7; 76, 4; 108, 20; 116, 4. 7. 8; 120, 14; 122, 5; 124, 7. 9. 11; 144, 25. 27. 28; 146, 26; 150, 4; 152, 1. 4; 154, 27; 158, 12; 160, 16; 172, 10; 182, 10. 20; 250, 8; 296, 21; 308, 19 *τούτων* 4, 4. 25; 6, 1. 5; 8, 12; 10, 13; 14, 12. 14. 16; 16, 5. 8. 9; 18, 16. 21. 27; 24, 28; 30, 6. 11; 32, 16. 19; 36, 7; 38, 28; 40, 3. 7; 42, 11; 44, 28; 46, 3; 48, 26; 52, 10; 54, 5; 56, 16; 58, 10; 60, 6; 62, 9. 27; 64, 30; 66, 22; 68, 9; 70, 3; 74, 2; 76, 4; 84, 1; 102, 3; 108, 19; 116, 7; 118, 20. 21; 122, 12; 124, 8. 12; 130, 24; 142, 1; 144, 26; 160, 12; 176, 27; 178, 1; 182, 13; 184, 2; 216, 17; 262, 10; 280, 2; 284, 6. 9; 302, 3; 304, 15; 310, 20 *τούτοις* 92, 7; 200, 7 *ταύτας* 92, 11; 188, 21; 290, 5.
- οὕτως* 18, 1. 5. 23; 24, 6. 8. 22; 28, 31; 30, 5. 8; 32, 15. 20; 34, 17; 36, 4; 38, 27; 42, 5; 44, 23; 48, 24; 52, 9; 54, 2; 56, 14; 58, 9; 60, 4; 62, 8. 26; 64, 29; 68, 16; 76, 1; 82, 2; 88, 20; 90, 12; 94, 15; 96, 2; 104, 17; 108, 11; 110, 15. 29; 114, 28; 118, 17; 122, 25; 128, 22; 132, 2; 144, 7. 19; 146, 10; 148, 8. 13. 15. 30; 150, 10. 11. 20. 23; 152, 18; 154, 21; 156, 14; 158, 4. 7; 8; 160, 4. 7; 162, 15; 164, 1. 10; 168, 1. 3; 170, 22; 172, 8. 16; 174, 17; 176, 1. 14. 23; 180, 31; 182, 9. 15; 184, 1. 8. 19; 194, 18; 204, 13; 212, 15. 29; 216, 17; 218, 14; 220, 10; 224, 14; 240, 25; 244, 6. 11; 246, 18; 248, 1. 16; 258, 3; 262, 7; 264, 6; 266, 7; 268, 15; 274, 15; 278, 18; 282, 19. 20; 284, 4; 286, 14; 300, 16.
- δοθῆναι* 216, 6.  
*δοθήματος* 294, 4; 298, 1.  
*δοθῆναι* 222, 3. 7 *δοθῆναι* 220, 19;  
 222, 2 *δοθῆναι* 220, 19 *δοθῆναι*  
 222, 14  
*δοθῆναι* 244, 8 *δοθῆναι* 296, 19.

## II

- παγεύς 190, 25 παγεῖ 194, 21.  
 παιδάριον 308, 11.  
 παλαιός 2, 3.  
 παλαιστάς 204, 5.  
 πάλιν 4, 19, 26; 6, 1; 18, 17;  
 38, 29; 44, 1; 60, 10; 76, 7;  
 78, 9; 86, 14; 98, 5; 106, 3;  
 108, 5, 7; 112, 15; 114, 22;  
 122, 16; 126, 7, 19; 130, 12;  
 136, 22; 138, 1, 16; 150, 11;  
 152, 3, 25; 156, 2; 174, 13;  
 210, 3, 15; 212, 2; 214, 29;  
 216, 24, 28; 218, 11; 224, 4;  
 238, 10; 240, 18; 242, 9, 13;  
 246, 24; 250, 3, 7; 254, 21.  
 23, 25; 256, 27; 264, 11;  
 266, 1, 2, 5; 268, 3, 11, 14.  
 27; 294, 7, 19, 20, 26; 296,  
 13; 298, 13; 306, 20; 310, 7.  
 παντελῶς 288, 21; 302, 9.  
 πάντως 272, 7; 290, 10.  
 πάντη 4, 28; 138, 11, 21.  
 πάνυ 140, 6.  
 παραβάλλω 280, 1, 13 παράβαλε  
 14, 12; 16, 6; 130, 2; 144,  
 25, 28; 152, 1, 4; 156, 1, 3, 10;  
 176, 27; 182, 11 παραβαλεῖν  
 124, 7 παραβεβλήσθω 168, 6.  
 παραβοηθεῖν 290, 3.  
 παραβολῆς 80, 11, 19; 84, 15.  
 19 παραβολήν 84, 3; 246,  
 13.  
 παραγενώμεθα 210, 8 παρα-  
 γέ[γενή]σθω 216, 7.  
 παράγω 222, 26; 226, 13 πα-  
 ράξει 294, 6 παραγέσθωσαν  
 228, 13 παραχθέντων 298,  
 24.  
 παραδείγματος 308, 7.  
 παραδόξους 92, 8.  
 παραθέσεως 306, 23 παραθέ-  
 σεως 310, 25.  
 παρακείσθω 294, 14, 21; 310,  
 8, 15; 314, 1 παρακείσθαι  
 308, 1 παρακείμενος 194, 22  
 παρακείμενον 296, 7, 10, 16;  
 298, 13 παρακείμενον 298,  
 11; 298, 7, 10; 312, 7, 12.  
 13, 15 παρακείμενους 298, 5.  
 παραλαμβάνονται 126, 2.  
 παραλειφθέντα 188, 6.  
 παραλληλεπίπεδον 98, 15; 100, 13.  
 14, 15; 112, 27; 118, 5; 130,  
 21; 134, 5, 13, 17 παραλλη-  
 λεπίπεδον 130, 18 παραλλη-  
 λεπίπεδω 114, 6, 10, 13, 16  
 παραλληλεπίπεδα 98, 26; 174,  
 25.  
 παραλληλόγραμμον 6, 10; 8, 21;  
 28, 25, (26.) 28, 30; 30, 22  
 (23); 32, 4, 12, (13); 84, 25;  
 100, 8; 104, 26; 106, 9, 11;  
 112, 20, 21, 27, 29; 114, 2.  
 4, 5, 7, 9, 10, 12, 14, 16, 18.  
 22, 25; 118, 2, 5; 128, 15.  
 18; 250, 18; 262, 11; 264,  
 11 παραλληλογράμμον 6, 17  
 (18); 10, 6 (7); 84, 29, 31;  
 106, 18; 114, 17; 128, 6;  
 262, 15; 264, 1, 4 παραλληλο-  
 γράμμω 34, 6; 104, 27; 250,  
 17 παραλληλόγραμμο 104, 22;  
 106, 16; 270, 2, 4 παραλληλο-  
 γράμμων 270, 6.  
 παράλληλος 8, 19; 28, 8; 30,  
 20; 32, 27; 34, 28; 72, 12;  
 104, 14, 18, 21; 110, 2, 13;  
 152, 14; 158, 1, 2; 162, 9,  
 10; 164, 13; 166, 4; 168, 13;  
 172, 18; 174, 6, 13, 19; 224,  
 1, 23; 226, 4; 230, 24; 232,  
 18, 19, 23, 25; 236, 15; 244,  
 11, 12; 246, 25; 252, 7, 14;  
 260, 9, 14; 276, 18; 308, 22;  
 παραλλήλου 150, 14; 260, 2;  
 παραλλήλω 94, 26; 96, 1, 8;  
 116, 26; 142, 29; 176, 7, 22;  
 178, 18; 180, 9; 212, 15;  
 246, 2, 7, 21 παράλληλον 24,  
 5; 36, 17, 19; 94, 16; 96, 7.

- 10; 108, 26; 144, 13. 14;  
152, 26. 27; 162, 26; 180, 3;  
220, 9; 224, 14; 228, 1. 11;  
230, 14. 18. 22; 232, 2; 234,  
14. 22. 23; 236, 9, 12; 244,  
3; 246, 22. 27; 248, 6. 8;  
252, 11; 266, 17; 274, 30;  
276, 27; 278, 1; 280, 6; 294,  
21; 312, 26 *παράλληλοι* 6, 17;  
8, 20; 104, 19; 112, 24; 128,  
3; 166, 10; 168, 16; 228, 19;  
292, 2; 306, 25 *παράλληλα*  
94, 4; 300, 23 *παραλλήλων*  
170, 4; 212, 21; 262, 20;  
266, 10; 304, 9; 306, 2 *πα-*  
*ραλλήλοις* 8, 23; 104, 25 *πα-*  
*ραλλήλους* 222, 14; 232, 26;  
306, 25.  
*παρалоγισθέντες* 190, 18.  
*παραπίπτον* 204, 10.  
*παρασημηνάμενος* 288, 12. 16.  
*παρατίθεται* 194, 4 *παρατιθε-*  
*μένου* 240, 23 *παρατιθεμέ-*  
*νων* 200, 19 *παρατεθέντος*  
232, 23; 250, 4.  
*παρατρέψως* 290, 6.  
*παραφέρω* 238, 13.  
*παρεμβαίνουσα* 294, 5.  
*παρεπομένου* 190, 13 *παρασπω-*  
*μένου* 46, 17.  
*παρέχειν* 190, 19 *παρέχοντα*  
188, 6 *παρέσχον* 190, 17 *πα-*  
*ρέχεται* 190, 1 *παρεχομένης*  
188, 4.  
*παριστορῆσαι* 138, 8.  
*παρυνπεραίρουσιν* 196, 3.  
*πᾶς* 86, 23; 96, 21 *παντός* 66,  
14; 76, 7. 14; 88, 27; 190, 4;  
212, 28; 234, 9. 11; 236, 21;  
240, 7 *πάντες* 272, 18 *πάντας*  
212, 7 *πᾶσα* 4, 10. 15. 19; 96,  
26; 102, 9; 112, 17; 242, 19;  
292, 26 *πάσης* 96, 24; 204,  
24 *πάση* 246, 19; 260, 21  
*πᾶσαν* 4, 15. 19 *πᾶσαι* 4, 16.  
20 *πάσας* 4, 16. 20; 22, 27  
*πᾶν* 6, 10; 76, 18; 80, 17;  
84, 14; 94, 7; 122, 18; 190,  
10; 212, 27; 284, 19 *πάντα*  
48, 3; 300, 18. 20.  
*πεπασσαλοκοπήσθω* 248, 17.  
*πασσαλοκοπία* 250, 10.  
*πάσσαλοι* 248, 15 *πασσάλων*  
250, 8 *πασσάλοις* 250, 1. 11.  
*πάσσων* 314, 7.  
*πάχος* 92, 18. 20; 94, 7; 194,  
12. 27; 196, 6. 21; 200, 21  
*πάχους* 92, 16.  
*παχυμερεστέρα* 140, 17.  
*πειρῶνται* 290, 3 *πειρᾶσθαι*  
256, 9; 288, 25 *πειρωμένοις*  
288, 23.  
*πελάγη* 190, 9 *πελαγῶν* 302, 7.  
*πελεκίνος* 200, 22.  
*πέμπτῃ* 304, 15 *πέμπτον* 52, 7;  
240, 16. 18; 310, 7 *πέμπτον*  
60, 23 *πέμπτης* 304, 12. 15  
*πέμπτων* 50, 2. 8. 9. 10. 21.  
22; 60, 20. 27.  
*πεντάγωνον* 50, 16; 52, 8;  
102, 6. 12 *πενταγώνου* 50,  
10; 52, 8. 12; 136, 24. 26.  
29; 138, 2 *πενταγώνους* 136,  
25 *πενταγώνων* 136, 28.  
*πεντάκις* 52, 10.  
*πενταμήνων* 302, 22.  
*πενταπλασία* 276, 1.  
*πενταπλάσιον* 50, 4. 14. 24. 26;  
52, 13.  
*πενταπλασίονα* 308, 6; 310, 3.  
*πεντάπλευρον* 28, 27.  
*πενταπλῆ* 220, 14. 15; 230, 3.  
5; 240, 9. 14 *πενταπλῆς* 308,  
18; 310, 11.  
*πέντε* 132, 6; 308, 21.  
*πεντεκαιεικοσαπλάσιον* 276, 2.  
*πεπερασμένης* 160, 26.  
*πέρατος* 226, 8 *πέρατι* 226, 9  
*πέρατα* 214, 13; 240, 28;  
244, 1; 262, 7; 272, 4 *περά-*  
*των* 242, 28.

περιαγόμενον 300, 9 περιαγο-  
 μένων 300, 1.  
 περιγράφει 312, 19 περιγρά-  
 φομεν 244, 15; 246, 19. 26  
 περιγράψαι 242, 27; 244, 5  
 περιγραφομένη 246, 1 περι-  
 γραφόμενον 130, 19 περιγρα-  
 φμένης 244, 13 περιγραφο-  
 μένην 246, 11. 20 περιγε-  
 γράφθαι 58, 15; 62, 13; 116,  
 20.  
 περιέχουσι 40, 25; 94, 4; 104,  
 30 περιέχουσα 90, 8 περι-  
 εχούσης 90, 11; 260, 23;  
 262, 9 περιέχουσαι 272, 22  
 περιεχουσών 6, 12 περιέχεται  
 134, 19 περιεχόμενος 16, 17;  
 78, 11 περιεχόμενον 6, 13; 18,  
 2; 66, 10; 80, 11. 18; 84, 14;  
 108, 23; 112, 19; 260, 19;  
 264, 13; 268, 22; 270, 6;  
 272, 20; 274, 20 περιεχομένου  
 86, 23 περιεχομένην 90, 18.  
 περιέκειται 196, 26.  
 περιλαμβάνοντος 4, 2 περιλα-  
 βόντα 284, 19.  
 περιελιθῇ 90, 17.  
 περιέμετρος 66, 14. 24; 68, 1;  
 302, 14; 306, 14 περιμέτρον  
 22, 8. 12; 24, 14. 17. 18.  
 (19); 280, 27; 282, 4. 26;  
 284, 1. 2. 3; 312, 20 περί-  
 μετρον 66, 21. 23; 74, 4; 296,  
 20; 314, 6 περιμέτρους 294, 9.  
 περιπλάσματος 138, 26.  
 περισσοτέρας 2, 10.  
 περιστεγνοῦται 196, 22.  
 περιστομίον 286, 4 περιστομίω  
 286, 2.  
 περιτείνειν 90, 16.  
 περιτμηθεῖσαν 246, 17.  
 περιτίθεται 190, 27. 28.  
 περιτύχωμεν 214, 8.  
 περιφέρεια 74, 11. 24. 28; 84,  
 26. 28; 86, 21; 126, 13;  
 130, 6; 246, 3. 10; 304, 14.

23; 306, 8 περιφερείας 66,  
 29; 74, 13; 86, 24; 246, 18;  
 250, 7; 302, 12; 306, 18  
 περιφερεία 46, 22; 86, 11;  
 304, 25. 28; 306, 4 περιφέ-  
 ρειαν 86, 10; 246, 7. 12 πε-  
 ριφέρειαι 72, 9; 76, 24; 78,  
 4. 10 περιφερειών 68, 13.  
 περιφερής 266, 6 περιφερει  
 264, 6 περιφερῇ 66, 3.  
 περιφέρω 242, 11 περιφέρων  
 242, 7. 15 περιφερέσθω 126,  
 14 περιφερόμεναι 126, 25.  
 περόνη 294, 3.  
 πετρώδη 138, 8.  
 πηγῇ 286, 8 πηγῆς 284, 11. 19.  
 24. 25; 286, 12. 18 πηγῇ  
 284, 23 πηγαί 284, 17.  
 πῆγμα 292, 25; 306, 24 πῆγμα-  
 τος 200, 9.  
 πηγμάτια 196, 26 πηγματίων  
 200, 3 πηγματίας 200, 1.  
 πεπηγώς 294, 12 πεπηγότε 294,  
 13. 24.  
 πηλῷ 188, 21 πηλόν 138, 22.  
 πήχυς 4, 20; 210, 2. 12; 212,  
 2. 4 πήχεος 4, 22. 29 πήχεις  
 6, 4; 196, 6; 204, 5; 210, 3.  
 6. 7. 10. 11. 12. 13. 14. 15.  
 16. 17; 212, 1. 3. 9. 13; 218,  
 9. 14; 244, 10; 256, 28. 29;  
 258, 3; 296, 21; 298, 15. 16.  
 17. 21 πηχῶν 200, 20; 216,  
 13. 14. 15. 16. 21. 24. 25. 26.  
 27. 28; 218, 1. 2. 3. 4. 7. 10.  
 12. 15; 256, 19. 21. 22. 23.  
 27; 296, 20; 298, 19 πήχεος  
 244, 9.  
 πίπτουσι 10, 18 πίπτειν 244, 8;  
 314, 11 πίπτουσα 256, 6 πίπ-  
 τουσαν 252, 13.  
 πλάγιος 196, 5 πλαγίω 196, 26;  
 204, 11 πλαγίων 204, 13.  
 πλανᾶσθαι 214, 2.  
 πλανητῶν 286, 23; 288, 5. 7.

- πλάσαντες 138, 23.  
 πλάτος 84, 27. 30; 92, 20; 168, 7; 196, 6; 200, 21; 220, 18; 222, 13. 18 πλάτους 92, 15 πλάτει 200, 22.  
 πλάτυσμα 202, 26.  
 πλεῖον 196, 15; 296, 5 πλείονα 70, 9; 242, 18; 296, 4. 25 πλειόνων 296, 22 πλείονας 296, 18 πλέον 2, 7; 140, 6; 284, 17; 286, 11; 308, 16.  
 πλείστον 132, 3; 190, 30.  
 πλεονάζον 284, 15.  
 πλευρά 14, 15; 16, 8. 17; 18, 10. 28; 22, 16; 24, 11. 28; 26, 16 (17); 28, 1; 30, 11; 32, 19; 38, 9. 16; 40, 7; 44, 12. 14; 46, 3. 24; 50, 17; 52, 17. 30; 54, 11. 22; 56, 19; 60, 9; 62, 12; 86, 19; 98, 18; 102, 7. 13. 18; 112, 9; 132, 15. 28; 134, 28. 31; 136, 2. 22. 26. 29; 144, 26; 176, 6. 11; 178, 16. 23; 184, 6. 7; 280, 2; 282, 6. 7. 22; 284, 9 πλευράς 92, 15; 132, 11; 156, 12; 160, 19; 164, 16; 166, 16. 20; 168, 11 πλευρά 54, 14; 86, 8; 178, 13; 300, 10 πλευράν 4, 21. 23. 29; 8, 13; 10, 19; 18, 15. 21. 22. 23. 25; 26, 27; 30, 28; 36, 19; 42, 15; 48, 26. 27; 54, 5. 9; 64, 2; 68, 10; 84, 23; 86, 5. 7; 156, 11; 160, 12; 172, 27; 176, 19; 178, 1. 3; 184, 2 πλευραί 26, 23; 108, 14. 18; 246, 5. 8 πλευρῶν 18, 12; 20, 7; 26, 1; 34, 20; 36, 5. 20; 40, 13; 46, 12. 16; 58, 14; 130, 28; 134, 18; 176, 15; 276, 21; 280, 16. 21; 300, 3 πλευραῖς 6, 18; 46, 18; 264, 4 πλευράς 10, 17; 36, 11; 46, 9; 262, 12. 17; 276, 4.  
 πλήθος 94, 6; 288, 17; 296, 23; 300, 11; 314, 5.  
 πλινθίδων 66, 14.  
 πλίνθον 194, 2. 25 πλίνθου 194, 28.  
 πνέη 290, 2.  
 ποιεῖν 94, 26; 242, 21; 274, 8; 278, 24 ποιείτω 120, 5; 168, 7; 176, 10; 180, 4 ποιούσα 164, 14; 168, 8; 170, 14 ποιούσαν 166, 1; 170, 5 ποιούντες 218, 18; 240, 20; 290, 4 ἐποιούμεν 240, 6 ἐποιοῦν 74, 2 ποιήσει 96, 9; 116, 27; 152, 5; 156, 16; 158, 15; 164, 2; 180, 4 ποιήσεις 74, 19 ποιήσομεν 66, 25; 126, 6; 246, 14. 17. 24 ποιήσουσι 174, 20 ἐποιήσαμεν 236, 21 ποιήσωμεν 76, 1; 144, 18 ποιήσαι 66, 10. 21; 112, 1; 120, 18; 124, 6. 10; 136, 12; 254, 22; 284, 20 ποιήσον 18, 19; 42, 12; 150, 9; 156, 14; 158, 7; 178, 8; 182, 15. 24; 184, 7 ποιήσαντα 8, 9. 11; 122, 5; 130, 22; 136, 18; 138, 11 ποιήσαντες 20, 3 (4); 138, 5; 252, 21 ποιείσθαι 298, 3 ποιησόμεθα 16, 13 (14) ἐποιησάμεθα 16, 12 ἐποιήσαντο 4, 18 ποιησώμεθα 68, 16; 308, 8 ποιήσασθαι 2, 14; 294, 9 πεποιήνται 188, 14; 218, 8. 13; 232, 24 πεποιήσθω 168, 3.  
 ποικιλογραφῶμεν 254, 28.  
 πολεμίων 190, 12.  
 πολείσθω 294, 18. 23.  
 πολιορκεῖν 190, 15.  
 πόλεις 140, 11.  
 πολλάκις 190, 10; 214, 5.  
 πολλαπλασιάζω 278, 27 πολλαπλασιάζει 94, 29; 100, 2; 102, 2. 18; 132, 25; 130, 23; 136, 18 πολλαπλασιάζας 130, 1



- πολλαπλασιάσαντα 82, 29; 122, 6 πολλαπλασίασον 14, 16; 42, 20; 46, 2; 146, 23; 150, 3; 156, 8; 158, 12 πολλαπλασιάσαντας 74, 15; 138, 2 πολλαπλασιάσωμεν 92, 21 πολλαπλασιαζομένων 262, 21 πολλαπλασιασθείς 94, 10 πολλαπλασιασθέν 106, 30 πολλαπλασιασθέντα 284, 8.  
 πολλοστόν 296, 23.  
 πόλος 304, 7. 10; 306, 2. 7 πολου 88, 29. 30 πόλω 170, 25; 172, 1; 184, 22.  
 πολύγωνον 80, 4; 90, 12 πολυγώνω 80, 3 πολυγώνων 66, 1.  
 πολυκαδίας 212, 20.  
 πολυπλεύρον 106, 15.  
 πολύ 90, 11; 140, 3; 212, 19; 284, 18 πολλῶ 20, 4; 72, 23; 80, 5; 284, 21; 296, 25 <πολ>λά 42, 14; 190, 4; 286, 21 πολλοί 188, 4. 15; 190, 14 πολλῶν 188, 9 πολλαῖς 188, 15 πολλὰς 188, 3; 190, 1.  
 πορευόμενον 292, 20 πορευθείσης 314, 12.  
 ποριούμεθα 252, 21; 272, 13; 276, 24 ἐπορίσαμεθα 236, 22 πορίσασθαι 68, 7; 234, 10. 15; 236, 9. 11. 18. 20. 25. 27; 268, 19; 276, 20. 22. 25 πορίσασθαι 20, 9; 280, 18 πεπόρισται 234, 1 πεπορίσθω 230, 20 πεπορισμένον 272, 13; 276, 10 πορισθῆναι 276, 6.  
 πόρω 218, 21. 22. 24; 222, 19. πόσυν 212, 28; 286, 7. 13. 15 πόσων 306, 9.  
 ποταμοῦ 220, 18. 19; 222, 13. 18.  
 ποτέ 264, 3.  
 ποῦς 4, 22 ποδός 4, 23. 29 πόδας 6, 4.  
 πράγματος 2, 6.  
 πραγματεία 92, 12; 190, 2; 302, 10 πραγματείας 4, 5; 190, 9. 19; 188, 3. 14; 292, 17.  
 πεπραγματευμένος 302, 15.  
 πρίσμα 100, 7; 102, 1; 112, 20; 114, 1. 5. 8 πρίσματος 100, 11. 15; 102, 4; 106, 8. 10. 12. 19 πρισμαίων 106, 15.  
 προάξει 188, 9 προήχθη 2, 7.  
 πρόβλημα 164, 14; 168, 9; 170, 14; 172, 14.  
 προγράφωμεν 70, 6 προγράπται 46, 8; 100, 15; 274, 4 προγεγραμμένης 118, 26.  
 προδεδεικται 30, 30; 220, 13; 232, 20 προεδείχθη 88, 16.  
 πρόδηλον 312, 17.  
 προδηλοτέρα 118, 25.  
 προδεδιδαγμένων 234, 3.  
 προεκβεβλήσθω 260, 11.  
 προείρηται 84, 13; 90, 2. 19 προειρημένου 190, 31; 194, 1 προειρημένω 94, 20; 98, 6 προειρημένα 78, 10; 126, 5; 190, 20; 292, 21 προειρημένων 90, 21.  
 προθέσεως 70, 11.  
 προκατάληψιν 190, 12.  
 προκείμενον 116, 11; 142, 23; 144, 14; 146, 19; 148, 2; 152, 6. 24; 156, 17; 158, 15; 162, 3; 164, 2; 176, 23; 180, 4; 184, 10 προκειμένας 188, 18.  
 προοίμιον 2, 2.  
 προσαγόμενοι 190, 16.  
 προσαναπεπληρώσθω 6, 24; 70, 26; 82, 4.  
 προσανοικοδομεῖν 214, 1.  
 πρόσβαλε 178, 11 προσβαλεῖν 290, 25 προσβεβλήσθω 244, 11.  
 προβεβασανισμένων 254, 14.



προσδεόμεθα 212, 18 προσδε-  
ήσεται 140, 21 προσεδεήθη-  
σαν 2, 10.  
προσεγγίσαντα 218, 22; 226, 8;  
228, 1; 230, 15; 232, 9;  
234, 6.  
προσεκβεβλήσθωσαν 290, 26.  
προσελθόντα 260, 3.  
προσεντάξει 132, 9.  
προσευρήσθω 252, 2.  
προσηλοῦται 200, 26 προσηλω-  
μένων 202, 27.  
προσηυξήσθω 180, 20.  
προσθέσεως 312, 3.  
προσεθεωρήσαμεν 4, 7.  
προσιόντα 234, 18.  
προσκέισθω 28, 27; 162, 12  
προσκέισθωσαν 28, 11 (12).  
προσλάβόν 106, 29 προσειλη-  
φύται 306, 6.  
προσομολογουμένου 302, 13.  
προσπίπτουσα 254, 12; 246, 6.  
προσπλάσθῃ 138, 20.  
προστάξομεν 190, 23.  
προστίθῃμι 266, 15 προστιθέασι  
74, 21 προσέθηκα 268, 11  
πρόσθετες 18, 26; 30, 10; 42, 24;  
76, 4; 108, 20; 116, 8; 118, 20;  
128, 23; 182, 20 προσθεῖναι  
124, 8; 268, 3; 274, 13  
προσθῶμεν 80, 8; 310, 27  
προσθέντες 80, 15 προσθή-  
σωμεν 42, 17 προσετέθη 310,  
29 προστεθῇ 312, 1 προστε-  
θῆναι 312, 18 προστεθέντος  
32, 3; 268, 6 προστεθεισῶν  
32, 6(7) προστεθείσης 112, 1;  
120, 19.  
προ(σ)υπογράψαι 92, 11.  
προτάσεις 188, 16. 18.  
πρότερον 46, 23; 126, 9; 138,  
24; 190, 22; 294, 7 προτέρων  
292, 25.  
πρώτη 2, 3 πρώτον 298, 6 πρώτα  
2, 9.  
πτερωὶν 314, 7.

πτερωτός 314, 6.  
πτώματος 254, 1.  
πυθμένι 292, 27; 294, 2, 6. 16.  
22. 24; 300, 24 πυθμένα  
296, 2.  
πυκνότης 274, 18.  
πυραμῖς 96, 27; 102, 10; 112,  
7; 114, 11; 116, 23; 118, 1.  
9; 136, 3; 176, 4. 12. 22. 25  
πυραμίδα 102, 5; 104, 3;  
112, 4. 15; 114, 3; 132, 13;  
176, 8. 12 πυραμίδος 96, 24;  
102, 16. 17; 104, 1; 106, 7.  
14. 21. 28; 108, 22; 110, 22.  
25. 26; 112, 11. 14. 17; 132,  
7. 24. 27; 134, 22; 136, 16;  
138, 4; 178, 27 πυραμίδι  
106, 17 πυραμίδες 136, 24;  
176, 13 πυραμίδων 134, 2;  
176, 1.  
πῶμα 302, 1. 2.  
πῶς 80, 23; 140, 17; 212, 23.

## P

ράβδους 292, 8,  
ρέυματος 190, 14; 286, 9.  
ρίζωδη 138, 7.  
ρήτόν 172, 14.  
ρομβοειδές 36, 10. 14.  
ρόμβος 36, 10. 13.  
ρύσις 284, 16 ρύσεως 286, 10.  
16 ρύσιν 286, 12.

## Σ

σανίδος 246, 14. 17.  
σελήνης 190, 8; 302, 18. 21.  
σημαίνει 298, 17. 19 σημαίνειν  
296, 9. 26.  
σημείον 96, 6; 106, 15. 22;  
110, 23. 28; 112, 5; 114, 5;  
118, 2. 4. 10. 12; 120, 14.  
16. 23. 25; 132, 15; 134, 25;  
136, 4; 160, 18; 162, 4; 164,  
4. 15. 18; 166, 19; 168, 10;  
170, 24; 174, 4; 176, 5;  
184, 22; 214, 18; 216, 6;

- 220, 1. 7; 222, 3. 8. 24. 25;  
226, 16. 17; 228, 2. 16; 234,  
25; 236, 1. 16; 240, 2. 15;  
242, 6. 9. 15; 246, 5; 248,  
12; 250, 16. 27; 252, 26;  
254, 6. 16. 22; 256, 4. 23.  
25. 26; 258, 2. 11; 260, 23;  
272, 7. 11. 13. 18. 25; 304,  
26; 306, 6. 17. 21 σημείου  
126, 13; 166, 16. 17; 176, 22;  
184, 9; 214, 18; 224, 18;  
226, 19; 228, 8; 234, 7. 11.  
12. 20. 23; 236, 21; 240, 7;  
246, 6; 248, 13; 256, 16. 20;  
260, 2; 272, 17. 26; 274, 16  
σημείω 218, 22; 226, 14;  
228, 2. 15; 234, 26; 238, 15;  
254, 28; 256, 5; 260, 4; 306,  
19 σημεία 90, 9; 110, 9;  
126, 11; 134, 3; 162, 2; 212,  
14. 29; 214, 12; 218, 11. 16.  
18. 23; 222, 21; 226, 10;  
232, 6. 11. 21; 242, 18; 244,  
7. 9; 246, 8; 250, 6. 8; 262,  
4; 264, 8. 20; 272, 23 ση-  
μείοις 104, 13; 134, 1; 230,  
15; 232, 10; 234, 18 σημείων  
214, 20; 218, 19. 20; 222,  
19; 228, 21; 230, 12. 28;  
232, 8. 15; 234, 14; 246, 1;  
250, 11. 13. 22; 254, 10;  
262, 3; 264, 21; 270, 8;  
288, 18.  
σημειωσάμενος 254, 18 σεση-  
μειωμένων 212, 6.  
σινδόνα 90, 15. 17.  
σκαληνός 96, 16 σκαληνόν 98, 1  
σκαληνοῦ 98, 13 σκαληνῶ 98,  
10.  
σκληρότερον 214, 6.  
σκολιωτέραν 268, 20.  
σκητάλιον 294, 7 σκητάλια 294,  
1; 298, 14 σκηταλίων 294, 6.  
σκηταλωτόν 294, 9 σκηταλωτοῦ  
298, 12 σκηταλωτῶ 294, 11;  
296, 9.  
σπάρτος 202, 7; 204, 22 σπάρ-  
τον 274, 23 σπάρτον 202, 19;  
204, 1. 17 σπάρτω 272, 9  
σπάρτοι 254, 7; 290, 7; 292,  
11 σπάρτων 290, 10; 292,  
10. 12 σπάρται 288, 26 σπάρ-  
τας 290, 9.  
σπείρα 128, 6; 130, 8 σπείραν  
126, 9 σπείρας 126, 26; 128,  
4. 19. 21; 130, 3 σπείραι 126,  
21. 27.  
σπειρικὴν 126, 18 σπειρικῆς  
126, 20.  
σταδίω 212, 28 στάδια 296, 21;  
298, 26 σταδίων 302, 14;  
314, 5 σταδίου 306, 14. 15.  
στεγάζεσθαι 132, 5.  
στεγνώματι 196, 24.  
στενά 200, 23.  
στερεόν 4, 1. 27; 92, 14. 22;  
94, 4. 5. 7. 25. 28. 31; 96,  
18. 23. 24; 98, 11. 13. 15.  
28; 100, 4. 5. 11. 12. 13. 15;  
102, 11. 16; 104, 1; 106, 7.  
17. 20. 23. 28; 108, 21. 23.  
24; 110, 25. 26. 29; 112, 14.  
16. 18. 26; 114, 15. 27; 116,  
11; 118, 5. 13. 15. 23; 120,  
2. 26. 28; 122, 8. 13; 124,  
13. 17; 128, 21. 26; 130, 3.  
11. 21; 132, 12. 24. 27; 134,  
4. 7. 13. 16; 136, 20; 138,  
4. 5. 13. 25; 174, 28; 182,  
9. 19 στερεοῦ 94, 11. 24;  
96, 4. 27; 102, 10; 114, 26;  
116, 1; 130, 18; 134, 13;  
176, 9. 11 στερεῶ 98, 29;  
112, 7; 114, 6. 8. 10. 12. 15.  
18 στερεά 2, 7; 4, 26; 92, 4;  
94, 6; 98, 26; 174, 23. 24  
στερεῶν 138, 6.  
στημάτια 194, 5. 25; 196, 2  
στηματίων 312, 23.  
τίχοις 212, 7.  
στόματα 238, 5 στομάτων  
238, 3.

στοχάσασθαι 286, 14 στοχασά-  
μενον 284, 20.  
στρέφεσθαι 308, 4 στρεφόμενος  
196, 1; 312, 4 στρεφόμενων  
310, 24 στρεφόμενον 300, 7  
στραφήσεται 194, 15 στρα-  
φείς 296, 6 στραφέν 296, 12  
στραφέντος 296, 14. 19 στρα-  
φέντα 296, 9.  
στρογγύλος 196, 10 στρογγύλον  
190, 26 στρογγύλοις 312, 5.  
στροφή 298, 4 στροφήν 294, 4  
στροφάι 296, 19; 298, 12. 13.  
15 στροφάς 294, 9; 296, 13;  
298, 9.  
[σ]τύλος 204, 18.  
στυλίσκος 190, 25; 228, 4.  
συναγαγεῖν 4, 6 συνάγονται  
24, 28.  
συγκείμενος 36, 13 σύγκειται  
106, 8; 134, 2.  
συγκοινωνούντων 194, 11.  
σύγκρισις 6, 2 σύγκρισιν 4, 18  
συγκρίσεις 4, 11. 24. 26.  
συγχωνύειν 214, 1.  
συμβαίνοντα 288, 22 συμβήσεται  
294, 8.  
σύμμετρον 242, 1.  
συμπααραλαμβάνοντες 4, 8 (9).  
σύμπασα 140, 8.  
συμπεριφερομένου 126, 15.  
συμπίπτει 110, 6 συμπεσεῖται  
110, 5 συμπίεση 244, 12 συμ-  
πεσοῦνται 110, 3 συμπιπτέ-  
τωσαν 110, 4; 166, 10; 168,  
16.  
συμπεπλέχθαι 308, 1.  
συμπεπληρώσθω 190, 12.  
συμφυής 194, 9. 23; 294, 3. 11;  
296, 15; 312, 16 συμφυής  
190, 31; 194, 21; 246, 15;  
308, 5. 22; 310, 2. 10. 17;  
312, 11. 13. 14; 312, 24. 25;  
314, 1. 2. 14 συμφυή 194, 6.  
8; 200, 5. 12; 294, 1. 17. 22;  
296, 8; 306, 26.

σύμφωνον 74, 8.  
συναμφοτέρος 28, 13 (14). 20  
(21). 23; 32, 7. 9; 34, 7;  
50, 27; 68, 27; 108, 2. 8;  
122, 25. 30; 166, 8 συναμ-  
φοτέρων 36, 1; 50, 3. 14. 23;  
68, 26; 106, 1. 2. 3; 166, 6  
συναμφοτέρω 28, 16; 32, 8  
συναμφοτέρον 106, 4; 170, 6  
συναμφοτέρων 262, 22.  
συνεγγίζει 46, 22 συνεγγίζω  
18, 24 συνεγγίζουσα 264, 5  
συνεγγίσω 254, 27.  
σύνεγγυς 26, 27; 28, 1; 50, 26;  
262, 9; 264, 10; 266, 1; 268,  
22; 272, 24.  
συνέσεως 2, 18.  
συνέχειν 196, 18 συνέχεσθαι  
196, 28.  
συνεχῇ 90, 9; 218, 18; 260, 28;  
264, 8. 20.  
συνθέσεως 16, 13 σύνθεσιν  
162, 26; 170, 11.  
συνίσταμαι 254, 27 συστησάμε-  
νος 254, 26 συνεστάτω 56,  
24; 60, 25; 64, 6.  
συντίθημι 212, 6 συντιθέντες  
72, 29 συνθῆς 74, 18 σύνθεσις  
16, 4; 18, 15; 24, 23; 30, 6;  
32, 20; 34, 22; 36, 7; 40, 1;  
42, 19; 44, 26; 76, 1; 108,  
11; 116, 2; 118, 17; 144, 24;  
146, 23; 150, 26; 154, 26;  
158, 11; 160, 9; 176, 25;  
182, 23; 184, 5; 284, 6 συν-  
θέντι 24, 6; 142, 17; 148,  
11; 160, 22; 166, 2. 23; 282,  
18 συντεθείσιν 42, 18 συν-  
τεθήσεται 24, 22; 30, 5; 32,  
15; 34, 15; 36, 4; 38, 26;  
42, 4; 44, 23; 48, 24; 52, 9;  
54, 2; 56, 13; 58, 9; 60, 4;  
62, 7. 25; 64, 29; 108, 10;  
110, 29; 114, 27; 118, 16;  
128, 21; 148, 29; 150, 23;  
152, 17; 154, 20; 158, 7;

160, 7; 164, 9; 168, 1; 174, 17; 176, 23; 182, 8; 278, 17; 284, 4.  
 σύριγγας 290, 4. 7.  
 συστέλλεσθαι 254, 15; 262, 14; 300, 8.  
 σφαίρας 2, 19; 86, 28. 29; 88, 1. 9. 11. 13. 19. 20. 26. 28; 90, 3; 120, 27. 28; 122, 3. 8. 10. 13. 14. 18. 21. 22. 23. 24; 124, 3. 5; 134, 20. 23. 28; 136, 23. 26. 27; 170, 15. 16. 25. 27; 172, 11; 184, 12. 22. 24. 27 σφαίρα 86, 31; 122, 2; 170, 20. 28; 184, 15 σφαῖραν 1841, 1 σφαίρα<ις> 122, 11.  
 σφαιρική 250, 13 σφαιρικήν 248, 10 σφαιρικών 126, 3 σφαιρικάς 92, 6.  
 σφοδρός 290, 2.  
 σχῆμα 76, 11; 90, 12; 94, 7. 14. 17. 21; 96, 8; 172, 24; 216, 10 σχήματος 94, 19 σχήματα 90, 4. 21; 126, 5 σχημάτων 66, 1. 3. 4; 126, 4; 132, 6.  
 σχοινίον 254, 13. 17. 22; 270, 15; 272, 7 σχοινίου 272, 4; 292, 19 σχοινίω 256, 1; 262, 13; 276, 12.  
 σωλήν 194, 14; 196, 9. 17 σωλήνα 194, 12; 196, 11. 14. 17. 18; 200, 10. 17; 284, 20 σωλήνος 196, 20; 286, 2. 3. 4. σωλήνι 196, 13. 22 σωλήσι 200, 2.  
 σώμα 92, 17; 138, 13. 20 σώματος 138, 15. 16. 19. 25 σώματα 2, 8; 4, 26; 92, 4 σωμάτων 92, 18; 138, 6. 27.

## T

τάλαντα 308, 12; 310, 7. 19. 20 ταλάντων 308, 9. 10. 16. 20; 310, 6. 7. 13. 14. 29.

τάξει 138, 6.  
 τάξομεν 20, 2 (3) τεταγμένων 46, 8; 90, 4.  
 ταπεινότερος 212, 19 ταπεινό-τερον 284, 24. 25.  
 τάφρω 286, 14 τάφρον 286, 12.  
 τάχος 286, 10.  
 ταχέως 290, 1.  
 ταχυτέρας 286, 10.  
 τειχών 190, 3. 18; 200, 3 τείχεσιν 190, 17.  
 τελευταῖος 212, 4.  
 τεμνέτω 230, 25 τέμνουσα 164, 7. 11; 290, 15 τέμνουσαν 162, 7 τέμνουσαι 290, 15 τεμνέσθω 176, 10 τεμείν 162, 28; 170, 12. 15; 176, 7; 184, 11 τεμόντα 270, 2 τέμνεται 246, 7 τέμνεσθαι 282, 13 τεμνόμενος 246, 25 τεμνομένης 50, 12 τεμνόμενον 94, 25; 96, 8 τέτμηται 162, 24; 170, 9 τετμήσθαι 22, 25 τετμήσθω 28, 7; 162, 16; 170, 20; 184, 9. 17. 18 τετμήσθωσαν 30, 30; 76, 23; 78, 3. 9; 104, 12; 112, 23; 148, 6 τετμημένην 84, 23 τετμημένον 130, 13 τμηθῇ 116, 25; 176, 22 τμηθείσης 162, 6 τμηθείσων 34, 3.  
 τέσσαρας 196, 6 τεσσάρων 50, 21; 132, 4 τέτ<τ>αρσι 70, 15.  
 τετάρτον 56, 23. 25 τέταρτον 54, 4; 64, 30; 236, 28.  
 τετραγωνισθεῖσα 312, 8.  
 τετράγωνος 18, 2. 4. 8. 24; 118, 18; 196, 10 τετράγωνον 4, 21. 23; 6, 19 (20); 10, 22. 26; 12, 4. 7. 10 (11); 16, 16; 18, 3 (4). 6. 10; 50, 25; 52, 12; 116, 20. 24. 28; 118, 9; 130, 20; 134, 3. 8. 12; 144, 8. 9. 10; 284, 20 τετραγώνον 16, 16; 50, 25; 52, 13; 306,

5. 20 τετραγώνω 18, 8 τετρά-  
γωνοι 300, 5 τετράγωνα 2,  
17; 8, 5; 66, 7; 88, 7; 160,  
5; 172, 6 τετραγώνων 12, 1.  
8. 11; 26, 22 (23) τετραγώ-  
νοις 10, 23; 12, 5; 300, 7.  
τετραγωνική 280, 2.  
τετράκις 68, 24. 25 τετράκι 70,  
3; 150, 4.  
τετραπλασίονα 86, 30; 88, 2;  
178, 25; 180, 16.  
τετραπλάσιος 88, 4 τετραπλά-  
σιον 46, 26. 28; 70, 13. 28;  
72, 1. 11. 20. 24. 25. 27; 76,  
26. 29; 78, 7. 19. 29; 80, 26;  
180, 10 τετραπλάσια 2, 19  
(20); 26, 24; 48, 17; 70, 7;  
78, 6. 23.  
τετράπλευρον 22, 22; 38, 26;  
44, 23; 150, 16; 152, 9. 27;  
154, 9; 156, 20. 21; 160, 22;  
162, 8. 15. 19; 164, 5. 8. 11.  
17; 166, 3. 11 τετραπλεύρου  
40, 9; 46, 9. 15. 16; 150, 14;  
152, 25; 162, 6; 164, 16  
τετραπλεύρω 162, 13; 252,  
16 τετράπλευρα 36, 16 τετρα-  
πλεύρων 46, 7. 19.  
τετραπλή 72, 5; 220, 15; 236,  
23. 24 τετραπλήν 176, 9.  
τέτρασιν 22, 27.  
τεχνῶν 142, 2.  
τηλικούτος 196, 11 τηλικούτο  
300, 12.  
τηρεῖν 286, 16 τηρεῖσθαι 286, 12  
τηρήσαντας 302, 21 ἐτηρήθη  
304, 16 τετηρήσθω 302, 17.  
τήρησις 304, 24.  
τίθημι 254, 16; 256, 17 θή-  
σομεν 240, 17; 252, 18; 272,  
5. 9; 306, 18 θείναι 170, 11  
θέντες 240, 19; 272, 12; 306,  
20.  
τις 6, 7; 66, 21; 86, 6; 94, 12;  
96, 2; 102, 17; 126, 10; 140,  
18; 160, 27; 200, 14; 202,  
14; 188, 19; 232, 22; 254,  
10; 264, 18; 266, 6; 272, 23;  
312, 9; 314, 13 τι 4, 12;  
42, 13; 84, 25; 92, 17; 94,  
17; 156, 15; 158, 8; 164, 3;  
168, 4; 170, 24; 174, 3; 184,  
1. 8; 190, 11; 214, 5. 16;  
222, 8; 224, 21; 226, 2;  
254, 16. 17; 260, 22; 274,  
24; 290, 12; 300, 20; 304, 5;  
308, 20 τινός 68, 6; 90, 14;  
92, 10; 190, 13; 232, 23;  
256, 17; 260, 2; 308, 13;  
310, 26 τινί 142, 29; 190,  
16; 196, 24; 226, 15; 228,  
20; 234, 26; 238, 15; 286, 13  
τινά 2, 11; 84, 23; 90, 9;  
126, 17; 144, 20; 150, 10.  
12; 182, 16; 218, 9. 14; 246,  
13; 290, 1; 302, 9 τίνα  
230, 2 τινές 90, 20; 92, 8;  
126, 23; 214, 7; 288, 5. 20;  
290, 3 τινῶν 298, 24; 300, 1;  
302, 8; 312, 23 τινάς 170,  
11; 292, 22.  
τμήμα 50, 13; 70, 23; 72, 7.  
28; 76, 18. 20. 22; 80, 3. 4.  
6. 10. 17; 82, 1. 2; 84, 14;  
88, 20; 112, 11; 122, 14. 18.  
21. 24; 124, 3. 5; 126, 19.  
20; 130, 13. 17. 21. 25. 29;  
172, 20. 25; 180, 10; 242,  
28; 248, 11 τμήματος 70, 6  
74, 3. 22; 76, 7. 8. 12. 14;  
80, 9. 16; 82, 16. 22. 23; 88,  
19. 27. 30; 90, 3; 122, 20;  
124, 14. 15. 18; 130, 16;  
172, 2. 3; 250, 9 τμήματι  
130, 20; 244, 4; 250, 3. 14  
τμήματα 170, 27; 184, 12. 25  
τμημάτων 76, 6; 126, 8; 170,  
17.  
τοι 76, 9.  
τοῖνον 190, 24.  
τοιανύτη 14, 8; 144, 23; 146,  
20; 190, 15; 296, 25 τοιοῦτο

- 140, 14 τοιούτου 90, 15; 94, 19 τοιούτον 94, 25; 130, 17; 138, 14; 144, 16 τοιαύτην 74, 6 τοιοῦτοι 214, 7 τοιαῦτα 138, 9; 140, 16 τοιούτων 176, 2; 304, 23 τοιούτοις 214, 8. τοῖχος 302, 2 τοίχου 254, 17; 300, 10; 308, 13; 312, 7 τοίχων 254, 12; 300, 5. 18; 302, 1 τοίχοις 294, 14. 18. 25; 306, 25. τομεύς 86, 6. 23. 25; 172, 21 τομέως 86, 24. 26. τομή 182, 7 τομήν 116, 27; 176, 10; 180, 4 τομῆς 80, 18; 84, 15 τομάς 94, 26; 96, 1. 9 τομῶν 6, 17; 94, 3. τόπος 212, 19; 248, 11; 250, 12; 252, 16. 22 τόπου 212, 11; 250, 13. 17; 256, 17; 258, 12; 284, 12 τόπον 138, 17; 190, 13; 194, 27; 204, 3; 252, 26; 254, 1; 284, 24; 286, 1 τόποι 140, 15; 214, 6. 7; 302, 3 τόπους 132, 5; 196, 27; 212, 22. 24. 25. 29 τόπων 144, 16; 302, 8 τόποις 226, 12. τόρμον 190, 26. 27. 29; 194, 20 τόρμω 190, 28; 196, 2. 3 τόρμων 194, 9 τόρμους 312, 5. τετορνευμένος 314, 7. τοςανταπλασία 260, 12. τοσοῦτος 204, 18 τοσοῦτους 306, 15 τοσοῦτον 10, 12; 14, 15. 17; 16, 10; 24, 28 (29); 28, 2; 30, 7; 34, 23; 36, 8; 40, 8; 42, 13. 25; 52, 11; 54, 6; 56, 16; 58, 11; 60, 6; 62, 10. 28; 64, 31; 66, 12. 23; 68, 4. 10; 70, 4; 74, 3. 30; 84, 1; 86, 1; 88, 7; 90, 2; 94, 31; 98, 13; 100, 4; 102, 4. 15; 108, 21; 116, 10; 118, 23; 122, 13; 124, 13; 130, 3. 25; 134, 15; 138, 18; 144, 21. 29; 148, 1; 152, 19; 154, 28; 158, 14; 160, 12; 178, 1; 182, 12 τοσοῦτω 296, 5 τοσοῦτον 46, 19; 194, 26; 266, 13; 300, 21 τοςανται 298, 14 τοσοῦτων 30, 11; 32, 22; 92, 22; 152, 2. 4; 178, 14; 180, 2 τοςαύτας 96, 9; 288, 18. τότε 214, 16; 304, 12. τραπέzion 28, 4. 30 (31); 30, 13; 32, 14. 23; 34, 6. 24; 40, 12; 44, 1; 264, 12. 13; 266, 7; 268, 7; 278, 2. 24; 280, 7 τραπέzion 34, 13; 36, 3. 9; 46, 6; 144, 2. 4; 156, 6; 268, 9. 15; 276, 26 τραπέzion 28, 29; 32, 4. 14 τραπέzia 262, 16. 19. 22; 266, 3 τραπέzion 264, 2; 266, 5. τρεῖς 18, 6; 94, 2; 126, 25; 204, 15; 210, 3. 11. 13. 15; 284, 6; 292, 6 τρία 172, 13 τριῶν 18, 12; 50, 8; 126, 22; 194, 10; 200, 22; 268, 18. τρήμα 204, 15 τρήματος 200, 10 τρήμασιν 300, 7; 312, 5. τριάκοντα 296, 12. τρίγωνον 6, 21; 8, 14; 10, 18; 12, 13; 14, 7. 18; 16, 1; 22, 1. 3; 24, 1; 26, 4; 28, 26; 30, 28; 32, 1. (2); 34, 2. 31; 36, 26; 38, 23; 44, 21. 22; 46, 23; 48, 20. 23; 52, 7. 29. 30; 54, 15; 56, 5; 58, 5. 18. 27; 62, 5. 16. 21; 64, 26; 72, 10. 17. 18. 19. 21. 25; 76, 23. 25; 80, 2. 7. 14; 104, 3. 4. 6. 7; 106, 13. 14. 19. 20. 22; 108, 1. 5. 10. 14. 18. 25; 110, 23. 27; 112, 4; 120, 6; 132, 14. 16; 134, 25. 26; 136, 4; 142, 3. 5. 14. 20. 28. 29; 144, 2. 4. 5. 6. 7; 146, 1. 5. 12. 13. 14. 24; 148, 4. 13. 14; 150, 1; 152, 13; 154,

9. 12; 156, 7. 23; 158, 3; 160, 20; 162, 12. 13. 14. 16. 18; 166, 12. 26; 168, 17; 172, 17. 23; 174, 7. 9; 220, 9; 254, 20. 23. 26; 256, 2; 264, 12; 274, 2. 5. 6. 8. 10. 11. 13. 29; 276, 2. 4. 19. 20. 22; 278, 9. 10. 11. 23. 25; 280, 9. 12. 15. 20. 22. 23  
*τριγώνον* 6, 23. (24); 8, 3. 16. 22; 10, 8; 14, 6. 31; 16, 10; 18, 13. 14. 21. (22); 20, 6. (7). 9; 22, 6. 7. 8. 10. 12. 17; 24, 12. 15. 21. 29; 26, 1. 26; 34, 19; 36, 5; 38, 21; 44, 5; 46, 4. 12; 48, 16. 23; 52, 6; 56, 7; 62, 22; 72, 19. 26; 76, 19; 80, 4. 6. 19; 84, 7. 16. 17; 104, 10; 106, 23. 25. 26. 27. 28. 29; 110, 1. 20; 132, 25; 136, 2. 17; 142, 12. 19. 24. 25; 146, 15; 148, 3. 18; 156, 5; 160, 18. 22. 23; 172, 27; 174, 3. 9; 274, 3. 11. 12; 276, 3. 5. 11; 278, 11; 280, 8. 16. 19. 25. 27; 282, 5. 8. 22; 284, 4. 10 *τριγώνω* 22, 15; 24, 2; 76, 27; 152, 13; 158, 1; 172, 23; 282, 15 *τρίγωνα* 46, 11; 48, 9. 12. 15; 66, 2; 78, 5. 6. 8; 90, 13; 104, 16; 134, 23; 142, 3. 8; 144, 9; 148, 5. 9; 150, 2; 174, 5. 21; 256, 7. 9; 262, 16. 17. 20; 266, 2; 270, 1 *τριγώνων* 10, 15; 36, 13. 14; 72, 11. 27; 76, 26; 78, 6. 14; 134, 19. 21. 29; 264, 2; 266, 4; 270, 5; 274, 15; 276, 24; 278, 9 *τριγώνους* 76, 28.  
*τριπλάσιος* 2, 16 *τριπλάσιον* 46, 27; 64, 10; 78, 27; 80, 23. 26; 132, 18; 134, 4. 6. 14; 144, 2. 3; 174, 8 *τριπλασία* 74, 25; 174, 15.  
*τριπλασίονα* 74, 5 *τριπλασίον* 80, 10.  
*τριπλεύρων* 46, 7. 19; 54, 15.  
*τριπλή* 76, 9. 16; 174, 10.  
*τρίτον* 52, 10; 58, 20; 70, 16; 78, 2. 24. 26; 80, 7. 16; 96, 21. 27; 102, 10; 104, 1; 106, 23. 24. 25. 26; 114, 13. 16. 19. 25; 132, 26; 136, 19; 138, 3; 172, 20. 22. 24. 28; 174, 1. 7. 18 *τρίτον* 64, 7 *τρίτα* 18, 26. 27.  
*τριτημόρια* 4, 2.  
*τροπικῶν* 304, 1. 5.  
*τροπᾶς* 302, 28; 304, 13.  
*τρόπος* 264, 16 *τρόπον* 290, 12.  
*τροχίλου* 202, 8.  
*τροχός* 296, 20; 314, 6 *τροχοῦ* 294, 8; 296, 9. 13. 19; 298, 14 *τροχῶ* 314, 9 *τροχῶν* 292, 21; 294, 4.  
*τρύπημα* 204, 19.  
*τυγχάνει* 4, 4; 132, 1; 174, 24; 190, 4 *τυγχάνη* 92, 11 *ἐτυχεν* 162, 4; 228, 11; 238, 7 *τύχη* 264, 2 *τύχοι* 10, 20; 66, 9. 20; 146, 3; 176, 9; 218, 7. 12; 220, 13; 224, 8; 230, 3; 236, 23; 240, 9; 254, 1; 256, 29; 276, 1; 296, 11; 298, 9; 302, 8. 11; 306, 10; 308, 6; 312, 1 *τυχόν* 164, 3; 170, 24; 184, 21; 216, 2. 3. 4; 220, 5; 240, 15 *τυχόντοος* 46, 9; 238, 7. 9. 10. 12 *τυχόντι* 252, 16 *τυχόντα* 126, 11; 232, 21 *τυχοῦσαν* 260, 24 *τετυγέτω* 222, 28; 226, 16.  
*τυλάριον* 200, 16 *τυλάρια* 200, 12.  
*τύλος* 204, 14 *τύλον* 204, 21.  
*τυμπάνιον* 190, 27. 30; 194, 8. 16. 19. 20; 294, 21 *τυμπανίου* 194, 1. 5. 15. 27; 294, 14; 296, 7. 10. 16. 22; 298, 17; 300, 11 *τυμπανίω* 194, 4. 6. 11. 23; 296, 9 *τυμπάνια* 300, 3. 18. 20 *τυμπανίων* 212, 21; 298, 23.



τύμπανον 244, 2; 246, 15. 22.  
27; 248, 7; 250, 2; 288, 8;  
294, 9. 12. 16. 17; 298, 8. 10.  
18; 308, 5. 16. 23; 310, 1. 3.  
8. 15. 16. 17; 312, 11. 24. 25;  
314, 12 τυμπάνου 246, 16;  
286, 25; 288, 8; 296, 1; 298,  
12. 13. 27; 300, 7; 308, 17;  
310, 2. 4. 5. 11. 13. 16. 18. 23;  
312, 4 τυμπάνω 218, 26;  
288, 1; 294, 17; 298, 19;  
300, 15; 310, 8. 9 τύμπανα  
296, 4; 308, 1 τυμπάνων 300,  
23; 306, 23; 310, 25.  
τύπτειν 290, 6.

## Υ

ύάλινον 196, 21 ύάλινα 196,  
23. 27. 28 ύάλινων 200, 3. 9.  
ύγρὸν 212, 12; 214, 3.  
ύδραγωγίον 214, 5.  
ύδρευμα 272, 18.  
ύδωρ 138, 14. 15; 212, 11. 16.  
18. 23; 214, 7. 10; 284, 15.  
17. 19. 23; 286, 2. 8. 11. 14.  
15 ύδατος 138, 13; 196, 24;  
212, 5; 214, 9 ύδατι 272, 19  
ύδάτων 190, 3.  
ύλην 254, 2.  
ύπαντήσουσιν 240, 25.  
ύπάρχει 90, 8; 144, 15; 272,  
10; 288, 4. 15. 17; 302, 6  
ύπάρχη 96, 15; 132, 4 ύπάρ-  
χειν 94, 17; 214, 19; 302, 9;  
308, 16 ύπάρχον 92, 17; 228,  
11 ύπάρχοντα 140, 11 ύπάρ-  
χουσα 310, 14 ύπάρχουσιν  
126, 1 ύπάρχοντος 2, 6; 234,  
4; 268, 18 ύπαρχούσης 4, 4,  
(5); 26, 3; 284, 11 ύπήρχε  
212, 14.  
ύπερβάλλειν 140, 20 ύπερβάλλει  
178, 7 ύπερβάλλοντα 178, 5  
ύπερβάλλοντι 268, 7 ύπερ-  
βάλλον 268, 15 ύπερβάλλη

268, 5 ύπερβάλω 268, 13  
ύπερβ βληκέτω 268, 5.  
ύπερβολήν 246, 13.  
ύπερέχει 24, 15. 17. 18; 282,  
26; 284, 1. 2 ύπερεχέτω 312, 6  
ύπερεχέτωσαν 300, 4 ύπερέ-  
χειν 246, 16.  
ύπερκειμένω 252, 25.  
ύπεροχή 24, 15. 16(17.) 18; 68,  
24; 120, 20; 124, 15; 126, 8;  
212, 9; 228, 25; 236, 19; 282,  
26; 312, 8 ύπεροχῆς 68, 22  
ύπεροχήν 112, 6 ύπεροχαί  
290, 5 ύπεροχάς 200, 13 ύπε-  
ροχῶν 196, 5.  
ύπερπίπτει 306, 17 ύπερπίπτουσι  
306, 19 ύπερπιπτούσης 306,  
18.  
ύπερτεθέντα 276, 26.  
ύπερχυθήσεται 138, 14.  
ύπισχνεῖται 142, 2.  
ύπογεγραμμένον 264, 17.  
ύποδείγματος 102, 6.  
ύποδείξομεν 248, 16.  
ύπόθεσιν 74, 7. 17.  
ύποκείσθω 10, 25. (26) ύποκεί-  
μενον 126, 12. 16 ύποκειμέ-  
νης 126, 26 ύποκειμένω 128,  
1; 255, 23 ύποκείμεναι 126,  
21 ύποκειμένων 152, 7; 156,  
18; 164, 3. 15; 168, 10.  
ύπολαμβάνομεν 138, 7 ύπολαμ-  
βάνουσιν 74, 5 ύπολαβόντες  
212, 24.  
ύπόνομος 254, 4 ύπονόμον 240,  
28; 242, 24. 25; 252, 25; 254,  
3. 12 ύπονόμω 240, 27. 28;  
242, 9. 17. 20; 254, 1. 6. 11;  
256, 8 ύπόνομον 252, 27.  
ύποσύροντος 190, 14.  
ύποτείνουσιν 8, 13 ύποτείνουσα  
232, 5.  
ύποτετάκται 86, 2.  
ύποτίθεται 6, 7 ύπεθέμεθα  
308, 18.  
ύφελε 24, 25; 30, 8.



ὑποστησώμεθα 74, 26; 292, 7

ὑποστησάμενον 28, 2.

ὑποχειρίους 190, 17.

ὑψος 2, 16; 76, 19; 80, 15. 20;

84, 17. 22. 27; 88, 14. 16;

94, 9. 10. 13. 19. 21. 23; 96,

13. 17. 20. 22. 28; 98, 2. 3.

6. 9. 11. 16. 27; 102, 11. 13.

19; 106, 16; 114, 8. 11. 14.

17. 26; 116, 2. 9. 16; 118, 6.

8. 22; 122, 2. 6. 19; 124, 3;

128, 25; 130, 15. 20. 23; 134,

5. 8. 13; 180, 12. 19; 182,

16; 196, 15. 22; 200, 6. 8

ὑψους 184, 4. 8.

# Φ

φαίνονται 74, 23 φαίνεσθωσαν

270, 7 φανῆ 216, 8; 218, 26;

222, 3. 8. 24. 28; 228, 6; 234,

28; 240, 1; 242, 8. 16; 256,

25; 258, 9 φανῶσι 228, 14;

242, 12 φανῆναι 220, 7; 242,

2 πεφηνέτω 216, 8; 222, 10;

240, 2.

φανερὰ 94, 1 φανερόν 12, 15.

(16); 40, 17; 110, 7; 224, 14;

228, 24; 230, 27; 232, 26;

234, 3; 246, 4; 256, 7; 260,

15 φανεράν 36, 11; 132, 10.

φέρειν 188, 12 φέρουσαι 254, 5

φέρεται 304, 11 φέρηται 96, 4

φερέσθω 94, 14 φερόμενον

214, 10; 314, 5 φερομένην

96, 7 φέρεσθαι 94, 16; 96, 6

έφερετο 96, 11.

πεφιλοτιμήμεθα 188, 17.

φορά 96, 10.

φορτίον 308, 12. 15; 312, 17.

φρεατίας 240, 27; 242, 24; 252,

26; 254, 2; 256, 5 φρεατίαν

254, 7 φρεατίαι 254, 4 φρεα-

τιῶν 254, 8.

φύσεως 140, 8.

φυσικοῦ 190, 14.

φῶτα 132, 4.

# Χ

χαλκωμένης 204, 3.

κεχαλάσθω 254, 7.

χαλκοῦς 196, 16 χάλκεον 190, 27;

294, 1 χαλκοῦν 196, 11. 18

χαλκᾶ 194, 25; 200, 1. 8

χαλκῶ 196, 13 χαλκῇ 190, 29.

χάριν 216, 13.

χάρτη 216, 10 χάρτην 90, 15. 17.

χαῦνον 214, 6.

χεῖλος 304, 7. 9.

χειμερινάς 302, 28; 304, 13.

χειρολάβης 312, 19 χειρολάβην

312, 9.

χελωνάριον 200, 24 χελωναρίου

202, 6 χελωναρίω 200, 26.

χοινικίς 190, 28; 194, 23 χοι-

νικίδα 194, 9 χοινικίδος 194,

10 χοινικίδι 194, 21; 294, 3.

χοινικιδίω 200, 17 χοινικίδια

200, 6.

χορηγεῖ 286, 8.

χορηγία 286, 17.

χρεία 194, 16 χρείας 188, 4;

190, 1. 23; 286, 20; 288, 21

χρείαν 188, 6.

χρειώδους 2, 5.

χερή 190, 16; 242, 24; 284, 13;

286, 6.

χερήσιν 204, 25.

χρίεται 202, 4.

χρόνον 286, 17 χρόνον 290, 1.

χεῶνται 272, 19; 288, 20 χεῖσθαι

138, 26 χεῖσόμεθα 76, 17;

302, 20 χεῖσασθαι 76, 5; 288,

23; 296, 25 χεῖσάμενοι 118,

25 κέχευονται 188, 15 κέχευ-

μένους 288, 25.

χώραν 140, 10; 196, 7; 296, 3

χώρα 196, 5.

χωρήσαι 2, 8 χωρήσομεν 174, 23

χωρητέον 92, 5.

χωρίον 4, 12. 21. 23. 27; 6, 8.

18. 20; 68, 13; 76, 28; 140,

5; 142, 3; 144, 22; 152, 10;

162, 1; 166, 18; 168, 4. 12;  
260, 18. 19. 23; 262, 9. 11;  
264, 17; 266, 2. 5. 9. 11. 13.  
15; 268, 7. 10. 21; 272, 16.  
20. 22. 26; 274, 5. 15. 17. 18.  
20 χωρίου 68, 6. 8. 23; 74,  
14; 162, 2; 166, 14. 22; 170,  
2; 264, 1. 19; 268, 17; 274,  
6. 9. 13. 23; 276, 10. 25 χω-  
ρία 4, 25; 6, 2. 19; 140, 19;  
142, 3. 7 χωρίων 140, 3; 174,  
22 χωρίους 140, 4; 144, 15.  
χωρίς 18, 14; 20, 10; 84, 20;  
88, 12; 280, 19.  
χωροβατήσαντα 228, 21.

## Ψ

ψάειν 300, 18 ψάοντα 200, 3;  
300, 3.  
ψευδῶς 188, 8.

## Ω

ώρα 286, 13 ὥρας 302, 24. 25;  
304, 12. 16. 25 ὥρων 284, 15;  
304, 23.  
ὠροσκοπίου 286, 13.  
ὠσαννὴ 222, 13; 302, 2.  
ὠσαννῶς 94, 23. 28; 100, 5;  
112, 8; 218, 17; 242, 18;  
258, 1; 266, 7.  
ὥσπερ 86, 6; 90, 14; 92, 8;  
94, 5; 236, 21; 250, 6; 272, 18.  
ὥσπερ εἰ 94, 18.  
ὥστε 2, 7. 11; 4, 24; 10, 7; 18,  
12. 29; 24, 7. 10; 30, 26;  
32, 2; 34, 2. 30; 38, 7. 25;  
42, 3; 44, 13. 18. 22; 46, 11.

27; 48, 23; 52, 2; 54, 27;  
56, 1. 4. 23; 58, 22. 26; 60,  
22; 62, 4. 5. 23; 64, 17. 22;  
66, 9. 19. 30; 68, 28; 70, 21;  
72, 1. 16; 74, 16; 76, 14;  
78, 20; 80, 7; 88, 1. 9. 14;  
90, 10; 94, 15. 22. 25; 96, 5;  
100, 1; 102, 1. 14. 16; 104, 9;  
106, 27; 108, 4. 10; 110, 18.  
21; 112, 14; 114, 14. 25;  
120, 8. 10; 122, 4. 11. 29;  
128, 14. 16. 19; 130, 6. 10;  
132, 24; 134, 6.; 138, 21; 140,  
19; 144, 1. 12; 148, 4. 7. 27;  
150, 16. 20; 152, 12. 22; 154,  
14; 156, 23; 162, 17. 28; 168,  
12. 15; 170, 16. 21; 172, 28;  
174, 4. 10; 176, 8. 20; 172, 24;  
180, 9. 14. 25; 182, 3. 7; 184,  
11. 17. 19; 188, 18. 21; 194,  
17. 27; 196, 6. 11. 14. 18. 28;  
202, 28; 212, 9; 214, 8; 216,  
23; 220, 7. 16; 226, 5; 228,  
22. 23. 25; 230, 1. 5. 9;  
232, 5; 236, 27; 238, 1;  
242, 1; 244, 7. 12; 246, 15;  
248, 7. 10; 250, 4. 15; 252,  
15. 17; 254, 1. 14. 19. 28. 24;  
262, 7; 264, 10. 23; 266, 12;  
268, 8; 270, 4. 14; 272, 5. 24;  
274, 1; 276, 12. 22. 24; 278,  
6. 12; 280, 5; 282, 19. 22;  
284, 19. 22. 24; 286, 15; 290,  
5. 9; 292, 18; 294, 6. 20; 296,  
8. 25; 298, 23; 300, 7. 12. 21;  
306, 26; 308, 11; 310, 1. 26.  
29; 312, 11. 15; 314, 13.

## Addendum.

Hodometri descriptionem (π. διόπτρας c. 34) Wilamowitzius (Griech. Lesebuch p. 262 sq.) ex parte edidit cum figura emendatiore. Idem p. 294, 13 huius editionis διαροαίω scribendum, 300, 6 ὡς ἂν dittographia natum delendum esse perspexit.